

۱. همانطور که در صورت سوال ذکر شده است *interest point* های بدست آمده در عکس *res۰۱.png* ضمیمه شده است که برای بدست آوردن آنها از *cv۲.orb* استفاده شده است.
سپس با استفاده از *cv۲.sift* نقاط متناظر را پیدا کردیم که در عکس *res۰۲.png* ذخیره شده است.
با کمک *matplotlib* نقاط متناظر را بهم وصل کردیم و عکس به دست آمده را در *res۰۳.png* ذخیره کردیم.
حال ۲۰ نقطه اول متناظر را در *res۰۴.png* نمایش دادیم.
سپس با کمک *skimage* و *ransac* ماتریس فاندامنتال و *inlier* ها را پیدا به دست آوردیم که نقاط *inlier* در تصویر *res۰۵.png* ذخیره شده اند.

$$N = \frac{\log(1-p)}{\log(1-w^s)}$$

فرض می کنیم $s = 8$, $p = 0.99$ و می دانیم $w = 0.3$ می باشد. با توجه به فرمول به دست می آید $N = 70187.8$ که در حین زدن *ransac* آپدیت می شود.

برای بررسی نقاط *inlier* تک تک آنها را در تصویری که در پوشه *inlier* می باشد ذخیره کرده ایم و همانطور که مشاهده می شود بعضی از آنها اشتباه هستند که در پوشه *inlier* می توان آنها را دید.

برای بررسی نقاط *outlier* تک تک آنها را در تصویری که در پوشه *outlier* می باشد ذخیره کرده ایم و همانطور که مشاهده می شود بعضی از آنها درست هستند و نباید *outlier* می بودند.

ماتریس فاندامنتال ماتریس زیر می باشد.

$$6.37440503e-07 \quad -9.42484957e-07 \quad 1.72297021e-03$$

$$1.48420269e-06 \quad 1.39967505e-06 \quad -3.22057002e-03$$

$$-4.78575160e-03 \quad -2.46856699e-03 \quad 6.27029668e+00$$

میانگین *inlier* ارور : ۰,۷۸۸۸۳۸۰۱۲۱۱۱

ارور *inlier* کمینه: ۰,۰۸۳۰۲۶۶۸۴۶۱۹۶

ارور *inlier* بیشینه: ۳,۱۵۹۸۳۸۰۳۳۲۲

انحراف از معیار *inlier* ارور: ۰,۷۲۲۲۱۸۲۶۳۴۴۳

میانگین *outlier* ارور : ۱,۸۳۶۰۲۲۴۱۵۴۳

ارور *outlier* کمینه: ۰,۰۰۷۳۶۴۳۸۴۳۱۷۷

ارور *outlier* بیشینه: ۸,۸۵۷۶۱۴۳۰۳۴۵

انحراف از معیار *outlier* ارور: ۱,۸۳۹۴۶۷۰۹۸۲۹

برای محاسبه‌ی نقاط *epipolar* از ماتریس F و روش *svd* استفاده کرده ایم.

که *apipolar point* عکس اول برابر است با:

(-2030.5819982032838, -1.4286479858064898)

و برای عکس دوم داریم:

(1324.5654243166346, 2655.5806548337127)

برای ران کردن کد این قسمت *python prob۱.py* را ران کنید. (دقت داشته باشید که عکس ها باید موجود باشند)

۲. ابتدا ترتیب مناسب عکس‌ها را پیدا کردم، سپس ماتریس تبدیل هر عکس با عکس مجاور آن را در تابع *get_sift_homography* محاسبه کردم که در آن با استفاده از *ransac* و نقاط به دست آمده از *sift* ماتریس *homography* به دست می‌آید.

سپس، ماتریس تبدیل هر عکس را به عکس مرجع که عکس چهارم می‌باشد محاسبه می‌کنیم به این صورت که به ازای هر عکس i به طوری که $i > 4$ باشد $H_{4,i} = H_{4,i-1} \times H_{i,i}$ و به ازای $i = 4$ داریم $H_{i,4} = I$ و به ازای هر $i < 4$ داریم $H_{4,i} = H_{i,4}^{-1}$ که در آن $H_{i,i+1} \times H_{i+1,4}$ می‌باشد. سپس در تابع *get_stitched_images* عکس‌ها را در یک صفحه به صورت پاناروما نمایش می‌دهیم.

در این تابع‌های *get_stitched_images_mean* و *get_stitched_images_blend* با استفاده از ماتریس‌های تبدیل و ترتیب عکس‌ها مختصات نقاط گوشه‌ای عکس را بدست می‌آوریم و برای حذف مختصات منفی همه‌ی

عکس ها را به اندازه گوشه های منفی $shift$ می دهیم که این کار را با کمک ماتریس $transform_array$ انجام می دهیم. سپس با کمک ماتریس تبدیل $(H_{i,f})$ و $transformed_array$ جای هر عکس را در صفحه ی پانارومیک به دست می آوریم و با استفاده از توابع $blend_normalize_color$ و $mean_normalize_color$ اختلاف رنگ ها را درست می کنیم.

تابع $mean_normalize_color$: در این تابع پس از اضافه کردن هر عکس به ازای هر پیکسل در عکس جدید مقدار آن را در صورت وجود در عکس قبلی برابر با میانگین این دو نقطه می گذاریم.

تابع $get_stitched_images_blend$ در این تابع به ازای هر پیکسل نگه می داریم کدام پیکسل های عکس ها روی این پیکسل قرار می گیرند و به هر پیکسل وزنی برابر با فاصله ی آن عکس با پس زمینه می دهیم و میانگین وزن دار این پیکسل ها را محاسبه می کنیم. برای محاسبه ی نزدیک ترین نقطه ی پس زمینه برای هر پیکسل در عکس ها از داینامیک استفاده می کنیم. (در تابع های $get_nearest_white_up_right$, $get_nearest_white_up_left$, $get_nearest_white_down_right$, $get_nearest_white_down_left$)

برای ران کردن کد این قسمت $python prob2.py$ را ران کنید. (دقت داشته باشید که عکس ها باید موجود باشند)

۳. ابتدا دو نقطه نمایانگر قد خانم که در بالا و پایین تصویر او می باشد و دو نقطه نمایانگر قد دیوار در تصویر $311.JPG$ مشخص می کنیم سپس با کمک خطوط موازی در دو جهت مختلف ۲ $vanishing\ point$ به دست می آوریم و با استفاده از این دو نقطه $vanishing\ line$ را پیدا می کنیم.

می دانیم که همه ی $vanishing\ point$ ها روی این خط هستند حال با توجه به مباحث گفته شده در کلاس برای بدست آوردن ارتفاع واقعی دیوار نقطه ی تقاطع خط واصل پایین دیوار و پایین خانم و $vanishing\ line$ به دست می آوریم و آن را v می نامیم. حال از نقطه ی v به بالای سر خانم وصل کرده و برخورد آن خط را با خط مربوط به قد دیوار را t می نامیم. حال اگر نقطه ی پایینی دیوار b و نقطه ی بالایی آن r باشد و ارتفاع واقعی خانم H و ارتفاع واقعی دیوار R باشد، می دانیم تمام $vanishing\ point$ ها از $vanishing\ line$ می گذرند پس برای به دست آوردن v_z (نقطه ی افق در راستای محور z) تقاطع خط دیوار با $vanishing\ line$ را محاسبه می کنیم. حال برای محاسبه ی R با توجه به فرمول داریم.

$$R = H \times \frac{|b - t||v_z - r|}{|b - r||v_z - t|}$$

برای پیاده‌سازی این روش ابتدا ۴ نقطه‌ی گفته شده را به دست می‌آوریم سپس با کمک *hough* و *ransac* دو *vanishing point* در راستای مختلف را به دست می‌آوریم به این صورت که ابتدا لبه‌های عکس را به دست می‌آوریم و به صورت تصادفی دو تا از آن‌ها که موازی هستند را انتخاب می‌کنیم و نقاط تقاطع آن را به دست می‌آوریم و بررسی می‌کنیم که چند خط دیگر از این نقطه می‌گذرند حال اگر خطوط قابل ملاحظه‌ای ازین نقطه می‌گذشتند این نقطه را به عنوان *vanishing point* انتخاب می‌کنیم سپس این خطوط را که خطوط *inlier* هستند از لبه‌ها حذف می‌کنیم و سپس روی لبه‌های به دست آمده‌ی جدید همین کار را تکرار می‌کنیم تا *vanishing point* دیگر به دست بیاید. حال به توجه به این دو نقطه و نقاط دیوار و خانم و v_z به دست آمده ارتفاع واقعی دیوار را همانطور که گفته شد محاسبه می‌کنیم. در ۳ راستا *vanishing point* را انتخاب می‌کنیم و ارتفاع دیوار را با استفاده از *vanishing line* ۲ به دوی آن‌ها محاسبه می‌کنیم و بیشترین مقدار برابر با پاسخ مسئله می‌باشد چرا که در بدترین حالت یکی از راستاها راستای z می‌باشد و عدد بدست آمده کم می‌شود. برای روش اتوماتیک *python prob3.py* را ران کنید

و برای روش دستی *python prob3 manual* را ران کنید

مشاهده می‌شود که عدد بدست آمده تقریباً ۶ متر می‌باشد.