Unit 25.

Binary Search

Learning objectives

- ✓ ເຂົ້າໃຈບັນຫາການຄົ້ນຫາ ແລະ ສາມາດແກ້ໄຂບັນຫາໂດຍຜ່ານການໃຊ້ binary search.
- 🗸 ສາມາດລົງມືປະຕິບັດຕາມ binary search algorithm ດ້ວຍພາສາ Python.
- √ ສາມາດເຂົ້າໃຈ ແລະ ອະທິບາຍເວລາທີ່ໃຊ້ໃນການປະມວນຜືນສຸງສຸດຂອງ binary search algorithm.

Learning overview

- 🗸 ເຂົ້າໃຈບັນຫາການຄົ້ນຫາທີ່ຊອກຫາອົງປະກອບທີ່ກຳນິດຈາກຂໍ້ມຸນທີ່ໄດ້ຈັດລຽງຕາມລຳດັບໄວ້ແລ້ວ.
- ✓ ຮຽນຮູ້ວິທີການແກ້ໄຂບັນຫາການຄົ້ນຫາຂໍ້ມຸນທີ່ໄດ້ລຽງຕາມລຳດັບໄວ້ແລ້ວໂດຍໃຊ້ binary search.
- √ ຮຽນຮູ້ວິທີການຂຽນ binary search algorithms ໂດຍໃຊ້ພາສາ Python ແລະ ວິເຄາະ ເວລາທີ່ ໃຊ້ໃນການປະມວນຜົນຕາມຂັ້ນຕອນວິທີດັ່ງກ່າວໃນກໍລະນີທີ່ດີທີ່ສຸດ, ບໍ່ດີທີ່ສຸດ ແລະ ສະເລ່ຍ.

Concepts you will need to know from previous units

- √ ວິທີການປຽບທຽບຂະຫນາດຂອງອົງປະກອບພາຍໃນ list
- √ ວິທີການສ້າງຄວາມສຳພັນທີ່ເກີດຂຶ້ນຄືນໃຫມ່ ແລະ ແກ້ໄຂບັນຫາໂດຍໃຊ້ຟັງຊັນ recursive
- 🗸 ວິທີການສະແດງເວລາທີ່ໃຊ້ໃນການປະມວນຕາມຂັ້ນຕອນວິທີໃດໜຶ່ງໂດຍໃຊ້ຕຳລາ Big-O

Keywords

Searching Problem

Binary Search

Logarithmic Time

Mission

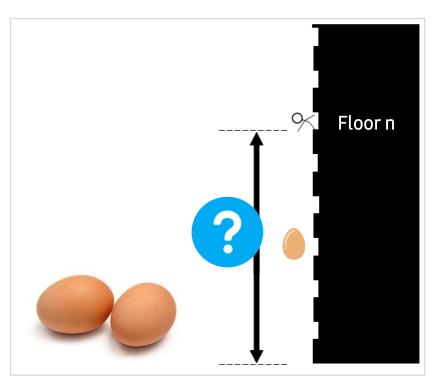
1. Real world problem

1.1. ການທຶດລອງປ່ອຍໄຂ່ຈາກຕຶກ



- ມາເບິ່ງຄືນການປ່ອຍໄຂ່ລົງຈາກອາຄານອີກເທື່ອຫນຶ່ງ.
- ໃນຫົວຂໍ້ທີ່ຜ່ານມາ, ມີ ໄຂ່ພຽງໜ່ວຍດຽວ, ດັ່ງນັ້ນພວກ ເຮົາໄດ້ພະຍາຍາມຄິດ ໄລ່ຊັ້ນສູງທີ່ສຸດທີ່ ໄຂ່ຍັງບໍ່ແຕກ ໃນ ຄັ້ງທຳອິດ.
- ເວລານີ້, ສືມມຸດວ່າມີຈຳນວນໄຂ່ພຽງພໍ, ຊຶ່ງຫມາຍຄວາມ ວ່າທ່ານສາມາດສືບຕໍ່ເຮັດການທຶດລອງໂດຍບໍ່ຄຳນຶ່ງເຖິງ ໄຂ່ທີ່ແຕກ.
- ຖ້າມີໄຂ່ພຽງພໍ, ບັນຫາການຕຶກຂອງໄຂ່ສາມາດແກ້ໄຂໄດ້ ຢ່າງມີປະສິດທິພາບຫຼາຍເມື່ອທຽບໃສ່ກັບການຄົ້ນຫາ ແບບຕາມລຳດັບ.
- ພະຍາຍາມແກ້ໄຂບັນຫາການຕຶກຂອງໄຂ່ດ້ວຍການຄົ້ນ ຫາແບບ binary search.

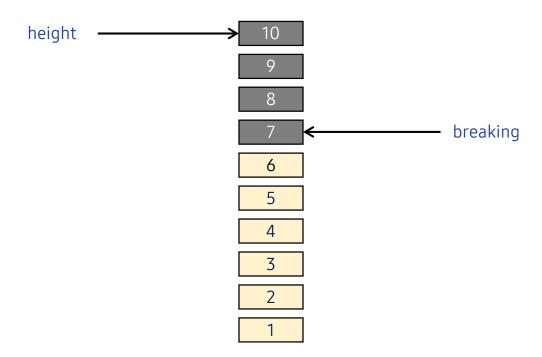
2.1. ບັນຫາການຕຶກຂອງໄຂ່ທີ່ມີໄຂ່ບໍ່ຈຳກັດ



- ຖ້າກຳນິດໃຫ້ຊັ້ນສູງສຸດ ແລະ ຊັ້ນຕຳສຸດຂອງອາຄານທີ່ໄຂ່ແຕກ,
 ຊອກຫາຊັ້ນສູງສຸດທີ່ໄຂ່ບໍ່ແຕກ.
- ເນື່ອງຈາກມີໄຂ່ທີ່ບໍ່ຈຳກັດ, ສາມາດສືບຕໍ່ທົດລອງເຖິງແມ່ນວ່າ ໄຂ່ແຕກ.
- ຖ້າສາມາດສືບຕໍ່ທິດລອງເຖິງແມ່ນວ່າ ໄຂ່ແຕກ, ຖ້າໄຂ່ແຕກຢູ່ ຂັ້ນກາງຂອງອາຄານ, ສະແດງວ່າຊັ້ນທີ່ໄຂ່ບໍ່ແຕກຈະຢູ່ຊັ້ນລຸ່ມ ລົງມາ. ທຳນອງດຽວກັນ, ຖ້າໄຂ່ບໍ່ແຕກຢູ່ຊັ້ນກາງຂອງອາຄານ, ສະແດງວ່າຊັ້ນທີ່ໄຂ່ແຕກຈະຢູ່ຊັ້ນເທິງ.
- ນຳໃຊ້ວິທີການດຽວກັນກັບເຄິ່ງຫນຶ່ງສຳລັບການຄື້ນຫາຊັ້ນທີ່ ຕ້ອງການ.
- ປະເພດຂອງວິທີການນີ້ເອີ້ນວ່າ binary search.

2.1. ບັນຫາການຕຶກຂອງໄຂ່ທີ່ມີໄຂ່ບໍ່ຈຳກັດ

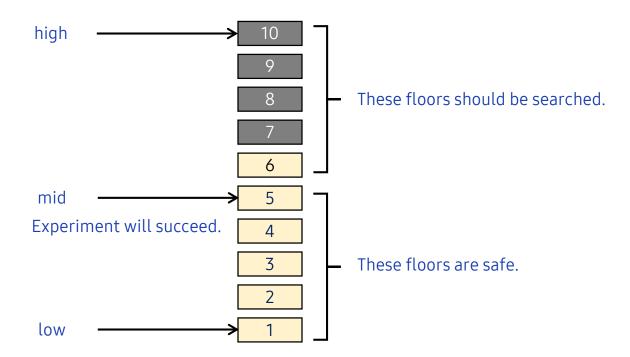
- l ທຶດລອງຢູ່ອາຄານຊັ້ນທີ N=10.
- lacktriangle ສີມມຸດວ່າການປ່ອຍໄຂ່ໃສ່ຊັ້ນຕໍາກວ່າຊັ້ນທີ 6 ໄຂ່ຍັງບໍ່ແຕກ ແລະ ປ່ອຍໄຂ່ຈາກຊັ້ນທີ່ສູງກວ່າຊັ້ນທີ 7 ໄຂ່ແຕກ.



2.1. ບັນຫາການຕຶກຂອງໄຂ່ທີ່ມີໄຂ່ບໍ່ຈຳກັດ

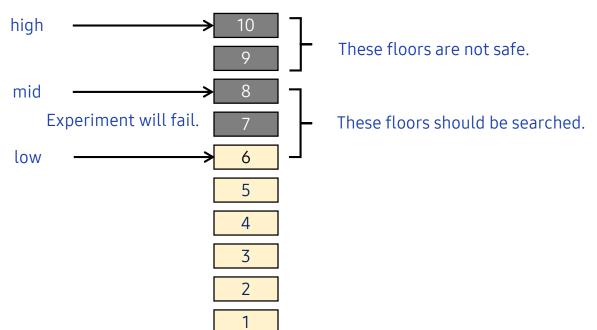
lacktriangle ກ່ອນອື່ນ, ໃຫ້ເຮັດການທຶດລອງຢູ່ຊັ້ນທີ 5 ເຊິ່ງເປັນຈຸດກາງຂອງຊັ້ນທີ 1 ແລະຊັ້ນທີ 10.

l ຖ້າໄຂ່ບໍ່ແຕກ, ຊັ້ນທີ່ໄຂ່ແຕກຈະສູງກວ່າຊັ້ນທີ 5.



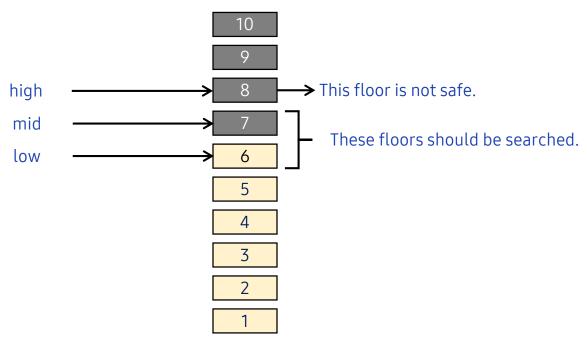
2.1. ບັນຫາການຕຶກຂອງໄຂ່ທີ່ມີໄຂ່ບໍ່ຈຳກັດ

- l ໃນປັດຈຸບັນ, ສ່ວນທີ່ຈະສືບຄົ້ນແມ່ນເລີ່ມຕັ້ງແຕ່ຊັ້ນທີ 6 ຫາຊັ້ນທີ 10.
- l ເຊັ່ນດຽວກັນ, ຖ້າໄຂ່ແຕກຢູ່ຊັ້ນ 8 ເຊິ່ງເປັນຈຸດກາງຂອງຊ່ວງນີ້, ໝາຍຄວາມວ່າຊັ້ນທຳອິດທີ່ໄຂ່ແຕກຈະເປັນຊັ້ນ 8 ຫຼື ຊັ້ນລຸ່ມ.



2.1. ບັນຫາການຕຶກຂອງໄຂ່ທີ່ມີໄຂ່ບໍ່ຈຳກັດ

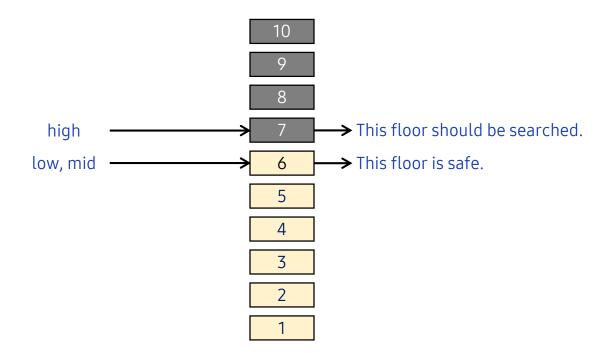
- l ສ່ວນຕໍ່ໄປພວກເຮົາຈະສືບຄົ້ນແມ່ນຕັ້ງແຕ່ຊັ້ນທີ 6 ຫາຊັ້ນ 8.
- l ເຊັ່ນດຽວກັນ, ຖ້າໄຂ່ແຕກຢູ່ຊັ້ນ 7 ເຊິ່ງເປັນຈຸດກາງຂອງຊ່ວງນີ້, ສະແດງວ່າຊັ້ນທຳອິດທີ່ໄຂ່ແຕກຈະເປັນຊັ້ນ 7 ຫຼື ຊັ້ນ ລຸ່ມ.



2.1. ບັນຫາການຕຶກຂອງໄຂ່ທີ່ມີໄຂ່ບໍ່ຈຳກັດ

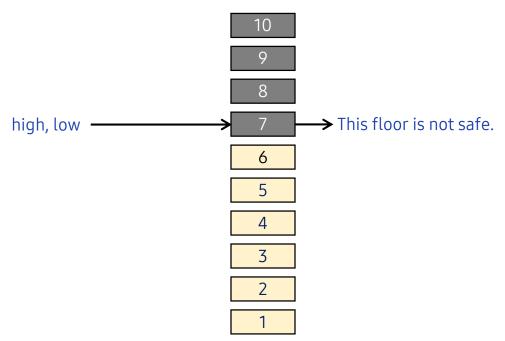
l ຂະນະນີ້ພວກເຮົາຄົ້ນຫາຢູ່ຊັ້ນ 6 ແລະ 7.

l ສີມມຸດວ່າຈຸດກາງແມ່ນຊັ້ນທີ 6 ແລະ ຖ້າໄຂ່ບໍ່ແຕກຈາກຊັ້ນທີ 6, ຊັ້ນທຳອິດທີ່ໄຂ່ແຕກຈະສູງກວ່າຊັ້ນທີ 6.



2.1. ບັນຫາການຕຶກຂອງໄຂ່ທີ່ມີໄຂ່ບໍ່ຈຳກັດ

- l ສ່ວນຕໍ່ໄປທີ່ຕ້ອງຄົ້ນຫາແມ່ນຊັ້ນທີ 7.
- l ເຫຼືອພຽງຊັ້ນດຽວເທົ່ານັ້ນທີ່ຕ້ອງກວດສອບ ແລະ ເນື່ອງຈາກພວກເຮົາໄດ້ຊອກຫາຊັ້ນຕໍ່າສຸດທີ່ໄຂ່ແຕກ, ຊັ້ນທີ 6 ຖືວ່າ ເປັນຊັ້ນສູງສຸດທີ່ໄຂ່ບໍ່ແຕກ.



3. ການແກ້ໄຂບັນຫາ

3.1. ວິທີການແກ້ໄຂບັນຫາເຮັດວຽກ

l ໄດ້ຮັບການປ້ອນຂໍ້ມຸນຂອງຜູ້ໃຊ້ກ່ຽວກັບຄວາມສູງຂອງອາຄານແລະຊັ້ນທີ່ໄຂ່ແຕກເພື່ອຊອກຫາຊັ້ນສູງສຸດ ທີ່ໄຂ່ບໍ່ແຕກ.

```
height = int(input("Input the number of floors: "))
breaking = int(input("Input the first breaking floor: "))
floor = find_highest_safe_floor2(height, breaking)
print(f"Your egg will safe till the {floor}-th floor.")
```

Input the number of floors: 10
Input the first breaking floor: 7
Your egg will safe till the 6-th floor.

3. ການແກ້ໄຂບັນຫາ

3.2. code ສຸດທ້າຍຂອງບັນຫາການປ່ອຍໄຂ່

```
def do_experiment(floor, breaking):
    return floor >= breaking

def find_highest_safe_floor2(height, breaking):
    low, high = 1, height
    while low < high:
        mid = (low + high) // 2
        if do_experiment(mid, breaking):
            high = mid
        else:
        low = mid + 1
    return low - 1</pre>
```

Key concept

1.1. ຂັ້ນຕອນວິທີການຄົ້ນຫາແບບ binary search

l ພິຈາລະນາວິທີການຄົ້ນຫາແບບ binary search ທີ່ຊອກຫາຈຳນວນຖ້ວນທີ່ກຳນຶດຈາກ list ຂອງຈຳ ນວນຖ້ວນທີ່ໄດ້ລຽງລຳດັບແລ້ວ.

🎯 Focus) ຕໍ່ໄປນີ້ແມ່ນບັນຫາ binary search algorithm, ແລະ ຂໍ້ມຸນປ້ອນເຂົ້າ ແລະ ຜົນໄດ້ຮັບຂອງມັນ.

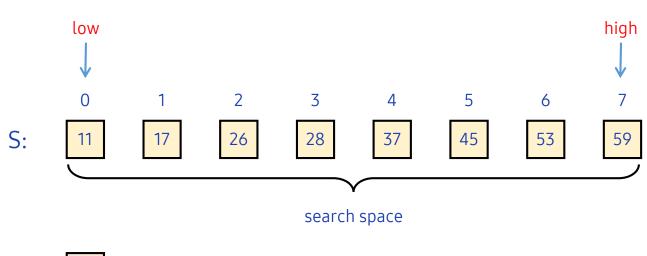
- ▶ ບັນຫາ: ຈຳນວນຖ້ວນ x ໃດໜຶ່ງຢູ່ໃນ S ຊຶ່ງເປັນຈຳນວນຖ້ວນທີ່ໄດ້ລຽງລຳດັບໄວ້ແລ້ວ?
- ຂໍ້ມຸນປ້ອນເຂົ້າ: S ເປັນ list ຂອງຈຳນວນຖ້ວນທີ່ຈັດລຽງຕາມລຳດັບຈາກນ້ອຍຫາໃຫຍ່, x ເປັນ ຈຳນວນຖ້ວນແບບສຸ່ມເພື່ອຄົ້ນຫາ
- lacktriangle ຜົນໄດ້ຮັບ: ຕຳແໜ່ງທີ່ຢູ່ຂອງ \mathbf{x} , ຖ້າ \mathbf{x} ມີຢູ່ໃນ list \mathbf{S} ແລະ -1 ຖ້າບໍ່ມີ.

```
1  S = [11, 17, 26, 28, 37, 45, 53, 59]
2  x = int(input("Input the number to search: "))
3  pos = bin_search(S, x)
4  print(f"In S, {x} is at position {pos}.")
```

Input the number to search: 53 In S, 53 is at position 6.

1.1. ຂັ້ນຕອນວິທີການຄົ້ນຫາແບບ binary search

- l Binary search algorithm ເປັນການຄົ້ນຫາແບບແບ່ງເຄິ່ງຈະຊອກຫາຄ່າ x ໃນ list S.
- l ຊ່ວງທີ່ຄົ້ນຫາເບື້ອງຕົ້ນແມ່ນລະຫວ່າງຄ່າຕ່ຳສຸດແລະສູງສຸດ (ຕ່ຳສຸດແມ່ນດັດຊະນີອົງປະກອບທີ 1 ແລະ ຄ່າສູງສຸດແມ່ນດັດຊະນີອົງປະກອບສຸດທ້າຍ) ໃນ S.

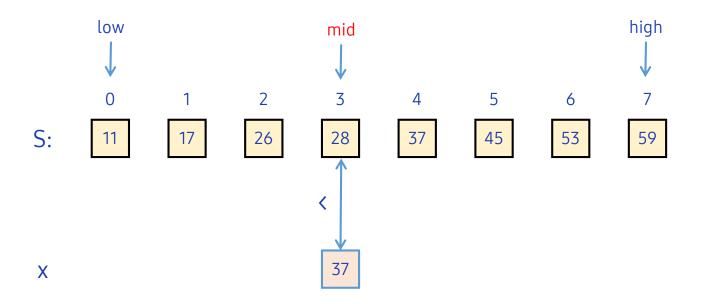


Χ

37

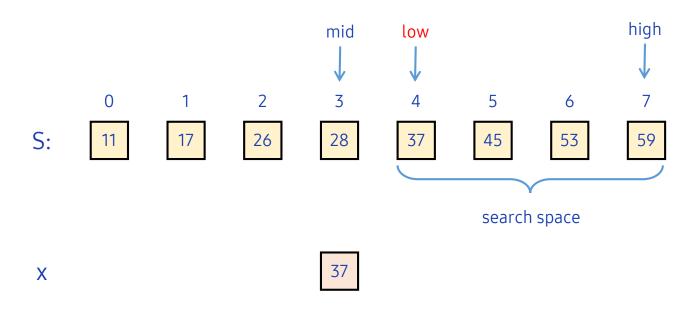
1.1. ຂັ້ນຕອນວິທີການຄົ້ນຫາແບບ binary search

- l ໃນ binary search algorithm, ລາຍການຂໍ້ມຸນປ້ອນເຂົ້າ ຖືກຈັດລຽງຕາມລຳດັບຈາກນ້ອຍຫາໃຫຍ່.
- l ປຽບທຽບຄ່າ x ກັບຄ່າກາງ ທີ່ຢູ່ລະຫວ່າງກາງຂອງຄ່າຕ່ຳສຸດ ແລະ ຄ່າສູງສຸດ.



1.1. ຂັ້ນຕອນວິທີການຄົ້ນຫາແບບ binary search

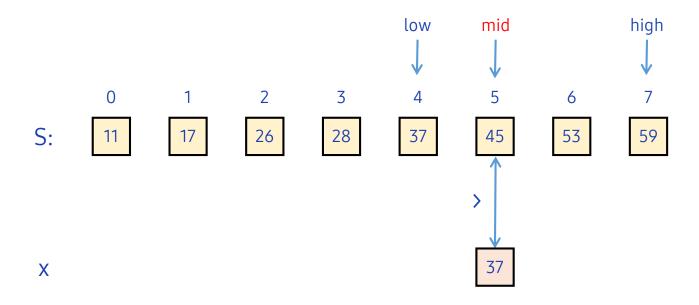
- l ຖ້າ S[mid] ນ້ອຍກວ່າ x, x ທີ່ຕ້ອງການຄົ້ນຫາຈະຢູ່ລະຫວ່າງ mid+1 ແລະ high.
- l ດັ່ງນັ້ນ, ຄ່າຕ່ຳສຸດຈະຖືກປ່ຽນເປັນ mid+1, ເຊິ່ງເປັນເຄິ່ງຫນຶ່ງຂອງຊ່ວງທີ່ຄົ້ນຫາຈາກ [0, 7] ຫຼຸດລົງເປັນ [4, 7].



1.1. ຂັ້ນຕອນວິທີການຄົ້ນຫາແບບ binary search

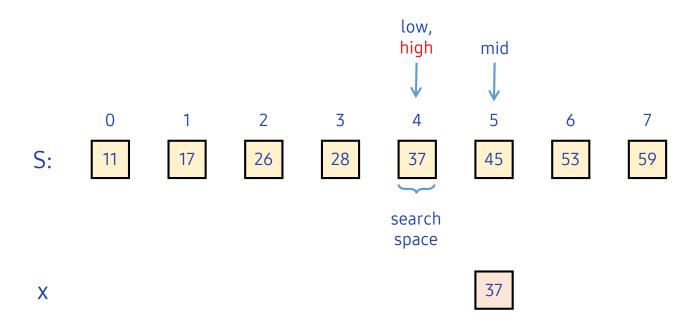
lacksquare ຄິດໄລ່ຄ່າ ' \min ເຊິ່ງຢູ່ ໃນລະຫວ່າງຄ່າຕ່ຳສຸດ ແລະ ຄ່າສູງສຸດ ເພື່ອປຽບທຽບ $\mathrm{S}[\min d]$ ແລະ x .

l ກໍລະນີ S[mid] ໃຫຍ່ກວ່າ x, ດັ່ງນັ້ນ high ຈະຖືກປ່ຽນເປັນ mid-1.



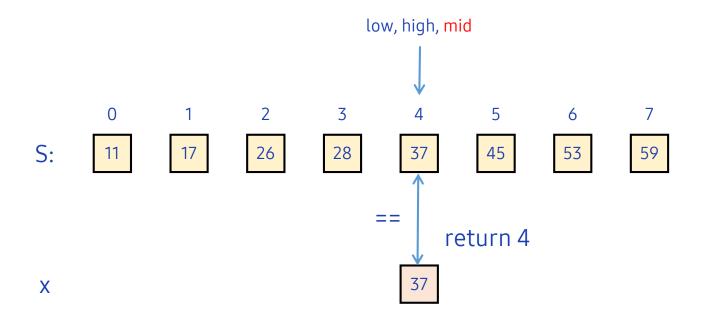
1.1. ຂັ້ນຕອນວິທີການຄົ້ນຫາແບບ binary search

l ຊ່ວງການຄົ້ນຈະຖືກຫຼຸດລົງຈາກ [4, 7] ເປັນ [4, 4].



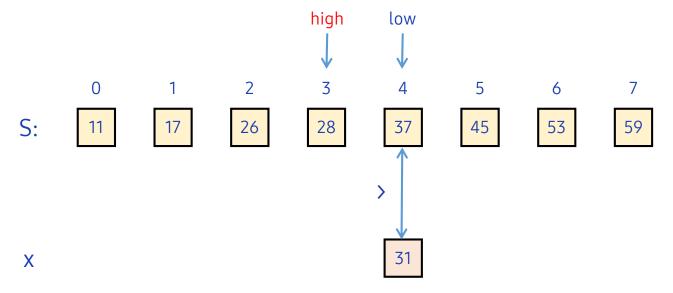
1.1. ຂັ້ນຕອນວິທີການຄົ້ນຫາແບບ binary search

- lacksquare ຄິດໄລ່ຄ່າ ' \min ' ທີ່ຢູ່ລະຫວ່າງຄ່າຕໍ່າສຸດ ແລະ ຄ່າສູງສຸດ ເພື່ອປຽບທຽບ $\mathrm{S}[\min]$ ແລະ x .
- lacktriangle ເນື່ອງຈາກຄ່າ S[mid] ແລະ x ແມ່ນຄືກັນ, ໃຫ້ສິ່ງຄືນຄ່າກາງຢູ່ທີ່ຕຳແໜ່ງປັດຈຸບັນ.



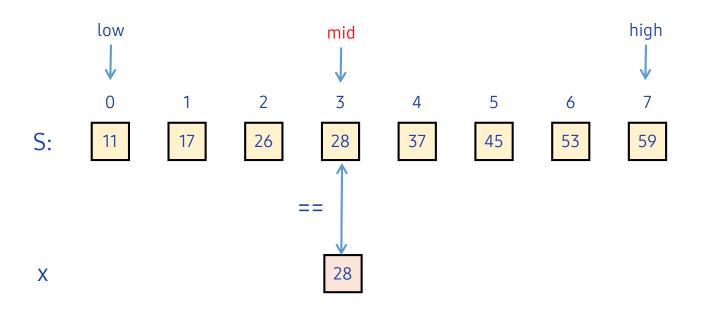
1.1. ຂັ້ນຕອນວິທີການຄົ້ນຫາແບບ binary search

- l ຖ້າຄ່າທີ່ຊອກຫາບໍ່ມີຢູ່ໃນລາຍການ, ຕົວຢ່າງ ຄ່າ 31, ເນື່ອງຈາກວ່າ x ນ້ອຍກວ່າ S[mid], high ຈະ ປ່ຽນເປັນ mid-1.
- l ຕາມເງື່ອນໄຂ low < high ຊຶ່ງເຫັນວ່າບໍ່ຊອດຄ່ອງແລ້ວ, ສະນັ້ນໃຫ້ອອກຈາກການຄົ້ນຫາ ແລະ ສິ່ງຄືນ -1.



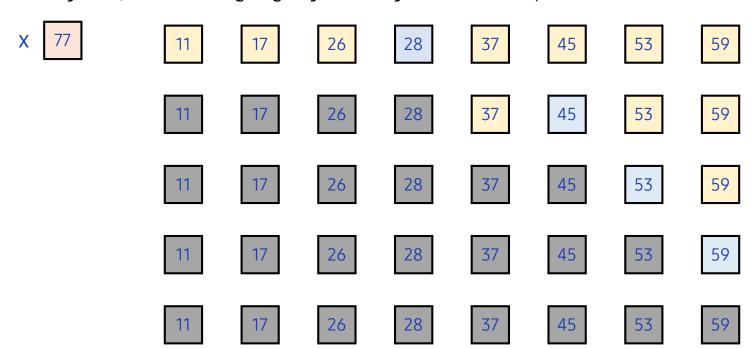
1.1. ຂັ້ນຕອນວິທີການຄົ້ນຫາແບບ binary search

l ກໍລະນີທີ່ດີທີ່ສຸດໃນການຄົ້ນແບບ binary search ແມ່ນຫຍັງ? ໃນກໍລະນີໂຊກດີທີ່ຄົ້ນຫາຄ່າກາງໃນ S, ພຽງແຕ່ການປຽບທຽບຄັ້ງດຽວກໍ່ພົບຄ່າທີ່ຕ້ອງການແລ້ວ.



1.1. ຂັ້ນຕອນວິທີການຄົ້ນຫາແບບ binary search

- l ກໍລະນີທີ່ບໍ່ດີທີ່ສຸດໃນການຄົ້ນແບບ binary search ແມ່ນຫຍັງ? ຄ້າຍຄືກັນກັບການຄົ້ນຫາແບບຕາມລຳດັບ, ຈຳນວນການ ປຽບທຽບສູງສຸດແມ່ນການຄົ້ນຫາທັງໝົດແລ້ວບໍ່ພົບອົງປະກອບທີ່ຕ້ອງການໃນ S.
- l ໃນຕົວຢ່າງຕໍ່ໄປນີ້, ຈຳນວນການປຽບທຽບທັງຫມົດ 4 ຄັ້ງຄວນຈະເຮັດເພື່ອຊອກຫາຄ່າ 77.



1.3. ສ້າງ ແລະ ຂຽນໂປຣແກຣມ

l Binary search algorithm ຈະຖືກສ້າງດັ່ງຕໍ່ໄປນີ້. ໄດ້ຮັບ ' nums' ແລະ x ເປັນຂໍ້ມຸນປ້ອນເຂົ້າເພື່ອກຳນິດ nums ທັງຫມົດເປັນ ເນື້ອທີ່ຄົ້ນຫາ.

```
def bin_search(nums, x):
    low, high = 0, len(nums) - 1
    while low <= high:
        mid = (low + high) // 2
        if nums[mid] == x:
            return mid
        elif nums[mid] > x:
            high = mid - 1
        else:
        low = mid + 1
    return -1
```

Line 2

- 'low' ແລະ 'high' ແມ່ນເລີ່ມຕົ້ນເປັນອົງປະກອບທຳອິດແລະສຸດທ້າຍຂອງ nums, ຕາມລຳດັບ.
- ໃນສ່ວນເລີ່ມຕົ້ນຂອງ binary search, numbs ທັງຫມົດແມ່ນເນື້ອທີ່ຄົ້ນຫາ. ດັ່ງນັ້ນ, ເນື້ອທີ່ຄົ້ນຫາແມ່ນ [0, len(num)-1].

1.3. ສ້າງ ແລະ ຂຽນໂປຣແກຣມ

l Binary search ປຽບທຽບຄ່າກາງທີ່ຢູ່ ໃນລະຫວ່າງ ' low' ແລະ ' high'. ເນື່ອງຈາກຂໍ້ມຸນຖືກຈັດລຳດັບແລ້ວ, ການປຽບທຽບພຽງ ຄັ້ງດຽວສາມາດຫຼຸດລົງເນືອທີ່ການຄົ້ນຫາລົງເຄິ່ງຫນຶ່ງ.

```
def bin_search(nums, x):
    low, high = 0, len(nums) - 1
    while low <= high:
        mid = (low + high) // 2
        if nums[mid] == x:
            return mid
        elif nums[mid] > x:
            high = mid - 1
        else:
        low = mid + 1
    return -1
```


- ຄ່າກາງແມ່ນຄິດໄລ່ເປັນ (low + high) // 2. ໃນທີ່ນີ້, ຜູ້ຕົວດຳເນີນການ // ຈະສິ່ງຄືນຄ່າ ຄ່າຖ້ວນຂອງຜືນຫານ.
- ຖ້າຄ່າ nums[mid] ເທົ່າກັບ x, ການຄົ້ນຫາແມ່ນສຳເລັດແລ້ວ ດັ່ງນັ້ນໃຫ້ສິ່ງຄືນຄ່າກາງດັ່ງກ່າວ.
- ຖ້າຄ່າ nums[mid] ໃຫຍ່ກວ່າ x, ປ່ຽນ 'high' ເປັນ mid-1 ແລະ ຖ້າມັນນ້ອຍກວ່າ x, ປ່ຽນ 'low' ເປັນ mid + 1.
- ຖ້າຄ່າ low ຫຼື high ປ່ຽນເປັນ mid + 1 ຫຼື mid-1 ແລ້ວ ເນື້ອທີ່ຄົ້ນຫາຈະຫຼຸດລົງເຄິ່ງໜຶ່ງ.

1.3. ສ້າງ ແລະ ຂຽນໂປຣແກຣມ

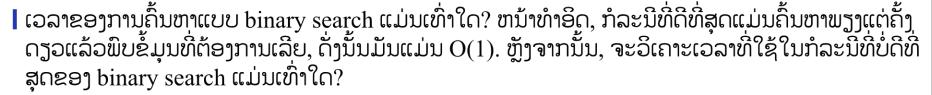
l ສິ່ງຄືນຄ່າ -1 ຖ້າ x ບໍ່ພົບໃນຂະບວນການຄົ້ນຫາແບບ binary search.

```
def bin_search(nums, x):
    low, high = 0, len(nums) - 1
    while low <= high:
        mid = (low + high) // 2
        if nums[mid] == x:
            return mid
        elif nums[mid] > x:
            high = mid - 1
        else:
            low = mid + 1
        return -1
```

Line 11

- ຖ້າຄ່າ low ໃຫຍ່ກວ່າຄ່າ high, ໃຫ້ຢຸດການຄົ້ນຫາ ສະແດງວ່າ ຂໍ້ມຸນທີ່ຕ້ອງການບໍ່ມີຢູ່ ໃນໂຄງ ສ້າງຂໍ້ມຸນນີ້.
- ຖ້າເປັນດັ່ງນັ້ນ, ໃຫ້ສິ່ງຄືນຄ່າ -1 ເພາະວ່າຄ່າ $\mathbf x$ ບໍ່ມີຢູ່ໃນ $\mathbf S$.

One More Step



l ສິມມຸດວ່າ S ມີອົງປະກອບ N ອັນ. ຂະໜາດຂອງເນື້ອທີ່ຄົ້ນຫາທຳອິດແມ່ນ N. ເນື້ອທີ່ການຄົ້ນຫາຮອບທີສອງ ໃນ ການຄົ້ນຫາແມ່ນຫຼຸດລົງເຄິ່ງໜຶ່ງຂອງເນື້ອທີ່ທຳອິດ, ສະນັ້ນມັນແມ່ນ N/2. ເນື້ອທີ່ຄົ້ນຫາຕໍ່ໄປແມ່ນຫຼຸດລົງເຄິ່ງຫນຶ່ງ ອີກເທື່ອຫນຶ່ງ, ເຊິ່ງແມ່ນ N/4. ຄຳອະທິບາຍນີ້ສາມາດຂຽນໂດຍທີ່ວໄປໄດ້ດັ່ງຕໍ່ໄປນີ້.

$$N, \frac{N}{2}, \frac{N}{2^2}, \cdots, \frac{N}{2^k}$$

lacktriangleການຄົ້ນຫາແບບ lacktriangleBinary search ຈະສຳເລັດຖ້າມີບ່ອນຊອກຫາພຽງອັນດຽວ, ເຊິ່ງແມ່ນ $N/2^k=1$.

$$N = 2^k$$
$$\log_2 N = k$$

ໄ ຄ່າສູງສຸດຂອງຈຳນວນການຄົ້ນຫາແບບ binary search ແມ່ນ $\log_2 N$, ດັ່ງນັ້ນ ກໍລະນີທີ່ບໍ່ດີທີ່ສຸດຂອງການຄົ້ນ ຫາແບບ binary search ແມ່ນ $O(\log_2 N)$.

1.4. ປະສິດທິພາບການປະເມີນຜົນ

l ເພີ່ມຟັງຊັນ print() ໃສ່ bin_search() ເພື່ອກວດສອບເວລາຂອງການຄົ້ນແບບ binary search.

```
def bin_search(nums, x):
    low, high = 0, len(nums) - 1
    while low <= high:
        mid = (low + high) // 2
        print(low, high, mid)
        if nums[mid] == x:
            return mid
        elif nums[mid] > x:
            high = mid - 1
        else:
            low = mid + 1
        return -1
```

Line 5

• ພິມຄ່າ low, high ແລະ mid ໃນ loop ເພື່ອນັບຈຳນວນການເຮັດວຽກຊ້ຳຂອງ binary search.

1.4. ປະສິດທິພາບການປະເມີນຝົນ

l ໃນ list ທີ່ມີ 8 ອົງປະກອບ, ການຄົ້ນຫາແມ່ນສຳເລັດຫຼັງຈາກການດຳເນີນງານຫນຶ່ງຄັ້ງໃນກໍລະນີທີ່ດີທີ່ສຸດ, ໃນຂະນະທີ່ການ ປະຕິບັດໃນກໍລະນີທີ່ບໍ່ດີທີ່ສຸດແມ່ນສີ່ຄັ້ງ.

```
1 \mid S = [11, 17, 26, 28, 37, 45, 53, 59]
 2 x = int(input("Input the number to search: "))
 3 pos = bin_search(S, x)
   print(f"In S, {x} is at position {pos}.")
Input the number to search: 28
0 7 3
In S, 28 is at position 3.
  1 S = [11, 17, 26, 28, 37, 45, 53, 59]
  2 x = int(input("Input the number to search: "))
  3 pos = bin_search(S, x)
    print(f"In S, {x} is at position {pos}.")
Input the number to search: 77
073
4 7 5
6 7 6
7 7 7
In S, 77 is at position -1.
```

Let's code

1. ບັນຫາການຕຶກຂອງໄຂ່

1.1. ນິຍາມບັນຫາ

- l ຂຽນ algorithm ເພື່ອຊອກຫາຊັ້ນສູງທີ່ສຸດທີ່ໄຂ່ບໍ່ແຕກໄຂ່ເມື່ອມັນຕຶກລົງມາ ໃນຄວາມສູງຂອງອາຄານ ທີ່ໃຫ້.
- l ເງື່ອນໄຂການສ້າງ algorithm ມີດັ່ງນີ້.
 - 1. ' breaking,' ເຊິ່ງເປັນຊັ້ນຕໍາສຸດທີ່ໄຂ່ແຕກ, ຖືກເລືອກແບບສຸ່ມລະຫວ່າງ 1 ແລະຄວາມສູງ.
 - 2. ການທົດລອງປ່ອຍໄຂ່ແມ່ນສະແດງດ້ວຍຟັງຊັນ do_experiment(floor).
 - ສິ່ງຄືນຄ່າ True ຖ້າໄຂ່ແຕກເມື່ອປ່ອຍລົງຈາກພື້ນ.
 - ຖ້າບໍ່ແມ່ນ, ສິ່ງຄືນຄ່າ False.
 - 3. ຟັງຊັນ do_experiment() ສາມາດເອີ້ນໃຊ້ໂດຍບໍ່ຈຳກັດ ເພາະມີໄຂ່ບໍ່ຈຳກັດ.

1. ບັນຫາການຕຶກຂອງໄຂ່

1.2. ສ້າງ ແລະ ຂຽນໂປຣແກຣມ

l ໄດ້ຮັບຂໍ້ມຸນປ້ອນເຂົ້າຈາກຜູ້ໃຊ້ກ່ຽວກັບຄວາມສຸງຂອງອາຄານ ' height' ແລະ ' 'breaking' ຊຶ່ງເປັນ ຊັ້ນຕ່ຳສຸດທີ່ເຮັດໃຫ້ໄຂ່ແຕກ.

```
height = int(input("Input the number of floors: "))
breaking = int(input("Input the first breaking floor: "))
floor = find_highest_safe_floor2(height, breaking)
print(f"Your egg will safe till the {floor}-th floor.")
```

Input the number of floors: 100
Input the first breaking floor: 93
Your egg will safe till the 92-th floor.

Line 1-2

• ປ່ຽນຄ່າຄວາມສູງ ແລະ ຄ່າ breaking ທີ່ຜູ້ໃຊ້ເປົ້າເຂົ້າໂດຍຟັງຊັນ input() ເຂົ້າໄປໃນຟັງຊັນ int() ແລະ ເກັບໄວ້.

1. ບັນຫາການຕຶກຂອງໄຂ່

1.2. ສ້າງ ແລະ ຂຽນໂປຣແກຣມ

l ເອີ້ນໃຊ້ຟັງຊັນທີ່ສິ່ງຄືນຄ່ຂອງຊັ້ນສູງສຸດທີ່ໄຂຍັງບໍ່ແຕກ.

```
height = int(input("Input the number of floors: "))
breaking = int(input("Input the first breaking floor: "))
floor = find_highest_safe_floor2(height, breaking)
print(f"Your egg will safe till the {floor}-th floor.")
```

Input the number of floors: 100
Input the first breaking floor: 93
Your egg will safe till the 92-th floor.

Line 3-4

- ຟັງຊັນ find_highest_safe_floor2() ຊອກຫາຊັ້ນທີ່ສູງທີ່ສຸດທີ່ໄຂ່ບໍ່ແຕກໂດຍຜ່ານ binary search.
- ໃຊ້ f-string ເພື່ອພິມຕົວປ່ຽນ floor, ເຊິ່ງຄວນຈະແມ່ນ -1 ຫຼາຍກ່ວາຄ່າ breaking.

1.2. ສ້າງ ແລະ ຂຽນໂປຣແກຣມ

l ຟັງຊັນ do experiment() ແມ່ນໃຊ້ສໍາລັບການທຶດລອງປ່ອຍໄຂ່.

```
def do_experiment(floor, breaking):
    return floor >= breaking

def find_highest_safe_floor2(height, breaking):
    low, high = 1, height
    while low < high:
        mid = (low + high) // 2
        if do_experiment(mid, breaking):
            high = mid
        else:
            low = mid + 1
        return low - 1</pre>
```

in BYTE 10 Line 1-2

- ' breaking' ແມ່ນຊັ້ນຕຳສຸດທີ່ໄຂ່ແຕກ.
- ຖ້າຄ່າ floor ເທົ່າກັບ ຫຼື ໃຫຍ່ກວ່າ breaking, ໃຫ້ສິ່ງຄືນຄ່າ True ແລະ ຖ້າບໍ່ແມ່ນ, ໃຫ້ສິ່ງຄືນຄ່າ False.

1.2. ສ້າງ ແລະ ຂຽນໂປຣແກຣມ

l ຟັງຊັນ find_highest_safe_floor2() ຊອກຫາຊັ້ນທີ່ສູງທີ່ສຸດທີ່ໄຂ່ບໍ່ແຕກໂດຍຜ່ານbinary search.

```
def do_experiment(floor, breaking):
    return floor >= breaking

def find_highest_safe_floor2(height, breaking):
    low, high = 1, height
    while low < high:
        mid = (low + high) // 2
        if do_experiment(mid, breaking):
            high = mid
        else:
            low = mid + 1
        return low - 1</pre>
```

Line 4-5

- ເລີ່ມຕື້ນເນື້ອທີ່ຄົ້ນຫາເບື້ອງຕື້ນສໍາລັບ binary search ໃຫ້ແກ່ຄ່າ low ແລະ high.
- ເລີ່ມຕຶ້ນ ' low ' ກຳນຶດເປັນຊັ້ນທີ 1 ແລະ ' high ' ກຳນຶດເປັນຊັ້ນສຸງສຸດ ' height ' ຂອງອາຄານ.

1.2. ສ້າງ ແລະ ຂຽນໂປຣແກຣມ

l ຊອກຫາຊັ້ນທີ 1 ບ່ອນທີ່ໄຂ່ແຕກໂດຍການຫຼຸດເນື້ອທີ່ຄົ້ນຫາເປັນເຄິ່ງຫນຶ່ງໂດຍຜ່ານ binary search.

```
def do_experiment(floor, breaking):
    return floor >= breaking

def find_highest_safe_floor2(height, breaking):
    low, high = 1, height
    while low < high:
        mid = (low + high) // 2
        if do_experiment(mid, breaking):
            high = mid
        else:
        low = mid + 1
    return low - 1</pre>
```

Line 6-11

- ກຳນຶດ mid ເປັນຊັ້ນຢູ່ລະຫວ່າງຊັ້ນຕ່ຳສຸດ ແລະສູງສຸດ ແລະ ຫຼັງຈາກນັ້ນດຳເນີນການທຶດລອງ.
- ຖ້າໄຂ່ບໍ່ແຕກ, ໃຫ້ປ່ຽນ low ເປັນ mid+1 ເພື່ອຫຼຸດເນື້ອທີ່ຄົ້ນຫາເຂົ້າໄປໃນຊັ້ນສູງກວ່າ.
- ຖ້າໄຂ່ແຕກ, ໃຫ້ປ່ຽນ high ເປັນ mid -1 ເພື່ອຫຼຸດເນື້ອທີ່ຄົ້ນຫາເຂົ້າໄປໃນຊັ້ນຕໍ່າ.
- ອອກຈາກການຄົ້ນຫາ ຖ້າຄ່າ low ມີຄ່າຫຼາຍກວ່າຫຼືເທົ່າກັບຄ່າ high.

1.2. ສ້າງ ແລະ ຂຽນໂປຣແກຣມ

l ຫຼັງຈາກການຄົ້ນຫາສຳເລັດແລ້ວ, ໃຫ້ສິ່ງຄືນຄ່າຊັ້ນສູງສຸດທີ່ໄຂ່ບໍ່ແຕກ.

```
def do_experiment(floor, breaking):
        return floor >= breaking
   def find_highest_safe_floor2(height, breaking):
        low, high = 1, height
       while low < high:
           mid = (low + high) // 2
           if do_experiment(mid, breaking):
               high = mid
10
           else:
               low = mid + 1
11
        return low - 1
12
```

Line 12

- ຈາກການຄົ້ນຫາແບບ binary search, ຜົນໄດ້ຮັບແມ່ນຊັ້ນຕຳສຸດທີ່ໄຂ່ແຕກ.
- ດັ່ງນັ້ນ, ຊັ້ນທີ່ສູງທີ່ສຸດທີ່ໄຂ່ບໍ່ແຕກຈະສິ່ງຄືນຄ່າ low-1 ຫຼັງຈາກການຄົ້ນຫາສຳເລັດ.

1.3. ປະສິດທິພາບການປະເມີນ

l ເພີ່ມຟັງຊັນ print() ເພື່ອກວດເບິ່ງວ່າ ການຄົ້ນຫາແບບ binary search ປະຕິບັດຈັກຄັ້ງໃຫ້ສຳເລັດ.

```
def do_experiment(floor, breaking):
        return floor >= breaking
    def find_highest_safe_floor2(height, breaking):
        low, high = 1, height
        while low < high:
            mid = (low + high) // 2
            print(low, high, mid)
            if do_experiment(mid, breaking):
10
                high = mid
11
            else:
                low = mid + 1
12
13
        return low - 1
```

Line 8

• ພິມຄ່າ low, high ແລະ mid ໃນ loop ເພື່ອນັບຈຳນວນການເຮັດວຽກຊ້ຳຂອງຂອງ binary search.

1.3. ປະສິດທິພາບການປະເມີນ

l ຖ້າຊັ້ນທີ 50 ແມ່ນຊັ້ນທຳອິດທີ່ໄຂ່ແຕກ, ການຄົ້ນຫາແບບ binary search ຈະດຳເນີນການ 6 ຄັ້ງ.

```
height = int(input("Input the number of floors: "))
breaking = int(input("Input the first breaking floor: "))
floor = find_highest_safe_floor2(height, breaking)
print(f"Your egg will safe till the {floor}-th floor.")

Input the number of floors: 100
Input the first breaking floor: 50
1 100 50
1 50 25
26 50 38
39 50 44
45 50 47
48 50 49
Your egg will safe till the 49-th floor.
```

1.3. ປະສິດທິພາບການປະເມີນ

l ຖ້າຊັ້ນທີ 51 ແມ່ນຊັ້ນທຳອິດທີ່ໄຂ່ແຕກ, ການຄົ້ນຫາແບບ binary search ຈະດຳເນີນການ 7 ຄັ້ງ.

```
height = int(input("Input the number of floors: "))
breaking = int(input("Input the first breaking floor: "))
floor = find_highest_safe_floor2(height, breaking)
print(f"Your egg will safe till the {floor}-th floor.")

Input the number of floors: 100
Input the first breaking floor: 51
1 100 50
51 100 75
51 75 63
51 63 57
51 57 54
51 54 52
51 52 51
Your egg will safe till the 50-th floor.
```

Pop quiz

Quiz. #1

l ຕໍ່ໄປນີ້ແມ່ນ code ສຳລັບ ສຳຫຼັບເກມ 'ຕົວເລກຄາດການ'. ຖ້າຄ່າສູງສຸດ = 100 ແລະ ຕົວເລກຄາດ ການ = 51, ຈະພິມຈຳນວນເທົ່າໃດ?

```
from random import randint
   maximum = int(input("Enter the number of maximum: "))
   number = int(input("Enter your guessing number: "))
   count = 0
   low, high = 1, maximum
   while low < high:</pre>
       mid = (low + high) // 2
       count += 1
       if mid == number:
11
            print(f"Your number is {number}.")
            break
12
       elif mid > number:
13
            high = mid - 1
14
       else:
15
            low = mid + 1
16
   print(f"Total {count} times are searched.")
```

Quiz. #2

ullet ຖ້າຄ່າສູງສຸດ = 100 ແລະ ຕົວເລກຄາດການ = 25 ໃນເກມ 'ຕົວເລກຄາການ', ແລ້ວຈຳນວນຕົວເລກ ຈະຖືກພິມອອກເທົ່າໃດ?

Pair programming



Pair Programming Practice



- ແນວທາງ, ກິນໄກ ແລະ ແຜນສຸກເສີນ
 - ການກະກົງມການສ້າງໂປຣແກ້ຣມຮ່ວມກັນເປັນຄູ່ກ່ຽວຂ້ອງກັບການໃຫ້ຄຳແນະນຳແລະກິນໄກເພື່ອຊ່ວຍໃຫ້ນັກຮຽນຈັບຄູ່ ຢ່າງຖືກຕ້ອງແລະ ໃຫ້ເຂົາເຈົ້າເຮັດວຽກເປັນຄູ່. ຕົວຢ່າງ, ນັກຮຽນຄວນປ່ຽນ "ເຮັດ." ການກະກຽມທີ່ມີປະສິດຕິຜິນຕ້ອງໃຫ້ມີ ແຜນການສຸກເສີນໃນກໍລະນີທີ່ຄູ່ຮ່ວມງານຫນຶ່ງບໍ່ຢູ່ຫຼືຕັດສິນໃຈທີ່ຈະບໍ່ເຂົ້າຮ່ວມດ້ວຍເຫດຜົນໃດຫນຶ່ງ ຫຼືດ້ວຍເຫດຜົນອື່ນ. ໃນກໍລະນີເຫຼົ່ງນີ້, ມຸ້ນເປັນສິ່ງສຳຄັນທີ່ຈະເຮັດໃຫ້ມັນຊັດເຈນວ່ານັກຮຽນທີ່ມີປະຕິບັດໜ້າທີ່ຢ່າງຫ້າວຫັນຈະບໍ່ຖືກລົງໂທດ ຍ້ອນວ່າການື້ຈັບຄູ່ບໍ່ໄດ້ຜືນດີ້.
- ການຈັບຄູ່ທີ່ຄ້າຍຄືກັນ, ບໍ່ຈຳເປັນຕ້ອງເທົ່າທຽມກັນ, ຄວາມສາມາດເປັນຄູ່ຮ່ວມງານ ການຂຽນ ໂປຣແກຣມຄູ່ຈະມີປະສິດທິພາບເມື່ອນັກຮຽນຕັ້ງ ໃຈຮ່ວມກັນເຮັດວຽກ, ຊຶ່ງວ່າບໍ່ຈຳເປັນຕ້ອງມີຄວາມຮູ້ເທົ່າທຽມ ກັນ, ແຕ່ຕ້ອງມີຄວາມສາມາດເຮັດວຽກເປັນຄູ່ຮ່ວມງານ. ການຈັບຄູ່ນັກຮຽນທີ່ບໍ່ສາມາດເຂົ້າກັນໄດ້ມັກຈະເຮັດໃຫ້ການມີສ່ວນ ຮ່ວມທີ່ບໍ່ສືມດຸນກັນ. ຄຸສອນຕ້ອງເນັ້ນຫນັກວ່າການຂຽນໂປຣແກຣມຄູ່ບໍ່ແມ່ນຍຸດທະສາດ "divide-and-conque", ແຕ່ຈະ ເປັນຄວາມພະຍາຍາມຮ່ວມມືເຮັດວຽກທີ່ແທ້ຈິງໃນທຸກໆດ້ານສຳລັບໂຄງການທັງຫມືດ. ຄຸຄວນຫຼີກເວັ້ນການຈັບຄູ່ນັກຮຽນທີ່ ອ່ອນຫຼາຍກັບນັກຮຽນທີ່ເກັ່ງຫຼາຍ.
- ກະຕຸ້ນນັກຮຽນໂດຍການໃຫ້ສິ່ງຈູງໃຈພິເສດ ການສະເໜີແຮງຈູງໃຈພິເສດສາມາດຊ່ວຍກະຕຸ້ນນັກຮຽນໃຫ້ຈັບຄູ່, ໂດຍສະເພາະກັບນັກຮຽນທີ່ມີຄວາມສາມາດຫຼາຍ. ຈະ ເຫັນວ່າມັນເປັນປະໂຫຍດທີ່ຈະໃຫ້ນັກຮຽນຈັບຄູ່ເຮັດວຽກຮ່ວມກັນພຽງແຕ່ຫນຶ່ງຫຼືສອງວຽກເທົ່ານັ້ນ.



Pair Programming Practice



- ປຸ້ອງກັນການໂກງໃນການເຮັດວຽກຮ່ວມກັນ ສິ່ງທ້ຳທາຍສຳລັບຄຸແມ່ນເພື່ອຊອກຫາວິທີທີ່ຈະປະເມີນຜິນໄດ້ຮັບຂອງບຸກຄົນ, ໃນຂະນະທີ່ນຳໃຊ້ຜິນປະໂຫຍດຂອງການ ຮ່ວມມື. ຈະຮູ້ໄດ້ແນວໃດວ່ານັກຮຽນຕັ້ງໃຈເຮັດວຽກ ຫຼື ກົງແຮງງານຜູ້ຮ່ວມງານ? ຜູ້ຊ່ຽວຊານແນະນຳໃຫ້ທົບທວນຄືນການ ອອກແບບຫຼັກສຸດ ແລະ ການປະເມີນ ພ້ອມທັງປຶກສາຫາລືຢ່າງຈະແຈ້ງ ແລະ ຊັດເຈນກ່ຽວກັບພືດຕິກຳຂອງນັກຮຽນທີ່ຈະ ຖືກຕີຄວາມວ່າຂີ້ຕີວະ. ຜູ້ຊ່ຽວຊານເນັ້ນໜັກໃຫ້ຄູເຮັດການມອບໝາຍໃຫ້ມີຄວາມໝາຍຕໍ່ນັກຮຽນ ແລະ ອະທິບາຍຄຸນຄ່າ ຂອງສິ່ງທີ່ນັກຮຽນຈະຮຽນຮູ້ໂດຍການເຮັດສຳເລັດ.
- ສະພາບແວດລ້ອມການຮຽນຮູ້ໃນການຮ່ວມມື ສະພາບແວດລ້ອມການຮຽນຮູ້ໃນຮ່ວມກັນເກີດຂຶ້ນໄດ້ທຸກເວລາທີ່ຜູ້ສອນຮຽກຮ້ອງໃຫ້ນັກຮຽນເຮັດວຽກຮ່ວມກັນໃນກິດຈະ ກຳການຮຽນຮູ້. ສະພາບແວດລ້ອມການຮຽນຮູ້ຮ່ວມກັນສາມາດມີສ່ວນຮ່ວມທັງກິດຈະກຳທີ່ເປັນທາງການ ແລະ ບໍ່ເປັນທາງການ ແລະ ບໍ່ເປັນທາງການ ແລະ ບໍ່ເປັນທາງການ ແລະ ບໍ່ເປັນທາງການ ແລະ ບໍ່ເປັນທາງການ ແລະ ບໍ່ເປັນທາງການ ແລະ ອາດຈະບໍ່ລວມເຖິງການປະເມີນໂດຍກິ່ງ. ຕົວຢ່າງ, ນັກສຶກສາຄູ່ເຮັດວຽກມອບຫມາຍຮ່ວມກັນໃນການຂຽນໂປຣ ແກຣມ; ນັກສຶກສາກຸ່ມນ້ອຍໆສິນທະນາຄຳຕອບທີ່ເປັນໄປໄດ້ຕໍ່ກັບຄຳຖາມຂອງອາຈານ ໃນລະຫວ່າງການບັນຍາຍ; ແລະ ນັກຮຽນເຮັດວຽກຮ່ວມກັນນອກຫ້ອງຮຽນເພື່ອຮຽນຮູ້ແນວຄວາມຄິດໃໝ່. ການຮຽນຮູ້ການຮ່ວມມືແມ່ນແຕກຕ່າງຈາກ ໂຄງການທີ່ນັກຮຽນ "divide and conquer." ເມື່ອນັກຮຽນແບ່ງວຽກກັນ, ແຕ່ລະຄົນຮັບຜິດຊອບພຽງແຕ່ສ່ວນຫນຶ່ງຂອງ ການແກ້ໄຂບັນຫາ ແລະ ຈະບໍ່ຄ່ອຍມີບັນຫາຫຍັງໃນການເຮັດວຽກຮ່ວມກັບຄົນອື່ນໃນທີມ. ໃນສະພາບແວດລ້ອມການເຮັດວຽກຮ່ວມກັຍ, ນັກຮຽນມີສ່ວນຮ່ວມໃນການສິນທະນາປຶກສາຫາລືເຊິ່ງກັນແລະກັນ.

Q1. ຖ້າກຳນົດໃຫ້ list ' nums' ທີ່ລຽງລຳດັບແລ້ວ ແລະ ຈຳນວນຖ້ວນ x ໃດໜຶ່ງ, ສ້າງຟັງຊັນສິ່ງຄືນທີ່ຢູ່ຂອງດັດຊະນີທີ່ x ຈະຖືກເອົາລົງໄປເກັບ. ຢ່າງໃດກໍຕາມ, S ຄວນເປັນ list ທີ່ລຽງບຳດັບເຖິງແມ່ນວ່າຫຼັງຈາກເອົາ x ລິງໄປເກັບ.

```
1 | \text{nums} = [10, 20, 40, 50, 60, 80] |
  2 x = int(input("Input a number to insert: "))
 3 pos = search_insert_position(nums, x)
 4 print(f"{x} should be inserted at position {pos}.")
  5 nums.insert(pos, x)
    print(nums)
Input a number to insert: 30
30 should be inserted at position 2.
[10, 20, 30, 40, 50, 60, 80]
```