עבודה 5 בעקרונות שפות תכנות

# חלק 1

## שאלה 1

נבצע Type inference לפונקציה הנתונה על פי שלבי האלגוריתם המתאים.

((lambda (x1 y1) (if (> x1 y1) #t #f)) 8 3)

שלב 1: Renaming – אין צורך בשינוי שמות המשתנים, כבר יש להם שמות ייחודיים.

שלב 2: התאמת משתני טיפוס לכל תתי הביטויים.

|  |  |
| --- | --- |
| **Var** | **Expression** |
| T0 | ((lambda (x1 y1) (if (> x1 y1) #t #f)) 8 3) |
| T1 | (lambda (x1 y1) (if (> x1 y1) #t #f)) |
| Tif | (if (> x1 y1) #t #f) |
| Ttest | (> x1 y1) |
| T> | > |
| Tx1 | x1 |
| Ty1 | y1 |
| T#t | #t |
| T#f | #f |
| Tnum8 | 8 |
| Tnum3 | 3 |

שלב 3: בניית משוואות טיפוסים.

|  |  |
| --- | --- |
| **Equation** | **Expression** |
| T1 = [Tnum8 \* Tnum3 → T0] | ((lambda (x1 y1) (if (> x1 y1) #t #f)) 8 3) |
| T1 = [Tx1 \* Ty1 → Tif] | (lambda (x1 y1) (if (> x1 y1) #t #f)) |
| Tif = T#t  Ttest = boolean  T#t = T#f | (if (> x1 y1) #t #f) |
| T> = [Tx1 \* Ty1 → Ttest] | (> x1 y1) |
| T> = [number \* number → boolean] | > |
| T#t = boolean | #t |
| T#f = boolean | #f |
| Tnum8 = number | 8 |
| Tnum3 = number | 3 |

שלב 4: פתרון המשוואות.

|  |  |
| --- | --- |
| **Substitution** | **Equation** |
|  | T1 = [Tnum8 \* Tnum3 → T0] |
| T1 = [Tx1 \* Ty1 → Tif] |
| Tif = T#t |
| Ttest = boolean |
| T#t = T#f |
| T> = [Tx1 \* Ty1 → Ttest] |
| T> = [number \* number → boolean] |
| T#t = boolean |
| T#f = boolean |
| Tnum8 = number |
| Tnum3 = number |

|  |  |
| --- | --- |
| **Substitution** | **Equation** |
| T1 = [Tnum8 \* Tnum3 → T0] | T1 = [Tx1 \* Ty1 → Tif] |
| Tif = T#t |
| Ttest = boolean |
| T#t = T#f |
| T> = [Tx1 \* Ty1 → Ttest] |
| T> = [number \* number → boolean] |
| T#t = boolean |
| T#f = boolean |
| Tnum8 = number |
| Tnum3 = number |

|  |  |
| --- | --- |
| **Substitution** | **Equation** |
| T1 = [Tnum8 \* Tnum3 → T0] | Tif = T#t |
| Ttest = boolean |
| T#t = T#f |
| T> = [Tx1 \* Ty1 → Ttest] |
| T> = [number \* number → boolean] |
| T#t = boolean |
| T#f = boolean |
| Tnum8 = number |
| Tnum3 = number |
| Tx1 = Tnum8 |
| Ty1 = Tnum3 |
| Tif = T0 |

|  |  |
| --- | --- |
| **Substitution** | **Equation** |
| T1 = [Tnum8 \* Tnum3 → T0]  Tif = T#t  Ttest = boolean | T#t = T#f |
| T> = [Tx1 \* Ty1 → Ttest] |
| T> = [number \* number → boolean] |
| T#t = boolean |
| T#f = boolean |
| Tnum8 = number |
| Tnum3 = number |
| Tx1 = Tnum8 |
| Ty1 = Tnum3 |
| Tif = T0 |

|  |  |
| --- | --- |
| **Substitution** | **Equation** |
| T1 = [Tnum8 \* Tnum3 → T0]  Tif = T#f  Ttest = boolean  T#t = T#f | T> = [Tx1 \* Ty1 → Ttest] |
| T> = [number \* number → boolean] |
| T#t = boolean |
| T#f = boolean |
| Tnum8 = number |
| Tnum3 = number |
| Tx1 = Tnum8 |
| Ty1 = Tnum3 |
| Tif = T0 |

|  |  |
| --- | --- |
| **Substitution** | **Equation** |
| T1 = [Tnum8 \* Tnum3 → T0]  Tif = T#f  Ttest = boolean  T#t = T#f | T> = [Tx1 \* Ty1 → boolean] |
| T> = [number \* number → boolean] |
| T#t = boolean |
| T#f = boolean |
| Tnum8 = number |
| Tnum3 = number |
| Tx1 = Tnum8 |
| Ty1 = Tnum3 |
| Tif = T0 |

|  |  |
| --- | --- |
| **Substitution** | **Equation** |
| T1 = [Tnum8 \* Tnum3 → T0]  Tif = T#f  Ttest = boolean  T#t = T#f  T> = [Tx1 \* Ty1 → boolean] | T> = [number \* number → boolean] |
| T#t = boolean |
| T#f = boolean |
| Tnum8 = number |
| Tnum3 = number |
| Tx1 = Tnum8 |
| Ty1 = Tnum3 |
| Tif = T0 |

|  |  |
| --- | --- |
| **Substitution** | **Equation** |
| T1 = [Tnum8 \* Tnum3 → T0]  Tif = T#f  Ttest = boolean  T#t = T#f  T> = [Tx1 \* Ty1 → boolean]  T> = [number \* number → boolean] | T#t = boolean |
| T#f = boolean |
| Tnum8 = number |
| Tnum3 = number |
| Tx1 = Tnum8 |
| Ty1 = Tnum3 |
| Tif = T0 |
| Tx1 = number |
| Ty1 = number |
| boolean = boolean |

|  |  |
| --- | --- |
| **Substitution** | **Equation** |
| T1 = [Tnum8 \* Tnum3 → T0]  Tif = T#f  Ttest = boolean  T#t = T#f  T> = [Tx1 \* Ty1 → boolean]  T> = [number \* number → boolean]  T#t = boolean | T#f = boolean |
| Tnum8 = number |
| Tnum3 = number |
| Tx1 = Tnum8 |
| Ty1 = Tnum3 |
| Tif = T0 |
| Tx1 = number |
| Ty1 = number |
| boolean = boolean |

|  |  |
| --- | --- |
| **Substitution** | **Equation** |
| T1 = [Tnum8 \* Tnum3 → T0]  Tif = boolean  Ttest = boolean  T#t = boolean  T> = [Tx1 \* Ty1 → boolean]  T> = [number \* number → boolean]  T#t = boolean  T#f = boolean | Tnum8 = number |
| Tnum3 = number |
| Tx1 = Tnum8 |
| Ty1 = Tnum3 |
| Tif = T0 |
| Tx1 = number |
| Ty1 = number |
| boolean = boolean |

|  |  |
| --- | --- |
| **Substitution** | **Equation** |
| T1 = [number \* number → T0]  Tif = boolean  Ttest = boolean  T#t = boolean  T> = [Tx1 \* Ty1 → boolean]  T> = [number \* number → boolean]  T#t = boolean  T#f = boolean  Tnum8 = number  Tnum3 = number | Tx1 = Tnum8 |
| Ty1 = Tnum3 |
| Tif = T0 |
| Tx1 = number |
| Ty1 = number |
| boolean = boolean |

|  |  |
| --- | --- |
| **Substitution** | **Equation** |
| T1 = [number \* number → T0]  Tif = boolean  Ttest = boolean  T#t = boolean  T> = [Tx1 \* Ty1 → boolean]  T> = [number \* number → boolean]  T#t = boolean  T#f = boolean  Tnum8 = number  Tnum3 = number | Tx1 = number |
| Ty1 = Tnum3 |
| Tif = T0 |
| Tx1 = number |
| Ty1 = number |
| boolean = boolean |

|  |  |
| --- | --- |
| **Substitution** | **Equation** |
| T1 = [number \* number → T0]  Tif = boolean  Ttest = boolean  T#t = boolean  T> = [number \* Ty1 → boolean]  T> = [number \* number → boolean]  T#t = boolean  T#f = boolean  Tnum8 = number  Tnum3 = number  Tx1 = number | Ty1 = Tnum3 |
| Tif = T0 |
| Tx1 = number |
| Ty1 = number |
| boolean = boolean |

|  |  |
| --- | --- |
| **Substitution** | **Equation** |
| T1 = [number \* number → T0]  Tif = boolean  Ttest = boolean  T#t = boolean  T> = [number \* Ty1 → boolean]  T> = [number \* number → boolean]  T#t = boolean  T#f = boolean  Tnum8 = number  Tnum3 = number  Tx1 = number | Ty1 = number |
| Tif = T0 |
| Tx1 = number |
| Ty1 = number |
| boolean = boolean |

|  |  |
| --- | --- |
| **Substitution** | **Equation** |
| T1 = [number \* number → T0]  Tif = boolean  Ttest = boolean  T#t = boolean  T> = [number \* number → boolean]  T> = [number \* number → boolean]  T#t = boolean  T#f = boolean  Tnum8 = number  Tnum3 = number  Tx1 = number  Ty1 = number | Tif = T0 |
| Tx1 = number |
| Ty1 = number |
| boolean = boolean |
|  |

|  |  |
| --- | --- |
| **Substitution** | **Equation** |
| T1 = [number \* number → boolean]  Tif = boolean  Ttest = boolean  T#t = boolean  T> = [number \* number → boolean]  T> = [number \* number → boolean]  T#t = boolean  T#f = boolean  Tnum8 = number  Tnum3 = number  Tx1 = number  Ty1 = number  T0 = boolean | Tx1 = number |
| Ty1 = number |
| boolean = boolean |

|  |  |
| --- | --- |
| **Substitution** | **Equation** |
| T1 = [number \* number → boolean]  Tif = boolean  Ttest = boolean  T#t = boolean  T> = [number \* number → boolean]  T> = [number \* number → boolean]  T#t = boolean  T#f = boolean  Tnum8 = number  Tnum3 = number  Tx1 = number  Ty1 = number  T0 = boolean | ~~T~~~~x1~~ ~~= number~~ |
| ~~T~~~~y1~~ ~~= number~~ |
| ~~boolean = boolean~~ |

## שאלה 2

### סעיף a

נכון.

{f:[T1->T2], x: T1} |- (f x): T2

ניצור משתני טיפוס לכל אחד מתתי הביטויים:

|  |  |
| --- | --- |
| **Var** | **Expression** |
| Tapp | (f x) |
| Tf | f |
| Tx | x |

בהינתן f:[T1->T2], ניתן להסיק כי Tf = [T1 -> T2].

מכלל הגזירה של App Expression נובע Tf = [T1 -> Tapp]. כלומר Tapp = T2.

עוד נתון כי x: T1 ולכן הפעלת f על x תקינה ותניב את ערך מטיפוס T2 כאמור.

לסיכום, (f x): T2.

### סעיף b

לא נכון.

{f:[T1->T2], g: [T2->T3]}, x: T2} |- (f g x): T3

על פי הנתון f:[T1->T2] ניתן להסיק כי f היא פונקציה המקבלת פרמטר אחד (מסוג T1).

לכן ודאי הביטוי (f g x) לא יכול להיות מטיפוס T3, מכיוון שהוא לא ביטוי תקין (הפעלת f על 2 פרמטרים).

### סעיף c

נכון.

{f:[T2->T1], g: [T1->T2], x: T1} |- (f (g x)): T1

על פי הנתונים x: T1 ו- g: [T1->T2] ניתן להסיק כי הפעלת g עם הפרמטר x תקינה, ותניב ערך מטיפוס T2. כלומר (g x): T2.

כמו כן, מהנתון f:[T2->T1] נובע שהפעלת f על הערך שמתקבל מ- (g x) תקינה ותחזיר ערך מטיפוס T1. כלומר (f (g x)): T1.

### סעיף d

לא נכון.

{f:[T2->Number], x: Number} |- (f x x): Number

על פי הנתון f:[T2->Number] ניתן להסיק כי f היא פונקציה המקבלת פרמטר אחד (מסוג T2).

לכן ודאי הביטוי (f x x) לא יכול להיות מטיפוס Number, מכיוון שהוא לא ביטוי תקין (הפעלת f על 2 פרמטרים).

## שאלה 3

הטיפוס של cons הוא [T1 \* T2 -> Pair(T1, T2)].

cons היא פונקציה המקבלת שני פרמטרים, ייתכן כי מטיפוסים שונים, ולכן היא מהצורה  
[T1 \* T2 -> T3].

cons יוצרת משני הפרמטרים שהיא מקבלת זוג סדור המכיל את שני האיברים האלה על פי סדר הפרמטרים, לכן טיפוס הערך המוחזר מ- cons הוא Pair כך שטיפוס האיבר הראשון בו זהה לטיפוס הפרמטר הראשון שניתן לפונקציה cons (כלומר T1), ובדומה טיפוס האיבר השני הוא T2. כלומר, T3 = Pair(T1, T2).

הטיפוס של car הוא [Pair(T1, T2) -> T1].

car היא פונקציה המקבלת פרמטר אחד שהוא זוג המכיל שני איברים, ייתכן כי מטיפוסים שונים, ולכן היא מהצורה [Pair(T1, T2) -> T3].

car מחזירה את האיבר הראשון בזוג. לכן טיפוס הערך המוחזר מ- car זהה לטיפוס של האיבר הראשון בזוג (T1). כלומר T3 = T1.

הטיפוס של cdr הוא [Pair(T1, T2) -> T2].

cdr היא פונקציה המקבלת פרמטר אחד שהוא זוג המכיל שני איברים, ייתכן כי מטיפוסים שונים, ולכן היא מהצורה [Pair(T1, T2) -> T3].

cdr מחזירה את האיבר השני בזוג. לכן טיפוס הערך המוחזר מ- cdr זהה לטיפוס של האיבר השני בזוג (T2). כלומר T3 = T2.

## שאלה 4

להשלים.

## שאלה 5

### סעיף a

עבור {x: T1}, {x: T2} ה-MGU הוא {T1=T2}.

זאת משום ש- {x: T1} o {T1=T2} = {x: T1} o {T1=T2}, וה-unifier הזה מבצע substitution רק עבור הטיפוסים הנחוצים מבלי להניח הנחות נוספות על האיברים המוחלפים. בנוסף, כל שאר ה-unifiers מתקבלים ממנו ע"י הפעלת substitutions נוספים, לכן הוא ה-MGU (עד כדי renaming).

### סעיף b

עבור {x: Number}, {x: Number} ה- MGUהוא { }, כלומר unifier ריק.

זאת משום ש- {x: Number } o { } = {x: Number } o { }, וכל שאר ה-unifiers מתקבלים ממנו ע"י הפעלת substitutions נוספים, לכן הוא ה-MGU.

### סעיף c

עבור

{x: [T1\*[T1->T2]->Number]}, {x: [[T3->Number]\*[T4->Number]->Number]}

ה-MGU הוא **{T1=[T3->Number], T1=T4, T2=Number}**. זאת משום ש-

{x: [T1\*[T1->T2]->Number]} o **{T1=[T3->Number], T1=T4, T2=Number}**  
= {x: [[T3->Number]\*[T4->Number]->Number]} o  
 **{T1=[T3->Number], T1=T4, T2=Number}**  
= {x: [[T3->Number]\*[[T3->Number]->Number]->Number]}

כמו כן, ה-unifier הזה מבצע substitution רק עבור הטיפוסים הנחוצים מבלי להניח הנחות נוספות על האיברים המוחלפים. בנוסף, כל שאר ה-unifiers מתקבלים ממנו ע"י הפעלת substitutions נוספים, לכן הוא ה-MGU (עד כדי renaming).

### סעיף d

עבור {x: [T1->T1]} , {x: [T1->[Number->Number]]}

ה-MGU הוא {T1=[Number->Number]}. זאת משום ש-

x: [T1->T1]} o {T1=[Number->Number]}  
= {x: [T1->[Number->Number]]} o {T1=[Number->Number]}  
= {x: [[Number->Number]->[Number->Number]]}

כמו כן, ה-unifier הזה מבצע substitution רק עבור הטיפוסים הנחוצים מבלי להניח הנחות נוספות על האיברים המוחלפים. בנוסף, כל שאר ה-unifiers מתקבלים ממנו ע"י הפעלת substitutions נוספים, לכן הוא ה-MGU.

# חלק 4

## שאלה 1

### סעיף b

לשימוש בממשק של Promises ישנם מספר יתרונות על פני השימוש בממשק של Callbacks:

1. החתימה של הפונקציות בממשק של Promises דומות מאד לממשק הסינכרוני (למעט ערך ההחזרה שהוא מהצורה Promise<T>). לעומת זאת, הטיפוסים של הפונקציות בממשק Callbacks מסובכים הרבה יותר.
2. Error Handling פשוט יותר במנגנון Promises, ומתבצע על ידי שימוש ב ".catch" יחיד בסוף שרשור הPromises. לעומת זאת, טיפול בשגיאות במנגנון Callbacks הוא מסובך הרבה יותר, ודורש טיפול נפרד בשגיאות בכל callback.
3. שימוש סדרתי ב Promises מאפשר הרכבה נוחה של קריאות לפונקציות על ידי שרשור נוח רצף הפעולות שאמורות להתבצע בתוכנית (בעזרת ".then"). לעומת זאת, ניהול סדר הקריאות של callbacks הוא מסובך יותר ודורש קינון של callbacks אחד בתוך השני שהוא אינטואיטיבי פחות.