



به نام خدا



دانشگاه تهران  
دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر  
پردازش سیگنال‌های زمان-گسسته  
تمرین کامپیوتری سری ۴

نام و نام خانوادگی	سهند خوشدل
شماره دانشجویی	۸۱۰۱۹۶۶۰۷
تاریخ ارسال گزارش	۹۹/۵/۱۳

## فهرست گزارش سوالات

3	قسمت ۱ -
18	قسمت ۲ -

## 1.Spatial domain filtering

### ۱.۱) توصیف عملکرد کرنل ها :

#### شیوه انجام کانولوشن:

- هر یک از کرنل ها یک ماتریس سه در سه هستند که حین انجام کانولوشن مانند کانولوشن سیگنال ها، کرنل باید برعکس شود ( که در اینجا معادل یک بار وارون جانبی شدن و یک بار بالا پایین شدن ( horizontal and vertical flip ) می باشد ) و سپس روی تمام عناصر (پیکسل) ماتریس حرکت کند و ماتریس کرنل در ماتریس حاصل از پیکسل هایی که در آن واحد پوشش داده می شوند، ضرب داخلی شود و حاصل این ضرب به عنصر (پیکسل) وسط اطلاق شود. که در ادامه تمرین به این پیکسل " **پیکسل هدف** " گفته ام. از آنجا که برای پیکسل هایی که در مجاورت لبه ها و گوشه های تصویر قرار دارند به جای ۸ پیکسل همسایه، به ترتیب ۵ و ۳ پیکسل مجاور وجود دارد. خود تابع conv2 حین اعمال شدن، تصویر را به اندازه  $\frac{(kernelsize-1)}{2}$  لبه ها باید extend شوند.

سپس کرنل پس از انجام ضرب روی هر بلوک ۳ در ۳ به پیکسل مجاور می رود و دوباره همین کار را تکرار می کند تا تمام پیکسل های تصویر را پوشش دهد. در ادامه به توصیف عملکرد برخی کرنل ها با توجه به تحلیل خروجی آن ها خواهیم پرداخت:

#### توصیف رفتار کرنل های نمونه :

0	0	0	-1	2	-1	-1	-1	-1	0.1111	0.1111	0.1111	0.0113	0.0838	0.0113	-1	-1	-1	0.0625	0.125	0.0625	0	-1	0
0	1	0	-1	2	-1	2	2	2	0.1111	0.1111	0.1111	0.0838	0.6193	0.0838	-1	8	-1	0.125	0.25	0.125	-1	5	-1
0	0	0	-1	2	-1	-1	-1	-1	0.1111	0.1111	0.1111	0.0113	0.1111	0.0113	-1	-1	-1	0.0625	0.125	0.0625	0	-1	0

identity (ح)

line V (ز)

line H (و)

avg moving (ه)

gauss (د)

outline (ج)

blur (ب)

sharpen (آ)

0	-1	0
-1	5	-1
0	-1	0

sharpen (I)

Sharpen : (I)

فیلتر sharpen با اختصاص وزن های 1- به پیکسل های همسایه عمودی و افقی پیکسل هدف ( وسطی)، به نوعی مشتق گیری در جهت های عمودی و افقی می پردازد ( از آنجا که وزن 5 را می توان به چهار وزن 1+ برای انجام مشتق گیری با همسایه ها ( در حوره گسسته difference پیدا کردن معادل مشتق گیری است) و همچنین 1 وزن که برای پیکسل هدف باقی می ماند تا تاثیر محتوای پیکسل هدف در پیکسل متناظر تصویر خروجی بیشتر باشد ( زمانی که جمع عناصر کرنل صفر نباشد چنین حالتی داریم).



Figure 1.1: Horizontal/Vertical Sharpen Filter Output Image

مشاهده میکنیم که اگر وزن اعمالی روی پیکسل هدف را به 4 تغییر دهیم. تنها پیکسل هایی محتوای غیر صفر خواهند داشت که در همسایگی شان تغییر رنگ ( یا در اینجا intensity) شدیدی رخ داده باشد. در غیر این صورت با توجه به آنکه پیکسل های مجاور تقریباً همان سطح رنگی ( یا intensity) دارا خواهند بود حاصل ضرب داخلی انجام شده حین کانولوشن برای پیکسل هدف با چنین همسایگی ای صفر خواهد بود و پیکسل متناظر در خروجی سیاه خواهد شد: (نوعی لبه یابی یا outline) برای خطوط افقی و عمودی که مشتق intensity یا گرادیان rgb آن ها در جهت های نرمال یعنی به ترتیب عمودی و افقی است، اتفاق می افتد. در کرنل شماره "ج" با لبه یابی outline با وزن 8 نیز آشنا خواهیم شد.

0	-1	0
-1	4	-1
0	-1	0

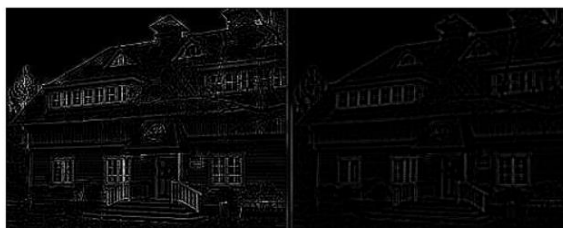


Figure 1.2: Vertical/Horizontal Outline with respect to center

0.0625	0.125	0.0625
0.125	0.25	0.125
0.0625	0.125	0.0625

(ب) : *Blur*

blur (ب)

فیلتر *blur* با اختصاص دادن وزن به تمامی پیکسل های مجاور پیکسل هدف نوعی میانگین گیری را انجام میدهد منتها وزن پیکسل متناظر (هدف) نسبت به پیکسل های مجاور و پیکسل های مجاور مجاور (با فاصله دو پیکسل) (یا به نوعی مجاور اریب) به ترتیب با پله ها  $\frac{1}{2}$  به گونه ای کاهش می یابد که جمع عناصر کرنل ها ۱ شود (normalized kernel) و *intensity* تصویر در نهایت دچار تغییر شدیدی نشود.



Figure 1.3: Blur Filter Output Image

اینجا هم می توانیم ببینیم که اگر عنصر وسط را ۱ واحد افزایش دهیم همان مسئله ای که در بند قبل مطرح شد اتفاق می افتد و روشنایی تصویر مقدار قابل توجهی بیشتر خواهد شد.

0.0675	0.125	0.0675
0.125	1.25	0.125
0.0675	0.125	0.0675

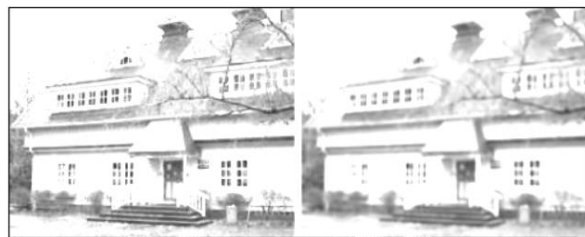


Figure 1.4: Blur Filter Output Image with additional center weight:

-1	-1	-1
-1	8	-1
-1	-1	-1

outline (ج)

همانطور که در انتهای قسمت "آ" توضیح داده شد، در حالتی که جمع وزن ها صفر باشد و خانه های مجاور وزن 1- داشته باشند ، مشتق گیری خالص صورت گرفته و وزن پیکسل هدف در محتوای پیکسل متناظر تاثیر گذار نخواهد بود. در فیلتر outline مشتق گیری در جهات اریب هم انجام می شود. با مقایسه تصویر زیر با Figure 1.2 در می یابیم که مشتق گیری در جهت اریب تاثیر بسیار بیشتری در یافتن لبه های جزئی و خطوط شکسته دارد. هر چند ممکن است کمی وضوح تصویر را مخدوش کند.



Figure 1.5: Outline Filter Output Image

در اینجا هم اگر وزن عنصر وسط را به 9 تغییر دهیم فیلتر outline عملاً به sharpening فیلتر تبدیل می شود، با این تفاوت که این بار sharpening در جهت اریب هم صورت میگیرد و مشتق گیری با پیکسل هایی که فاصله بیشتری دارند هم انجام می شود، در صورتی که در بخش الف sharpening تنها در جهات افقی و عمودی انجام می شد.

-1	-1	-1
-1	9	-1
-1	-1	-1



Figure 1.6: Vertical/Horizontal/Diagonal Sharpen Filter Output Image

0.0113	0.0838	0.0113
0.0838	0.6193	0.0838
0.0113	0.1111	0.0113

( Gauss : (د)

gauss (د)

فیلتر gauss نیز مانند فیلتر blur بر مبنای یک میانگین گیری وزن دار است. با این تفاوت که وزن هایی که استفاده می کند از توزیع گوسی ( نرمال ) بدست آمده. به همین دلیل به آن Gaussian Blur هم گفته می شود. نتیجه اعمال فیلتر gauss بر روی تصویر house در شکل زیر قابل مشاهده است:



Figure 1.7: Gaussian Blur Filter Output Image

وزن های فیلتر gauss چگونه محاسبه می شوند؟

با توجه به شکل زیر برای محاسبه وزن های فیلتر gauss یک توزیع نرمال اولیه نیاز است که میانگین آن مهم نیست و می توان صفر فرض کرد اما میزان انحراف معیار در تعیین وزن ها عامل موثر اصلی است چرا که وزن ها با توجه میانگین pdf در بازه هایی که با توجه به سائز کرنل و اندازه st\_dev تعریف می شود. یعنی در اینجا که کرنل های ۳ در ۳ داریم با میانگین گیری از pdf توزیع نرمال در بازه های مذکور عملاً وزن توزیع نرمال در هر بخش را در مستطیل هایی که به آن fit کرده ایم جمع می کنیم. تصویر زیر شیوه تولید وزن را در کرنل 3 در 3 داده شده را نشان می دهد

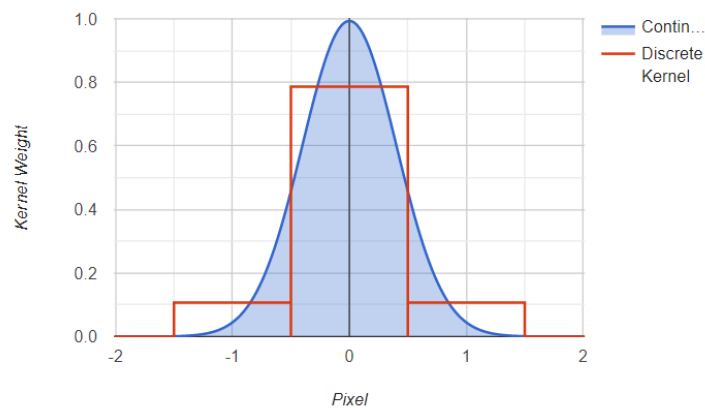
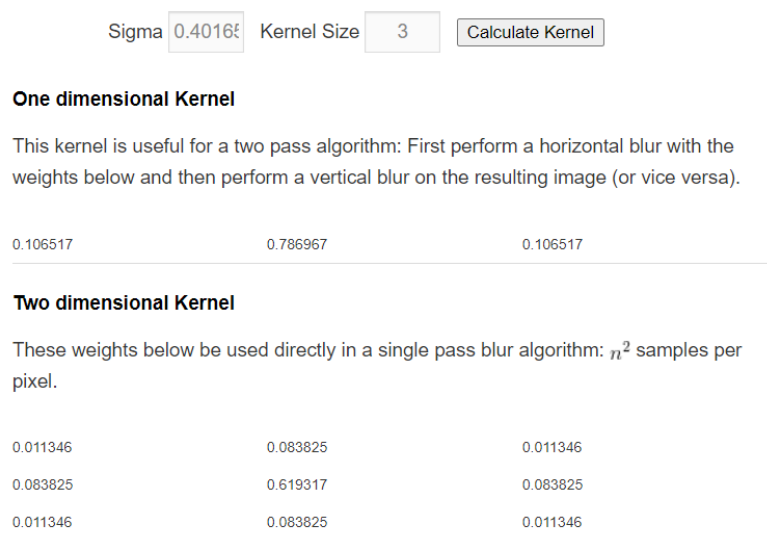


Figure 1.8: Producing Kernel Weights (In this Case: Sigma = 0.40165, Kernel Size = 3)

. با این حساب اگر  $\text{kernel size} = n$  داریم، کل بازه مورد بررسی از  $[-n/2, +n/2]$  خواهد بود و تعداد بازه ها هم به اندازه  $\text{kernel size}$  خواهد بود. (طول بازه ها همیشه واحد است). برای مقادیر کرنل gauss آورده شده در صورت پروژه با آزمون و خطای sigma های مختلف در یافتن gauss داده شده با انحراف معیاری در حدود  $\text{sigma} = 0.40165$  تولید شده است

بدین ترتیب از میانگین گیری در هر بازه عدد بدست می آید که از کنار هم قرار دادن اعداد حاصله در یک بردار با تعداد  $(\text{kernel size})$  عنصر، کرنل یک بعدی ما ساخته می شود. حال از ضرب کردن ترانهاده این کرنل یک بعدی که ستونی است  $(\text{kernel size} \times 1)$  در خودش که ردیفی است یک ماتریس دو بعدی که همان کرنل نهایی است به دست می آید. که اعداد متناظر با کرنل استفاده شده در این تمرین در تصویر زیر قابل مشاهده اند.



*Figure 1.9: Building 2D kernel weights*

می توان به این نتیجه نیز رسید که اگر میزان انحراف معیار توزیع نرمالی که این وزن ها را تولید می کند افزایش دهیم. وزن بیشتری به عنصر وسط ( متناظر با پیکسل هدف در کانولوشن ) و وزن کمتری به همسایگان داده خواهد شد و بدین ترتیب، شدت blur کمتر خواهد شد و از این نکته می توان برای طراحی این فیلتر در حالتی که مثل نرم افزار های ادیت عکس مثل فتوشاپ شدت آن قابل تنظیم است استفاده کرد.



0.1111	0.1111	0.1111
0.1111	0.1111	0.1111
0.1111	0.1111	0.1111

( Avg Moving: ۵ )

avg moving (۵)

در این فیلتر به تمام عناصر کرنل وزن یکسان اختصاص داده شده (همچنین normalize شده تا intensity تصویر در مجموع زیاد و کم نشود. در اینجا بر خلاف میانگین وزن داری که در blur داشتیم، که وزن های مختلف به عنصر وسط و همسایه ها اختصاص داده می شد، تاثیر پیکسل هدف (که متناظر با عنصر وسط کرنل است)، در خروجی مانند پیکسل های مجاور خود است و میانگین گیری به نوعی عادلانه انجام می شود. بدین ترتیب میران مشتق ( گرادیان ) در میان پیکسل ها کاهش می یابد و تغییر نور شدید در پیکسل های مجاور نرم می شود. خروجی این فیلتر در تصویر زیر قابل مشاهده است.



Figure 1.10: Average Moving Filter Output Image

-1	2	-1	-1	-1	-1
-1	2	-1	2	2	2
-1	2	-1	-1	-1	-1

(و، ز) : (line\_H, line\_V)

line V (ز)      line H (و)

این دو فیلتر، فیلترهای مورد استفاده در فاز اول تمرین هستند. که در واقع line\_H با مشتق گیری نسبت به راستای عمودی، خطوط افقی برجسته خواهند شد و در line\_V هم با مشتق گیری نسبت به راستای افقی، خطوط عمودی برجسته می شوند. فرق این مشتق گیری با مشتق گیری انجام شده در فیلتر outline مشتق گیری همزمان نسبت به راستای افقی و عمودی برای پیکسل هدف صورت میگیرد، در حالی که در این دو فیلتر برای برجسته شدن خطوط عمودی و افقی مشتق گیری فقط نسبت به راستای دیگر صورت می گیرد. خروجی فیلترهای line\_H و line\_V در شکل های زیر قابل مشاهده اند.

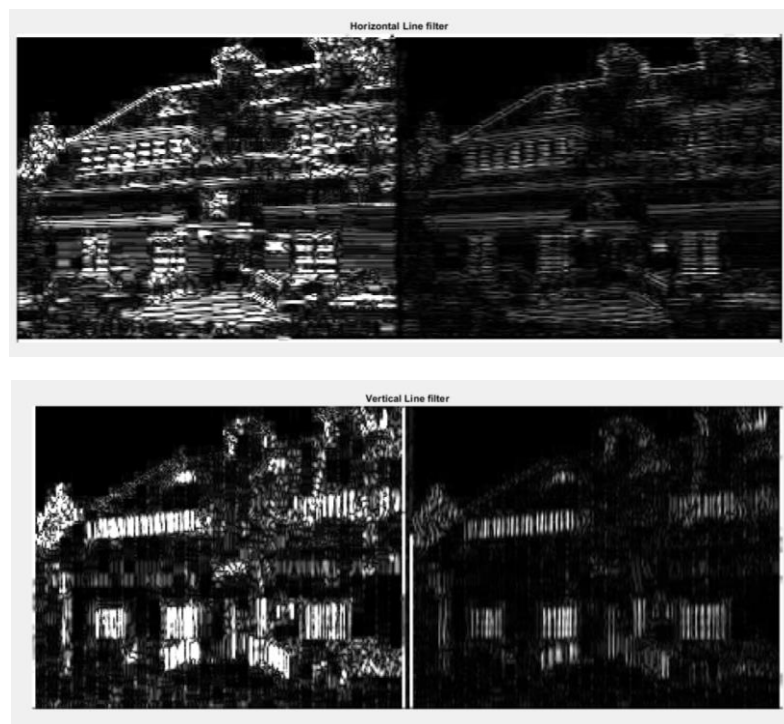


Figure 1.11: line\_H, line\_V Filter Output Image

0	0	0
0	1	0
0	0	0

(ح) Identity:

identity (ح)

کرنل فیلتر identity در واقع همان ماتریس identity است که هیچ تاثیری بر پیکسل هدف نمی گذارد و در نتیجه تصویر خروجی همان تصویر اولیه است.

تصویری خروجی همان تصویر اولیه است :



Figure 1.12: Identity Filter Output Image

می توان از حاصلضرب اعداد در این کرنل برای تغییر سطح روشنایی استفاده کرد. به عنوان مثال در تصویر سطح روشنایی تمام پیکسل ها ۲ برابر شده است.

0	0	0
0	2	0
0	0	0



Figure 1.13:  $(2 \times \text{Identity})$  Filter Output Image

## ۱.۲: Image Scaling

در تصویر داده شده (kobe.jpeg) ابتدا با استفاده از تابع `imresize` و وارد کردن 0.2 به عنوان ضریب گسترش، یک پنجم پیکسل ها حذف می شوند بنابراین یا باید سایز عکس خروجی ثابت بماند و رزولوشن نمایش به یک پنجم مقدار اولیه کاهش یابد و یا بالعکس ( که انتخاب متلب گزینه اول است)

### 1.2.1: Down sampling:

در تصویر زیر مشاهده می شود که بدلیل حذف ۸۰ درصد پیکسل ها تصویری که از کنار هم قرار دادن پیکسل های باقی مانده تشکیل می شود، اگر در همان ابعاد نشان داده شود، بدلیل تراکم پیکسلی (رزولوشن کمتر (۰.۲)) دارای وضوح و کیفیت کمتری خواهد بود..

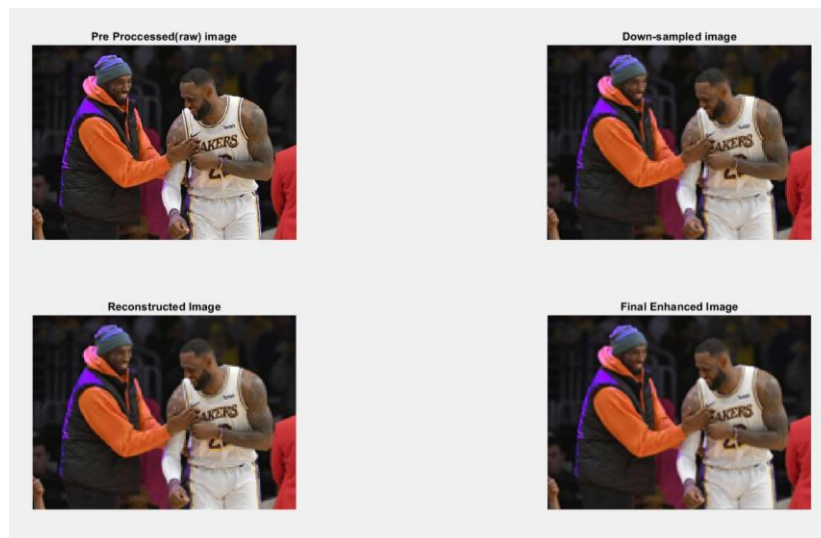


Figure 1.14: kobe.jpeg output at each processing state

**down sapling** یک تصویر هم مانند سیگنال های یک بعدی بدین صورت انجام می شود که هر ۵ پیکسل در میان مقدار نگه داشته می شود و محتوای سایر پیکسل ها به ۰ تغییر پیدا می کند. اگر فرایند در اینجا متوقف شود تصویر نهایی پر از پیکسل های سیاه (نماینده  $rgb = [0,0,0]$ ) خواهد بود. به همین دلیل این پیکسل ها از ماتریس تصویر برداشته می شوند. و پیکسل های باقی مانده کنار هم قرار داده می شوند.

### 1.2.2: Up-Sampling (Reconstruction)

در این مرحله با توجه به انتخاب اسکیل 5 برای **upsample** کردن تصویر پیکسل های تصویر **down sample** شده به اندازه ۵ پیکسل از هم فاصله می گیرند و فضای بین آن ها را پیکسل های مصنوعی ( تولیدی ) با **interpolation** (درون یابی) با متد های مختلف پر می کنند که در اینجا متد مورد استفاده **nearest** است که یعنی پیکسل های تولیدی همان مقدار **rgb** نزدیک ترین پیکسل واقعی به خودشان را میگیرند. این شیوه درون یابی ( باز یابی ) باعث ایجاد پیکسل هایی با **rgb** یکسان در فضا هایی که نزدیک ترین پیکسل واقعی آن ها مشترک باشد می شود و به همین دلیل شیب (مشتق، گرادیان) تصویر در برخی نقاط سفر است که موجب ماهش وضوح در لبه ها با جهش رنگی بالا می شود.

این موضوع خصوصا در قسمت هایی که تغییر رنگ های ناگهانی زیاد است مانند صورت دو بازیکن و لبه های کاپشن و کلاه Kobe Bryant دیده می شود (همچنین تراکم پیکسلی ( **resolution** ) تصویر ۵ برابر شده اما استفاده از همین پیکسل های مصنوعی باعث می شود انتظاری که از بهبود کیفیت تصویر تا حد کیفیت اولیه آن داریم بر آورده نشود. و این نشان می دهد **image compression** اگر بر

مبنای downsampling باشد، در حالت کلی حتی پس از بازیابی کیفیت اولیه را نخواهد داشت و ۸۰ درصد داده های واقعی حذف شده اند. ( این اثر در scale factor های کوچکتر طبعا کمتر دیده خواهد شد.)

### *1.2.3: Final Enhancement (using moving avg):*

استفاده از فیلتر avg\_moving که در قسمت اول شیوه عملکرد آن شرح داده شد، باعث می شود نا پیوستگی های ناگهانی ناشی از انتخاب nearest neighbor (real pixel) های متفاوت در پیکسل های مجاور کمی اصلاح شود و تغییر رنگ تدریجی تر رخ بدهد، اما sharpening لارم برای تغییر رنگ های ناگهانی هم به ناچار کمی کاهش می یابد.

## ۱.۲ : Page Detection

شرح الگوریتم تشخیص لبه های صفحه:

در ابتدا پس از خواندن فایل page.jpg آن را به یک تصویر gray تبدیل می کنیم تا پردازش های پیش رو را انجام دهیم. در مرحله اول با توجه به عملکرد فیلتر های line\_V و line\_H که در قسمت اول شرح داده شد، لبه های افقی و عمودی تصویر را هایلایت ( برجسته ) می کنیم. تصویر خروجی این فیلتر ها بر روی فایل page.jpg به صورت زیر خواهد بود.

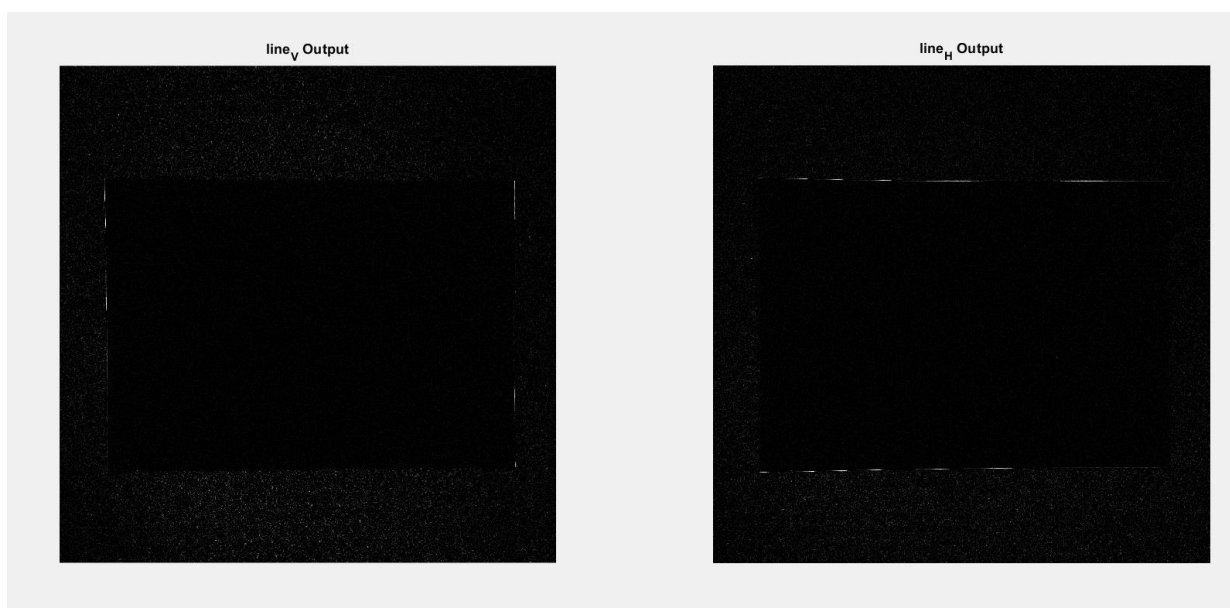


Figure 1.15: line\_V and line\_H output on page.jpg

در مرحله بعد روی عناصر هر یک از تصاویر خروجی بالا جمع می بندیم. روی خروجی line\_H به صورت افقی (ردیفی) جمع می بندیم تا لبه هایی که سفید مانده اند هم را تقویت کنند و برای line\_V هم عمودی ( ستونی) جمع می بندیم و خروجی این دو جمع را در دو بردار ( ماتریس ) تحت عنوان vsum , hsum ذخیره می کنیم. توجه به این نکته که خروجی vsum به صورت ردیفی (ماتریس  $1 \times 2976$ ) و خروجی hsum به صورت ستونی (ماتریس  $2976 \times 1$ ) است.

```
83 %  
84 % Part 3 : Page Detection  
85  
86 page = imread("page.jpg");  
87 page_gray = rgb2gray(page);  
88  
89 % Highlighting vertical and horizontal edges using line_v and line_H:  
90  
91 v_page = imfilter(page_gray,line_V);  
92 h_page = imfilter(page_gray,line_H);  
93 imwrite(v_page,"vertical.jpg");  
94 imwrite(h_page,"horizontal.jpg");  
95  
96 figure  
97 subplot(1,2,1), imshow(v_page);  
98 title("line_V Output")  
99 subplot(1,2,2), imshow(h_page);  
100 title("line_H Output")  
101  
102 % Detecting corners for page detection:  
103 vsum = sum(v_page,1);  
104 hsum = sum(h_page,2);  
105
```

Figure 1.15: First part of code for page detection

در ادامه باید گوشه های تصویر را پیدا کنیم. ایده آن است که مکان پیک های موجود در ماتریس های  $vsum$ ,  $hsum$  محل لبه ها را مشخص کند، منتها نویز های موجود در تصویر خروجی فیلتر باعث می شوند. ماکزیمم های تشخیص داده شده ب وسیله تابع  $maxk,2$  به اشتباه نویز های اطراف بلند ترین پیک را به عنوان پیک دوم برگردانند و لبه کم نور تر به اشتباه تشخیص داده نشود. به همین دلیل باید از یک LPF برای نرم کردن تغییرات و حذف نویز استفاده کرد که انتخاب ما دوبار استفاده از تابع  $smooth$  است.

خروجی فیلتر  $smooth$  را رسم می کنیم تا پیک ها را ببینیم. برای  $vsum\_sm$  پیک ها به صورت زیر است و در صورتی که در این مرحله بخواهیم دو ماکسیمم محلی را با تابع  $maxk$  تشخیص دهیم دو عنصر اول و آخر به دلیل نویز بالا به اشتباه برگردانده خواهند شد. بنابراین عناصر موجود در  $index$  های زیر 200 و بالای 2800 را صفر می کنیم. برای  $hsum$  نیز به همین شیوه عمل می کنیم.

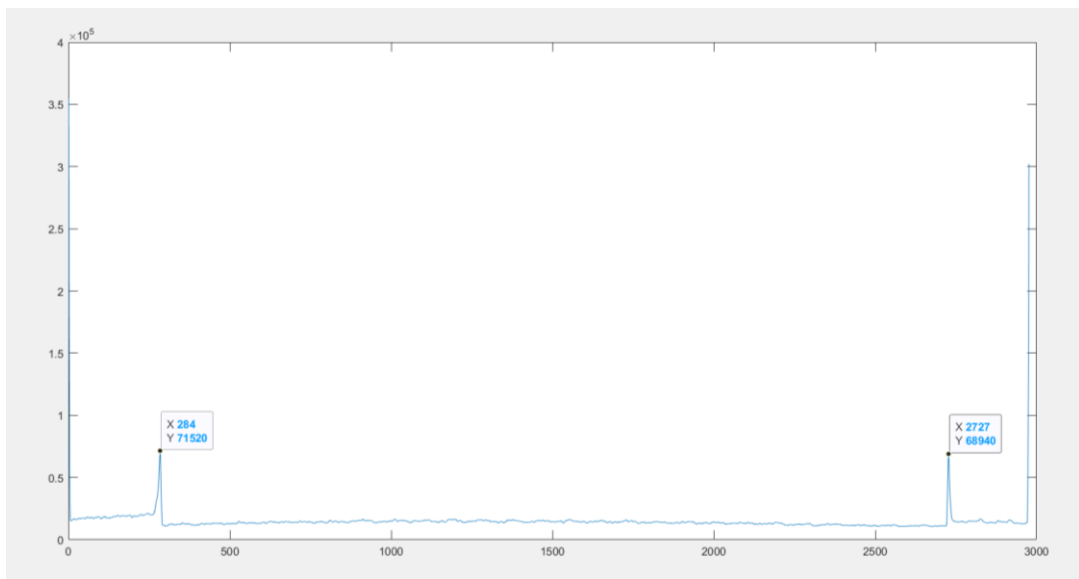


Figure 1.16:  $vsum\_sm$  plot

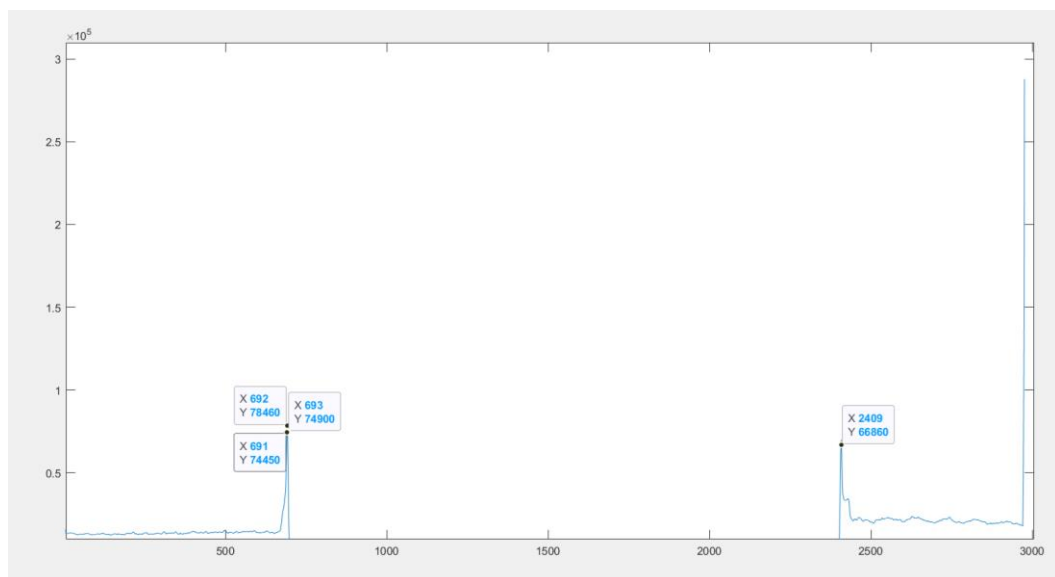


Figure 1.16:  $hsum\_sm$  plot

مشاهده میکنیم که به دلیل نویز شدیدی که در خروجی **hsum** وجود دارد دو قله محلی دیگر نزدیک پیک اول اصلی مشخص شده اند. برای رفع این مشکل به جای دادن آرگومان 2 به تابع **maxk** به آن آرگومان 4 میدهیم تا 4 ماکزیمم اول ماتریس برگردانده شوند و سپس به صورت دستی ماکزیمم دوم و چهارم که لبه های اصلی هستند را نگه می داریم. البته مشخص است که دخالت طراح حین عملیات **page detection** در اپلیکیشن هایی مثل **cam scanner** ممکن نیست که از روش های دیگری برای پیدا کردن لبه های درست استفاده می شود.

4x1 double		
	1	2
1	692	
2	693	
3	691	
4	2408	

```

Editor - C:\Users\ASUS\Desktop\DSP_CA#4.810196607\spatial_domain_filtering.m
spatial_domain_filtering.m
107 - vsum_sm = smooth(smooth(vsum));
108 % figure
109 % plot(vsum_sm);
110
111 - for i=1:length(vsum_sm)
112 -     if (i<200) || (i>2000)
113 -         vsum_sm(i) = 0;
114 -     end
115 - end
116 - [v_max,max_index_v] = maxk(vsum_sm,2);
117
118
119 - hsum_sm = smooth(smooth(hsum));
120 % figure
121 % plot(hsum_sm);
122
123 - for i=1:length(hsum_sm)
124 -     if (i<200) || (i>2000)
125 -         hsum_sm(i) = 0;
126 -     end
127 - end
128
129 % There were two noise( unreal ) peak values near the first peak
130 % I used maxk, 4 to find the second real peak an then
131
132 - [h_max,max_index_h] = maxk(hsum_sm,4);
133 - h_max = [h_max(2),h_max(4)];
134 - max_index_h = [max_index_h(2),max_index_h(4)];

```

Figure 1.15: Second part of code for page detection

بدین ترتیب مختصات لبه های نهایی را در یک ماتریس تحت عنوان **corners** ذخیره میکنیم. و طول و عرض صفحه را ( به پیکسل) در دو متغیر ذخیره می کنیم تا برای تابع **rect** که حین پلات دور صفحه تشخیص داده شود مستطیل قرمز **fit** می کند استفاده می کنیم.

Variables - corners		
	max_index	top
4x2 double		
	1	2
1	284	693
2	2727	693
3	284	2408
4	2727	2408
5		

rect\_length =

2443

rect\_width =

1715

Figure 1.16: Corners(TL,TR,BL,BR), rectangle size



```

135 % Indicating the corner pixel positions:
136
137 top_left = [max_index_v(1),max_index_h(1)];
138 top_right = [max_index_v(2),max_index_h(1)];
139 bottom_left = [max_index_v(1),max_index_h(2)];
140 bottom_right = [max_index_v(2),max_index_h(2)];
141
142 corners = [top_left;top_right;bottom_left;bottom_right];
143
144 rect_length = max_index_v(2) - max_index_v(1);
145 rect_width = max_index_h(2) - max_index_h(1);
146
147 figure
148 imshow(page);
149 hold on;
150 rectangle('position',[top_left(1),top_left(2),rect_length,rect_width],'EdgeColor','r');
151

```

Figure 1.15: Last part of code for page detection

خروجی نهایی به شکل زیر است:



Figure 1.16: Page Detected.

## 2.Frequency domain filtering

### ۱\_۲) تاثیر نویز گوسی بر اندازه و فاز تصویر:



Figure 2.1: Pre-processed image

در ابتدا یک تصویر را به تصادف انتخاب میکنیم که من 3\24s بود. پس از خواندن محتوای تصویر و نمایش آن که در شکل بالا مشخص است با کمک دستور mesh، رویه مربوط به تصویر فوق را رسم میکنیم. بعد سوم intensity یا همان محتوای پیکسل های ماتریس تصویر را نشان می دهد و دو بعد اول موقعیت هر پیکسل در تصویر را نشان می دهند

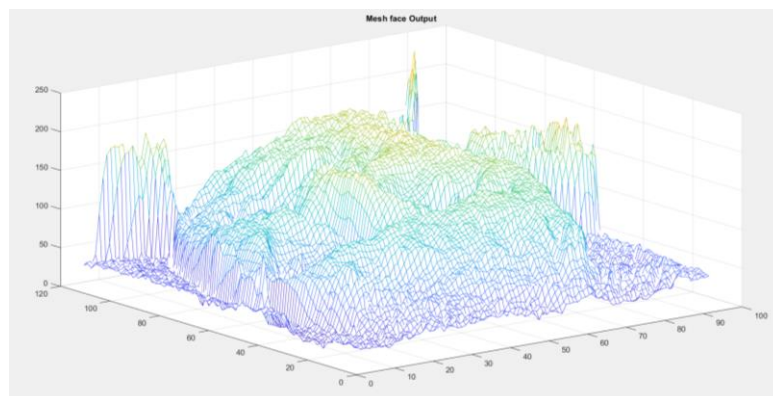
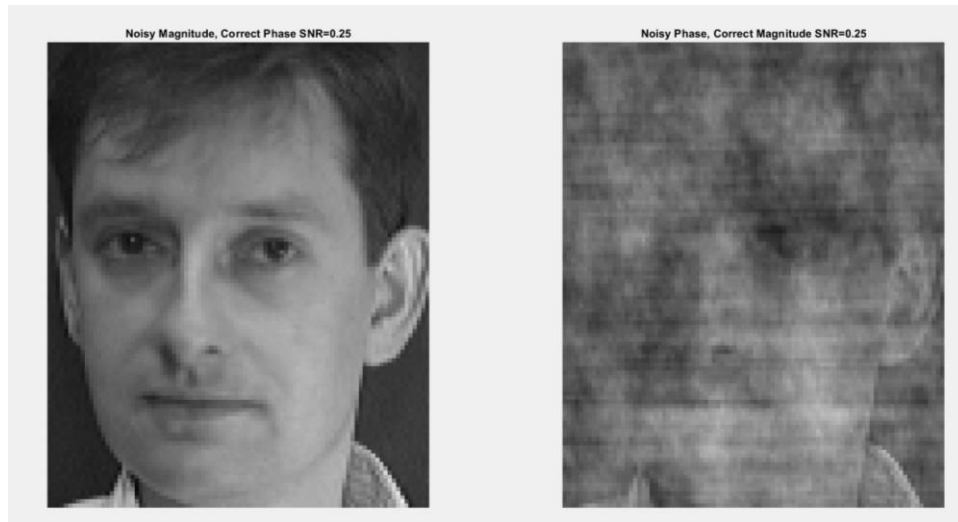


Figure 2.2: Face Mesh Output

در ادامه با استفاده از `fft2` , `fftshift` تصویر را به حوزه فرکانس می بریم و اندازه و فاز آن را جدا می کنیم. با تابع `awgn` به تولید نویز سفید گوسی در `snr` های 0.25,0.5,1 برای اندازه و فاز می پردازیم. سپس با توجه به رابطه اندازه و فاز یک سیگنال که در شکل زیر آمده یکبار اندازه سالم سیگنال را با فاز مخدوش همراه می کنیم و سپس بالعکس. در انتها حاصل هر دو را به حوزه تصویر می بریم تا تصاویر را رسم کنیم و تاثیر نویز را ببینیم.

$$A = z e^{j\theta},$$

Figure 2.3: Complex Exponential Representation of magnitude and phase



*Figure 2.4: Noise Effect on Magnitude and Phase (SNR = 0.25)*



*Figure 2.5: Noise Effect on Magnitude and Phase (SNR = 0.5)*



*Figure 2.6: Noise Effect on Magnitude and Phase (SNR = 1)*

با توجه به نتایج تصاویر بالا مشاهده می کنیم مخدوش کردن فاز توسط یک نویز گوسی لطمه بسیار بیشتری نسبت به حالتی که اندازه را مخدوش می کنیم، وارد می کند.

با توجه به همین نکته انتظار داریم با عوض کردن فاز تصویر دو نفر در قسمت بعد تصویر آن ها آسیب جدی ببینند.

## ۲-۲) تاثیر تعویض فاز تصویر صورت افراد:

برای این قسمت از صورت های s20/8 و s4/2 استفاده کرده ام.



Figure 2.7: Pre-processed face images of Person 1, Person 2

مشاهده می شود که پس از تعویض فاز تصاویر، تصویر اول که شامل اندازه تصویر person 1 و فاز تصویر person 2 است بیشتر به person 2 شبیه است و بالعکس. که همین موضوع نشان می دهد بیشتر اطلاعات تصویر این افراد در فاز آن ها قرار دارد که پس از جابجایی فاز قسمت زیادی از این اطلاعات به تصویر صورت نفر دیگر منتقل شده است. و اندازه نقش جزئی تری دارد.



Figure 2.8: Face images of Person 1, Person 2 after phase swapping

## *References)*

*1) Gaussian Blur weight calculation:*

<http://dev.theomader.com/gaussian-kernel-calculator/>

*2) Kernel Visualization:*

<https://setosa.io/ev/image-kernels/>