

**SAMSUNG**

# Samsung Innovation Campus

| Coding, Programming & Data Science

Chapter 6.

# Algorithm 3

## – Problem Solving with Algorithms

Coding, Programming & Data Science

## Chapter objectives

- ✓ ນັກຮຽນຈະສາມາດແກ້ໄຂບັນຫາຕ່າງໆໂດຍໃຊ້ຂັ້ນຕອນວິທີ. ນັກຮຽນຈະສາມາດເຂົ້າໃຈເຕັກນິກການອອກແບບຂັ້ນຕອນວິທີ ເຊັ່ນ: ວິທີການຂອງ greedy, ວິທີການ divide-and-conquer, ວິທີການ dynamic programming ແລະ backtracking ແລະ ສາມາດໃຊ້ພວກມັນເພື່ອແກ້ໄຂບັນຫາໃນຊີວິດຈິງ.

## Chapter contents

- ✓ ຫົວຂໍ້ທີ 30. Greedy Approach
- ✓ ຫົວຂໍ້ທີ 31. Divide-and-Conquer
- ✓ ຫົວຂໍ້ທີ 32. Dynamic Programming
- ✓ ຫົວຂໍ້ທີ 33. Backtracking



Unit 30.

# Greedy Approach

## ● Learning objectives

- ✓ ນັກຮຽນສາມາດເຂົ້າໃຈວິທີການຂອງ greedy ແລະ ແກ້ໄຂບັນຫາທີ່ໃຫ້ໄດ້ໂດຍໃຊ້ວິທີການ greedy.
- ✓ ນັກຮຽນສາມາດເຂົ້າໃຈວ່າ ບັນຫາເຊັ່ນ: ການແລກປ່ຽນຫຼຽນ ແລະ ເລືອກກິດຈະກຳສາມາດແກ້ໄຂໄດ້ໂດຍໃຊ້ວິທີການຂອງ greedy.
- ✓ ນັກຮຽນສາມາດອອກແບບ ແລະ ສ້າງຂັ້ນຕອນວິທີ greedy ແບບຊ້າໆ.

## ● Learning overview

- ✓ ຮຽນຮູ້ວິທີແກ້ໄຂບັນຫາກ່ຽວກັບຂັ້ນຕອນວິທີໂດຍນຳໃຊ້ວິທີການຂອງ greedy.
- ✓ ຮຽນຮູ້ວິທີການແກ້ໄຂບັນຫາການແລກປ່ຽນໜູຽນໂດຍໃຊ້ວິທີການຂອງ greedy.
- ✓ ຮຽນຮູ້ວິທີການແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳໂດຍໃຊ້ວິທີການຂອງ greedy.

## ● Concepts you will need to know from previous units

- ✓ ສາມາດເຂົ້າໃຈ ແລະ ສ້າງຄຳນິຍາມຂອງຟັງຊັນ recursive ແລະ ເງື່ອນໄຂທີ່ຈະອອກຈາກ recursive.
- ✓ ສາມາດໃຊ້ຂັ້ນຕອນວິທີການຈັດລຽງລຳດັບເພື່ອຈັດລຽງຊຸດຂໍ້ມູນທີ່ກຳນົດໄວ້.
- ✓ ສາມາດວິເຄາະປະສິດທິພາບຂອງຂັ້ນຕອນວິທີ recursive.

# Keywords

**Greedy  
Algorithm**

**Activity Selection  
Problem**

**Coin Change  
Problem**

**Recursion**

**Iteration**

# | Mission



# 1. Real world problem

## 1.1. ຈຳນວນການຈັດປະຊຸມທີ່ເປັນໄດ້ທັງໝົດມີເທົ່າໃດ?



- ▶ ສົມມຸດວ່າມີບໍລິສັດທີ່ມີຫ້ອງປະຊຸມພຽງແຕ່ຫ້ອງດຽວ.
- ▶ ໃນບໍລິສັດມີຫຼາຍທີມງານ ແລະ ເຂົາເຈົ້າກຳລັງວາງແຜນທີ່ຈະຈັດກອງປະຊຸມຫຼາຍໆຄັ້ງຢູ່ໃນຫ້ອງປະຊຸມນີ້.
- ▶ ເນື່ອງຈາກທັງສອງທີມບໍ່ສາມາດໃຊ້ຫ້ອງປະຊຸມດັ່ງກ່າວໃນເວລາດຽວກັນໄດ້, ຜູ້ຈັດການຫ້ອງປະຊຸມພະຍາຍາມຈັດສັນຫ້ອງປະຊຸມເພື່ອໃຫ້ມີຈຳນວນກອງປະຊຸມສູງສຸດພາຍໃຕ້ເງື່ອນໄຂທີ່ວ່າ ກອງປະຊຸມຕ້ອງບໍ່ຊ້າກັນ.
- ▶ ມັນເປັນໄປໄດ້ທີ່ຈະຮູ້ຈຳນວນສູງສຸດຂອງກອງປະຊຸມທີ່ເປັນໄປໄດ້ເມື່ອພວກເຮົາຮູ້ເວລາເລີ່ມຕົ້ນ ແລະ ເວລາສິ້ນສຸດສຳຫຼັບ  $N$  ຈຳນວນຄຳຮ້ອງຂໍການນຳໃຊ້ຫ້ອງປະຊຸມ?
- ▶ ບັນຫານີ້ເອີ້ນວ່າບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ.
- ▶ ມາສ້າງຂັ້ນຕອນວິທີເພື່ອແກ້ໄຂບັນຫາການຈັດສັນຫ້ອງປະຊຸມ.

## 2. Mission

### 2.1. ບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

- | ສົມມຸດວ່າ  $N=7$  ເປັນຄຳຮ້ອງຂໍນຳໃຊ້ຫ້ອງປະຊຸມໄດ້ຖືກມອບໃຫ້ດັ່ງຕໍ່ໄປນີ້.
- | ການຮ້ອງຂໍຫ້ອງປະຊຸມແຕ່ລະຄັ້ງແມ່ນໃຫ້ເວລາເລີ່ມຕົ້ນ ແລະ ເວລາສິ້ນສຸດ.
- | ຈຳນວນສູງສຸດຂອງກອງປະຊຸມທີ່ບໍ່ຊ້ຳກັນແມ່ນເທົ່າໃດ?

id	0	1	2	3	4	5	6
start	1	3	2	1	5	8	5
finish	2	4	5	6	6	9	9

### 3. ການແກ້ໄຂບັນຫາ

#### 3.1. ວິທີການທີ່ການເລືອກກິດຈະກຳ

I ການເລືອກການປະຊຸມສຸດທ້າຍແມ່ນ [0, 1, 4, 5] ແລະ ຈຳນວນການປະຊຸມທີ່ເລືອກໄດ້ສູງສຸດແມ່ນ 4.

```
1 start = [1, 3, 2, 0, 5, 8, 5]
2 finish = [2, 4, 5, 6, 6, 9, 9]
3 meetings = activity_selection1(start, finish)
4 maximum = len(meetings)
5 print(meetings, maximum)
```

[0, 1, 4, 5] 4

### 3. ການແກ້ໄຂບັນຫາ

#### 3.2. Code ສຸດທ້າຍຂອງການເລືອກກິດຈະກຳ

```
1 def activity_selection1(start, finish):
2     result = []
3     i = 0
4     result.append(i)
5     for j in range(1, len(start)):
6         if finish[i] <= start[j]:
7             result.append(j)
8             i = j
9     return result
```

# | Key concept

# 1. ວິທີການ Greedy

## 1.1. ວິທີການ Greedy ແມ່ນຫຍັງ?

- | ວິທີການຂອງ greedy ແມ່ນເຕັກນິກການອອກແບບຂັ້ນຕອນວິທີທີ່ມີຄໍາຕອບໂດຍການເລືອກທາງເລືອກ "ທີ່ດີທີ່ສຸດ" ໃນປັດຈຸບັນຈາກລໍາດັບຂອງທາງເລືອກຕາມເງື່ອນໄຂທີ່ກຳນົດໄວ້ກ່ອນໜ້ານີ້.
- | ມັນເປັນເຕັກນິກການອອກແບບຂັ້ນຕອນວິທີທີ່ມີປະສິດທິພາບ ແລະ ງ່າຍທີ່ສຸດສໍາລັບການແກ້ໄຂບັນຫາການເພີ່ມປະສິດທິພາບ ເຊັ່ນ: ບັນຫາການແລກປ່ຽນແປງຫຼຽນ ແລະ ບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ.

**Focus** ວິທີການ greedy ແກ້ໄຂບັນຫາເປັນສາມຂັ້ນຕອນຕໍ່ໄປນີ້.

- ▶ ຂະບວນການຄັດເລືອກ: ເລືອກອົງປະກອບຕໍ່ໄປເພື່ອເພີ່ມໃສ່ຊຸດຂໍ້ມູນ.
- ▶ ການກວດສອບຄວາມເປັນໄປໄດ້: ກວດເບິ່ງວ່າຂໍ້ມູນຊຸດໃຫມ່ແມ່ນເໝາະສົມທີ່ຈະເປັນຄໍາຕອບ.
- ▶ ການກວດສອບການແກ້ໄຂ: ກຳນົດວ່າຂໍ້ມູນຊຸດໃຫມ່ແມ່ນຄໍາຕອບຂອງບັນຫາ.

# 1. ວິທີການ Greedy

## 1.2. ບັນຫາການແລກປ່ຽນຫຼຽນ

- | ການນຳໃຊ້ວິທີການ greedy, ໃຫ້ແກ້ໄຂບັນຫາການແລກປ່ຽນຫຼຽນດັ່ງຕໍ່ໄປນີ້.
  - ▶ ມີຫຼຽນສີ່ປະເພດໃນເກົາຫຼີ, ດັ່ງທີ່ສະແດງຂ້າງລຸ່ມນີ້.
  - ▶ ຈຳນວນເງິນຂອງແຕ່ລະຫຼຽນແມ່ນ 500 ວອນ, 100 ວອນ, 50 ວອນ, ແລະ 10 ວອນ.
- | ເມື່ອແຈກຢາຍການແລກປ່ຽນຫຼຽນ ພວກເຮົາພະຍາຍາມໃຫ້ຈຳນວນຫຼຽນໜ້ອຍທີ່ສຸດ.
  - ▶ ໃຫ້ສົມມຸດວ່າຈຳນວນຫຼຽນແມ່ນພຽງພໍຕໍ່ການແລກປ່ຽນ.



# 1. ວິທີການ Greedy

## 1.2. ບັນຫາການແລກປ່ຽນຫຼຽນ

- ຕົວຢ່າງ, ສົມມຸດວ່າການແລກປ່ຽນທີ່ຕ້ອງການສິ່ງຄືນແມ່ນ 870 ວອນ.
- ທ່ານສາມາດເຮັດການແລກປ່ຽນດ້ວຍຫຼຽນຈຳ 87 ຫຼຽນ ໂດຍໃຊ້ຫຼຽນມູນຄ່າ 10 ວອນ. ຢ່າງໃດກໍຕາມ, ໃນກໍລະນີນີ້, ມີຈຳນວນຫຼຽນຫຼາຍເກີນໄປສຳລັບການປ່ຽນແປງ.
- ຈະສາມາດແລກປ່ຽນຫຼຽນມູນຄ່າ 870 ວອນ ໂດຍໃຊ້ຈຳນວນຫຼຽນທີ່ໜ້ອຍທີ່ສຸດ ດັ່ງທີ່ສະແດງຂ້າງລຸ່ມນີ້?

₩870

ແລກປ່ຽນ



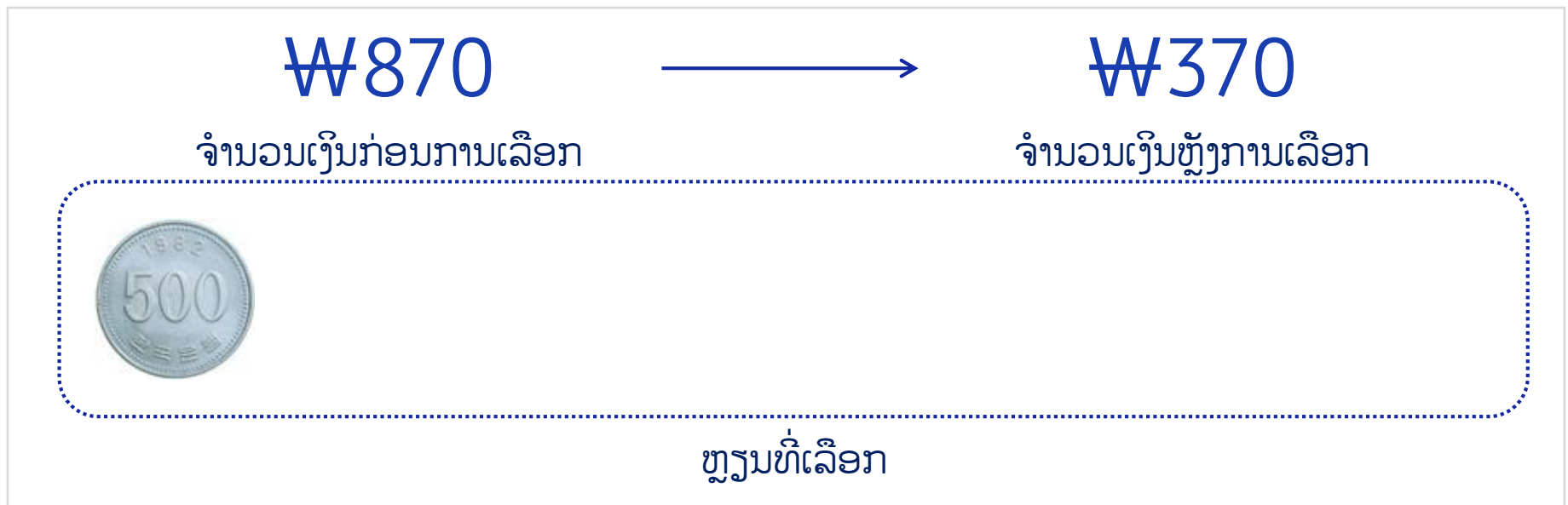
ຫຼຽນທີ່ເລືອກ



# 1. ວິທີການ Greedy

## 1.2. ບັນຫາການແລກປ່ຽນຫຼຽນ

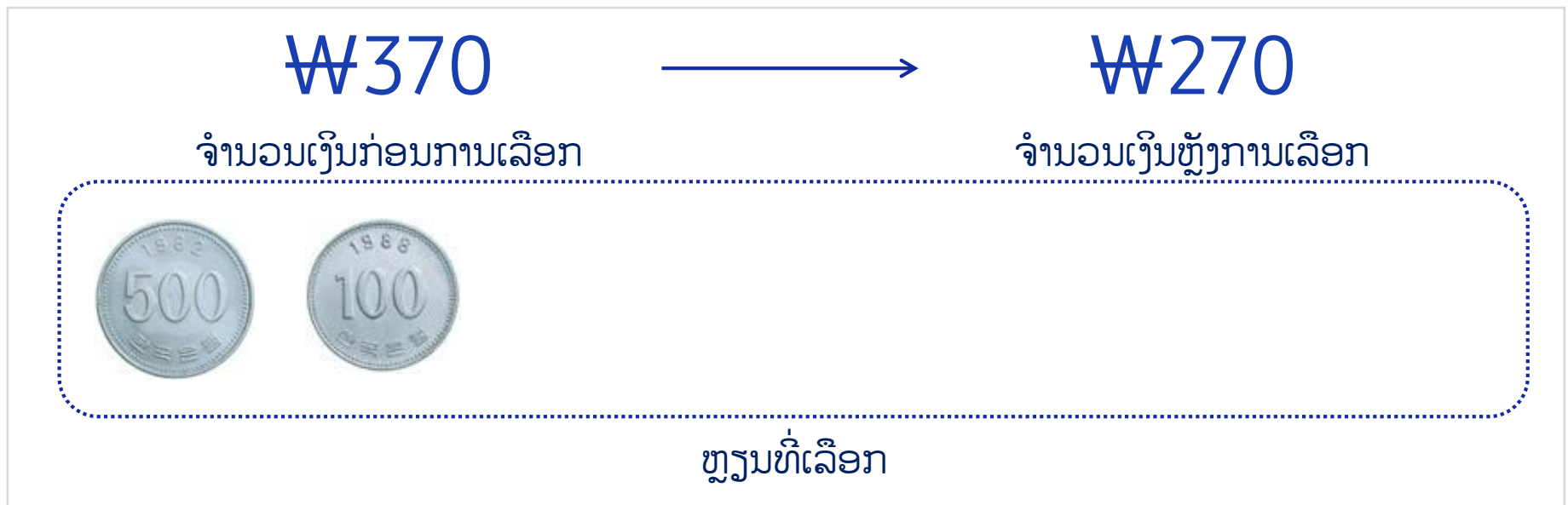
- ກ່ອນອື່ນໝົດ, ໃຫ້ເຮົາເລືອກ 500 ວອນ, ເປັນຫຼຽນທີ່ໃຫຍ່ທີ່ສຸດ. ຈຳນວນການແລກປ່ຽນທີ່ຍັງເຫຼືອແມ່ນ 370 ວອນ.
- ດັ່ງນັ້ນ, ຫຼຽນ 500 ວອນບໍ່ສາມາດເລືອກໄດ້ອີກ.



# 1. ວິທີການ Greedy

## 1.2. ບັນຫາການແລກປ່ຽນຫຼຽນ

- ເນື່ອງຈາກຫຼຽນ 500 ວອນບໍ່ສາມາດເລືອກໄດ້, ຫຼຽນທີ່ໃຫຍ່ທີ່ສຸດຕໍ່ໄປແມ່ນ 100 ວອນ, ຈະຖືກເລືອກ.
- ການແລກປ່ຽນທີ່ຍັງເຫຼືອແມ່ນ 270 ວອນ, ດັ່ງນັ້ນທ່ານຍັງສາມາດເລືອກອີກ 100 ວອນ.



# 1. ວິທີການ Greedy

## 1.2. ບັນຫາການແລກປ່ຽນຫຼຽນ

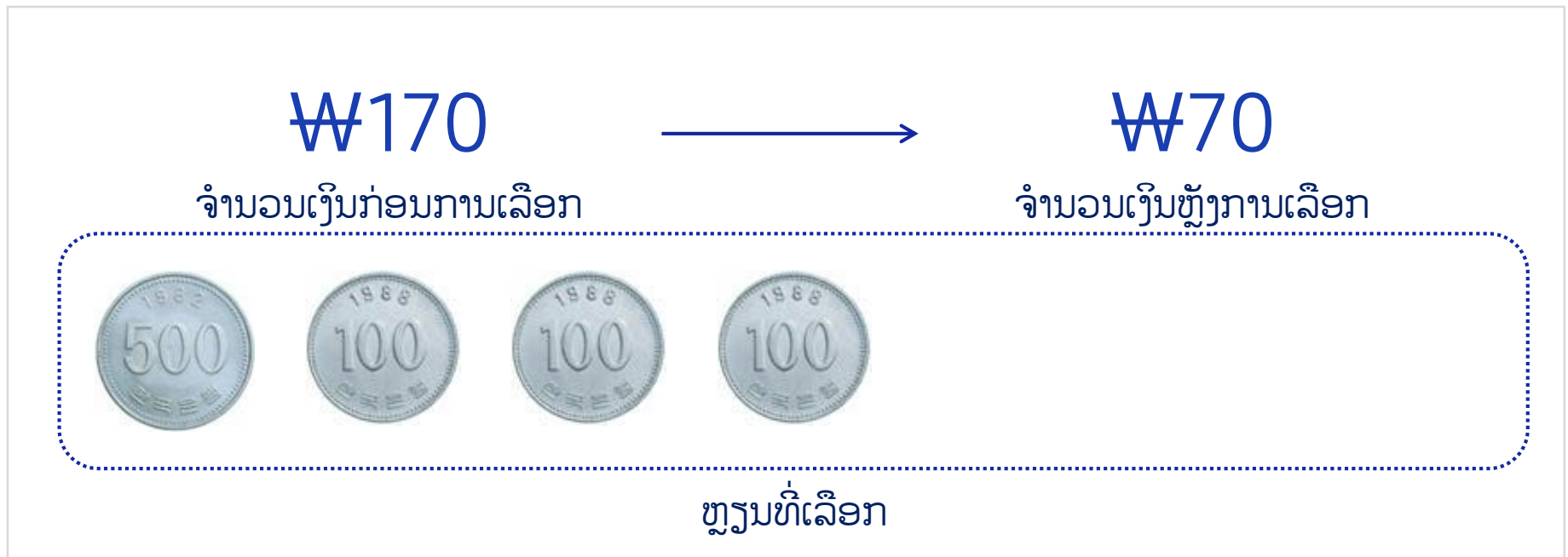
I ຖ້າທ່ານເລືອກຫຼຽນ 100 ວອນ, ການແລກປ່ຽນທີ່ຍັງເຫຼືອແມ່ນ 170 ວອນ, ດັ່ງນັ້ນທ່ານຍັງສາມາດເລືອກຫຼຽນ 100 ວອນອີກ.



# 1. ວິທີການ Greedy

## 1.2. ບັນຫາການແລກປ່ຽນຫຼຽນ

- | ຖ້າທ່ານເລືອກຫຼຽນ 100 ວອນ, ການແລກປ່ຽນທີ່ຍັງເຫຼືອຈະເປັນ 70 ວອນ.
- | ຕອນນີ້, ຫຼຽນ 100 ວອນບໍ່ສາມາດເລືອກໄດ້ອີກຕໍ່ໄປ.



# 1. ວິທີການ Greedy

## 1.2. ບັນຫາການແລກປ່ຽນຫຼຽນ

- ເນື່ອງຈາກທ່ານບໍ່ສາມາດເລືອກຫຼຽນ 100 ວອນໄດ້ອີກ, ໃຫ້ເລືອກເອົາ 50 ວອນ, ເຊິ່ງເປັນຫຼຽນທີ່ໃຫຍ່ທີ່ສຸດຕໍ່ໄປ.
- ການແລກປ່ຽນທີ່ຍັງເຫຼືອແມ່ນ 20 ວອນ ແລະ ຫຼຽນ 50 ວອນແມ່ນບໍ່ແລກປ່ຽນໄດ້ອີກແລ້ວ.



# 1. ວິທີການ Greedy

## 1.2. ບັນຫາການແລກປ່ຽນຫຼຽນ

- ຫຼຽນທີ່ໃຫຍ່ທີ່ສຸດຕໍ່ໄປຫຼັງຈາກຫຼຽນ 50 ວອນແມ່ນຫຼຽນ 10 ວອນ, ສະນັ້ນໃຫ້ພວກເຮົາເລືອກ 10 ວອນ.
- ການແລກປ່ຽນທີ່ຍັງເຫຼືອແມ່ນ 10 ວອນ, ດັ່ງນັ້ນທ່ານຍັງສາມາດເລືອກອີກ 10 ວອນ.



# 1. ວິທີການ Greedy

## 1.2. ບັນຫາການແລກປ່ຽນຫຼຽນ

- ຖ້າທ່ານເລືອກຫຼຽນ 10 ວອນ, ການປ່ຽນແປງທີ່ຍັງເຫຼືອຈະເປັນ 0 ວອນ.
- ດັ່ງນັ້ນ, ຫຼຽນທີ່ເລືອກທັງໝົດມີມູນຄ່າ 870 ວອນ ແລະ ການແລກປ່ຽນສາມາດສິ່ງຄືນຈຳນວນຫຼຽນ 7 ຫຼຽນ.



# 1. ວິທີການ Greedy

## 1.3. ອອກແບບ Greedy Algorithm

| ຂະບວນການຂ້າງເທິງນີ້ແມ່ນສະແດງອອກໃນ pseudocode ດັ່ງຕໍ່ໄປນີ້.

```
while (there are more coins and the problem is not solved) {  
    grab the largest remaining coin;  
    if (adding the coin doesn't make the change exceed the amount owed)  
        add the coin to the change;  
    if (the total value of the change equals the amount owed)  
        the problem is solved;  
}
```



# 1. ວິທີການ Greedy

## 1.3. ອອກແບບ Greedy Algorithm

❖ ວິທີການ greedy ທີ່ໃຊ້ໃນການແກ້ໄຂບັນຫາການແລກປ່ຽນຫຼຽນປະກອບດ້ວຍສາມຂັ້ນຕອນດັ່ງຕໍ່ໄປນີ້.

▶ ຂັ້ນຕອນການຄັດເລືອກ:

- ເລືອກຫຼຽນທີ່ມີຄ່າເງິນສູງສຸດ.
- ໃນຂັ້ນຕອນນີ້, ອົງປະກອບທີ່ດີທີ່ສຸດທີ່ຈະຖືກເພີ່ມເຂົ້າໃນຊຸດຂໍ້ມູນການແກ້ໄຂບັນຫາໄດ້ຖືກເລືອກ.

▶ ການກວດສອບຄວາມເປັນໄປໄດ້:

- ກວດເບິ່ງວ່າມູນຄ່າເງິນຂອງຫຼຽນທີ່ເລືອກແມ່ນໃຫຍ່ກວ່າຈຳນວນການແລກປ່ຽນທັງຫມົດ.
- ເວົ້າອີກແບບໜຶ່ງວ່າ, ເປັນການກວດເບິ່ງວ່າອົງປະກອບທີ່ດີທີ່ສຸດທີ່ເລືອກຢູ່ໃນຂັ້ນຕອນປະຈຸບັນແມ່ນເໝາະສົມທີ່ຈະເປັນຄໍາຕອບ.

▶ ການກວດສອບການແກ້ໄຂ:

- ກວດເບິ່ງວ່າຈຳນວນຫຼຽນທີ່ເລືອກແມ່ນເທົ່າກັບຈຳນວນການແລກປ່ຽນ.
- ເວົ້າອີກຢ່າງໜຶ່ງວ່າ, ເປັນການເພີ່ມອົງປະກອບທີ່ດີທີ່ສຸດທີ່ເລືອກຢູ່ໃນຂັ້ນຕອນປະຈຸບັນແມ່ນການກວດສອບເພື່ອເບິ່ງວ່າມັນເປັນຄໍາຕອບ.

# 1. ວິທີການ Greedy

## 1.3. ອອກແບບ Greedy Algorithm

ໃນບັນຫາການແລກປ່ຽນໝູນ, ຂະບວນການຂອງການຄັດເລືອກເອົາໝູນສອດຄ່ອງກັບຂັ້ນຕອນການຄັດເລືອກ.

```
while (there are more coins and the problem is not solved) {  
    grab the largest remaining coin; selection procedure  
    if (adding the coin doesn't make the change exceed the amount owed)  
        add the coin to the change;  
    if (the total value of the change equals the amount owed)  
        the problem is solved;  
}
```

# 1. ວິທີການ Greedy

## 1.3. ອອກແບບ Greedy Algorithm

| ຂະບວນການກວດສອບວ່າຫຼຽນທີ່ເລືອກບໍ່ເກີນຈຳນວນທີ່ຍັງເຫຼືອຂອງການແລກປ່ຽນ ເປັນຂັ້ນຕອນການກວດສອບຄວາມເປັນໄປໄດ້.

```
while (there are more coins and the problem is not solved) {  
    grab the largest remaining coin;  
    if (adding the coin doesn't make the change exceed the amount owed) feasibility check  
        add the coin to the change;  
    if (the total value of the change equals the amount owed)  
        the problem is solved;  
}
```

# 1. ວິທີການ Greedy

## 1.3. ອອກແບບ Greedy Algorithm

ຂະບວນການກວດສອບວ່າຊຸດໜູນທີ່ເລືອກໃນປັດຈຸບັນເທົ່າກັບຈຳນວນການແລກປ່ຽນທັງໝົດເປັນຂອງຂະບວນການກວດສອບການແກ້ໄຂ.

```
while (there are more coins and the problem is not solved) {  
    grab the largest remaining coin;  
    if (adding the coin doesn't make the change exceed the amount owed)  
        add the coin to the change;  
    if (the total value of the change equals the amount owed)  
        the problem is solved; solution check  
}
```

| Let's code

# 1. ວິທີການ Greedy

## 1.1. ສ້າງ ແລະ ຂຽນໂປຣແກຣມ

- | ໃຫ້ຂຽນຂັ້ນຕອນວິທີເພື່ອແກ້ໄຂບັນຫາການແລກປ່ຽນຫຼຽນ.
- | ການປ້ອນຂໍ້ມູນຂອງຂັ້ນຕອນວິທີແມ່ນປະເພດຫຼຽນ ແລະ ຈຳນວນການແລກປ່ຽນ ແລະ ຜົນໄດ້ຮັບແມ່ນລາຍການຂອງຫຼຽນ.
- | ໃນເວລານີ້, ສົມມຸດວ່າຈຳນວນເງິນຂອງຫຼຽນແມ່ນໄດ້ຮັບໃນລຳດັບຫຼຸດລົງມາ.

```
1 def coin_change(coins, amount):
2     changes = []
3     largest = 0
4     while amount > 0:
5         if amount < coins[largest]:
6             largest += 1
7         else:
8             changes.append(coins[largest])
9             amount -= coins[largest]
10    return changes
```



### Line 2-3

- ບັນຊີລາຍຊື່ການແລກປ່ຽນ, ເຊິ່ງເຮັດຫນ້າທີ່ເປັນກະເປົາເງິນຫຼຽນ, ໄດ້ຖືກກຳໜົດຄ່າເລີ່ມຕົ້ນເປັນ [ ].
- ເນື່ອງຈາກຫຼຽນຖືກຈັດລຽງຕາມລຳດັບຈາກໃຫຍ່ໄປຫນ້ອຍ, ເລີ່ມຕົ້ນຈຳນວນສູງສຸດຂອງຕຳແໜ່ງຫຼຽນ 'ໃຫຍ່ທີ່ສຸດ' ທີ່ສາມາດຖືກຈັດໃສ່ໃນກະເປົາເງິນໃນປະຈຸບັນເປັນອົງປະກອບທຳອິດຂອງລາຍການຫຼຽນ.

# 1. ວິທີການ Greedy

## 1.1. ສ້າງ ແລະ ຂຽນໂປຣແກຣມ

ເນື່ອງຈາກຈຳນວນຫຼຽນຖືກຈັດລຽງຕາມລຳດັບ, ວິທີການ greedy ສາມາດຖືກນຳໃຊ້ດັ່ງຕໍ່ໄປນີ້.

```
1 def coin_change(coins, amount):
2     changes = []
3     largest = 0
4     while amount > 0:
5         if amount < coins[largest]:
6             largest += 1
7         else:
8             changes.append(coins[largest])
9             amount -= coins[largest]
10    return changes
```

### Line 4-9

- ປະໂຫຍກ while loop ທີ່ເຮັດຊຳຄືນຈົນກ່ວາການແລກປ່ຽນຍັງສາມາດເຮັດໄດ້.
- ຖ້າການແລກປ່ຽນໃຫຍ່ກວ່າຫຼືເທົ່າກັບຈຳນວນ 'ໃຫຍ່ທີ່ສຸດ' ໃນປັດຈຸບັນ, ລົບຈຳນວນອອກ ຈາກ Line 8-9.
- ຖ້າການແລກປ່ຽນໜ້ອຍກວ່າຈຳນວນ 'ທີ່ໃຫຍ່ທີ່ສຸດ' ໃນປັດຈຸບັນ, ເພີ່ມຄ່າທີ່ໃຫຍ່ທີ່ສຸດ ແລະ ດຳເນີນການກັບຈຳນວນຫຼຽນຕໍ່ໄປ.
- ເມື່ອອອກຈາກ loop, ໃຫ້ສິ່ງຄືນການແລກປ່ຽນເພາະວ່າຈຳນວນຫຼຽນໃນການແລກປ່ຽນແມ່ນຈຳນວນການແລກປ່ຽນ.

# 1. ວິທີການ Greedy

## 1.2. Code ທີ່ສ້າງເຮັດວຽກໂປຣແກຣມ

- | ການສ້າງຂັ້ນຕອນວິທີກ່ອນໜ້ານີ້ດໍາເນີນການດັ່ງຕໍ່ໄປນີ້.
- | ລາຍການ ແລະ ຈຳນວນຂອງໜູນແມ່ນຜົນໄດ້ຮັບສໍາລັບຈຳນວນການແລກປ່ຽນທີ່ໄດ້ຮັບຈາກຜູ້ໃຊ້.
- | ໃນຂະນະນີ້, ສົມມຸດວ່າມູນຄ່າຂໍ້ມູນປ້ອນເຂົ້າແມ່ນຈຳນວນທີ່ສາມາດແລກປ່ຽນຈາກຊຸດຂອງໜູນ.

```
1 coins = [500, 100, 50, 10]
2 amount = int(input("Input the amount: "))
3 changes = coin_change(coins, amount)
4 print(changes, len(changes))
```

Input the amount: 870

[500, 100, 100, 100, 50, 10, 10] 7



## 2. ການເອົາ ວິທີການ Greedy ໄປໃຊ້ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

### 2.1. ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

- ໃຫ້ໃຊ້ວິທີການ greedy ກັບບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳທີ່ໄດ້ກ່າວມາຂ້າງເທິງ.
- ສົມມຸດວ່າການຮ້ອງຂໍການນຳໃຊ້ຫ້ອງປະຊຸມ  $N=7$  ໄດ້ຖືກຈັດສັນໃຫ້ດັ່ງຕໍ່ໄປນີ້.
- ການຮ້ອງຂໍໃຊ້ຫ້ອງປະຊຸມແຕ່ລະຄັ້ງແມ່ນໃຫ້ເວລາເລີ່ມຕົ້ນ ແລະ ເວລາສິ້ນສຸດ. ຈຳນວນສູງສຸດຂອງການປະຊຸມທີ່ບໍ່ຊ້ຳກັນໃນທີ່ນີ້ແມ່ນເທົ່າໃດ?

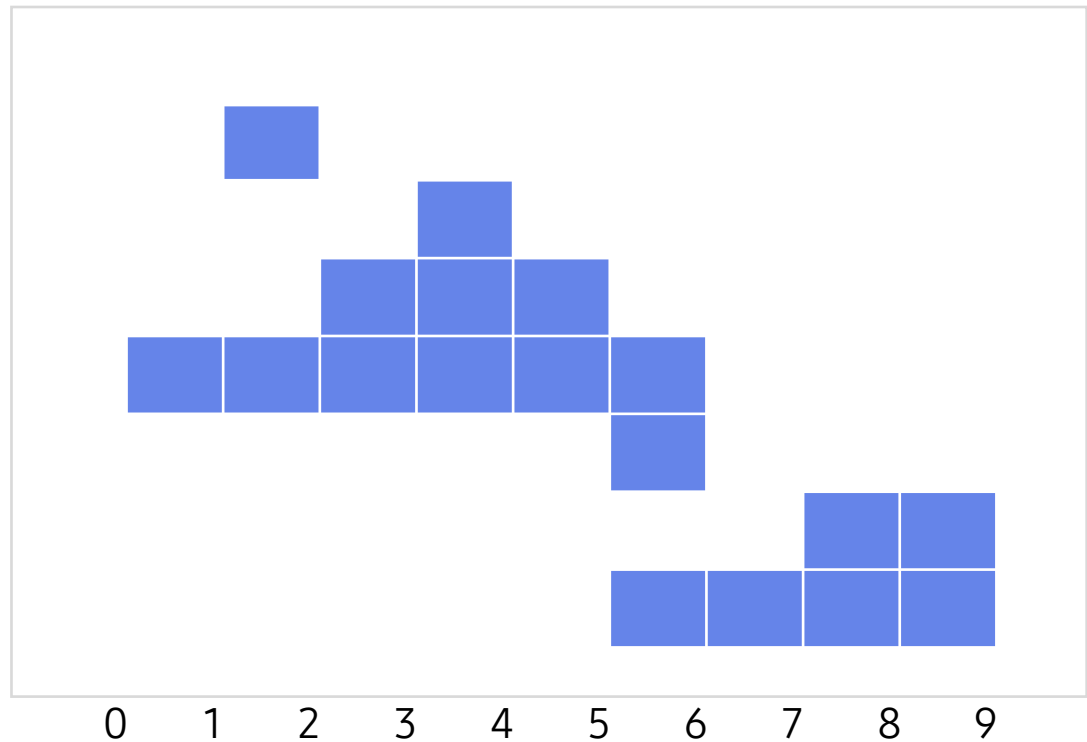
id	0	1	2	3	4	5	6
start	1	3	2	1	5	8	5
finish	2	4	5	6	6	9	9

## 2. ການເອົາ ວິທີການ Greedy ໄປໃຊ້ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

### 2.1. ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

▮ ແຕ່ມຮູບຄຳຮ້ອງຂໍໃຊ້ຫ້ອງປະຊຸມເຫຼົ່ານີ້ຢູ່ໃນຕາຕະລາງເວລາມືດັ່ງນີ້.

id	start	finish
0	1	2
1	3	4
2	2	5
3	0	6
4	5	6
5	7	9
6	5	9

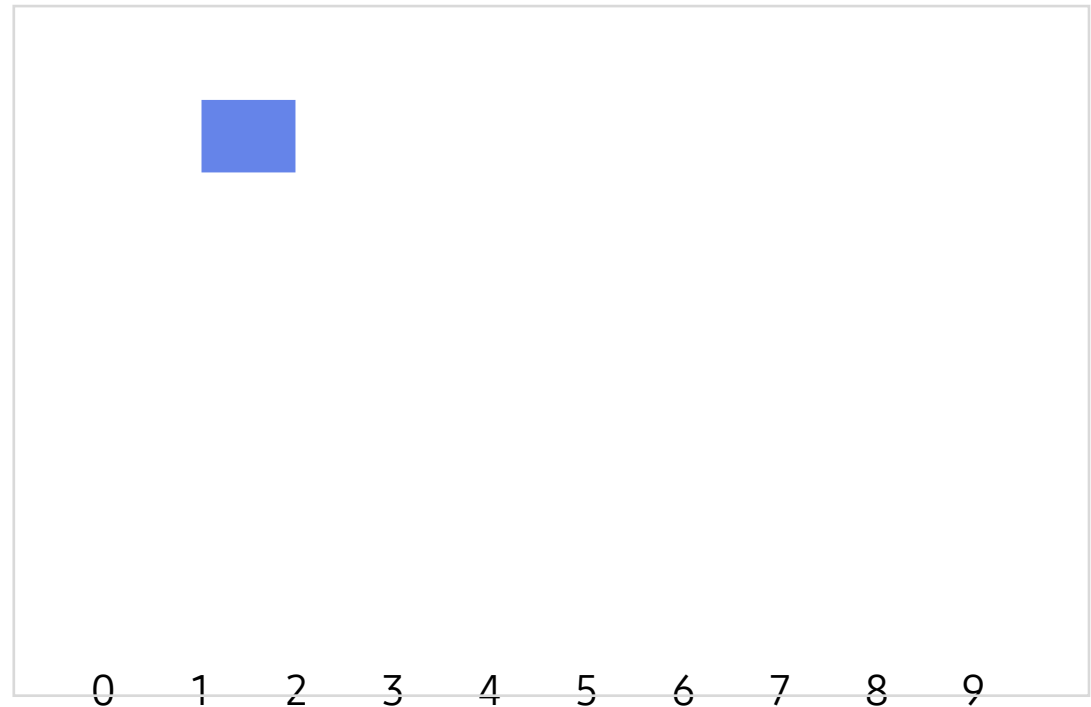


## 2. ການເອົາ ວິທີການ Greedy ໄປໃຊ້ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

### 2.1. ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

- ໃນຕອນທຳອິດ, ກອງປະຊຸມທັງໝົດສາມາດຈັດຂຶ້ນໄດ້, ດັ່ງນັ້ນການປະຊຸມທີ 0 ສາມາດຈັດຂຶ້ນໄດ້.
- ໃນເວລານີ້, ໃຫ້ສັງເກດວ່າກອງປະຊຸມໄດ້ຖືກຈັດລຽງຕາມລຳດັບຂອງເວລາສິ້ນສຸດ. ເວົ້າອີກຢ່າງໜຶ່ງວ່າ, ກອງປະຊຸມຄັ້ງທີ 0 ແມ່ນໃຊ້ເວລາສິ້ນທີ່ສຸດ.

id	start	finish
0	1	2

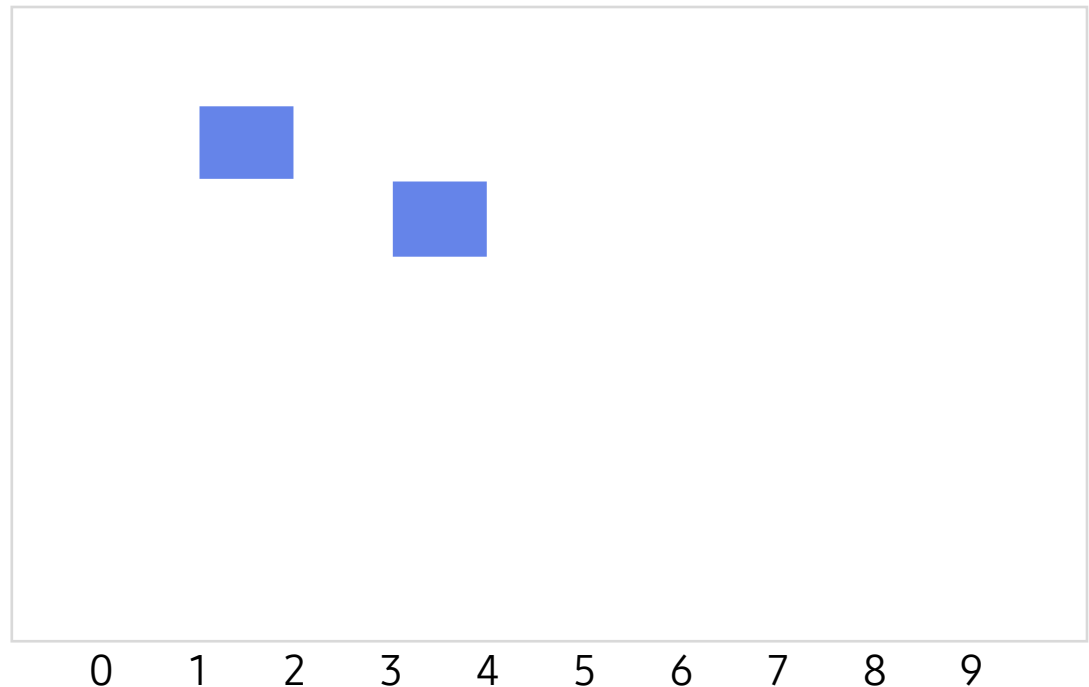


## 2. ການເອົາ ວິທີການ Greedy ໄປໃຊ້ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

### 2.1. ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

- | ເວລາສິ້ນສຸດຂອງກອງປະຊຸມແມ່ນຊ້າກວ່າກອງປະຊຸມຄັ້ງທີ 0.
- | ດັ່ງນັ້ນ, ຖ້າເວລາເລີ່ມຕົ້ນຢູ່ຫຼັງເວລາສຸດທ້າຍຂອງການປະຊຸມທີ່ເລືອກແລ້ວ, ແມ່ນສາມາດເລືອກການປະຊຸມນັ້ນໄດ້.
- | ມັນສາມາດເລືອກໄດ້ເພາະວ່າເວລາເລີ່ມຕົ້ນ 3 ຂອງການປະຊຸມທີ 1 ແມ່ນຫຼາຍກວ່າເວລາສິ້ນສຸດ 2 ຂອງການປະຊຸມທີ 0.

id	start	finish
0	1	2
1	3	4

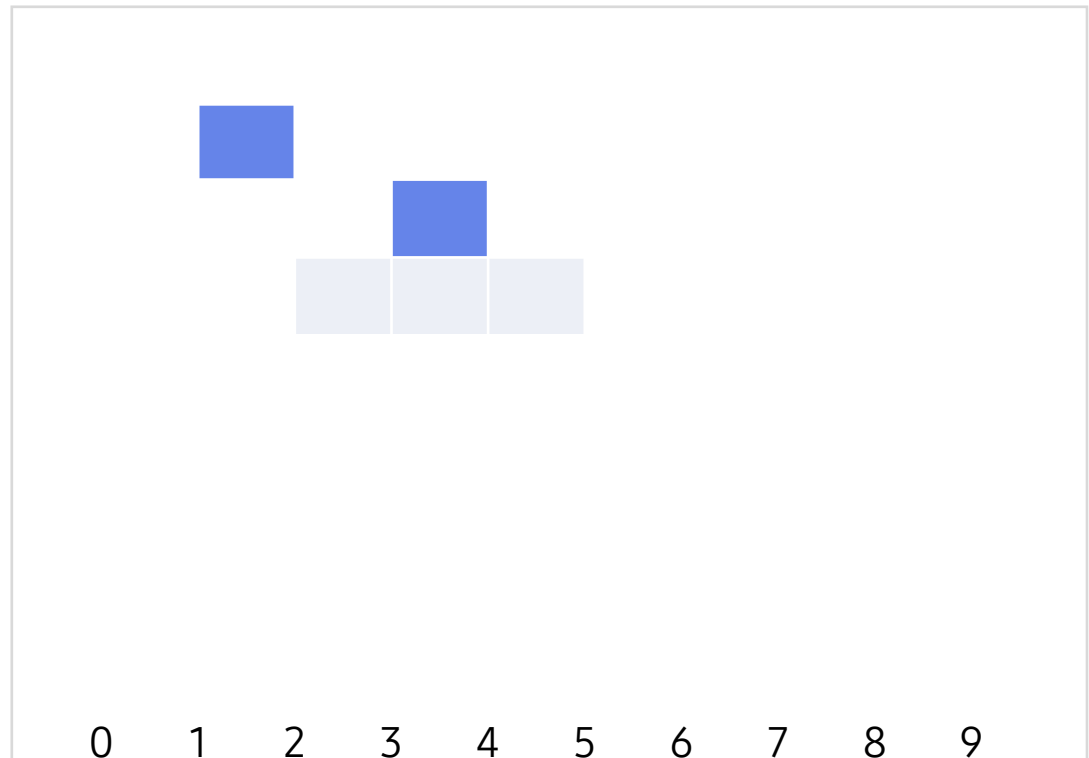


## 2. ການເອົາ ວິທີການ Greedy ໄປໃຊ້ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

### 2.1. ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

| ເວລາເລີ່ມຕົ້ນຂອງກອງປະຊຸມຄັ້ງທີສອງແມ່ນຫນ້ອຍກວ່າເວລາສິ້ນສຸດຂອງກອງປະຊຸມຄັ້ງທີ 1, ດັ່ງນັ້ນຈຶ່ງບໍ່ສາມາດເລືອກໄດ້.

id	start	finish
0	1	2
1	3	4
2	2	5

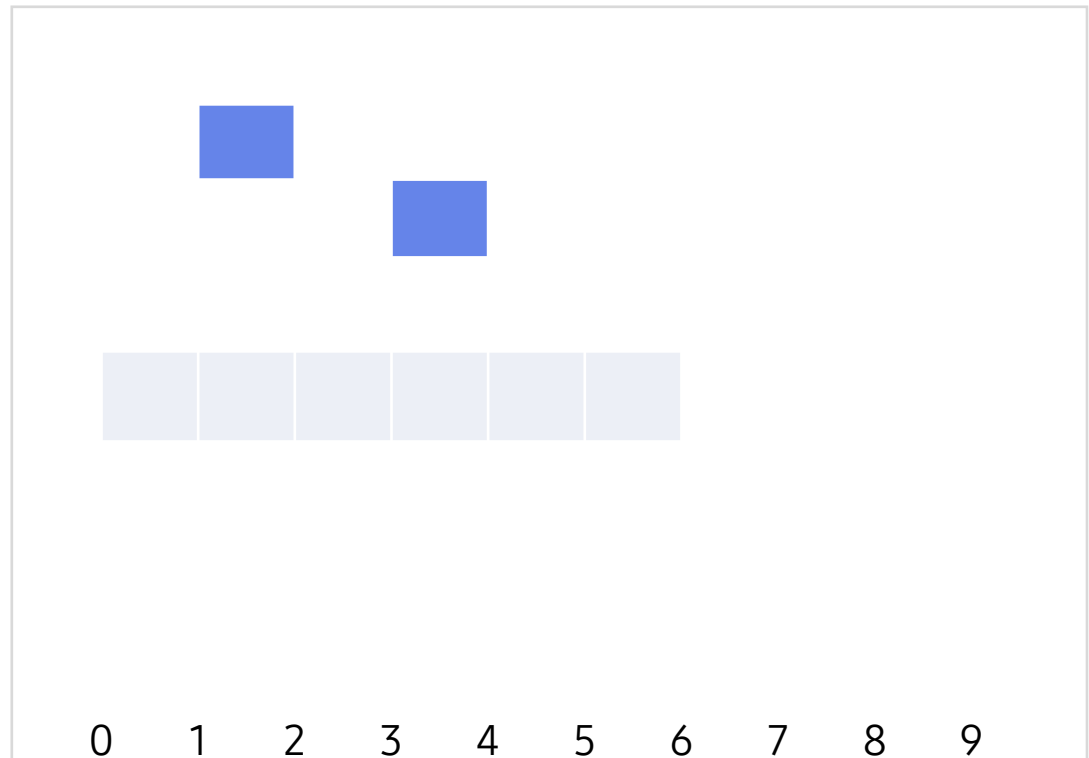


## 2. ການເອົາ ວິທີການ Greedy ໄປໃຊ້ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

### 2.1. ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

ບໍ່ສາມາດເລືອກເອົາກອງປະຊຸມ 3 ເພາະວ່າເວລາເລີ່ມຕົ້ນຂອງມັນ ແມ່ນຫນ້ອຍກວ່າເວລາສິ້ນສຸດຂອງກອງປະຊຸມ 1, ເຊິ່ງແມ່ນ 4.

id	start	finish
0	1	2
1	3	4
2	2	5
3	0	6

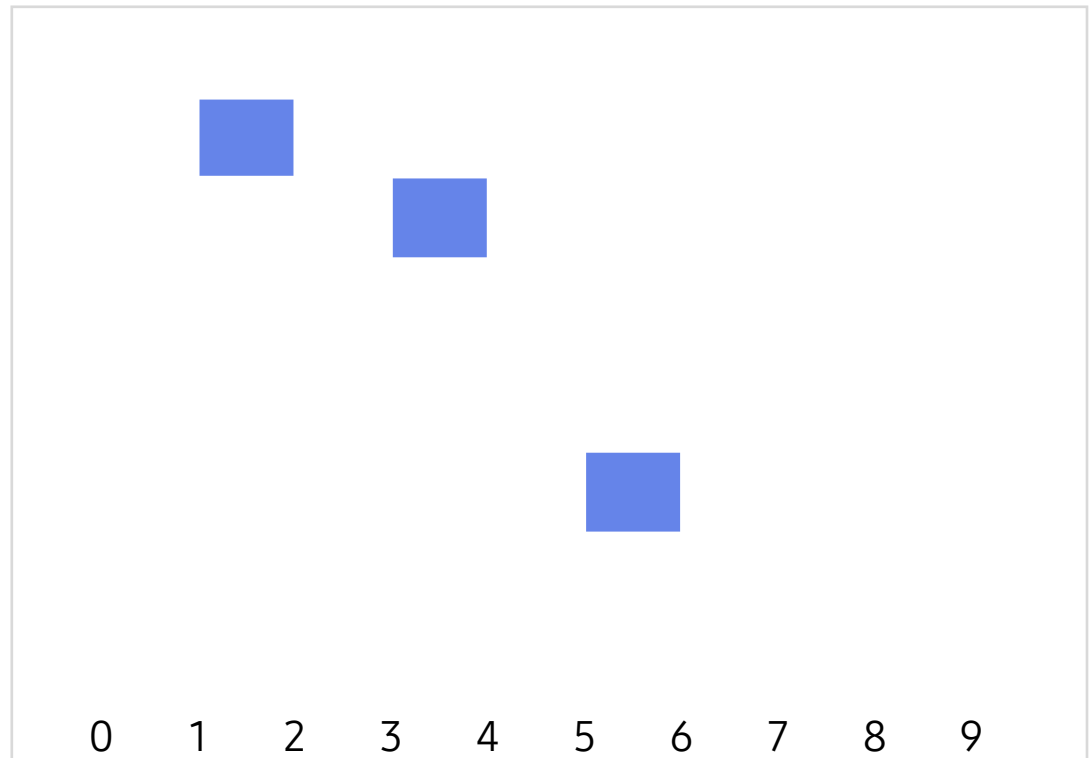


## 2. ການເອົາ ວິທີການ Greedy ໄປໃຊ້ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

### 2.1. ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

| ເວລາເລີ່ມຕົ້ນຂອງກອງປະຊຸມຄັ້ງທີ 4, 5, ແມ່ນຫຼາຍກວ່າເວລາສິ້ນສຸດຂອງກອງປະຊຸມຄັ້ງທີ 1, ດັ່ງນັ້ນຈຶ່ງສາມາດເລືອກໄດ້.

id	start	finish
0	1	2
1	3	4
2	2	5
3	0	6
4	5	6

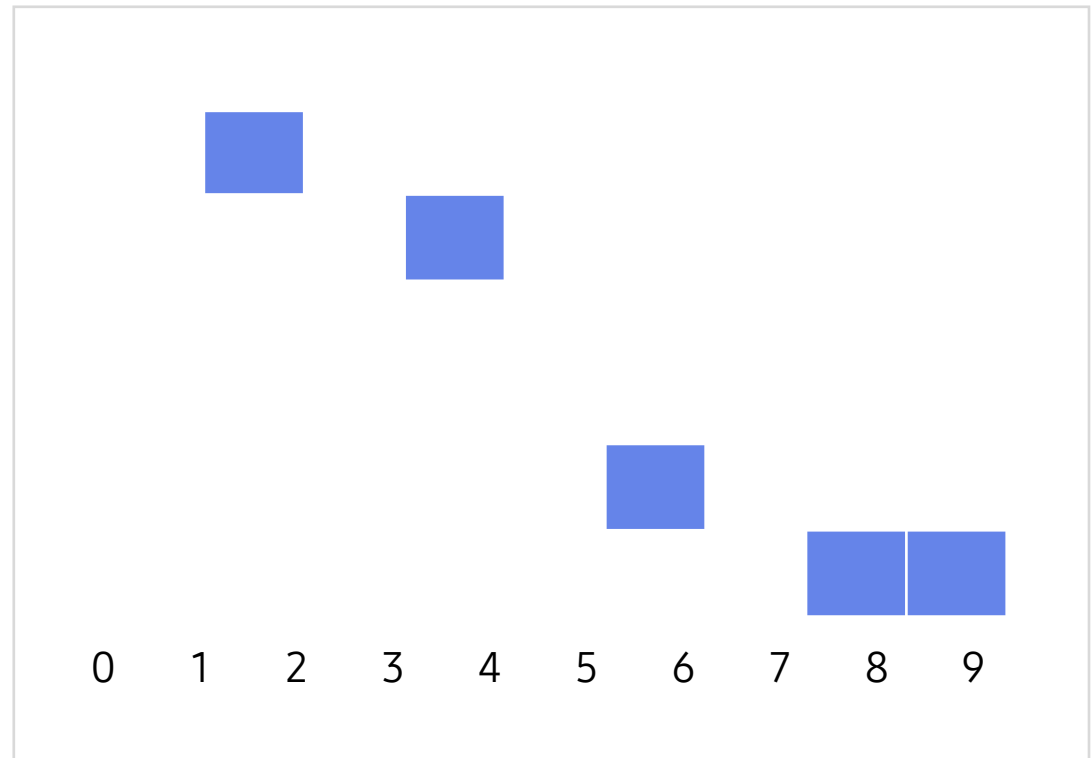


## 2. ການເອົາ ວິທີການ Greedy ໄປໃຊ້ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

### 2.1. ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

| ເວລາເລີ່ມຕົ້ນຂອງກອງປະຊຸມທີ 5, ແມ່ນຫຼາຍກວ່າເວລາສິ້ນສຸດຂອງກອງປະຊຸມ 4, ເຊິ່ງແມ່ນ 6, ດັ່ງນັ້ນມັນຍັງສາມາດເລືອກໄດ້.

id	start	finish
0	1	2
1	3	4
2	2	5
3	0	6
4	5	6
5	7	9



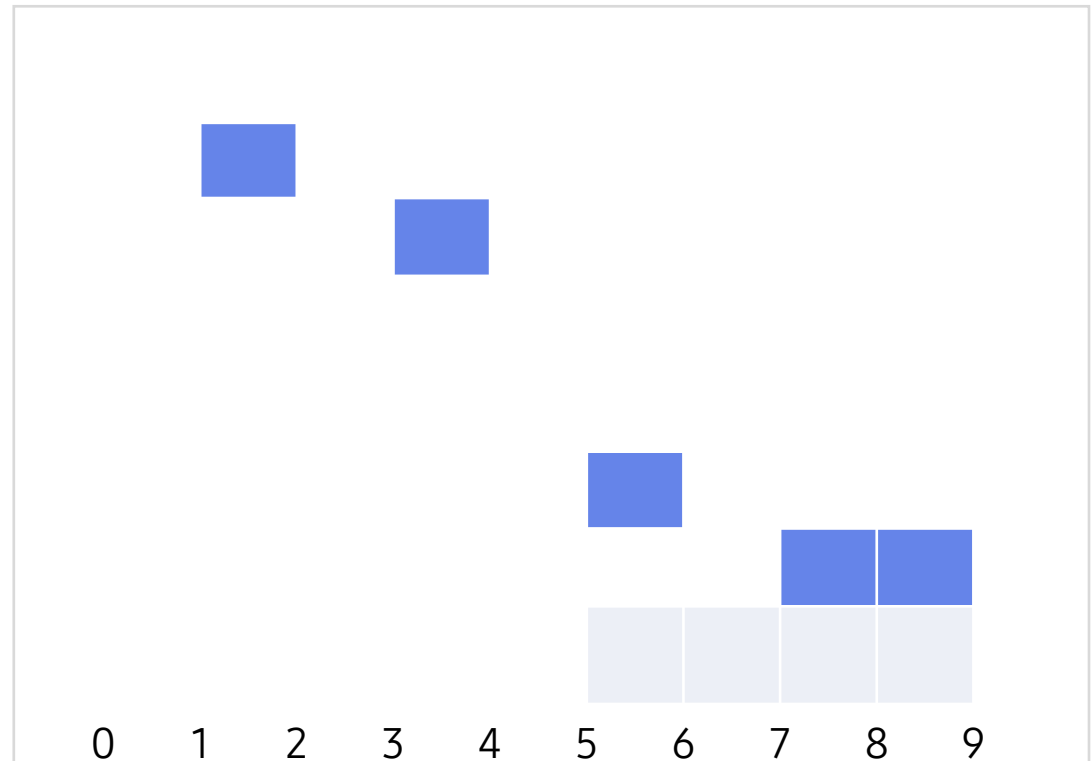


## 2. ການເອົາ ວິທີການ Greedy ໄປໃຊ້ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

### 2.1. ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

▮ ເວລາເລີ່ມຕົ້ນຂອງກອງປະຊຸມ 6, ເຊິ່ງແມ່ນ 5, ແມ່ນຫນ້ອຍກວ່າເວລາເລີ່ມຕົ້ນຂອງກອງປະຊຸມ 5, ດັ່ງນັ້ນມັນບໍ່ສາມາດເລືອກໄດ້.

id	start	finish
0	1	2
1	3	4
2	2	5
3	0	6
4	5	6
5	7	9
6	5	9

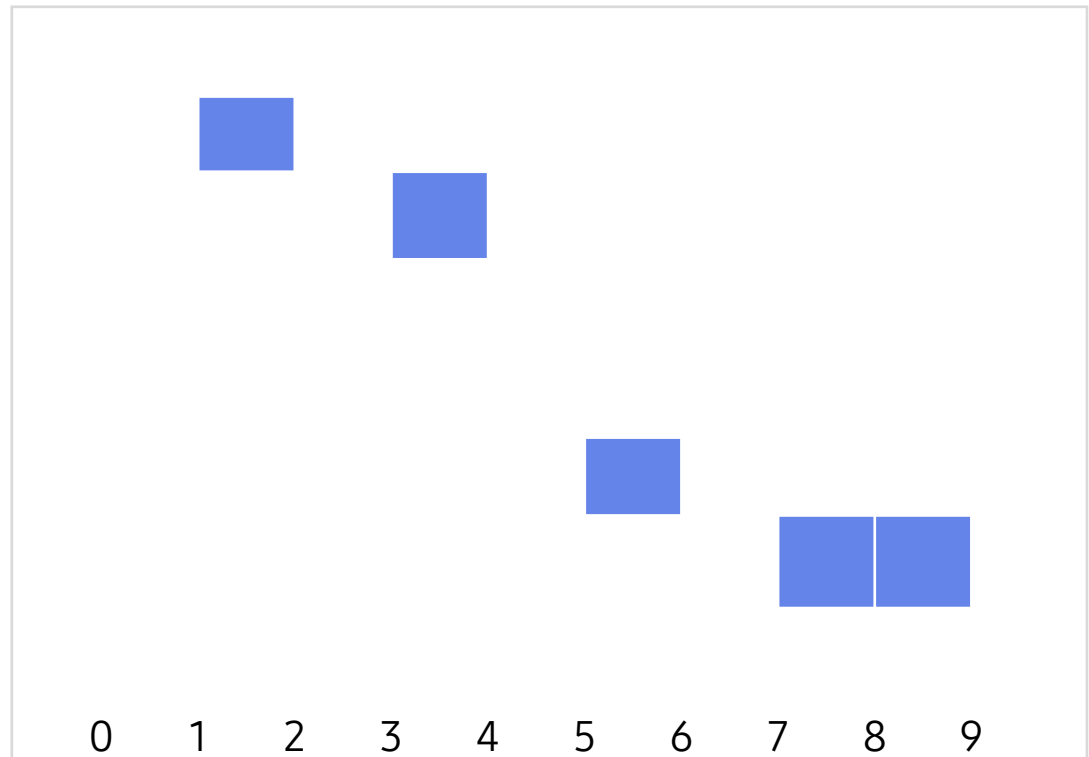


## 2. ການເອົາ ວິທີການ Greedy ໄປໃຊ້ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

### 2.1. ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

ກອງປະຊຸມຄັດເລືອກສຸດທ້າຍແມ່ນ  $[0, 1, 4, 5]$  ແລະຈຳນວນກອງປະຊຸມທີ່ເລືອກໄດ້ສູງສຸດແມ່ນ 4.

id	start	finish
0	1	2
1	3	4
2	2	5
3	0	6
4	5	6
5	7	9
6	5	9



## 2. ການເອົາ ວິທີການ Greedy ໄປໃຊ້ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

### 2.2. ສ້າງ ແລະ ຂຽນໂປຣແກຣມ

ໃຫ້ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳໂດຍໃຊ້ວິທີການທີ່ແນະນຳກ່ອນໜ້ານີ້.

```
1 def activity_selection1(start, finish):
2     result = []
3     i = 0
4     result.append(i)
5     for j in range(1, len(start)):
6         if finish[i] <= start[j]:
7             result.append(j)
8             i = j
9     return result
```

#### Line 1-4

- ສຳລັບບັນຫາການຄັດເລືອກກິດຈະກຳ, ເວລາເລີ່ມຕົ້ນກອງປະຊຸມ 'start' ແລະ ເວລາສິ້ນສຸດກອງປະຊຸມ 'finish' ແມ່ນເປັນຂໍ້ມູນປ້ອນເຂົ້າ.
- ລາຍການ 'result' ປະກອບດ້ວຍຈຳນວນການປະຊຸມ.
- ດັ່ງນັ້ນ, ດັດຊະນີ I ໃນເບື້ອງຕົ້ນຈະມີຄ່າເປັນ 0 ແລະ ເອົາໃສ່ເຂົ້າໄປໃນຜົນໄດ້ຮັບ.

## 2. ການເອົາ ວິທີການ Greedy ໄປໃຊ້ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

### 2.2. ສ້າງ ແລະ ຂຽນໂປຣແກຣມ

```
1 def activity_selection1(start, finish):
2     result = []
3     i = 0
4     result.append(i)
5     for j in range(1, len(start)):
6         if finish[i] <= start[j]:
7             result.append(j)
8             i = j
9     return result
```

#### Line 5-9

- ນັບຕັ້ງແຕ່ກິດຈະກຳທີ 0 ໄດ້ຖືກເລືອກແລ້ວ, ດັ່ງນັ້ນຈະເລືອກການປະຊຸມຈາກ 1 ໄປຫາ  $\text{len}(\text{start}) - 1$ .
- ຖ້າ  $\text{finish}[i]$  ໜ້ອຍກວ່າຫຼືເທົ່າກັບການ  $\text{start}[j]$ , ມັນໝາຍຄວາມວ່າກອງປະຊຸມທີ  $j$  ບໍ່ທັບຊ້ອນກັບກອງປະຊຸມທີ່ມີຢູ່ແລ້ວ.
- ດັ່ງນັ້ນ,  $j$  ເຊິ່ງຊອດຄ່ອງກັບເງື່ອນໄຂນີ້, ໄດ້ຖືກເພີ່ມເຂົ້າໃນຜົນໄດ້ຮັບ.
- ຕອນນີ້ອັບເດດ  $i$  ເປັນຄ່າ  $j$  ເພື່ອກຳນົດເວລາສຸດທ້າຍຂອງກອງປະຊຸມເປັນກອງປະຊຸມ  $j$ .

## 2. ການເອົາ ວິທີການ Greedy ໄປໃຊ້ແກ້ໄຂບັນຫາການເລືອກກິດຈະກຳ

### 2.3. Code ທີ່ໃຊ້ສ້າງການໂປຣແກຣມ

- | ບັນຫາການຄັດເລືອກກິດຈະກຳສາມາດໄດ້ຮັບການປະຕິບັດດັ່ງຕໍ່ໄປນີ້.
- | ໃນເວລານີ້, start ແລະ finish ສະແດງເຖິງເວລາເລີ່ມຕົ້ນຂອງກອງປະຊຸມແລະເວລາສິ້ນສຸດກອງປະຊຸມ, ຕາມລຳດັບ ແລະ ຜົນໄດ້ຮັບຂອງກອງປະຊຸມແມ່ນຕົວເລກດັດສະນີຂອງກອງປະຊຸມທີ່ເລືອກ ແລະ maximum ແມ່ນຈຳນວນການປະຊຸມສູງສຸດ.

```
1 start = [1, 3, 2, 0, 5, 8, 5]
2 finish = [2, 4, 5, 6, 6, 9, 9]
3 meetings = activity_selection1(start, finish)
4 maximum = len(meetings)
5 print(meetings, maximum)
```

[0, 1, 4, 5] 4

# | Pop quiz

**Q1.** ໃນບັນຫາການແລກປ່ຽນຫຼຽນ, ສົມມຸດວ່າມີຫຼຽນ 400 ວອນ ປະກອບຢູ່ນຳ.  
ຈົ່ງບອກຜົນໄດ້ຮັບຂອງຂັ້ນຕອນວິທີ coin\_change() ຈະກຳນົດການແລກປ່ຽນຫຼຽນ 800 ວອນ.

```
1 coins = [500, 400, 100, 50, 10]
2 amount = int(input("Input the amount: "))
3 changes = coin_change(coins, amount)
4 print(changes, len(changes))
```

Input the amount:

# | Pair programming





## Pair Programming Practice

### | ແນວທາງ, ກົນໄກ ແລະ ແຜນສຸກເສີນ

ການກະກຽມການສ້າງໂປຣແກຣມຮ່ວມກັນເປັນຄູ່ກ່ຽວຂ້ອງກັບການໃຫ້ຄໍາແນະນໍາແລະກົນໄກເພື່ອຊ່ວຍໃຫ້ນັກຮຽນຈັບຄູ່ຢ່າງຖືກຕ້ອງແລະ ໃຫ້ເຂົາເຈົ້າເຮັດວຽກເປັນຄູ່. ຕົວຢ່າງ, ນັກຮຽນຄວນປຸງຮຽນ "ເຮັດ." ການກະກຽມທີ່ມີປະສິດຕິຜົນຕ້ອງໃຫ້ມີແຜນການສຸກເສີນໃນກໍລະນີທີ່ຄູ່ຮ່ວມງານຫນຶ່ງບໍ່ຢູ່ຫຼືຕັດສິນໃຈທີ່ຈະບໍ່ເຂົ້າຮ່ວມດ້ວຍເຫດຜົນໃດຫນຶ່ງ ຫຼືດ້ວຍເຫດຜົນອື່ນ. ໃນກໍລະນີເຫຼົ່ານີ້, ມັນເປັນສິ່ງສໍາຄັນທີ່ຈະເຮັດໃຫ້ມັນຊັດເຈນວ່ານັກຮຽນທີ່ມີປະຕິບັດໜ້າທີ່ຢ່າງຫ້າວຫັນຈະບໍ່ຖືກລົງໂທດຍ້ອນວ່າການຈັບຄູ່ບໍ່ໄດ້ຜິດ.

### | ການຈັບຄູ່ທີ່ຄ້າຍຄືກັນ, ບໍ່ຈໍາເປັນຕ້ອງເທົ່າທຽມກັນ, ຄວາມສາມາດເປັນຄູ່ຮ່ວມງານ

ການຂຽນໂປຣແກຣມຄູ່ຈະມີປະສິດທິພາບເມື່ອນັກຮຽນຕັ້ງໃຈຮ່ວມກັນເຮັດວຽກ, ຊຶ່ງວ່າມັນຈໍາເປັນຕ້ອງມີຄວາມຮູ້ເທົ່າທຽມກັນ, ແຕ່ຕ້ອງມີຄວາມສາມາດເຮັດວຽກເປັນຄູ່ຮ່ວມງານ. ການຈັບຄູ່ນັກຮຽນທີ່ບໍ່ສາມາດເຂົ້າກັນໄດ້ມັກຈະເຮັດໃຫ້ການມີສ່ວນຮ່ວມທີ່ບໍ່ສົມດຸນກັນ. ຄູສອນຕ້ອງເນັ້ນຫນັກວ່າການຂຽນໂປຣແກຣມຄູ່ບໍ່ແມ່ນຍຸດທະສາດ “divide-and-conquer”, ແຕ່ຈະເປັນຄວາມພະຍາຍາມຮ່ວມມືເຮັດວຽກທີ່ແທ້ຈິງໃນທຸກໆດ້ານສໍາລັບໂຄງການທັງຫມົດ. ຄູຄວນຫຼີກເວັ້ນການຈັບຄູ່ນັກຮຽນທີ່ອ່ອນຫຼາຍກັບນັກຮຽນທີ່ເກັ່ງຫຼາຍ.

### | ກະຕຸ້ນນັກຮຽນໂດຍການໃຫ້ສິ່ງຈູງໃຈພິເສດ

ການສະເໜີແຮງຈູງໃຈພິເສດສາມາດຊ່ວຍກະຕຸ້ນນັກຮຽນໃຫ້ຈັບຄູ່, ໂດຍສະເພາະກັບນັກຮຽນທີ່ມີຄວາມສາມາດຫຼາຍ. ຈະເຫັນວ່າມັນເປັນປະໂຫຍດທີ່ຈະໃຫ້ນັກຮຽນຈັບຄູ່ເຮັດວຽກຮ່ວມກັນພຽງແຕ່ຫນຶ່ງຫຼືສອງວຽກເທົ່ານັ້ນ.



## Pair Programming Practice

### | ປ້ອງກັນການໂກງໃນການເຮັດວຽກຮ່ວມກັນ

ສິ່ງທ້າທາຍສໍາລັບຄູແມ່ນເພື່ອຊອກຫາວິທີທີ່ຈະປະເມີນຜົນໄດ້ຮັບຂອງບຸກຄົນ, ໃນຂະນະທີ່ນໍາໃຊ້ຜົນປະໂຫຍດຂອງການຮ່ວມມື. ຈະຮູ້ໄດ້ແນວໃດວ່ານັກຮຽນຕັ້ງໃຈເຮັດວຽກ ຫຼື ກົງແຮງງານຜູ້ຮ່ວມງານ? ຜູ້ຊ່ຽວຊານແນະນໍາໃຫ້ທົບທວນຄືນການອອກແບບບັນຫາສູດ ແລະ ການປະເມີນ ພ້ອມທັງປຶກສາຫາລືຢ່າງຈະແຈ້ງ ແລະ ຊັດເຈນກ່ຽວກັບພຶດຕິກຳຂອງນັກຮຽນທີ່ຈະຖືກຕິດຄວາມວ່າຂໍຕົວະ. ຜູ້ຊ່ຽວຊານເນັ້ນໜັກໃຫ້ຄູເຮັດການມອບໝາຍໃຫ້ມີຄວາມໝາຍຕໍ່ນັກຮຽນ ແລະ ອະທິບາຍຄຸນຄ່າຂອງສິ່ງທີ່ນັກຮຽນຈະຮຽນຮູ້ໂດຍການເຮັດສໍາເລັດ.

### | ສະພາບແວດລ້ອມການຮຽນຮູ້ໃນການຮ່ວມມື

ສະພາບແວດລ້ອມການຮຽນຮູ້ໃນຮ່ວມກັນເກີດຂຶ້ນໄດ້ທຸກເວລາທີ່ຜູ້ສອນຮຽກຮ້ອງໃຫ້ນັກຮຽນເຮັດວຽກຮ່ວມກັນໃນກິດຈະກຳການຮຽນຮູ້. ສະພາບແວດລ້ອມການຮຽນຮູ້ຮ່ວມກັນສາມາດມີສ່ວນຮ່ວມທັງກິດຈະກຳທີ່ເປັນທາງການ ແລະ ບໍ່ເປັນທາງການ ແລະ ອາດຈະບໍ່ລວມເຖິງການປະເມີນໂດຍກົງ. ຕົວຢ່າງ, ນັກສຶກສາຄູ່ເຮັດວຽກມອບໝາຍຮ່ວມກັນໃນການຂຽນໂປຣແກຣມ; ນັກສຶກສາກຸ່ມນ້ອຍໆສິນທະນາຄໍາຕອບທີ່ເປັນໄປໄດ້ຕໍ່ກັບຄໍາຖາມຂອງອາຈານໃນລະຫວ່າງການບັນຍາຍ; ແລະ ນັກຮຽນເຮັດວຽກຮ່ວມກັນນອກຫ້ອງຮຽນເພື່ອຮຽນຮູ້ແນວຄວາມຄິດໃໝ່. ການຮຽນຮູ້ການຮ່ວມມືແມ່ນແຕກຕ່າງຈາກໂຄງການທີ່ນັກຮຽນ “divide and conquer.” ເມື່ອນັກຮຽນແບ່ງວຽກກັນ, ແຕ່ລະຄົນຮັບຜິດຊອບພຽງແຕ່ສ່ວນໜຶ່ງຂອງການແກ້ໄຂບັນຫາ ແລະ ຈະບໍ່ຄ່ອຍມີບັນຫາຫຍັງໃນການເຮັດວຽກຮ່ວມກັບຄົນອື່ນໃນທີມ. ໃນສະພາບແວດລ້ອມການເຮັດວຽກຮ່ວມກັນ, ນັກຮຽນມີສ່ວນຮ່ວມໃນການສິນທະນາປຶກສາຫາລືເຊິ່ງກັນແລະກັນ.

**Q1.** ສົມມຸດວ່າຈຳນວນຫຼຽນໃນບັນຫາການແລກປ່ຽນຫຼຽນແມ່ນບໍ່ຈຳກັດ. ຕົວຢ່າງ, ຖ້າທ່ານມີຫຼຽນຕໍ່ໄປນີ້ຢູ່ໃນກະເປົາເງິນ  
ຂອງທ່ານ, ທ່ານຄວນແຈກຢາຍ 710 ວອນເປັນການແລກປ່ຽນແນວໃດ?



ກະເປົາເງິນ

₩710

ຈຳນວນແລກປ່ຽນ



ຫຼຽນທີ່ເລືອກ

**Q2.** ໃຫ້ຈຳນວນຫຼຽນ ແລະ ຈຳນວນການແລກປ່ຽນ, ຊອກຫາຈຳນວນຫຼຽນໜ້ອຍທີ່ສຸດທີ່ທ່ານສາມາດແລກປ່ຽນໄດ້.

```
1 coins = list(map(int, input("Input the coins: ").split()))
2 coins.sort(reverse = True)
3 print(coins)
4 amount = int(input("Input the amount: "))
5 changes = coin_change2(coins, amount)
6 print(changes, len(changes))
```

```
Input the coins: 500 50 50 100 50 10 10
[500, 100, 50, 50, 50, 10, 10]
Input the amount: 710
[500, 100, 50, 50, 10] 5
```

**Hint** | ສັງເກດເຫັນວ່າທ່ານຈັດລຽງຫຼຽນຕາມລຳດັບຈາກໃຫຍ່ຫນ້ອຍໃນແຖວທີ 2 ດ້ວຍ `coins.sort(reverse = True)`.

