

Unit 23.

Queue

● Learning objectives

- ✓ ເຂົ້າໃຈແນວຄວາມຄິດຂອງ queue ແລະ ສາມາດກຳນົດ queue ເປັນປະເພດຂໍ້ມູນນາມມະທຳ.
- ✓ ສາມາດສ້າງໂຄງສ້າງຂໍ້ມູນ queue ເປັນ class ໂດຍໃຊ້ພາສາ python.
- ✓ ສາມາດນຳໃຊ້ໂຄງສ້າງຂໍ້ມູນ queue ເພື່ອແກ້ໄຂບັນຫາ Josephus.

● Learning overview

- ✓ ຮຽນຮູ້ວິທີການກຳນົດໂຄງສ້າງຂໍ້ມູນ queue ເປັນ class
- ✓ ຮຽນຮູ້ວິທີການນຳໃຊ້ queue class ກັບ methods ຂອງມັນ
- ✓ ຮຽນຮູ້ວິທີການແກ້ໄຂບັນຫາ Josephus ໂດຍໃຊ້ໂຄງສ້າງຂໍ້ມູນ queue

● Concepts you will need to know from previous units

- ✓ ວິທີການປະກາດ list, ການເພີ່ມ ແລະ ການລຶບຂໍ້ມູນ
- ✓ ວິທີການກຳນົດ class constructor ແລະ ກຳນົດຕົວປ່ຽນ ແລະ methods
- ✓ ວິທີການສ້າງ class instance ເພື່ອເຂົ້າຫາຕົວປ່ຽນ ແລະ ເອີ້ນໃຊ້ methods

Keywords

**Abstract
Data Type**

Queue

FIFO

enqueue

dequeue

| Mission

1. Real world problem

1.1. ເລື່ອງ Josephus ໃນປະຫວັດສາດ



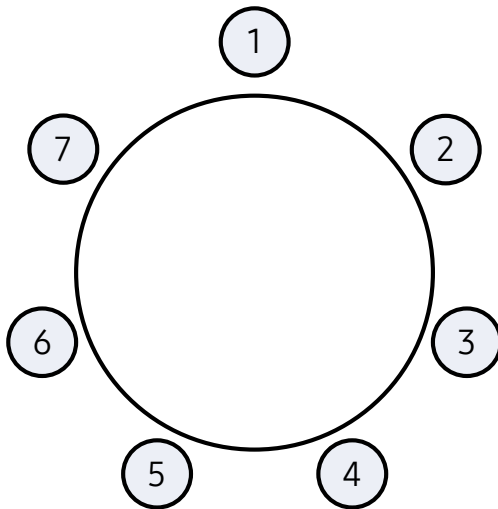
<https://en.wikipedia.org/wiki/Josephus#/media/File:Josephus.jpg>

- ▶ ເລື່ອງ Josephus ໃນປະຫວັດສາດໄດ້ກາຍເປັນບັນຫາການຂຽນ code ທີ່ຫນ້າສົນໃຈ.
- ▶ Josephus ເປັນນັກປະຫວັດສາດຊາວຢິວໃນສະຕະວັດທີ 1. ຫຼັງຈາກທີ່ໄດ້ຮັບການພ່າຍແພ້ຈາກສົງຄາມກັບ Rome, ທັງຫມົດ 41 ຄົນ ລວມທັງລາວເອງໄດ້ຫນີເຂົ້າໄປໃນຖ້ຳ.
- ▶ ຢູ່ໃນຖ້ຳ, ພວກເຂົາຢືນຢູ່ໃນວົງມົນ ແລະ ໄດ້ເຮັດຂໍ້ຕົກລົງວ່າທຸກໆຄົນທີ່ 3 ຈະຂ້າຕົວຕາຍຈົນກ່ວາບໍ່ມີໃຜລອດຊີວິດ.
- ▶ Josephus ຄິດວ່າການຂ້າຕົວເອງແມ່ນບໍ່ມີຄວາມຫມາຍ, ດັ່ງນັ້ນລາວໄດ້ຄິດໄລ່ແລະຢຶດເອົາຕຳແໜ່ງທີ່ຈະເຮັດໃຫ້ລາວຢູ່ລອດຈົນເຖິງຄົນສຸດທ້າຍ. ຈາກນັ້ນ, ນິທານເລົ່າວ່າໃນທີ່ສຸດລາວໄດ້ລອດຊີວິດໂດຍການຊັກຊວນຄົນອື່ນທີ່ຍັງເຫຼືອ.

1. Real world problem

1.1. ເລື່ອງ Josephus ໃນປະຫວັດສາດ

- | ສົມມຸດວ່າມີ 7 ຄົນນັ່ງອ້ອມໂຕະ.
- | ແຕ່ລະຄົນແມ່ນໄດ້ກຳນົດໝາຍໃຫ້ ດ້ວຍຕົວເລກຈາກ 1 ຫາ 7 ຕາມເຂັມໂມງ. ວິທີການຕໍ່ໄປນີ້ຈະຖືກໃຊ້ເພື່ອເລືອກຕົວແທນ.



- ▶ ຍົກເວັ້ນທຸກໆຄົນທີ 3 ອອກຈາກຕາຕະລາງໂດຍເລີ່ມຕົ້ນດ້ວຍເລກທີ 1 ຕາມເຂັມໂມງ.
- ▶ ເຮັດຊ້ຳວິທີດຽວກັນຈາກຜູ້ທີ່ນັ່ງຢູ່ຂ້າງຫນຶ່ງທີ່ໄດ້ຖືກຍົກເວັ້ນກ່ອນຫນ້ານີ້.

- | ຖ້າວິທີການຂ້າງເທິງນີ້ຖືກນຳໃຊ້ເພື່ອເລືອກເອົາຜູ້ຕາງໜ້າຜູ້ຫນຶ່ງທີ່ຍັງຄົງຢູ່ສຸດທ້າຍ, ແລ້ວໃຜຈະເປັນຜູ້ຕໍ່ໄປ?

1. Real world problem

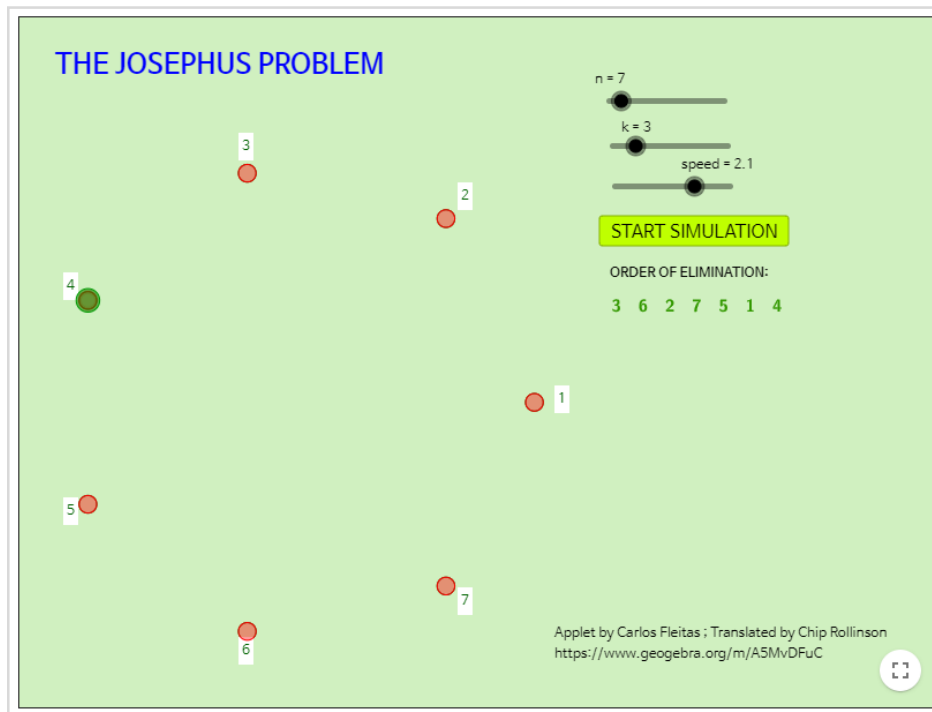
1.1. ເລື່ອງ Josephus ໃນປະຫວັດສາດ

| ບັນຫາ Josephus ສາມາດຖືກກຳນົດດັ່ງຕໍ່ໄປນີ້.

- ▶ N ຄົນມາເຕົ້າໂຮມກັນຮອບໂຕະ ແລະແຕ່ລະຄົນໄດ້ຮັບຕົວເລກຈາກ 1 ຫາ N ຕາມເຂັມໂມງ.
- ▶ ເລືອກ K ທີ່ນ້ອຍກວ່າ ຫຼື ເທົ່າກັນກັບ N , ແລະຍົກເວັ້ນຄົນທີ K ຈາກ ໝາຍເລກ 1.
- ▶ ຍົກເວັ້ນຄົນທີ K ຕາມເຂັມໂມງຈົນກ່ວາ $(N-1)$ ຄົນຖືກລົບລ້າງ.
- ▶ ຄິດໄລ່ຈຳນວນຜູ້ທີ່ຈະຢູ່ລອດຈົນກ່ວາສຸດທ້າຍເມື່ອສອງຈຳນວນບວກ N ແລະ $K(\leq N)$ ທີ່ໃຫ້ມາ.

1. Real world problem

1.2. ເຄື່ອງຈັກກຳນົດລຳດັບ Josephus



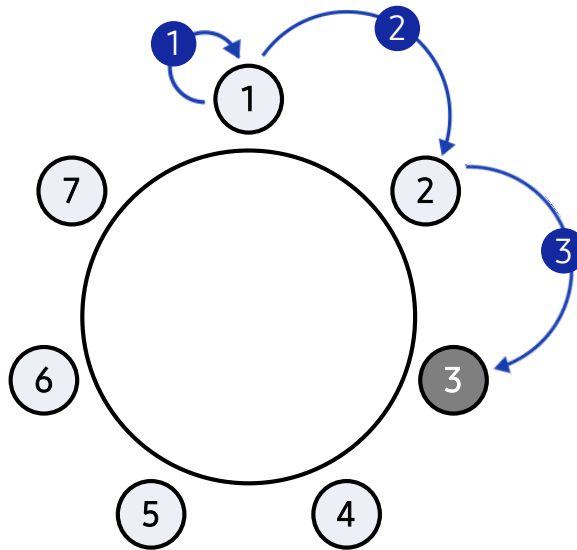
<https://www.geogebra.org/m/ExvvrBbR>

- ▶ GeoGebra ໄດ້ສ້າງ applet ສຳລັບການຈຳລອງບັນຫາ Josephus.
- ▶ ໃນປະຫວັດສາດ, ໂຈເຊບໄດ້ເຂົ້າຮ່ວມໃນເກມທີ່ທຸກໆຄົນທີ່ 3 ຂ້າຕົວເອງໃນຈຳນວນ 41 ຄົນທີ່ນັ່ງຢູ່ໃນວົງມົນ.
- ▶ ດັ່ງນັ້ນ, ໃນບັນຫາ Josephus, $N = 41$ ແລະ $K = 3$. ແລ້ວໂຈເຊບໄດ້ເລກໃດ?
- ▶ ໂຈເຊບໄດ້ລອດຊີວິດກັບຄົນອື່ນທີ່ຍັງຢູ່ລອດຈົນກ່ວາຄົນສຸດທ້າຍ. ແລ້ວ, ຕົວເລກຂອງລາວແມ່ນຫຍັງ?
- ▶ ໃຊ້ applet ເພື່ອກວດສອບເບິ່ງຄົນສອງຄົນທີ່ລອດຊີວິດຈາກເລື່ອງໂຈເຊບ.

2. Mission

2.1. ບັນຫາ Josephus

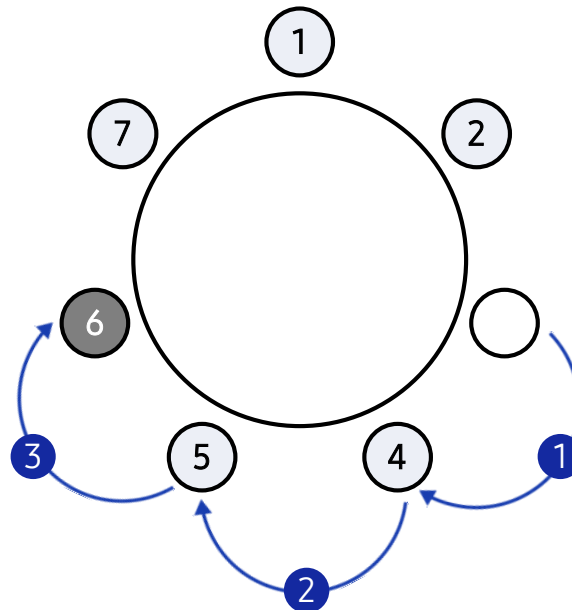
- ບັນຫາທຳອິດທີ່ພວກເຮົາມີແມ່ນບັນຫາ Josephus ໃນຕຳແໜ່ງທີ່ $N = 7$, $K = 3$.
- ເພື່ອແກ້ໄຂບັນຫານີ້, ເລີ່ມຕົ້ນດ້ວຍໝາຍເລກທີ່ 1 ທັງ 7 ຄົນແມ່ນນັ່ງອ້ອມຂ້າງໂຕະແລະຍົກເວັ້ນທຸກຄົນທີ 3.



2. Mission

2.1. ບັນຫາ Josephus

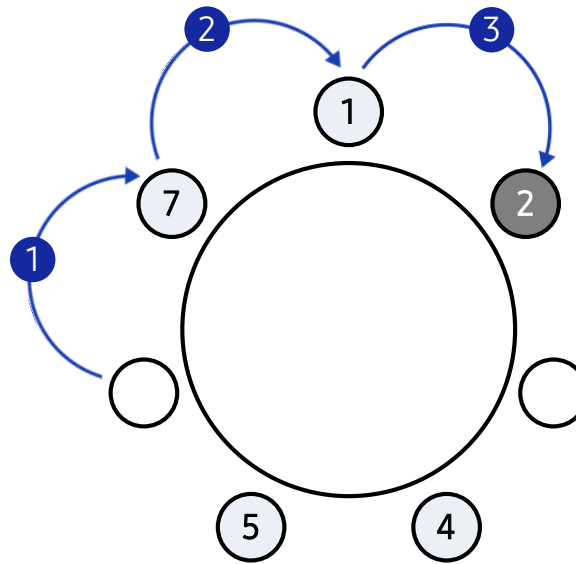
| ຫຼັງຈາກເລກ 3 ຖືກລຶບລ້າງ, ໝາຍເລກ 6 ຜູ້ທີ່ເປັນບຸກຄົນທີ 3 ຈາກໝາຍເລກ 4 ຄວນຖືກລຶບລ້າງ.



2. Mission

2.1. ບັນຫາ Josephus

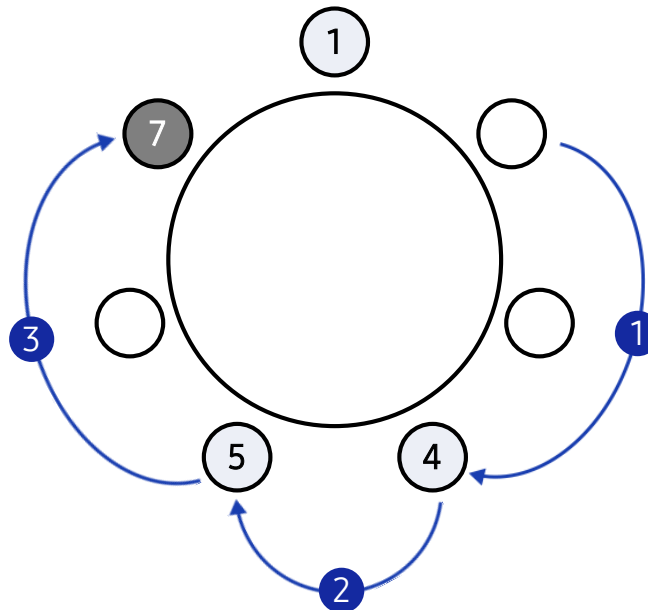
- | ເມື່ອໝາຍເລກ 6 ຖືກຕັດອອກແລ້ວ, ອັນດັບທີ 3 ຕໍ່ໄປແມ່ນເບີ 2.
- | ລົບລ້າງໝາຍ 2 ຈາກຕາຕະລາງ.



2. Mission

2.1. ບັນຫາ Josephus

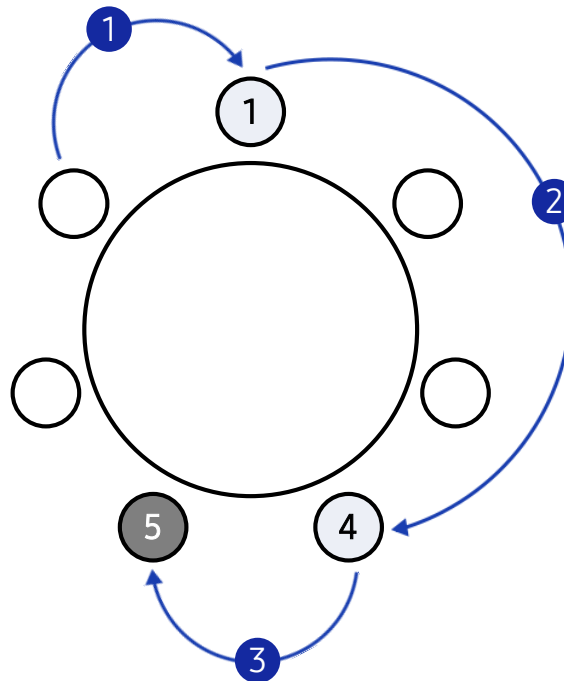
- ຂ້າມຄືນທີ່ຖືກຍົກລົບລ້າງແລ້ວ.
- ຫຼັງຈາກໝາຍເລກ 2 ຖືກຕັດອອກ, ບຸກຄົນທີ 3 ຖັດໄປແມ່ນໝາຍເລກ 7, ລົບເລກ 7.



2. Mission

2.1. ບັນຫາ Josephus

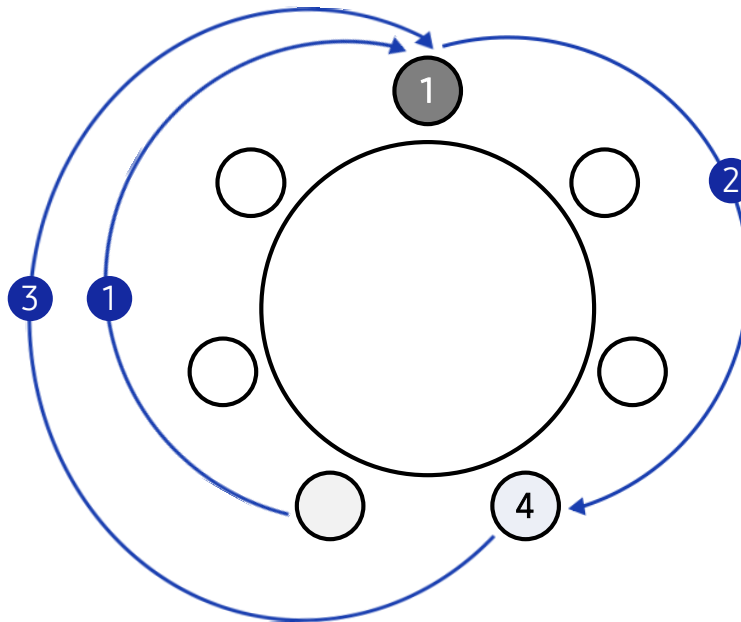
- | ຫຼັກການເຊັ່ນດຽວກັນຖືກໃຊ້ ແລະ ຄົ້ນຄ້ວາທີ່ຈະຖືກລຶບລ້າງຕໍ່ຈາກໝາຍເລກ 7 ແມ່ນໝາຍເລກ 5.
- | ລຶບລ້າງໝາຍເລກ 5.



2. Mission

2.1. ບັນຫາ Josephus

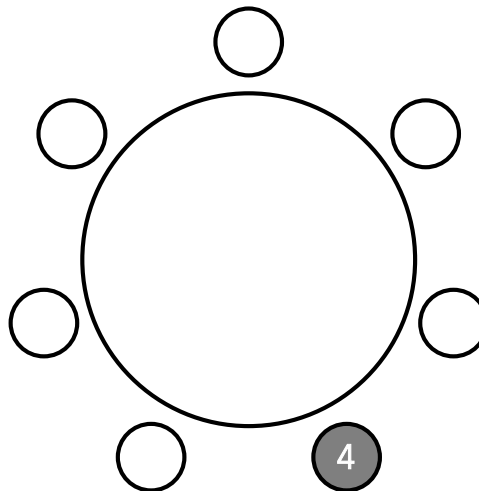
- ມີພຽງແຕ່ສອງຄົນເທົ່ານັ້ນທີ່ຍັງເຫຼືອສຸດທ້າຍ, ດັ່ງນັ້ນເມື່ອເລີ່ມຕົ້ນຈາກໝາຍເລກ 1, ບຸກຄົນທີ່ 3 ກາຍເປັນ ໝາຍເລກ 1.
- ດັ່ງນັ້ນ, ລົບລ້າງໝາຍເລກ 1.



2. Mission

2.1. ບັນຫາ Josephus

| ຫຼັງຈາກລົບລ້າງໝາຍເລກ 1, ຍັງເຫຼືອພຽງແຕ່ຄົນສຸດທ້າຍ. ຕົວແທນສຸດທ້າຍແມ່ນໝາຍເລກ 4.



3. ການແກ້ໄຂບັນຫາ

3.1. ວິທີແກ້ໄຂບັນ Josephus

I ໄດ້ຮັບ N ແລະ K ຂໍ້ມູນຂອງຜູ້ໃຊ້ທີ່ປ່ອນເຂົ້າເພື່ອພິມລຳດັບຂອງ Josephus.

```
1 N = int(input("Input the number of people(N): "))
2 K = int(input("Input the number to be skipped(K): "))
3 print(josephus_sequence(N, K))
```

```
Input the number of people(N): 7
Input the number to be skipped(K): 3
[3, 6, 2, 7, 5, 1, 4]
```

3. ການແກ້ໄຂບັນຫາ

3.2. code ສຸດທ້າຍຂອງບັນຫາ Josephus

```
1 def josephus_sequence(n, k):
2     sequence = []
3     queue = []
4     for i in range(1, n + 1):
5         queue.append(i)
6     j = 1
7     while len(queue) > 1:
8         item = queue.pop(0)
9         if j % k == 0:
10            sequence.append(item)
11        else:
12            queue.append(item)
13        j += 1
14    sequence.append(queue.pop(0))
15    return sequence
```

| Key concept

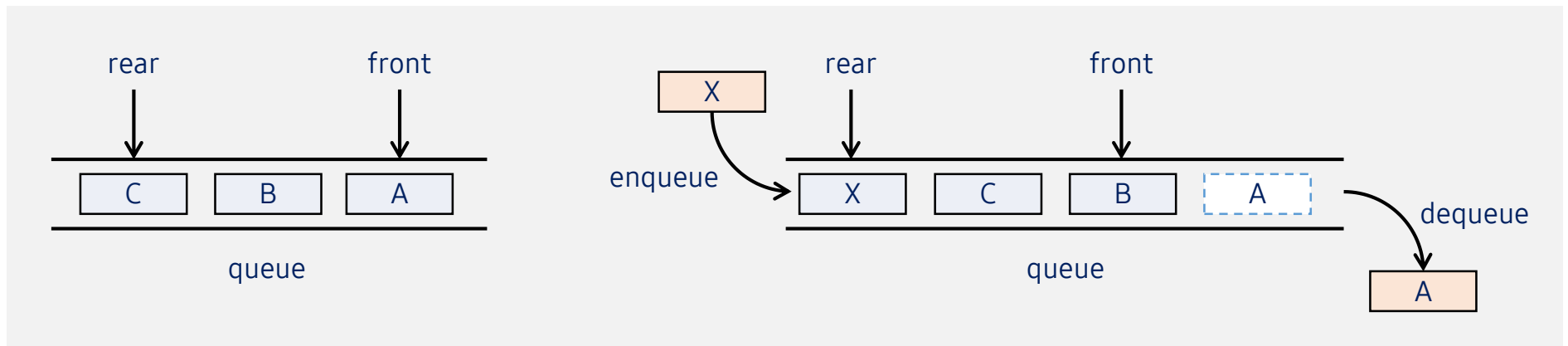
1. Queue ແມ່ນຫຍັງ?

1.1. ຄຳນິຍາມຂອງ queue

- ຄິວແມ່ນປະເພດຂໍ້ມູນນາມມະທຳທີ່ເກັບຂໍ້ມູນລຽງກັນຢ່າງມີລຳດັບ ມີທາງເຂົ້າ ແລະ ທາງອອກແຍກຈາກກັນ ການເອົາຂໍ້ມູນອອກແມ່ນເອົາອອກຈາກທາງຫນ້າ ແລະ ເອົາຂໍ້ມູນເຂົ້າຢູ່ທາງຫລັງ.
- ຂໍ້ມູນທີ່ເອົາເຂົ້າກ່ອນຈະຖືກເອົາອອກກ່ອນ ແລະ ຂໍ້ມູນທີ່ເອົາເຂົ້ານຳຫຼັງແມ່ນເອົາອອກນຳຫຼັງ, ຄິວແມ່ນໂຄງສ້າງຂໍ້ມູນທີ່ເຮັດວຽກດ້ວຍວິທີການ FIFO (First-In-First-Out).

🔗 **Focus** ຄິວມີສອງຕົວດຳເນີນການຫຼັກ.

- ▶ enqueue: ເຮັດໜ້າທີ່ເພີ່ມຂໍ້ມູນໃໝ່ເຂົ້າດ້ານຫຼັງຂອງຄິວ
- ▶ dequeue: ເອົາຂໍ້ມູນອອກຈາກທາງໜ້າຂອງຄິວ



1. Queue ແມ່ນຫຍັງ?

1.2. ຕົວຢ່າງ ການໃຊ້ queue ໃນຊີວິດປະຈຳວັນ



- ▶ ຄົວແມ່ນພົບເຫັນເປັນປະຈຳໃນຊີວິດຂອງພວກເຮົາ.
- ▶ ຕົວຢ່າງ, ສຳລັບການຈອງຄົວຊື້ປີຍິນຢູ່ສະຫນາມບິນ, ປະຊາຊົນຈຳເປັນຕ້ອງລໍຖ້າຢູ່ໃນຄົວ ແລະ ຜູ້ທຳອິດທີ່ເຂົ້າມາໃນຄົວແມ່ນໄດ້ຮັບການບໍລິການກ່ອນ.
- ▶ ນອກເໜືອຈາກນັ້ນ, ຄົວແມ່ນພົບເຫັນທົ່ວໄປໃນຮ້ານອາຫານ ແລະ ທະນາຄານ.

2. ການສ້າງ Queue

2.1. ການສ້າງ Queue ໃນຮູບແບບ class

ໃນພາສາ Python, ປະເພດ list ສາມາດຖືກນຳໃຊ້ເພື່ອກຳນົດໂຄງສ້າງຂໍ້ມູນຄົວເປັນ class.

```
1 class Queue:
2
3     def __init__(self):
4         self.queue = []
5
6     def is_empty(self):
7         return True if len(self.queue) == 0 else False
8
9     def enqueue(self, item):
10        self.queue.append(item)
11
12    def dequeue(self):
13        return None if self.is_empty() else self.queue.pop(0)
```

2. ການສ້າງ Queue

2.1. ການສ້າງ Queue ໃນຮູບແບບ class

▮ ຄ້າຍກັບ class ຂອງ stack, class ຂອງຄິວກໍານົດຄິວເປັນປະເພດຂໍ້ມູນ list ຜ່ານ constructor method.

```
1 class Queue:
2
3     def __init__(self):
4         self.queue = []
5
6     def is_empty(self):
7         return True if len(self.queue) == 0 else False
8
9     def enqueue(self, item):
10        self.queue.append(item)
11
12    def dequeue(self):
13        return None if self.is_empty() else self.queue.pop(0)
```

Line 1-4

- ກໍານົດໂຄງສ້າງຂໍ້ມູນຄິວເປັນ queue class.
- Constructor `__init__(self)` ເລີ່ມຕົ້ນ ເອົາ field ຂໍ້ມູນສະມາຊິກຂອງຄິວເຂົ້າໄປໃນ list ທີ່ຫວ່າງເປົ່າ.

2. ການສ້າງ Queue

2.1. ການສ້າງ Queue ໃນຮູບແບບ class

! 'enqueue' ຈະຖືກສ້າງເປັນ method ຂອງ queue class ດັ່ງສະແດງຂ້າງລຸ່ມນີ້.

```
1 class Queue:
2
3     def __init__(self):
4         self.queue = []
5
6     def is_empty(self):
7         return True if len(self.queue) == 0 else False
8
9     def enqueue(self, item):
10        self.queue.append(item)
11
12    def dequeue(self):
13        return None if self.is_empty() else self.queue.pop(0)
```

Line 9-10

- Method enqueue() ໄດ້ຮັບ 'self' ແລະ ຂໍ້ມູນທີ່ຈະເພີ່ມໃສ່ຄົວເປັນພາຣາມິເຕີ.
- 'enqueue' ເພີ່ມຂໍ້ມູນໃສ່ໃນຕອນທ້າຍຂອງ list self.queue ເຊິ່ງເປັນຊ່ອງສະມາຊິກຂອງ queue class.

2. ການສ້າງ Queue

2.1. ການສ້າງ Queue ໃນຮູບແບບ class

| 'dequeue' ຈະຖືກສ້າງເປັນ method ຂອງຄົວ class ດັ່ງທີ່ສະແດງຂ້າງລຸ່ມນີ້.

```
1 class Queue:
2
3     def __init__(self):
4         self.queue = []
5
6     def is_empty(self):
7         return True if len(self.queue) == 0 else False
8
9     def enqueue(self, item):
10        self.queue.append(item)
11
12    def dequeue(self):
13        return None if self.is_empty() else self.queue.pop(0)
```

Line 12-13

- Method dequeue() ໄດ້ຮັບ 'self' ເປັນພາຣາມິເຕີ.
- 'dequeue' ຈະສົ່ງຄືນຄ່າ None ຖ້າ self.is_empty() ມີຄ່າເປັນຈິງ(True) ແລະ ຖ້າບໍ່ແມ່ນຄວາມຈິງ, ມັນຈະລຶບອົງປະກອບສຸດທ້າຍຂອງ self.queue.

2. ການສ້າງ Queue

2.1. ການສ້າງ Queue ໃນຮູບແບບ class

Method `is_empty()` ທີ່ໃຊ້ເພື່ອກວດສອບຄົວຫວ່າງເປົ່າຫຼືບໍ່ ມັນຈະຖືກກຳນົດເປັນ method ຂອງ queue class.

```
1 class Queue:
2
3     def __init__(self):
4         self.queue = []
5
6     def is_empty(self):
7         return True if len(self.queue) == 0 else False
8
9     def enqueue(self, item):
10        self.queue.append(item)
11
12    def dequeue(self):
13        return None if self.is_empty() else self.queue.pop(0)
```



Line 6-7

- Method `is_empty()` ຈະສົ່ງຄ່າກັບຄືນເປັນ `True` ຖ້າຄວາມຍາວຂອງ `self.queue` ມີຄ່າເປັນ 0 ແລະ ຖ້າບໍ່ເປັນດັ່ງນັ້ນ, ມັນຈະສົ່ງຄືນຄ່າ `False`.

2. ການສ້າງ Queue

2.1. ການສ້າງ Queue ໃນຮູບແບບ class

Code ຕໍ່ໄປນີ້ທົດສອບໂຄງສ້າງຂໍ້ມູນຄົວທີ່ຖືກກໍານົດເປັນ class.

```
1 queue = Queue()  
2 queue.enqueue("A")  
3 queue.enqueue("B")  
4 print(queue.dequeue())  
5 queue.enqueue("C")  
6 print(queue.dequeue())  
7 print(queue.dequeue())  
8 print(queue.dequeue())
```

A
B
C
None



Line 1-8

- ຕົວປ່ຽນຄົວຈະບັນທຶກ ຕົວຢ່າງຂອງ object queue class ທີ່ສ້າງຂຶ້ນໂດຍ constructor Queue().
- Methods enqueue() ແລະ dequeue() ຂອງ object ຄົວ ສາມາດຖືກເອີ້ນໃຊ້ໂດຍໃຊ້ຕົວປະຕິບັດການອ້າງອີງ '!'.
- ພິມຄ່າທີ່ສິ່ງຄືນຂອງຟັງຊັນ queue.dequeue() ເປັນ print() ເພື່ອກວດສອບລຳດັບການເອົາຂໍ້ມູນອອກຈາກຄົວ.



One More Step

- | ຈະເຮັດແນວໃດຖ້າຕ້ອງການຮູ້ຈຳນວນອົງປະກອບໃນ Queue?
- | Method `size()` ທີ່ໃຫ້ຈຳນວນອົງປະກອບໃນຄິວປະຈຸບັນສາມາດຖືກສ້າງໂດຍການສົ່ງຄືນຄວາມຍາວ list ຄິວຂອງ queue class ປັດຈຸບັນ.

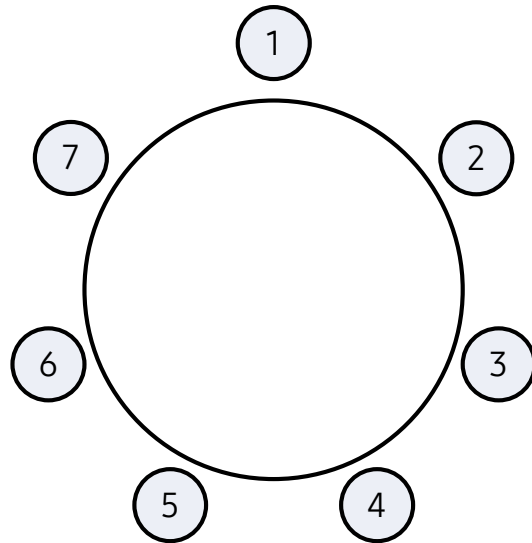
```
1 class Queue:
2
3     # .....
4
5     def size(self):
6         return len(self.queue)
```

| Let's code

1. ບັນຫາ Josephus

1.1. ນິຍາມບັນຫາ

- ຄິດໄລ່ຈຳນວນຄົນທີ່ຖືກຂ້າຕົວຕາຍຈາກກຸ່ມເມື່ອນຳໃຊ້ກົດລະບຽບຕໍ່ໄປນີ້ກັບສອງຕົວເລກທຳມະຊາດ N ແລະ K .
- ▶ N ຄົນມານັ່ງອ້ອມໂຕະມົນ ແລະ ແຕ່ລະຄົນຖືກກຳນົດດ້ວຍຕົວເລກຈາກ 1 ຫາ N ຕາມທິດຂອງເຂັມໂມງ.
 - ▶ ສຳລັບ K ທີ່ນ້ອຍກວ່າ ຫຼື ເທົ່າກັບ N , ເອົາຄົນທີ K ອອກໄປ ໂດຍເລີ່ມຕົ້ນນັບຈາກຄົນທີ 1.
 - ▶ ເອົາຄົນທີ K ອອກໄປ ຕາມທິດຂອງເຂັມໂມງ ຈົນກວ່າທຸກຄົນຈະຖືກເອົາອອກໃຫ້ໝົດ.

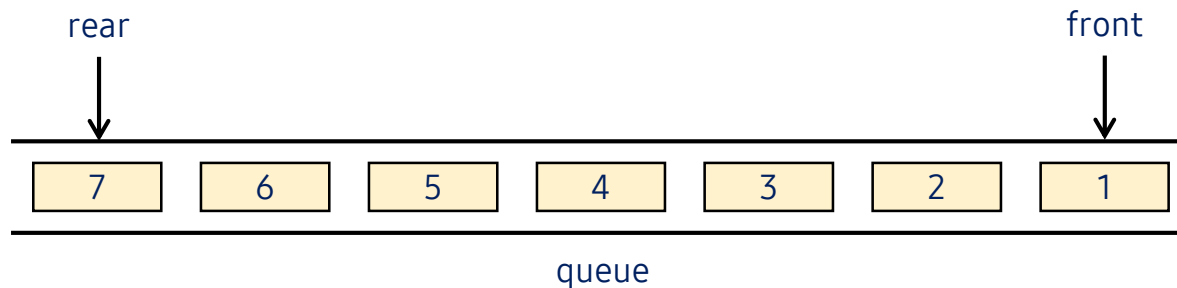


ຖ້າ $N=7$, $K=3$, ລຳດັບຂອງການເອົາຄົນອອກຈາກໂຕະແມ່ນ $[3, 6, 2, 7, 5, 1, 4]$

1. ບັນຫາ Josephus

1.2. ແກ້ໄຂບັນຫາດັ່ງກ່າວໂດຍໃຊ້ queue

- | ໃຊ້ໂຄງສ້າງຂໍ້ມູນ Queue ເພື່ອແກ້ໄຂບັນຫາ Josephus ໄດ້ຢ່າງງ່າຍດາຍ.
- | ທຳອິດ, ເອົາຄືນທີ 1 ຫາ N ເຂົ້າໄປໃນຄືວຕາມລຳດັບ.
- | ຖ້າ $N=7$, ມັນຈະມີລັກສະນະດັ່ງຕໍ່ໄປນີ້.
- | ເນື່ອງຈາກວ່າຍັງບໍ່ທັນໄດ້ເອົາຄືນອອກຈາກໂຕະເທື່ອ, ອັນດັບດັ່ງກ່າວແມ່ນຖືກກຳນົດເປັນ list ເປົ່າ.

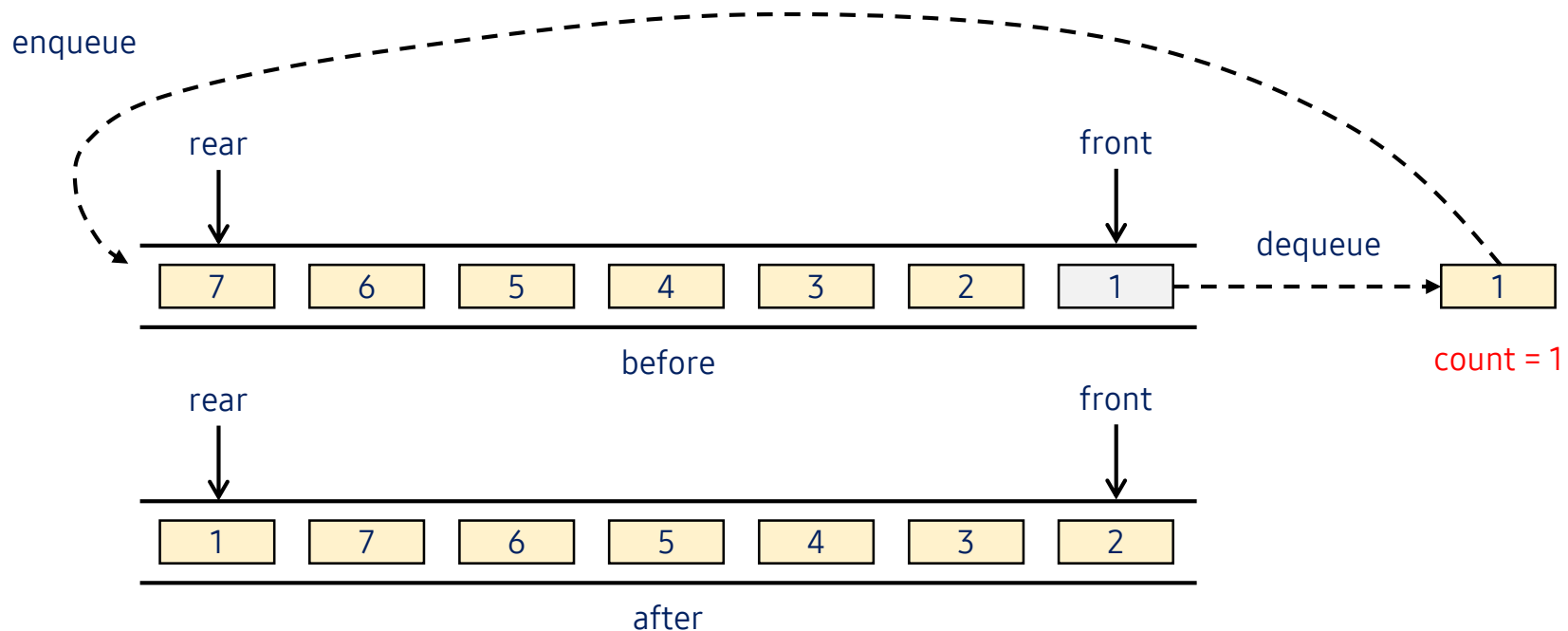


sequence = []

1. ບັນຫາ Josephus

1.2. ແກ້ໄຂບັນຫາດັ່ງກ່າວໂດຍໃຊ້ queue

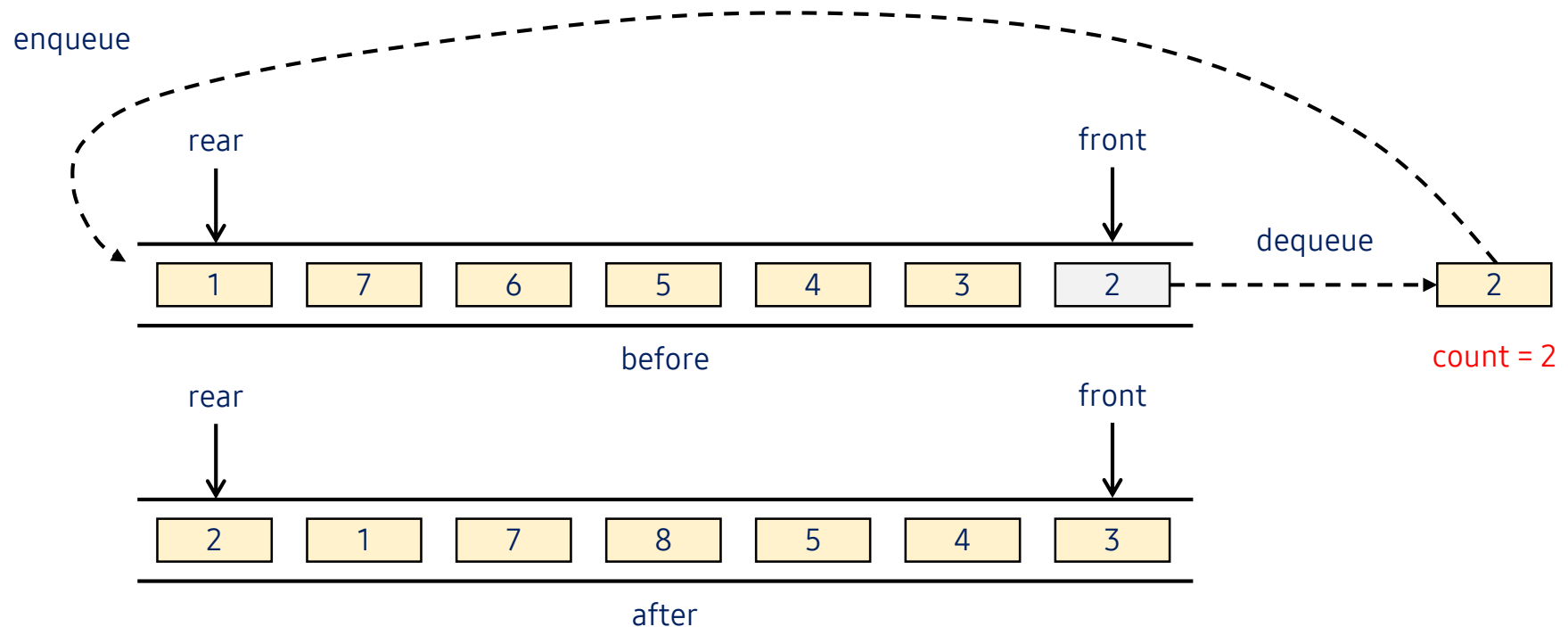
- ເອົາອົງປະກອບຫນຶ່ງອອກຈາກຄິວ ແລະ ເພີ່ມມັນກັບຄືນເຂົ້າໄປໃນ Queue. ຢ່າງໃດກໍຕາມ, ຢ່າເພີ່ມອົງປະກອບຕົວທີ K ກັບຄືນເຂົ້າໄປໃນຄິວ.
- ເລີ່ມຕົ້ນໂດຍການເອົາອົງປະກອບທຳອິດອອກ ແລະ ເພີ່ມມັນກັບຄືນເຂົ້າໄປໃນ Queue.



1. ບັນຫາ Josephus

1.2. ແກ້ໄຂບັນຫາດັ່ງກ່າວໂດຍໃຊ້ queue

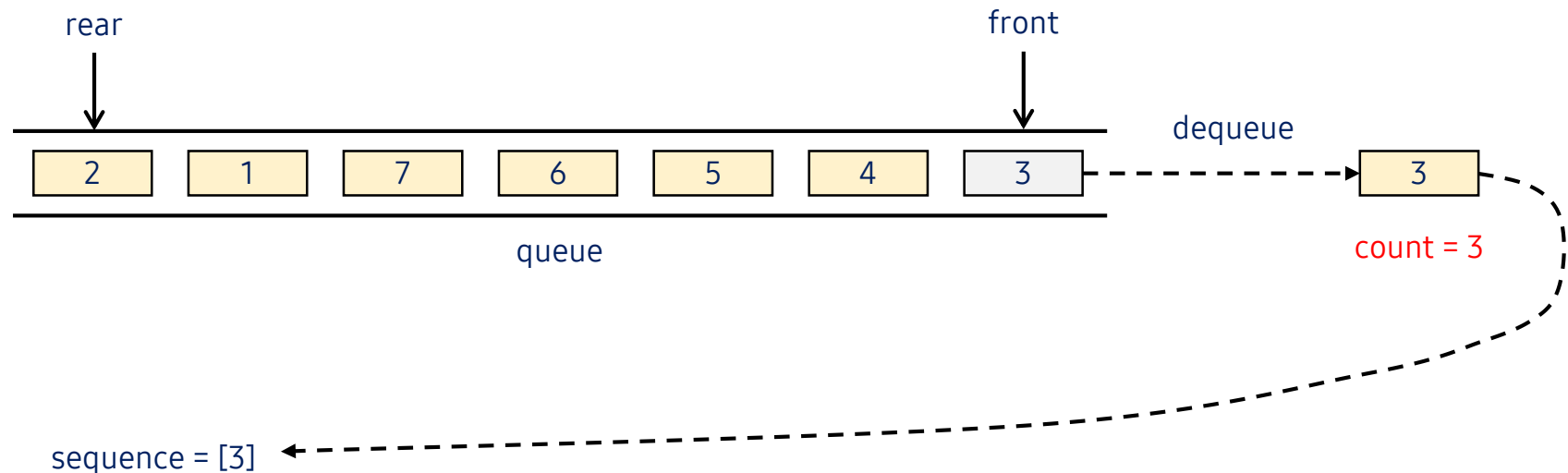
| ເມື່ອເອົາອົງປະກອບທີ 2 ອອກມາ, ແລ້ວເພີ່ມອົງປະກອບທີ 2 ກັບຄືນເຂົ້າໄປໃນຄິວ.



1. ບັນຫາ Josephus

1.2. ແກ້ໄຂບັນຫາດັ່ງກ່າວໂດຍໃຊ້ queue

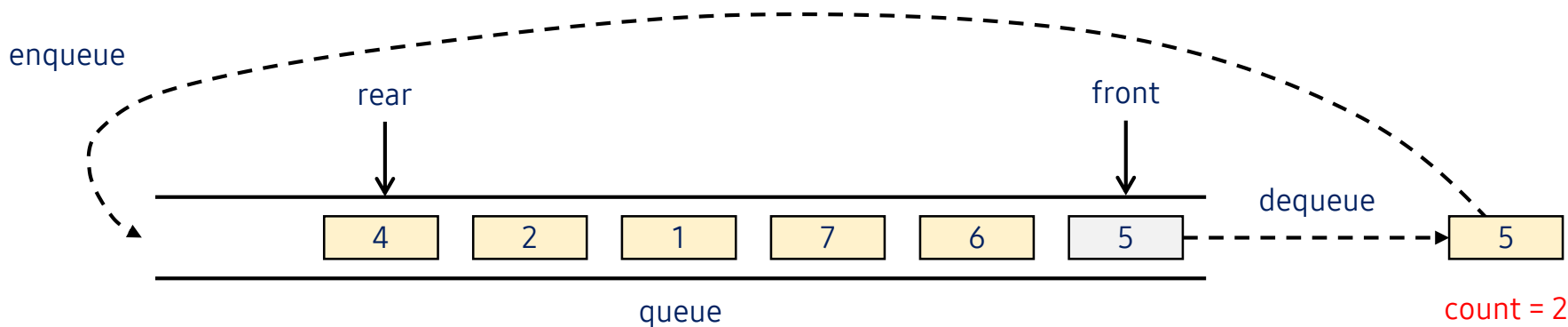
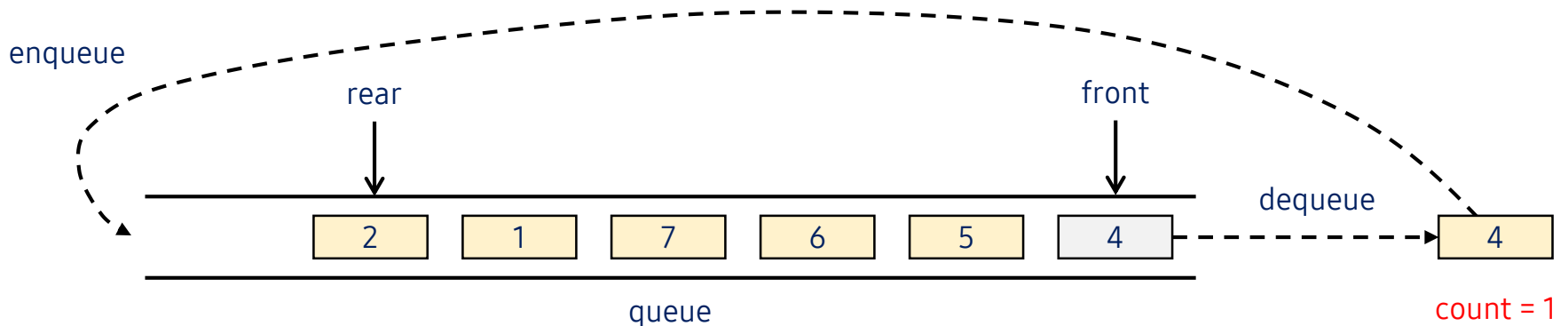
- ເມື່ອເອົາອົງປະກອບຕົວທີ 3 ອອກມາ, ແລ້ວລົບລ້າງມັນໂດຍບໍ່ຕ້ອງເພີ່ມກັບຄືນເຂົ້າໄປໃນຄົວ.($K=3$).
- ໝາຍເລກ 3 ທີ່ຖືກລົບລ້າງອອກໄປຈະຖືກເພີ່ມເຂົ້າໄປໃສ່ໃນ list ຕາມອັນດັບ.



1. ບັນຫາ Josephus

1.2. ແກ້ໄຂບັນຫາດັ່ງກ່າວໂດຍໃຊ້ queue

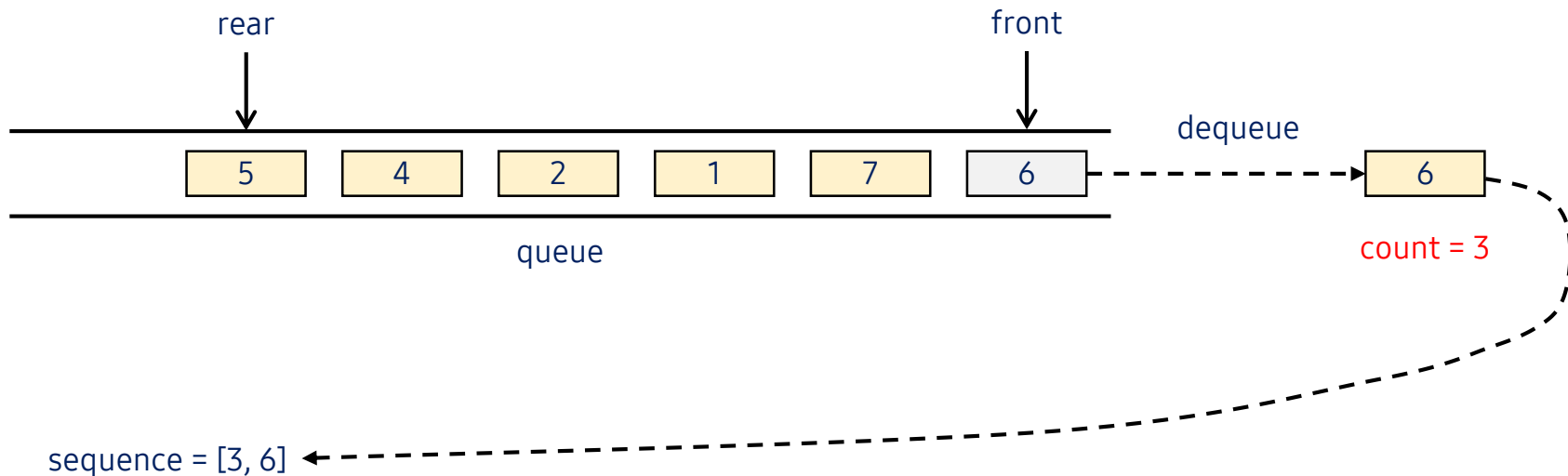
▶ ຕໍ່ໄປ, ເອົາອົງປະກອບທີ 4 ແລະ 5 ອອກຈາກຄິວ, ຫຼັງຈາກນັ້ນເພີ່ມພວກມັນກັບຄືນເຂົ້າໄປໃນ Queue ອີກ.



1. ບັນຫາ Josephus

1.2. ແກ້ໄຂບັນຫາດັ່ງກ່າວໂດຍໃຊ້ queue

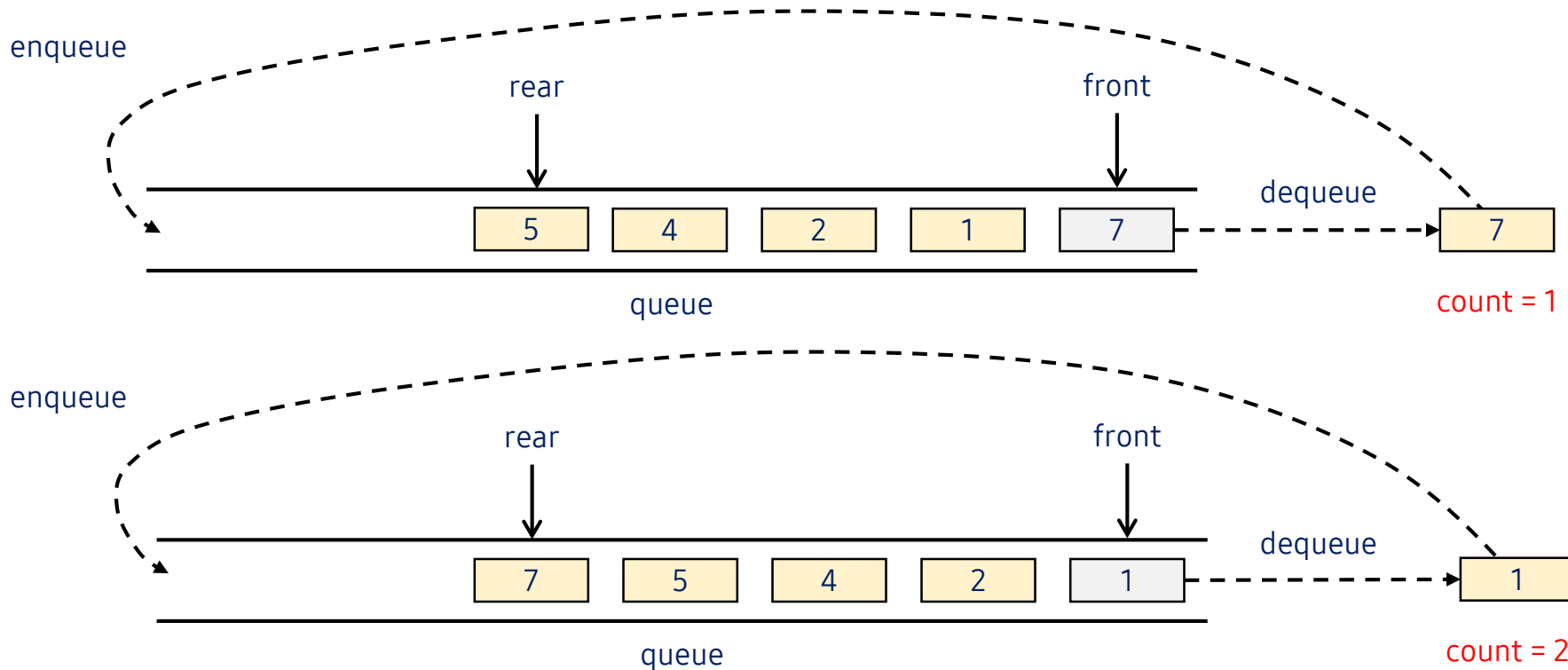
ໝາຍເລກ 6 ແມ່ນອົງປະກອບຕົວທີ 3, ສະນັ້ນໃຫ້ເພີ່ມມັນເຂົ້າໄປໃນ list ຕາມອັນດັບ ໂດຍບໍ່ຈຳເປັນຕ້ອງເພີ່ມມັນກັບຄືນເຂົ້າໄປໃນ Queue.



1. ບັນຫາ Josephus

1.2. ແກ້ໄຂບັນຫາດັ່ງກ່າວໂດຍໃຊ້ queue

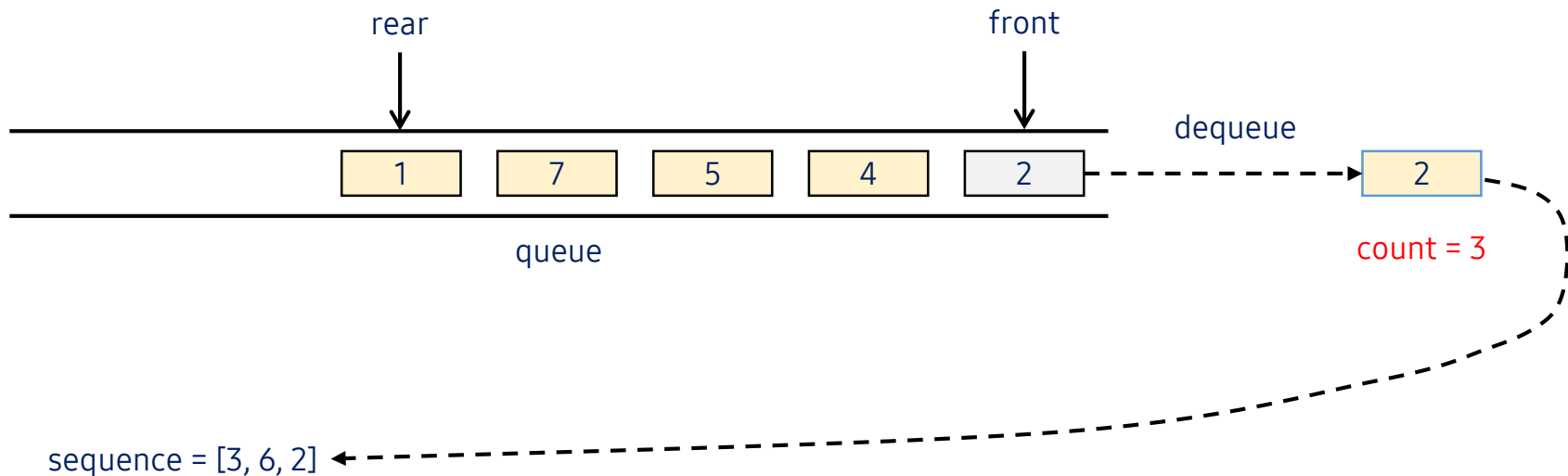
| ຫຼັງຈາກເອົາໝາຍເລກ 7 ແລະ 1 ອອກມາ, ແລ້ວເພີ່ມພວກມັນກັບຄືນເຂົ້າໄປໃນ Queue.



1. ບັນຫາ Josephus

1.2. ແກ້ໄຂບັນຫາດັ່ງກ່າວໂດຍໃຊ້ queue

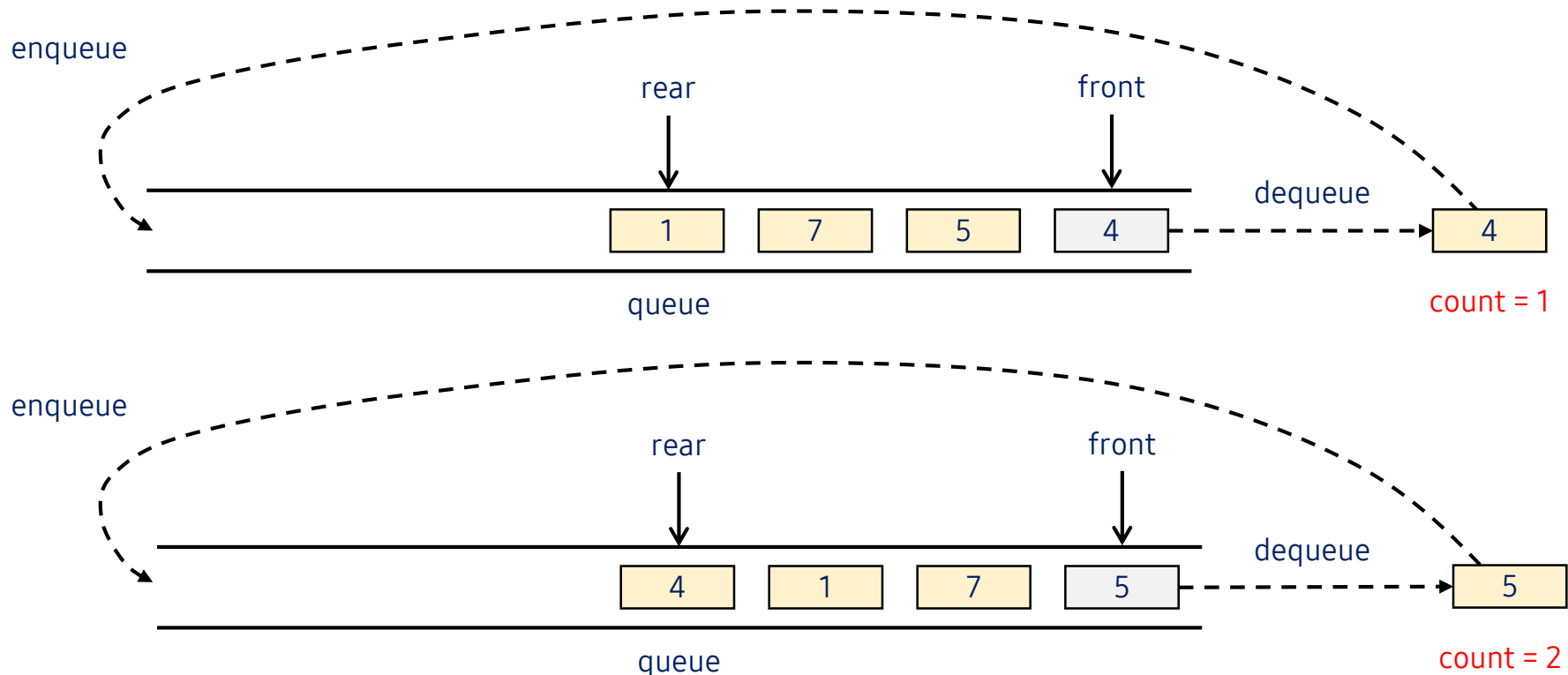
ໝາຍເລກ 2 ແມ່ນອົງປະກອບທີ່ $K=3$, ສະນັ້ນເພີ່ມມັນໃສ່ໃນ list ຕາມອັນດັບ, ບໍ່ເພີ່ມມັນເຂົ້າໄປໃນ Queue.



1. ບັນຫາ Josephus

1.2. ແກ້ໄຂບັນຫາດັ່ງກ່າວໂດຍໃຊ້ queue

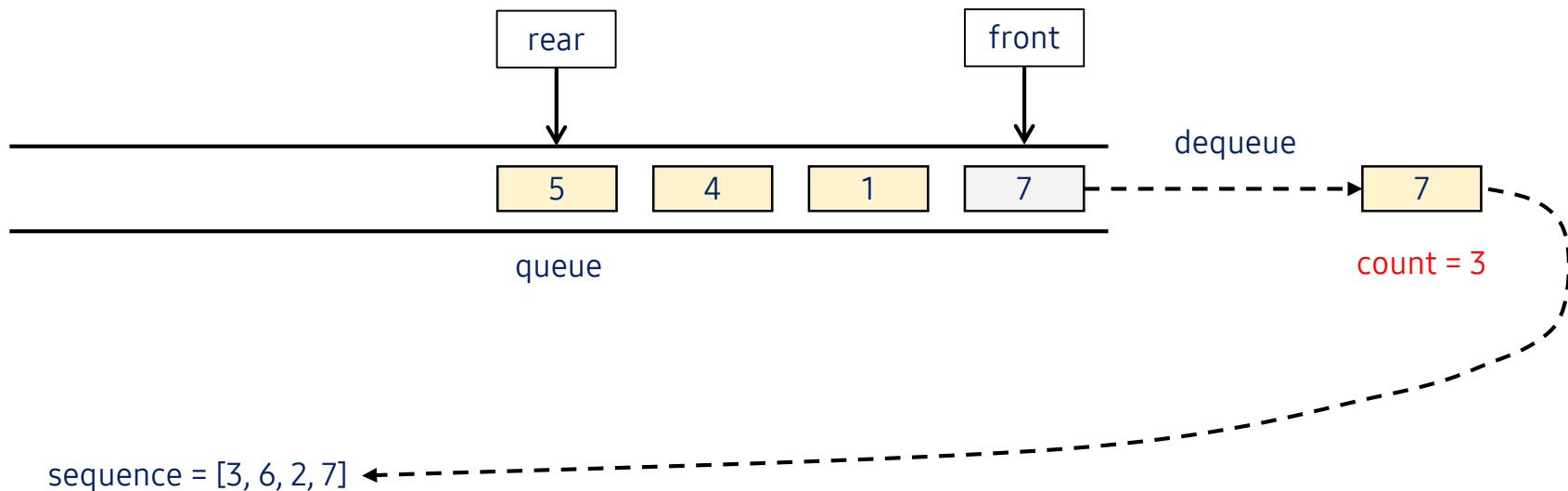
ເຮັດຊ້ຳຂະບວນການແບບດຽວກັນຈົນກວ່າຍັງເຫຼືອອົງປະກອບຫນຶ່ງຢູ່ໃນ Queue.



1. ບັນຫາ Josephus

1.2. ແກ້ໄຂບັນຫາດັ່ງກ່າວໂດຍໃຊ້ queue

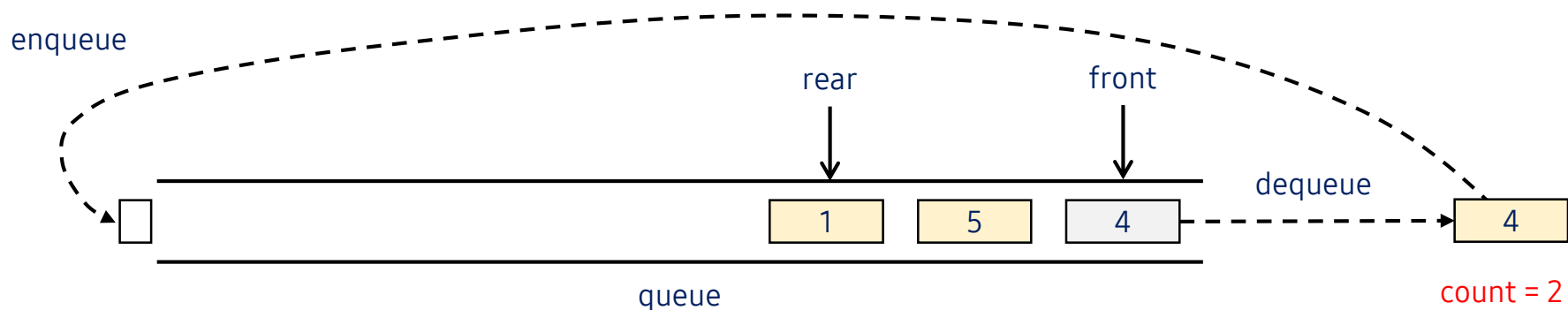
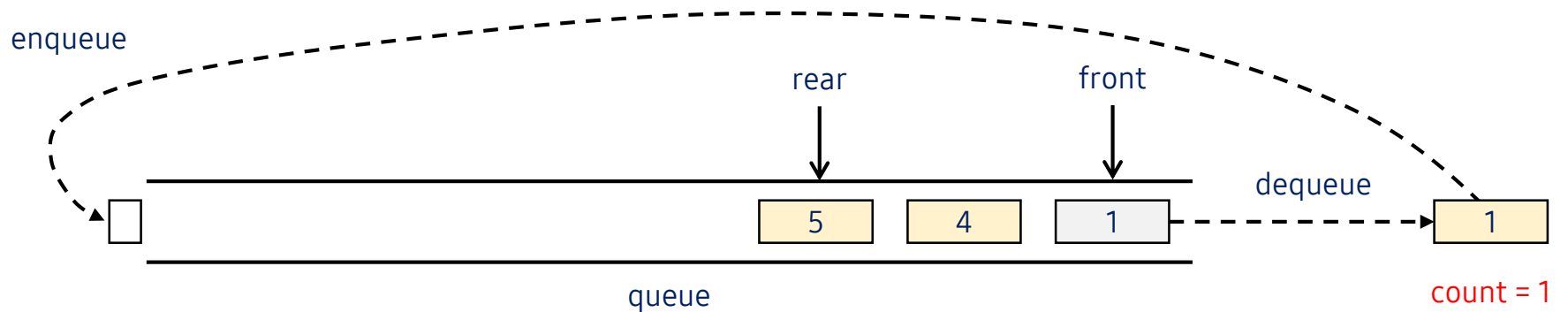
▮ ເຮັດຊື້າຂະບວນການແບບດຽວກັນຈົນກວ່າຍັງເຫຼືອອົງປະກອບຫນຶ່ງຢູ່ໃນ Queue.



1. ບັນຫາ Josephus

1.2. ແກ້ໄຂບັນຫາດັ່ງກ່າວໂດຍໃຊ້ queue

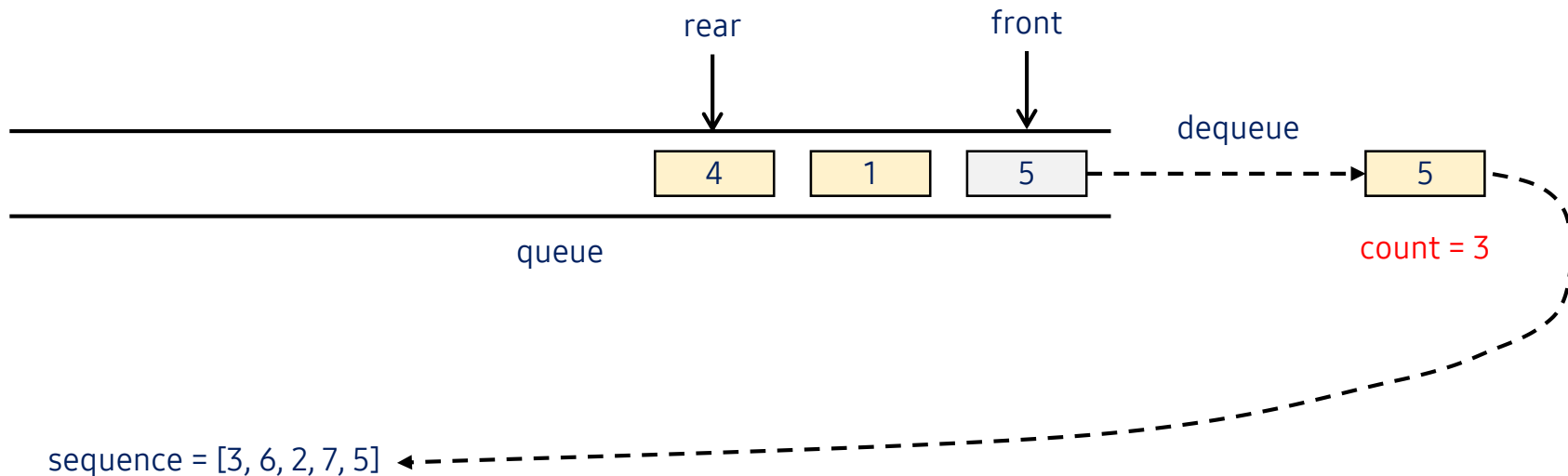
ເຮັດຊ້ຳຂະບວນການແບບດຽວກັນຈົນກວ່າຍັງເຫຼືອອົງປະກອບຫນຶ່ງຢູ່ໃນ Queue.



1. ບັນຫາ Josephus

1.2. ແກ້ໄຂບັນຫາດັ່ງກ່າວໂດຍໃຊ້ queue

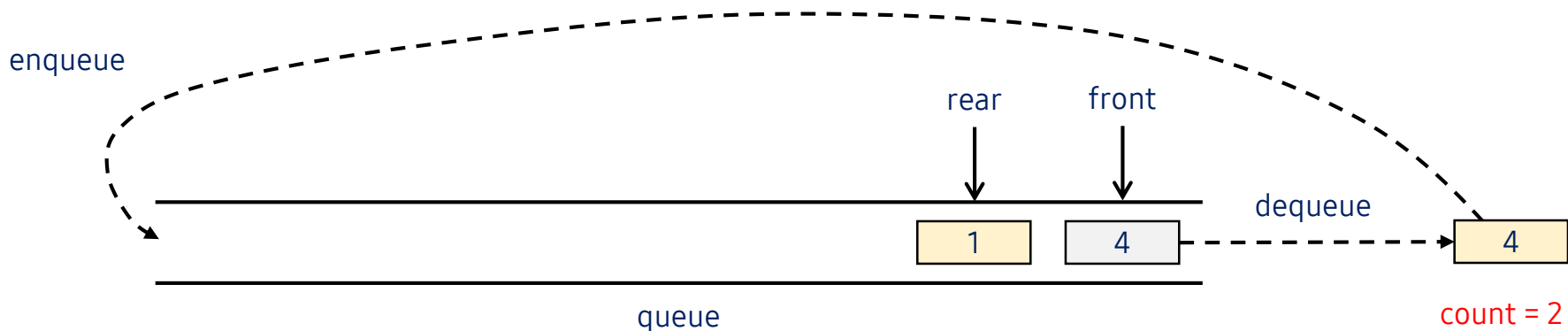
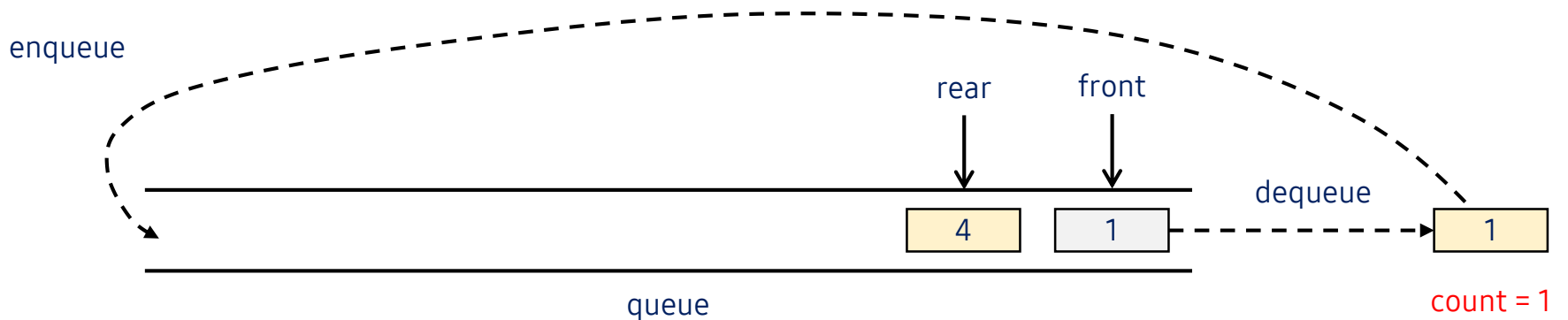
▮ ເຮັດຊ້ຳຂະບວນການແບບດຽວກັນຈົນກວ່າຍັງເຫຼືອອົງປະກອບຫນຶ່ງຢູ່ໃນ Queue.



1. ບັນຫາ Josephus

1.2. ແກ້ໄຂບັນຫາດັ່ງກ່າວໂດຍໃຊ້ queue

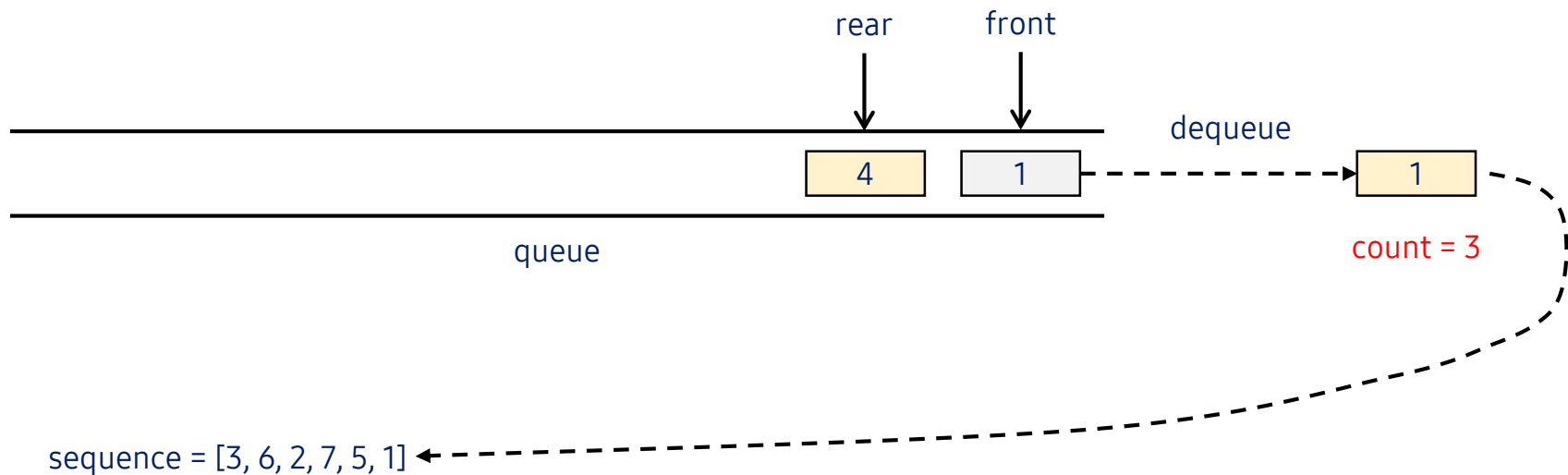
ເຮັດຊ້ຳຂະບວນການແບບດຽວກັນຈົນກວ່າຍັງເຫຼືອອົງປະກອບຫນຶ່ງຢູ່ໃນ Queue.



1. ບັນຫາ Josephus

1.2. ແກ້ໄຂບັນຫາດັ່ງກ່າວໂດຍໃຊ້ queue

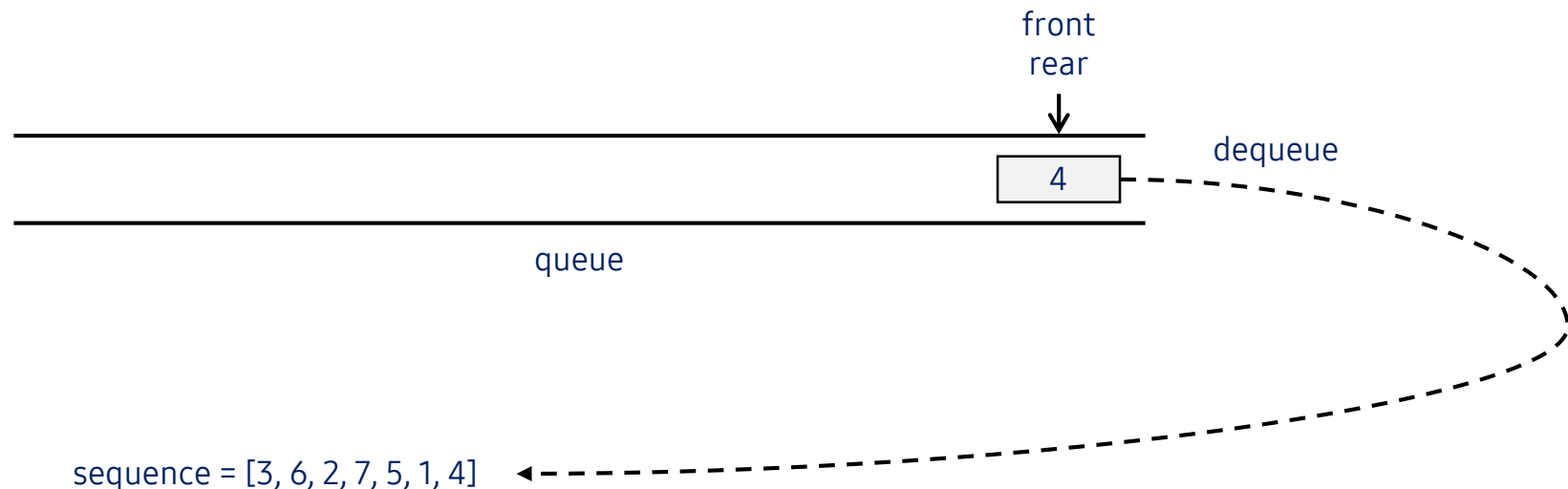
▮ ເຮັດຊື້າຂະບວນການແບບດຽວກັນຈົນກວ່າຍັງເຫຼືອອົງປະກອບຫນຶ່ງຢູ່ໃນ Queue.



1. ບັນຫາ Josephus

1.2. ແກ້ໄຂບັນຫາດັ່ງກ່າວໂດຍໃຊ້ queue

ຖ້າຍັງເຫຼືອອົງປະກອບດຽວຢູ່ໃນ Queue, dequeue ມັນອອກມາ ແລະ ເພີ່ມມັນເປັນອົງປະກອບສຸດທ້າຍຂອງ list ຕາມອັນດັບ.



1. ບັນຫາ Josephus

1.3. ສ້າງ ແລະ ຂຽນ code

ປະຕິບັດຕາມຂັ້ນຕອນທີ່ຜ່ານມາ ໂດຍຂຽນເປັນຊອດໂຄດພາສາ Python. ທໍາອິດ, ສ້າງຟັງຊັນ josepush() ທີ່ຮັບຈຳນວນຖ້ວນ n ແລະ k ເປັນພາຣາມິເຕີປ້ອນເຂົ້າ.

```

1 def josephus(n, k):
2     sequence = []
3     queue = Queue()
4     for i in range(1, n + 1):
5         queue.enqueue(i)
6     j = 1
7     while queue.size() > 1:
8         item = queue.dequeue()
9         if j % k == 0:
10            sequence.append(item)
11        else:
12            queue.enqueue(item)
13        j += 1
14    sequence.append(queue.dequeue())
15    return sequence

```

Line 1-3

- ຟັງຊັນ josephus() ສົ່ງຄືນຄ່າການປ່ຽນແປງຂອງ Josephus ເຂົ້າໄປໃນ list ໂດຍຜ່ານພາຣາມິເຕີປ້ອນເຂົ້າ n ແລະ k.
- ລໍາດັບທີ່ສົ່ງກັບຄືນມາແມ່ນເລີ່ມຕົ້ນດ້ວຍ list ຫວ່າງເປົ່າ, ໃນຂະນະທີ່ຄົວຖືກເລີ່ມຕົ້ນໃນຖານະທີ່ເປັນ object ໜຶ່ງຂອງ queue class ທີ່ໄດ້ກໍານົດໄວ້ກ່ອນໜ້ານີ້.

1. ບັນຫາ Josephus

1.3. ສ້າງ ແລະ ຂຽນ code

```
1 def josephus(n, k):
2     sequence = []
3     queue = Queue()
4     for i in range(1, n + 1):
5         queue.enqueue(i)
6     j = 1
7     while queue.size() > 1:
8         item = queue.dequeue()
9         if j % k == 0:
10            sequence.append(item)
11        else:
12            queue.enqueue(item)
13        j += 1
14    sequence.append(queue.dequeue())
15    return sequence
```



Line 4-5

- Enqueue ຕົວເລກຖ້ວນຈາກ 1 ຫາ N ເຂົ້າໄປໃນ Queue ກ່ອນ.

1. ບັນຫາ Josephus

1.3. ສ້າງ ແລະ ຂຽນ code

```

1  def josephus(n, k):
2      sequence = []
3      queue = Queue()
4      for i in range(1, n + 1):
5          queue.enqueue(i)
6      j = 1
7      while queue.size() > 1:
8          item = queue.dequeue()
9          if j % k == 0:
10             sequence.append(item)
11         else:
12             queue.enqueue(item)
13         j += 1
14     sequence.append(queue.dequeue())
15     return sequence

```

Line 6-7, 13

- 'j' ເປັນຕົວນັບເມື່ອເອົາຂໍ້ມູນອອກຈາກຄິວ. ດັ່ງນັ້ນ, ມັນຈະເລີ່ມຕົ້ນເຮັດຈາກໝາຍເລກ 1.
- ຈາກນັ້ນ, ເພີ່ມຄ່າ j ຂຶ້ນເທື່ອລະ 1 ໂດຍການເຮັດລື້ມຄືນການ enqueue ແລະ dequeue ຈົນກ່ວາຍັງເຫຼືອພຽງແຕ່ຫນຶ່ງລາຍການຢູ່ໃນ Queue.
- ຖ້າສ່ວນທີ່ເຫຼືອຂອງການແບ່ງດ້ວຍ j ກັບ k ເທົ່າ 0, ໝາຍຄວາມລາຍການນີ້ແມ່ນຕົວທີ k ຕໍ່ໄປ ທີ່ຈະຖືກ dequeued.

1. ບັນຫາ Josephus

1.3. ສ້າງ ແລະ ຂຽນ code

```
1 def josephus(n, k):
2     sequence = []
3     queue = Queue()
4     for i in range(1, n + 1):
5         queue.enqueue(i)
6     j = 1
7     while queue.size() > 1:
8         item = queue.dequeue()
9         if j % k == 0:
10             sequence.append(item)
11         else:
12             queue.enqueue(item)
13         j += 1
14     sequence.append(queue.dequeue())
15     return sequence
```

Line 8-12

- Dequeue ຫນຶ່ງລາຍການຈາກຄິວ.
- ຖ້າ $j \% k == 0$, ນັ້ນແມ່ນເປັນລາຍການທີ k , ໃຫ້ເພີ່ມມັນເຂົ້າໄປຕໍ່ທ້າຍຂອງ list ອັນດັບ.
- ຖ້າ $j \% k \neq 0$, ລາຍການນີ້ຈະບໍ່ຖືກ dequeued, ສະນັ້ນເພີ່ມມັນກັບຄືນເຂົ້າໄປໃນ Queue ບ່ອນເກົ່າ.
- ເຮັດຊ້ຳຂະບວນການຈົນກ່ວາຍັງເຫຼືອພຽງແຕ່ຫນຶ່ງອົງປະກອບໃນຄິວ ແລະ ອົງປະກອບນັ້ນຈະຖືກເອົາອອກມາແລ້ວຖືກບັນທຶກເຂົ້າໄປໃນ list ອັນດັບ.

1. ບັນຫາ Josephus

1.3. ສ້າງ ແລະ ຂຽນ code

```
1 def josephus(n, k):
2     sequence = []
3     queue = Queue()
4     for i in range(1, n + 1):
5         queue.enqueue(i)
6     j = 1
7     while queue.size() > 1:
8         item = queue.dequeue()
9         if j % k == 0:
10            sequence.append(item)
11        else:
12            queue.enqueue(item)
13        j += 1
14    sequence.append(queue.dequeue())
15    return sequence
```



Line 14-15

- ເມື່ອປະຕິບັດ while loop ສໍາເລັດ, ມີພຽງແຕ່ອົງປະກອບດຽວຢູ່ໃນ Queue, ເຊິ່ງຈະຖືກ dequeued ເປັນຕົວສຸດທ້າຍ.
- ດັ່ງນັ້ນ, ມັນເປັນໄປໄດ້ທີ່ຈະພິມ list ອັນດັບ ໂດຍການເອົາອົງປະກອບອອກຈາກຄົວ ແລະ ເພີ່ມມັນເຂົ້າໄປໃນຕອນທ້າຍຂອງ list ອັນດັບ.

1. ບັນຫາ Josephus

1.3. ສ້າງ ແລະ ຂຽນ code

| ນຳໃຊ້ຕົວຢ່າງທີ່ຜ່ານມາກັບຟັງຊັນ josephus() ເພື່ອໃຫ້ໄດ້ຜົນຕໍ່ໄປນີ້.

```
1 N = int(input("Input the number of people(N): "))
2 K = int(input("Input the number to be skipped(K): "))
3 print(josephus(N, K))
```

Input the number of people(N): 7
Input the number to be skipped(K): 3
[3, 6, 2, 7, 5, 1, 4]

```
1 N = int(input("Input the number of people(N): "))
2 K = int(input("Input the number to be skipped(K): "))
3 print(josephus(N, K))
```

Input the number of people(N): 41
Input the number to be skipped(K): 3
[3, 6, 9, 12, 15, 18, 21, 24, 27, 30, 33, 36, 39, 1, 5, 10, 14, 19, 23, 28, 32, 37, 41, 7, 13, 20, 26, 34, 40, 8, 17, 29, 38, 11, 25, 2, 22, 4, 35, 16, 31]

| Pop quiz

Quiz. #1

I ຂຽນຜິນໄດ້ຮັບຂອງ codes ຈາກຕົວຢ່າງທີ່ໃຊ້ Queue.

```
1 queue = Queue()  
2 queue.enqueue("Banana")  
3 queue.enqueue("Apple")  
4 queue.enqueue("Tomato")  
5 queue.dequeue()  
6 queue.enqueue("Strawberry")  
7 queue.enqueue("Grapes")  
8 queue.dequeue()  
9 print(queue.queue)
```

Quiz. #2

I ຂຽນຜິນໄດ້ຮັບຂອງ codes ຈາກຕົວຢ່າງທີ່ໃຊ້ Queue.

```
1 queue = Queue()
2 items = [10 * i for i in range(1, 11)]
3 for item in items:
4     queue.enqueue(item)
5     if (item // 10) % 2 == 0:
6         queue.dequeue()
7 print(queue.queue)
```

| Pair programming



Pair Programming Practice

| ແນວທາງ, ກົນໄກ ແລະ ແຜນສຸກເສີນ

ການກະກຽມການສ້າງໂປຣແກຣມຮ່ວມກັນເປັນຄູ່ກ່ຽວຂ້ອງກັບການໃຫ້ຄໍາແນະນໍາແລະກົນໄກເພື່ອຊ່ວຍໃຫ້ນັກຮຽນຈັບຄູ່ຢ່າງຖືກຕ້ອງແລະ ໃຫ້ເຂົາເຈົ້າເຮັດວຽກເປັນຄູ່. ຕົວຢ່າງ, ນັກຮຽນຄວນປຸງ "ເຮັດ." ການກະກຽມທີ່ມີປະສິດຕິຜົນຕ້ອງໃຫ້ມີແຜນການສຸກເສີນໃນກໍລະນີທີ່ຄູ່ຮ່ວມງານຫນຶ່ງບໍ່ຢູ່ທີ່ຕັດສິນໃຈທີ່ຈະບໍ່ເຂົ້າຮ່ວມດ້ວຍເຫດຜົນໃດຫນຶ່ງ ທີ່ດ້ວຍເຫດຜົນອື່ນ. ໃນກໍລະນີເຫຼົ່ານີ້, ມັນເປັນສິ່ງສໍາຄັນທີ່ຈະເຮັດໃຫ້ມັນຊັດເຈນວ່ານັກຮຽນທີ່ມີປະຕິບັດໜ້າທີ່ຢ່າງຫ້າວຫັນຈະບໍ່ຖືກລົງໂທດຍ້ອນວ່າການຈັບຄູ່ບໍ່ໄດ້ຜິດ.

| ການຈັບຄູ່ທີ່ຄ້າຍຄືກັນ, ບໍ່ຈໍາເປັນຕ້ອງເທົ່າທຽມກັນ, ຄວາມສາມາດເປັນຄູ່ຮ່ວມງານ

ການຂຽນໂປຣແກຣມຄູ່ຈະມີປະສິດທິພາບເມື່ອນັກຮຽນຕັ້ງໃຈຮ່ວມກັນເຮັດວຽກ, ຊຶ່ງວ່າບໍ່ຈໍາເປັນຕ້ອງມີຄວາມຮູ້ເທົ່າທຽມກັນ, ແຕ່ຕ້ອງມີຄວາມສາມາດເຮັດວຽກເປັນຄູ່ຮ່ວມງານ. ການຈັບຄູ່ນັກຮຽນທີ່ບໍ່ສາມາດເຂົ້າກັນໄດ້ມັກຈະເຮັດໃຫ້ການມີສ່ວນຮ່ວມທີ່ບໍ່ສົມດຸນກັນ. ຄູ່ສອນຕ້ອງເນັ້ນຫນັກວ່າການຂຽນໂປຣແກຣມຄູ່ບໍ່ແມ່ນຍຸດທະສາດ “divide-and-conquer”, ແຕ່ຈະເປັນຄວາມພະຍາຍາມຮ່ວມມືເຮັດວຽກທີ່ແທ້ຈິງໃນທຸກໆດ້ານສໍາລັບໂຄງການທັງຫມົດ. ຄູ່ຄວນຫຼີກເວັ້ນການຈັບຄູ່ນັກຮຽນທີ່ອ່ອນຫຼາຍກັບນັກຮຽນທີ່ເກັ່ງຫຼາຍ.

| ກະຕຸ້ນນັກຮຽນໂດຍການໃຫ້ສິ່ງຈູງໃຈພິເສດ

ການສະເໜີແຮງຈູງໃຈພິເສດສາມາດຊ່ວຍກະຕຸ້ນນັກຮຽນໃຫ້ຈັບຄູ່, ໂດຍສະເພາະກັບນັກຮຽນທີ່ມີຄວາມສາມາດຫຼາຍ. ຈະເຫັນວ່າມັນເປັນປະໂຫຍດທີ່ຈະໃຫ້ນັກຮຽນຈັບຄູ່ເຮັດວຽກຮ່ວມກັນພຽງແຕ່ຫນຶ່ງຫຼືສອງວຽກເທົ່ານັ້ນ.



Pair Programming Practice

I ປ້ອງກັນການໂກງໃນການເຮັດວຽກຮ່ວມກັນ

ສິ່ງທ້າທາຍສໍາລັບຄູແມ່ນເພື່ອຊອກຫາວິທີທີ່ຈະປະເມີນຜົນໄດ້ຮັບຂອງບຸກຄົນ, ໃນຂະນະທີ່ນໍາໃຊ້ຜົນປະໂຫຍດຂອງການຮ່ວມມື. ຈະຮູ້ໄດ້ແນວໃດວ່ານັກຮຽນຕັ້ງໃຈເຮັດວຽກ ຫຼື ກົງແຮງງານຜູ້ຮ່ວມງານ? ຜູ້ຊ່ຽວຊານແນະນໍາໃຫ້ທົບທວນຄືນການອອກແບບບູກສານ ແລະ ການປະເມີນ ພ້ອມທັງປຶກສາຫາລືຢ່າງຈະແຈ້ງ ແລະ ຊັດເຈນກ່ຽວກັບພຶດຕິກຳຂອງນັກຮຽນທີ່ຈະຖືກຕິດຕາມວ່າຂໍ້ຕົວະ. ຜູ້ຊ່ຽວຊານເນັ້ນໜັກໃຫ້ຄູເຮັດການມອບໝາຍໃຫ້ມີຄວາມໝາຍຕໍ່ນັກຮຽນ ແລະ ອະທິບາຍຄຸນຄ່າຂອງສິ່ງທີ່ນັກຮຽນຈະຮຽນຮູ້ໂດຍການເຮັດສໍາເລັດ.

I ສະພາບແວດລ້ອມການຮຽນຮູ້ໃນການຮ່ວມມື

ສະພາບແວດລ້ອມການຮຽນຮູ້ໃນຮ່ວມກັນເກີດຂຶ້ນໄດ້ທຸກເວລາທີ່ຜູ້ສອນຮຽກຮ້ອງໃຫ້ນັກຮຽນເຮັດວຽກຮ່ວມກັນໃນກິດຈະກຳການຮຽນຮູ້. ສະພາບແວດລ້ອມການຮຽນຮູ້ຮ່ວມກັນສາມາດມີສ່ວນຮ່ວມທັງກິດຈະກຳທີ່ເປັນທາງການ ແລະ ບໍ່ເປັນທາງການ ແລະ ອາດຈະບໍ່ລວມເຖິງການປະເມີນໂດຍກົງ. ຕົວຢ່າງ, ນັກສຶກສາຄູ່ເຮັດວຽກມອບໝາຍຮ່ວມກັນໃນການຂຽນໂປຣແກຣມ; ນັກສຶກສາກຸ່ມນ້ອຍໆສິນທະນາຄໍາຕອບທີ່ເປັນໄປໄດ້ຕໍ່ກັບຄໍາຖາມຂອງອາຈານໃນລະຫວ່າງການບັນຍາຍ; ແລະ ນັກຮຽນເຮັດວຽກຮ່ວມກັນນອກຫ້ອງຮຽນເພື່ອຮຽນຮູ້ແນວຄວາມຄິດໃໝ່. ການຮຽນຮູ້ການຮ່ວມມືແມ່ນແຕກຕ່າງຈາກໂຄງການທີ່ນັກຮຽນ “divide and conquer.” ເມື່ອນັກຮຽນແບ່ງວຽກກັນ, ແຕ່ລະຄົນຮັບຜິດຊອບພຽງແຕ່ສ່ວນໜຶ່ງຂອງການແກ້ໄຂບັນຫາ ແລະ ຈະບໍ່ຄ່ອຍມີບັນຫາຫຍັງໃນການເຮັດວຽກຮ່ວມກັບຄົນອື່ນໃນທີມ. ໃນສະພາບແວດລ້ອມການເຮັດວຽກຮ່ວມກັນ, ນັກຮຽນມີສ່ວນຮ່ວມໃນການສິນທະນາປຶກສາຫາລືເຊິ່ງກັນແລະກັນ.

Q1. ໂດຍອ້າງອີງຕາມຄໍານິຍາມຂອງ class ຕໍ່ໄປນີ້ເພື່ອເຮັດໃຫ້ສໍາເລັດ ແລະ ທົດສອບ class Deque.

```
1 class Deque:
2
3     def __init__(self):
4         self.queue = []
5
6     def add_first(self, item):
7         ''' Add an item to the front of the queue '''
8
9     def remove_first(self):
10        ''' Remove and return the item from the front '''
11
12    def add_first(self, item):
13        ''' Add an item to the rear of the queue '''
14
15    def remove_first(self):
16        ''' Remove and return the item from the rear '''
```



TIP

Queue ແມ່ນປະເພດຂໍ້ມູນນາມມະທຳທີ່ມີທາງເຂົ້າ ແລະ ທາງອອກຂອງຂໍ້ມູນແຍກຈາກກັນ. ສາມາດເວົ້າໄດ້ອີກວ່າ, Double Ended Queue (Deque) ແມ່ນໂຄງສ້າງຂໍ້ມູນທີ່ບ່ອນເອົາຂໍ້ມູນເຂົ້າ ແລະ ບ່ອນເອົາຂໍ້ມູນອອກແມ່ນເຮັດໄດ້ຢູ່ທັງສອງດ້ານ.

