الفصل الأول مفاهيم أساسية

### المصفو فات

يمكن تعريف المصفوفات بأنها ترتيب معين للاعداد على شكل اعمدة وصفوف . تكتب المصفوفات عادة على شكل صندوق مربع او مستطيل الشكل ويسمى الخط العمودي داخل المصفوفة بالعمود اما الخط الافقي فيسمى صفاً ويمكن التعبير عن حجم المصفوفة من خلال عدد الصفوف والاعمدة التي تحتويها كما يلى

# حجم المصفوفة

هو عدد الصفوف وعدد الاعمدة فمثلاً اذا كان عدد الصفوف في مصفوفة ما هو 2 وعدد الاعمدة هو 3 فإنه يتم التعبير عن حجمها ب $2 \times 3$  و هكذا. وتعرف المصفوفات و الاعمدة بأبعاد المصفوفة.

# خصائص المصفوفة

يعرف كل ما يوجد داخل المصفوفة بعناصر المصفوفة سواء كانت ارقام او رموز او مقادير جبرية وابرز هذه الخصائص

- 1. اذا كان عدد صفوف و اعمدة احدى المصفوفات مساوياً لعدد صفوف و اعمدة مصفوفة اخرى فإن هاتين المصفوفتين تعتبر ان متساويتين بالحجم
- يمكن تسمية المصفوفة بأي حرف من احرف اللغة العربية اما في اللغة الانكليزية فيتم التعبير عنها باستخدام احد الاحرف الكبيرة.
- 3. ما داخل المصفوفة اي العناصر فيتم التعبير عنها عن طريق كتابة الحرف الذي يعبر عن اسم المصفوفة وكتابة رقم كل من الصف و العمود لذلك العنصر على الترتيب اسفل ذلك الحرف اي اسم المصفوفة صف و عمود.

# العمليات الحسابية على المصفوفات

# 1. جمع وطرح المصفوفات

يجب عند جمع او طرح المصفوفات ان تكون متساوية في الحجم اي يجب لعدد الصفوف والاعمدة ان يكون متساوياً في كلا المصفوفتين.

مثال توضيحي: اذا كان عدد الصفوف في مصفوفة ما 3 صفوف و 5 اعمدة فإنه يمكن جمعها مع مصفوفة اخرى اذا كان عدد صفوفها 3 صفوف وعدد اعمدتها 5. وفي المقابل لا يمكن مثلاً جمعها الى مصفوفة اخرى عدد الصفوف فيها 3 وعدد اعمدتها 4.

ويتم الجمع عن طريق جمع كل عنصر متطابقين في الموقع بين المصفوفتين وكذلك الامر في عملية الطرح.

مثال

$$\begin{bmatrix} 3 & 8 \\ 4 & 6 \end{bmatrix}_{2 \times 2} + \begin{bmatrix} 4 & 0 \\ 1 & -9 \end{bmatrix}_{2 \times 2} = \begin{bmatrix} 7 & 8 \\ 5 & -3 \end{bmatrix}_{2 \times 2}$$

$$\begin{bmatrix} -1 & 3 & -3 \\ 5 & 2 & 0 \end{bmatrix}_{2\times 3} - \begin{bmatrix} 7 & -3 & 5 \\ 2 & 1 & 11 \end{bmatrix}_{2\times 3} = \begin{bmatrix} -8 & 6 & 2 \\ 3 & 1 & -11 \end{bmatrix}_{2\times 3}$$

### 2. ضرب المصفوفات

يمكن ضرب مصفوفتين ببعضهما فقط اذا كان عدد الاعمدة في المصفوفة الاولى مساوياً لعدد الصغوف في المصفوفة الاالى × عدد اعمدة في المصفوفة الثانية ليكون حجم المصفوفة الناتجة هو عدد صفوف المصفوفة الثانية

مثال

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 2 & -7 & 4 \end{bmatrix}_{2 \times 3}, B = \begin{bmatrix} 3 & 4 & 5 \\ 1 & 1 & 4 \\ 2 & 1 & 4 \end{bmatrix}_{3 \times 3}$$

حجم المصفوفة الناتجة

$$[A]_{2\times3} \cdot [B]_{3\times3} \Rightarrow [AB]_{2\times3}$$

$$AB = \begin{bmatrix} 11 & 12 & 26 \\ 7 & 5 & -2 \end{bmatrix}_{2\times3}$$

طريقة الحل

$$2 \cdot 3 + 3 \cdot 1 + 1 \cdot 2 = 11$$
  
 $2 \cdot 4 + 3 \cdot 1 + 1 \cdot 1 = 12$ 

$$2 \cdot 5 + 3 \cdot 4 + 1 \cdot 4 = 26$$
 وهكذا

# محدد المصفوفة []

المحدد هو دالة رياضية تعتمد على بعد المصفوفة n ويربط بقيمة قياسية (scalar) هي det A مصفوفة مربعة  $n \times n$  والمعنى الهندسي الاساسي للمحدد هو أنه بمثابة عامل المقياس للحجم عندما تعد المصفوفة A تحويلا خطيا ويرمز عادة للمحدد لمصفوفة ما بالرمز |A|. ولا يمكن حساب المحدد الالمصفوفة المربعة

تعریف: لتکن A مصفوفة مربعة من الدرجة n اي ان A مصفوفة مربعة من الدرجة

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix}$$

ندعوا الرمز |A| او  $\det A$  بمحدد المصفوفة من الرتبة n ونكتب

$$|A| = |A|_n = |a_{ij}|_n = \det A$$

# انواع المحددات

# 1. المحدد من الرتبة الاولى

$$A = [a_{11}] \Rightarrow |A|_1 = |a_{11}|$$

طريقة الحساب: يملك نفس قيمة العنصر الوحيد للمصفوفة المقابلة

# 2. المحدد من الرتبة الثانية

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix}$$

حساب المحدد لمصفوفة ابعادها  $2 \times 2$  يكون وفق القانون

$$|A| = a_{11}a_{22} - a_{12}a_{21}$$

# $(4 \times 4)$ او $(3 \times 3)$ المحدد من الرتب العليا

تحسب وفق الطرائق الآتية

# 1. طريقة ساروس (الشعاعية)

تتلخص بأخذ العمودين الاول و الثاني ونضعهما على يمين العمود الثالث ونقوم بمد شعاع على عناصر القطر الرئيسي من اعلى اقصى اليسار الى اسفل اقصى اليمين بعدها نمد شعاع بالاتجاه المعاكس اي من عناصر القطر الثانوي من اسفل اقصى اليسار الى اقصى اليمين وكما موضح

$$A = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & a_{21} & a_{22} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & a_{31} & a_{32} \end{vmatrix}$$

$$= [a_{11}a_{22}a_{33} + a_{12}a_{23}a_{31} + a_{13}a_{21}a_{32}]$$

$$- [a_{31}a_{22}a_{13} + a_{32}a_{23}a_{11} + a_{33}a_{21}a_{12}]$$

مثال

$$B = \begin{bmatrix} 2 & 1 & -3 \\ 5 & 7 & 0 \\ -1 & 3 & 4 \end{bmatrix}_{3 \times 3}$$

$$|B| = \begin{vmatrix} 2 & 1 & -3 & 2 & 1 \\ 5 & 7 & 0 & 5 & 7 \\ -1 & 3 & 4 & -1 & 3 \end{vmatrix}$$
$$= (56 + 0 - 45) - (21 + 0 + 20)$$
$$= -30$$

# 2. طريقة المحيدد (اختيار صف او عمود)

تلائم هذه الطريقة المصفوفات من الرتبة  $2 \times 2$  و  $8 \times 8$  و  $4 \times 4$  و هو اختيار الصفوف او الاعمدة في مثالنا. قمنا باختيار الصف الاول ثم نثبت الاشارات البدء بالحساب بالاشارات الموجبة وبعدها السالبة وبعدها الموجبة (بالتتاوب).

مثال

$$B = \begin{bmatrix} 2 & -1 & -3 \\ 5 & 7 & 0 \\ -1 & 3 & 4 \end{bmatrix}_{3 \times 3}$$

$$|B| = 2 \begin{vmatrix} 7 & 0 \\ -1 & 5 & 0 \end{vmatrix} + (-3) \begin{vmatrix} 5 & 0 \\ -3 & 5 \end{vmatrix}$$

$$|B| = 2 \begin{vmatrix} 7 & 0 \\ 3 & 4 \end{vmatrix} - 1 \begin{vmatrix} 5 & 0 \\ -1 & 4 \end{vmatrix} + (-3) \begin{vmatrix} 5 & 7 \\ -1 & 3 \end{vmatrix}$$
$$= 2(28) - 20 + (-3)(22)$$
$$= -30$$

# الفصل الثاني

# ايجاد معادلة المستقيم المار بنقطة معطاة

الخط المستقيم تم تعريفه هندسياً على انه خط لا بداية له ولا نهاية له ولا يوجد له طول معين ايضاً وبعد ذلك تم الوصول بأن هذا التعريف خاطئ لان المستقيم في اعتقاد بعض العلماء له بداية وله نهاية لانه يتواجد في كل زاوية حولنا.

# المنحنى المستوي

هو منحنى يقع في مستوي ما. قد يكون المنحني المستوي مغلقاً او مفتوحاً. المنحنيات التي تكون مثيرة للاهتمام لسبب ما والتي تم التحقيق في خصائصها تسمى المنحنيات الخاصة.

بعض المنحنيات الاكثر شيوعاً هي الخط والقطع الزائد وبعض المنحنيات المغلقة الاكثر شيوعاً هي الدائرة والقطع الناقص.

## ميل الخط المستقيم

الميل من اهم خصائص الخط المستقيم ويرمز له بالحرف m. يصف الميل مدى انحدار هذا الخط المستقيم عن المحور الافقى (محور السينات او محور X) سواء اتجه نحو الاعلى او انخفض

# ايجاد معادلة خط المستقيم بواسطة ميل معطى ونقطة

$$y = mx + b$$

حيث m: ميل الخط المستقيم و b: العدد ؟

#### مثال

(-1,1) جد معادلة الخط المستقيم الذي ميله 2 ويمر بالنقطة

#### الحل

ي معادلة الخط y=mx+b. الميل y=mx+b اذن y=mx+b المستقيم

$$-1 = 2(1) + b$$
$$-1 = 2 + b$$

$$b = -1 - 2 = -3$$

y = 2x - 3 اذن المعادلة

حساب ميل الخط المستقيم

$$m = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

بحيث أن m ميل الخط المستقيم

$$y = mx + b$$

و  $(x_1, y_1), (x_2, y_2)$  نقطتان تقع على خط المستقيم مثال

B(6,8) و A(2,4) و النقطتين A(2,4) و الحل المستقيم الذي تقع عليه النقطتين الحل

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{8 - 4}{6 - 2} = \frac{4}{4} = 1$$

مثال

(2,5), (4,7) جد معادلة المستقيم المار بالنقطتين

الحل

معادلة المستقيم هي y = mx + b. نجد الميل

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$
$$= \frac{7 - 5}{4 - 2}$$
$$= \frac{2}{2} = 1$$

نعوض الميل و احدى النقطتين في معادلة المستقيم

$$y = mx + b$$

$$5 = 1(2) + b$$

 $b = 5 - 2 \Rightarrow b = 3$ 

y = x + 3 اذن معادلة المستقيم

# ايجاد معادلة المستقيم المار بنقطتين

اذا كانت لدينا نقطتان  $(x_1, y_1)$  و  $(x_2, y_2)$  في المستوي ونريد ايجاد معادلة المستقيم المار بهما فإن هذه المعادلة هي على الصورة

$$a_1x + a_2y + a_3 = 0$$

حيث  $a_1, a_2, a_3$  اعداد حقيقية لا تساوي صفر

اذا كانت (x, y) اى نقطة على هذا المستقيم فإننا نحصل على نظام المعادلات المتجانس

$$a_1x + a_2y + a_3 = 0$$
$$a_1x_1 + a_2y_1 + a_3 = 0$$
$$a_1x_2 + a_2y_2 + a_3 = 0$$

حيث  $a_1, a_2, a_3$  مجاهيل. لذا فإن محدد مصفوفة المعاملات للنظام يجب ان يساوي صفراً، أي ان

$$\begin{vmatrix} x & y & 1 \\ x_1 & y_1 & 1 \\ x_2 & y_2 & 1 \end{vmatrix} = 0$$

مثال

(-1,1),(2,3) استخدم المحددات لايجاد معادلة المستقيم المار بالنقطتين المحددات لايجاد معادلة المستقيم المحل

$$\begin{vmatrix} x & y & 1 \\ 2 & 3 & 1 \\ -1 & 1 & 1 \end{vmatrix} = 0 \Rightarrow \begin{vmatrix} x & y & 1 \\ 2 & 3 & 1 \\ 2 & 3 & 1 \end{vmatrix} = 0$$
$$\Rightarrow (3x - y + 2) - (2y + x - 3) = 0 \Rightarrow 2x - 3y + 5 = 0$$

مثال

استخدم المحددات لايجاد معادلة المستقيم المار بالنقطتين (2,5),(2,5)

$$\begin{vmatrix} x & y & 1 \\ 2 & 5 & 1 \\ 2 & 7 & 1 \end{vmatrix} = 0 \Rightarrow \begin{vmatrix} x & y & 1 \\ 2 & 5 & 1 \\ 2 & 7 & 1 \end{vmatrix} \stackrel{x}{=} 0$$
$$\Rightarrow (5x + 2y + 14) - (10 + 7x + 2y) = 0 \Rightarrow -2x + 2 = 0$$

مثال

استخدم المحددات لايجاد معادلة المستقيم المار بالنقطتين (1,4),(1,4)

# معادلة الدائرة

نعلم من الدروس الهندسة اي ثلاث نقاط  $(x_1, y_1), (x_2, y_2), (x_3, y_3)$  وليست على استقامة واحدة تعين دائرة وحيدة وأن معادلة الدائرة هي على الصورة

$$a_1(x^2 + y^2) + a_2x + a_3y + a_4 = 0$$

 $a_1 \neq 0$  حيث

ان المتجانس الدائرة فإننا نحصل على النظام المتجانس الذا كانت (x, y)

$$a_1(x^2 + y^2) + a_2x + a_3y + a_4 = 0$$

$$a_1(x_1^2 + y_1^2) + a_2x_1 + a_3y_1 + a_4 = 0$$

$$a_1(x_2^2 + y_2^2) + a_2x_2 + a_3y_2 + a_4 = 0$$

$$a_1(x_3^2 + y_3^2) + a_2x_3 + a_3y_3 + a_4 = 0$$

حيث  $a_1, a_2, a_3, a_4$  مجاهيل و إننا نبحث عن حل غير تافه للنظام.

مثال

(-1,1),(1,-1),(1,0) استخدم المحددات لايجاد معادلة الدائرة المارة بالنقاط

الحل

$$\begin{vmatrix} x^2 + y^2 & x & y & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 2 & 1 & -1 & 1 \\ 2 & -1 & 1 & 1 \end{vmatrix} = (x^2 + y^2) \begin{vmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \\ -1 & 1 & 1 \end{vmatrix} - x \begin{vmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \\ 2 & 1 & 1 \end{vmatrix}$$

$$+ y \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & -1 \\ 2 & -1 & 1 \end{vmatrix} = 0$$

اي ان

$$(x^{2} + y^{2})(-2) - x(2) + y(-2) - (-4) = 0$$
$$x^{2} + y^{2} + x + y - 2 = 0$$

مثال

(2,1),(1,2),(0,0) استخدم المحددات لايجاد معادلة الدائرة المارة بالنقاط

الحل

$$\begin{vmatrix} x^2 + y^2 & x & y & 1 \\ 5 & 2 & 1 & 1 \\ 5 & 1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{vmatrix} = (x^2 + y^2) \begin{vmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{vmatrix} - x \begin{vmatrix} 5 & 1 & 1 \\ 5 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{vmatrix}$$

$$+ y \begin{vmatrix} 5 & 2 & 1 \\ 5 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} 5 & 2 & 1 \\ 5 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 0 \end{vmatrix} = 0$$

اي ان

$$3x^2 + 3y^2 - 5x - 5y = 0$$

مثال

(-1,2),(1,3),(2,0) استخدم المحددات لايجاد معادلة الدائرة المارة بالنقاط المحددات الايجاد معادلة الدائرة المارة بالنقاط المحددات المحد

$$\begin{vmatrix} x^{2} + y^{2} & x & y & 1 \\ 4 & 2 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 3 & 1 \\ 1 & -1 & 2 & 1 \end{vmatrix} = (x^{2} + y^{2}) \begin{vmatrix} 2 & 0 & 1 \\ 1 & 3 & 1 \\ -1 & 2 & 1 \end{vmatrix} - x \begin{vmatrix} 4 & 0 & 1 \\ 1 & 3 & 1 \\ 1 & 2 & 1 \end{vmatrix}$$
$$+ y \begin{vmatrix} 4 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ -1 & 1 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} 4 & 2 & 0 \\ 1 & 1 & 3 \\ 1 & -1 & 2 \end{vmatrix} = 0$$

اي ان

$$7x^2 + 7y^2 - 3x + 6y + 22 = 0$$

# القطع المكافئ

القطع المكافئ هو المحل الهندسي لمجموعة نقاط المستوي التي يكون بُعد كل منها عن نقطة ثابتة تسمى البؤرة مساوياً دائماً لبعدها عن مستقيم معلوم يسمى الدليل.

و القطع المكافئ متماثل حول المستقيم العمودي على الدليل و المار بالبؤرة ويسمى هذا المستقيم محور التماثل وتسمى نقطة تقاطع القطع المكافئ مع محور التماثل بالرأس وتسمى القطعة المستقيمة المارة بالبؤرة و العمودية على محور التماثل بالوتر البؤري ويقطع طرفا الوتر البؤري على القطع المكافئ.

# 2 - 1 خصائص القطع المكافئ

# 1. القطع المكافئ المفتوح رأسياً الى اعلى او الى اسفل

$$(x - h)^2 = 4p(y - k)$$
 معادلة القطع:

# خصائص القطع:

1. الاتجاه: المنحنى مفتوح رأسياً.

(h,k) :الرأس

(h, k + p) .3

$$x = h$$
 :4. معادلة محور التماثل

$$y = k + p$$
 :معادلة الدليل

# 2. القطع المكافئ المفتوح افقياً الى اليمين او الى اليسار

$$(y-k)^2 = 4p(x-h)$$
 معادلة القطع:

# خصائص القطع:

$$(h,k)$$
 الرأس: 2

$$(h+p,k)$$
 البؤرة: 3.

$$y = k$$
 :4. معادلة محور التماثل

$$x = h - p$$
 . معادلة الدليل:

#### مثال 1

جد معادلة القطع المكافئ المار بالنقاط (2,0),(1,3),(-1,2). الحل معادلة القطع المكافئ العامة

$$(x - h)^2 = 4p(y - k)$$
 (1)

بما ان النقاط تمر بالقطع فإنها تحقق المعادلة (1)

$$(2-h)^2 = 4p(0-k)$$

$$(1-h)^2 = 4p(3-k)$$

$$(-1 - h)^2 = 4p(2 - k)$$

بترتيب المعادلات نحصل على

$$(h-2)^2 = -4pk (2)$$

$$(h-1)^2 = 12p - 4pk (3)$$

$$(h+1)^2 = 8p - 4pk (4)$$

بطرح المعادلتين (3) و (4) نحصل على

$$(h-1)^2 - (h+1)^2 = 4p$$
 $(h^2 - 2h + 1) - (h^2 + 2h + 1) = 4p$ 
 $-4h = 4p \Rightarrow p = -h$ 
نعوض في (2) و (4)

$$(h-2)^2 = 4hk$$
  
 $(h+1)^2 = 4hk - 8h$ 

بعد التبسيط نحصل على

$$h^2 - 4h + 4 = 4hk \tag{5}$$

$$h^2 + 2h + 1 = 4hk - 8h \tag{6}$$

بطرح المعادلتين (5) و (6) نحصل على

$$-6h + 3 = 8h \Rightarrow 14h = 3 \Rightarrow \boxed{h = \frac{3}{14}}$$

بما ان p = -h فإن

$$p = \frac{-3}{14}$$

k في قيمة h, p في قيمة أيد نعوض عن أيد نعوض

$$\left(\frac{3}{14} - 2\right)^2 = -4\frac{-3}{14}k \Rightarrow \boxed{k = \frac{625}{168}}$$

اذن معادلة القطع المكافئ

$$\left(x - \frac{3}{14}\right)^2 = \frac{-6}{7}\left(y - \frac{625}{168}\right)$$

بعد التبسيط وفتح الاقواس

$$7x^2 - 3x + 6y - 22 = 0$$

#### مثال 2

المعادلة  $c \neq 0$ ،  $a \neq 0$  ه $ax^2 + bx + cy + d = 0$  المعادلة

 $(x_1, y_1), (x_2, y_2), (x_3, y_3)$  المار بالنقاط المكافئ المار بالنقاط وير  $(x_1, y_1), (x_2, y_2), (x_3, y_3)$  التي لا تقع على استقامة و احدة.

(2,0),(1,3),(-1,2) استخدم (1) لايجاد معادلة القطع المكافئ المار بالنقاط (2,0),(1,3).

#### الحل

1 المعادلة العامة

$$ax^2 + bx + cy + d = 0$$

اذا كانت النقاط على النظام المتجانس  $(x_1, y_1), (x_2, y_2), (x_3, y_3)$  تمر بالقطع المكافئ نحصل على النظام المتجانس

$$ax^{2} + bx + cy + d = 0$$

$$ax_{1}^{2} + bx_{1} + cy_{1} + d = 0$$

$$ax_{2}^{2} + bx_{2} + cy_{2} + d = 0$$

$$ax_{3}^{2} + bx_{3} + cy_{3} + d = 0$$

باستخدام المحددات

$$\begin{vmatrix} x^2 & x & y & 1 \\ x_1^2 & x_1 & y_1 & 1 \\ x_2^2 & x_2 & y_2 & 1 \\ x_3^2 & x_3 & y_3 & 1 \end{vmatrix} = 0$$

2. نعوض النقاط (-1,2),(1,3),(2,0) في المحدد

$$\begin{vmatrix} x^2 & x & y & 1 \\ 4 & 2 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 3 & 1 \\ 1 & -1 & 2 & 1 \end{vmatrix} = 0$$

$$\begin{vmatrix} 2 & 0 & 1 \\ 1 & 3 & 1 \\ -1 & 2 & 1 \end{vmatrix} - x \begin{vmatrix} 4 & 0 & 1 \\ 1 & 3 & 1 \\ 1 & 2 & 1 \end{vmatrix} + y \begin{vmatrix} 4 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} 4 & 2 & 0 \\ 1 & 1 & 3 \\ 1 & -1 & 2 \end{vmatrix} = 0$$

$$x^{2}(6+0+2+3-4-0) - x(12+0+2-3-8-0)$$

$$+ y(4+2-1-1+4-2) - (8+6-0-0+12-4) = 0$$

$$7x^{2} - 3x + 6y - 22 = 0$$