

MINISTERE DE L'ENSEIGNEMENT SUPERIEUR ET DE LA RECHERCHE SCIENTIFIQUE UNIVERSITE DE CARTHAGE BECOLE NATIONAL D'INGENIEURS DE

CARTHAGE



PROJET: ANALYSE DES DONNÉES

Réalisés Par

Sahar OUALI et Oumaima MILED

2 INFO Groupe B

Analyse en Composantes Principales

Introduction

L'Analyse en Composantes Principales (ACP) a pour objectif de résumer un ensemble de données quantitatives. Ces données sont relatives à un grand nombre d'individus et /ou de variables illustrés dans un tableau à n lignes et p colonnes.

Cette méthode permet de :

- Réduire les variables en produisant un petit nombre de variables synthétiques sensées être les plus signicatives.
- Décrire et représenter les ressemblances entre les individus par rapport aux variables (regroupement en classes, détecter éventuellement les individus abérants...).
- Décrire les corrélations linéaires entre les variable

1 Lecture des données

Importer les librairies nécessaires

```
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
import seaborn as sns
from pandas.plotting import scatter_matrix
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
```

Lire les données du fichier "covid-19-all.csv"

```
from google.colab import files
uploaded = files.upload() #upload the dataset to google colab

Sélect fichiers covid-19-all.csv

covid-19-all.csv(application/vnd.ms-excel) - 3433815 bytes, last modified: 07/04/2020 - 100% done Saving covid-19-all.csv to covid-19-all.csv

[3] data= pd.read_csv("covid-19-all.csv")
```

2 Exploration des données

dat	data.head()							
	Country/Region	Province/State	Latitude	Longitude	Confirmed	Recovered	Deaths	Date
0	China	Anhui	31.8257	117.2264	1.0	NaN	NaN	2020-01-22
1	China	Beijing	40.1824	116.4142	14.0	NaN	NaN	2020-01-22
2	China	Chongqing	30.0572	107.8740	6.0	NaN	NaN	2020-01-22
3	China	Fujian	26.0789	117.9874	1.0	NaN	NaN	2020-01-22
4	China	Gansu	36.0611	103.8343	NaN	NaN	NaN	2020-01-22

```
country = 'Tunisia'
df = data[data['Country/Region'] == country]

print("Les 5 premiers jours du covid-19 en Tunisie")
df.head()
```

Les 5 premiers jours du covid-19

	Country/Region	Province/State	Latitude	Longitude	Confirmed	Recovered	Deaths	Date
3375	Tunisia	NaN	34.0000	9.0000	1.0	0.0	0.0	2020-03-04
3543	Tunisia	NaN	34.0000	9.0000	1.0	0.0	0.0	2020-03-05
3732	Tunisia	NaN	34.0000	9.0000	1.0	0.0	0.0	2020-03-06
3947	Tunisia	NaN	34.0000	9.0000	1.0	0.0	0.0	2020-03-07
4148	Tunisia	NaN	33.8869	9.5375	2.0	0.0	0.0	2020-03-08

```
print("Les 5 derniers jours du covid-19 en Tunisie")
df.tail()
```

Les 5 derniers jours du covid-19 en Tunisie

	Country	State	Latitude	Longitude	Confirmed	Recovered	Deaths	Date
45913	Tunisia	NaN	33.886917	9.537499	455.0	5.0	14.0	2020-04-02
48538	Tunisia	NaN	33.886917	9.537499	495.0	5.0	18.0	2020-04-03
51217	Tunisia	NaN	33.886917	9.537499	553.0	5.0	18.0	2020-04-04
53980	Tunisia	NaN	33.886917	9.537499	574.0	5.0	22.0	2020-04-05
56789	Tunisia	NaN	33.886917	9.537499	596.0	5.0	22.0	2020-04-06

Dans la suite, on choisit la date 6 avril 2020 afin de faire une analyse de la covid-19.

<pre>d = '2020-04-06' covid = data[data['Date'] == d] covid</pre>								
	Country/Region	Province/State	Latitude	Longitude	Confirmed	Recovered	Deaths	Date
53995	US	South Carolina	34.223334	-82.461707	6.0	0.0	0.0	2020-04-06
53996	US	Louisiana	30.295065	-92.414197	79.0	0.0	2.0	2020-04-06
53997	US	Virginia	37.767072	-75.632346	11.0	0.0	0.0	2020-04-06
53998	US	Idaho	43.452658	-116.241552	402.0	0.0	3.0	2020-04-06
53999	US	Iowa	41.330756	-94.471059	1.0	0.0	0.0	2020-04-06
56799	West Bank and Gaza	NaN	31.952200	35.233200	254.0	24.0	1.0	2020-04-06
56800	Western Sahara	NaN	24.215500	-12.885800	4.0	0.0	0.0	2020-04-06
56801	Zambia	NaN	-13.133897	27.849332	39.0	5.0	1.0	2020-04-06
56802	Zimbabwe	NaN	-19.015438	29.154857	10.0	0.0	1.0	2020-04-06
56803	US	Wyoming	42.972723	-106.932608	0.0	0.0	0.0	2020-04-06

Nous affichons des informations de la matrice, nous récupérons les noms des colonnes et leurs types.

```
covid.info()
<class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
Int64Index: 2809 entries, 53995 to 56803
Data columns (total 8 columns):
  Column
              Non-Null Count Dtype
0 Country/Region 2809 non-null object
1 Province/State 2629 non-null object
   Latitude 2809 non-null float64
 2
                 2809 non-null float64
 3 Longitude
4 Confirmed
                 2809 non-null float64
5 Recovered
                 2809 non-null float64
   Deaths
                 2809 non-null
                                float64
6
7
   Date
                  2809 non-null object
dtypes: float64(5), object(3)
memory usage: 197.5+ KB
```

2809 rows x 8 columns

Nous calculons la somme des cas du covid-19 pour chaque région du pays.

```
copy = covid

copy['Confirmed']= copy.groupby(['Country'] ).Confirmed.transform('sum')

copy['Recovered']= copy.groupby(['Country'] ).Recovered.transform('sum')

copy['Deaths']= copy.groupby(['Country'] ).Deaths.transform('sum')

copy=copy.drop_duplicates(subset ="Country",keep='first')

copy=copy.drop(['State','Date'],axis=1)
```

Nous affichons la matrice après traitement

0	copy.he	ead()					
₽		Country	Latitude	Longitude	Confirmed	Recovered	Deaths
	53995	US	34.223334	-82.461707	366614.0	19581.0	10783.0
	56534	Canada	53.933300	-116.576500	16563.0	3256.0	339.0
	56535	United Kingdom	18.220600	-63.068600	52279.0	287.0	5385.0
	56536	China	31.825700	117.226400	82665.0	77310.0	3335.0
	56537	Netherlands	12.521100	-69.968300	18926.0	258.0	1874.0

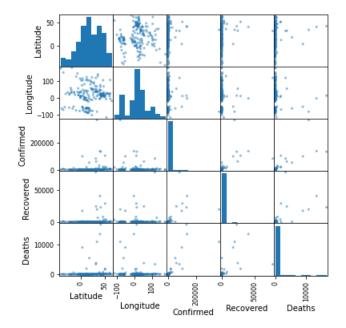
3 Préparation des données

print("Analyse descriptive des donnees")
copy.describe()

Analyse descriptive des donnees

	Latitude	Longitude	Confirmed	Recovered	Deaths
count	182.000000	182.000000	182.000000	182.000000	182.000000
mean	19.653279	16.201479	7390.373626	1519.313187	409.697802
std	23.481940	58.597646	33072.766934	7422.352876	1941.352551
min	-40.900600	-116.576500	1.000000	0.000000	0.000000
25%	4.643279	-9.629825	24.000000	2.000000	1.000000
50%	17.858694	18.938650	340.000000	30.500000	5.500000
75%	40.124600	43.598693	1812.750000	130.750000	40.750000
max	64.963100	178.065000	366614.000000	77310.000000	16523.000000

analyse graphique bidimentionnelle
print("Analyse graphique bidimentionnelle")
scatter_matrix(copy,figsize=(6,6))

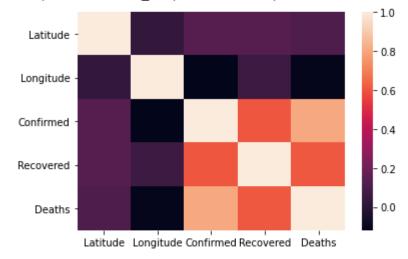


```
print('matrice de correlation')
copy.corr()
```

matrice de correlation

	Latitude	Longitude	Confirmed	Recovered	Deaths
Latitude	1.000000	0.030438	0.131521	0.133318	0.112082
Longitude	0.030438	1.000000	-0.119353	0.063317	-0.107059
Confirmed	0.131521	-0.119353	1.000000	0.602685	0.809719
Recovered	0.133318	0.063317	0.602685	1.000000	0.609879
Deaths	0.112082	-0.107059	0.809719	0.609879	1.000000

<matplotlib.axes._subplots.AxesSubplot at 0x7f9ce7f818d0>



D'après la matrice de corrélation:

- Il y a une faible corrélation entre Latitude et tous les autre variables.
- Il y a une faible corrélation entre Longitude et tous les autre variables.
- Il y a une forte corrélation positivement entre Confirmed et Deaths.
- Il y a une forte corrélation positivement entre Confirmed et Recovered.

```
print('matrice de covariance')
copy.cov()
matrice de covariance
               Latitude
                             Longitude
                                           Confirmed
                                                        Recovered
                                                                        Deaths
                         41.882606 1.021412e+05 2.323624e+04 5.109459e+03
 Latitude
              551.401497
 Longitude
               41.882606
                            3433.684159 -2.313049e+05 2.753850e+04 -1.217888e+04
 Confirmed 102141.150850 -231304.909018 1.093808e+09 1.479457e+08 5.198873e+07
 Recovered 23236.244292
                          27538.499226 1.479457e+08 5.509132e+07 8.787990e+06
  Deaths
           5109.459359 -12178.880742 5.198873e+07 8.787990e+06 3.768850e+06
```

```
# selection des variables quantitatives
x = copy.drop(['Country'],axis=1)
print(x)
       Latitude Longitude Confirmed Recovered Deaths
53995 34.223334 -82.461707 366614.0 19581.0 10783.0
                                        3256.0
56534 53.933300 -116.576500 16563.0
                                                   339.0
                                                   5385.0
56535 18.220600 -63.068600
                              52279.0
                                           287.0
56536 31.825700 117.226400 82665.0 77310.0 3335.0
56537 12.521100 -69.968300 18926.0 258.0 1874.0
... ... ... 56798 14.058324 108.277199
                               245.0
                                          95.0
                                                      0.0
56799 31.952200 35.233200
                               254.0
                                           24.0
                                                     1.0
56800 24.215500 -12.885800
56801 -13.133897 27.849332
56802 -19.015438 29.154857
                                           0.0
5.0
0.0
                               39.0
                                  4.0
                                                      0.0
                                4.0
39.0
10.0
                                                      1.0
                                                     1.0
[182 rows x 5 columns]
```

Nous devons explicitement centrer et réduire les variables pour réaliser une ACP. Nous utilisons la classe StandardScaler pour ce faire.

Nous instancions l'objet et nous l'appliquons sur la matrice X. Nous obtenons une matrice Z.

Nous sommes maintenant parés pour lancer l'ACP.

4 Analyse en composantes principales avec PCA

Il faut instancier l'objet PCA dans un premier temps, nous affichons ses propriétés. Le paramètre (svd_solver = 'full') indique l'algorithme utilisé pour la décomposition en valeurs singulières. Nous choisissons la méthode "exacte", sélectionnée de toute manière par défaut pour l'appréhension des bases de taille réduite. D'autres approches sont disponibles pour le traitement des grands ensembles de données. Le nombre de composantes (K) n'étant pas spécifié (n_components = None), il est par défaut égal au nombre de variables (K = p).

Nous pouvons lancer les traitements dans un second temps. La fonction fit_transform() renvoie en sortie les coordonnées factorielles que nous collectons dans la variable coord

Valeurs propres

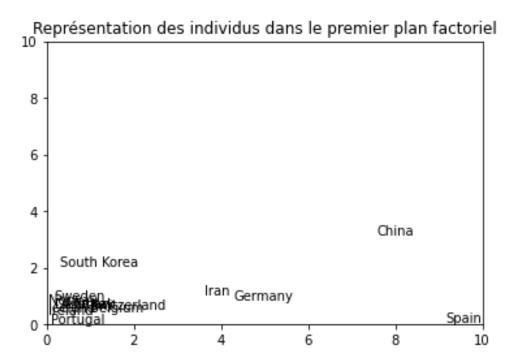
```
#valeur Propre
eig_val = (n-1)/n*acp.explained_variance_
print(eig_val)

[2.39352085 1.05461844 0.9393423 0.42264097 0.18987743]
```

Représentation des individus dans le premier plan factoriel

Les coordonnées des individus ont été collectées dans la variable coord. Nous les positionnons dans le premier plan factoriel avec leurs labels pour situer et comprendre les proximités entre les pays.

```
#positionnement des individus dans le premier plan
fig, axes = plt.subplots()
axes.set_xlim(0,10) #même limites en abscisse
axes.set_ylim(0,10) #et en ordonnée
#placement des étiquettes des observations
for i in range(copy.shape[0]):
  plt.annotate(copy.Country.values[i],xy=(coord[i,0],coord[i,1]))
#ajouter les axes
plt.plot(color='black',linestyle='-',linewidth=1)
plt.plot(color='black',linestyle='-',linewidth=1)
plt.title('Représentation des individus dans le premier plan factoriel')
#affichage
plt.show()
```



Contribution

La contribution des individus aux axes (CTR). Elles permettent de déterminer les individus qui pèsent le plus dans la définition de chaque facteur.

$$\operatorname{contr}_{j}(X_{i}) = \frac{m_{i} \cdot (\mu_{j}(X_{i}))^{2}}{\sum_{i=1}^{n} m_{i} \cdot (\mu_{j}(X_{i}))^{2}} = \frac{m_{i} \cdot (\mu_{j}(X_{i}))^{2}}{I_{E}(\Delta_{j})} = \frac{m_{i} \cdot (\mu_{j}(X_{i}))^{2}}{\lambda_{j}}$$

```
#contributions aux axes
ctr = coord ** 2 / (n*eigval)
print(pd.DataFrame({'Country':copy.Country,'CTR_1':ctr[:,0]*100,'CTR_2':ctr[:,1]*100}))
                Country
                             CTR_1
                   US 28.190969 2.466783
53995
56534
                 Canada 0.095279 0.735477
56535
        United Kingdom 1.231806 1.265822
56536
                  China 13.168848 5.119417
            Netherlands
                         0.087793 1.210894
56537
                    . . .
                              . . .
                Vietnam 0.057009 0.777213
56798
56799 West Bank and Gaza
                          0.020790 0.149631
      Western Sahara 0.020801 0.053953
56800
56801
                 Zambia 0.079881 0.136422
56802
               Zimbabwe 0.091243 0.197436
[182 rows x 3 columns]
```

Le pays qui a plus contribué à la formation du premier axe étant le pays "US". Le pays qui a plus contribué à la formation du deuxième axe étant le pays "China".

Qualité de représentation

Pour calculer la qualité de représentation des individus sur les axes on a la formule suivante

$$\cos_j^2(X_i) = \frac{(\mu_j(X_i))^2}{\|X_i\|^2}$$

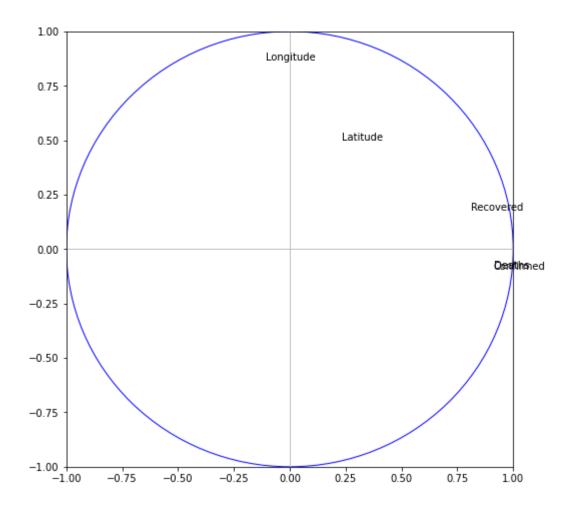
```
#qualité de représentation des individus - COS2
cos2 = coord ** 2 / np.sum(Z**2,axis=0)
print(pd.DataFrame({'Country':copy.Country,'COS2_1':cos2[:,0],'COS2_2':cos2[:,1]}))
                 Country
                         COS2 1
                                   COS2 2
53995
                    US 0.674757 0.026015
                 Canada 0.002281 0.007756
56534
        United Kingdom 0.029484 0.013350
56535
56536
                  China 0.315199 0.053990
            Netherlands 0.002101 0.012770
56537
                Vietnam 0.001365 0.008197
56798
56799 West Bank and Gaza 0.000498 0.001578
56800 Western Sahara 0.000498 0.000569
56801
                 Zambia 0.001912 0.001439
               Zimbabwe 0.002184 0.002082
56802
[182 rows x 3 columns]
```

5 ACP du nuage de points variables (Analyse duale)

La projection des variables sur les plans factoriels peuvent aider à l'interprétation des axes factoriels. Pour se faire, dans toute l'analyse factorielle, les individus sont remplacées par les variables.

```
#corrélation des variables avec les axes
p= x.shape[1]
corvar = np.zeros((p,p))
for k in range(p):
 corvar[:,k] = acp.components_[k,:] * sqrt_eigval[k]
#afficher la matrice des corrélations variables x facteurs
print(corvar)
[[ 0.23499242  0.50186977 -0.83228931 -0.01158083 -0.00810473]
 [-0.10631694 0.86855596 0.45923563 -0.1529441 0.00424261]
 [ 0.91307924 -0.09385175  0.04364562 -0.24775295  0.30690665]
 [ 0.81215502  0.17666147  0.16822454  0.52996804  0.00541512]
 [ 0.91306443 -0.09131426  0.07439769 -0.23846869 -0.30914839]]
#on affiche pour les deux premiers axes
print(pd.DataFrame({'columns':x.columns,'COR_1':corvar[:,0],'COR_2':corvar[:,1]}))
     columns
               COR 1
                           COR 2
0 Latitude 0.234992 0.501870
1 Longitude -0.106317 0.868556
2 Confirmed 0.913079 -0.093852
3 Recovered 0.812155 0.176661
     Deaths 0.913064 -0.091314
#cercle des corrélations
fig, axes = plt.subplots(figsize=(8,8))
axes.set_xlim(-1,1)
axes.set_ylim(-1,1)
#affichage des étiquettes (noms des variables)
for j in range(p):
 plt.annotate(x.columns[j],(corvar[j,0],corvar[j,1]))
#ajouter les axes
plt.plot([-1,1],[0,0],color='silver',linestyle='-',linewidth=1)
plt.plot([0,0],[-1,1],color='silver',linestyle='-',linewidth=1)
#ajouter un cercle
cercle = plt.Circle((0,0),1,color='blue',fill=False)
axes.add artist(cercle)
```

#affichage
plt.show()



```
#contributions
ctrvar = cos2var
for k in range(p):
  ctrvar[:,k] = ctrvar[:,k]/eigval[k]
#on n'affiche que pour les deux premiers axes
print(pd.DataFrame({'columns':x.columns,'CTR_1':ctrvar[:,0],'CTR_2':ctrvar[:,1]}))
```

```
columns CTR_1 CTR_2
0 Latitude 0.009639 0.226460
1 Longitude 0.001973 0.678274
2 Confirmed 0.145527 0.007919
3 Recovered 0.115134 0.028060
4 Deaths 0.145522 0.007497
```

Analyse Factorielle des Correspondances

Lecture des données

Importer les librairies nécessaires

```
!pip install fanalysis
```

Lire les données du fichier "dataset.csv"

```
import pandas as pd
from fanalysis.ca import CA
df = pd.read csv("/content/dataset.csv",delimiter=";", header=0, index col=0, encoding="utf-8")
df.head()
         Ouvriers Techniciens Administratifs Cadres su Total
    Age
 <30 ans
                 3
                              5
                                              2
                                                         12
                                                                22
 30;40
                 2
                              4
                                              3
                                                         10
                                                                19
                 6
                             15
 [40;50[
                                                                32
  >=50
                              7
                                              6
                                                                27
                13
                                                          1
                24
                             31
                                             20
                                                         25
                                                               100
  Total
```

On crée une instance de la classe CA, en lui passant ici des étiquettes pour les lignes et les colonnes. Ces paramètres sont facultatifs en leur absence, le programme détermine automatiquement des étiquettes.

Tableau de contingence en fréquences

```
#Tableau de contingence en fréquences
print(X/100)
[[0.03 0.05 0.02 0.12 0.22]
[0.02 0.04 0.03 0.1 0.19]
[0.06 0.15 0.09 0.02 0.32]
[0.13 0.07 0.06 0.01 0.27]
[0.24 0.31 0.2 0.25 1. ]]
```

Tableau des profils colonnes

```
Y = X
#Tableau de profils-colonnes
for i in range(X.shape[0]) :
    for j in range(X.shape[1]):
        Y[i,j]=(X[i,j]*100) / X[4,j]

Inp.set_printoptions(precision=3)
Y

array([[ 12.5     , 16.129, 10.     , 48.     , 22.     ],
        [ 8.333, 12.903, 15.     , 40.     , 19.     ],
        [ 25.          , 48.387, 45.     , 8.     , 32.     ],
        [ 54.167, 22.581, 30.     , 4.     , 27.     ],
        [ 100.          , 100.     , 100.     , 100.     ]])
```

Tableau des profils lignes

```
X = df.values
X = X.astype(float)
Z = X
#Tableau de profils-lignes
for i in range(X.shape[0]) :
    for j in range(X.shape[1]):
        Z[i,j]=((X[i,j]*100) / X[i,4])

Z
array([[ 13.64, 22.73, 9.09, 54.55, 100. ],
        [ 10.53, 21.05, 15.79, 52.63, 100. ],
        [ 18.75, 46.88, 28.12, 6.25, 100. ],
        [ 48.15, 25.93, 22.22, 3.7, 100. ],
        [ 24. , 31. , 20. , 25. , 100. ]])
```

Tableau de fréquences théoriques

Construisons le tableau de fréquences théoriques (fi.* f.j)

```
#Tableau de fréquences théoriques
X = df.values
X = X.astype(float)
Freq = X / 100
Fre = Freq
for i in range(X.shape[0]) :
    for j in range(X.shape[1]):
        Fre[i,j] = Freq[4,j] * Freq [i,4]
Fre

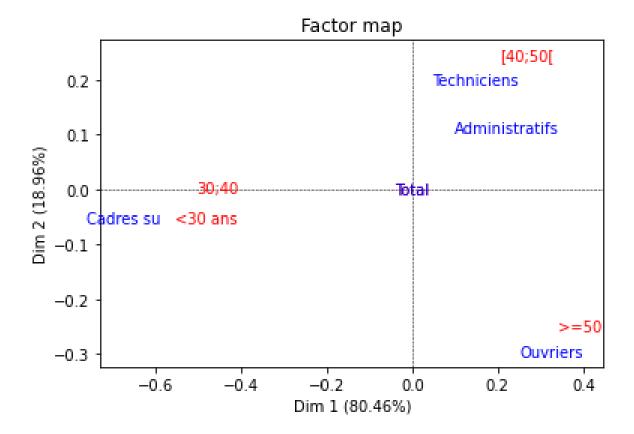
array([[0.053, 0.068, 0.044, 0.055, 0.22 ],
        [0.046, 0.059, 0.038, 0.048, 0.19 ],
        [0.077, 0.099, 0.064, 0.08 , 0.32 ],
        [0.065, 0.084, 0.054, 0.068, 0.27 ],
        [0.24 , 0.31 , 0.2 , 0.25 , 1. ]])
```

Représentation Simultanée

On estime le modèle en appliquant la méthode fit de la classe CA sur le jeu de données.

La représentation simultanée des différentes modalités de deux variables qualitatives est la suivante

```
my_ca.mapping(num_x_axis=1, num_y_axis=2)
```



6 Conclusion

- Ce projet consistait à une mise en œuvre informatique de nos connaissances en Analyse des composantes principales.
- Il nous a permis un partage équitable des modules à concevoir au sein de binome. La conception de projet s'est de roule en deux phases : une phase s'effectue en commun, l'autre phase a nécessité un travail plus personnel.
- Nous nous sommes répartis les taches et avons travaillés séparément pour discuter ensuite les résultats obtenus et des problèmes rencontres.
- Nous avons de ce fait pu appréhender le travail en groupe qui nécessite un échange, écoute et cohésion.