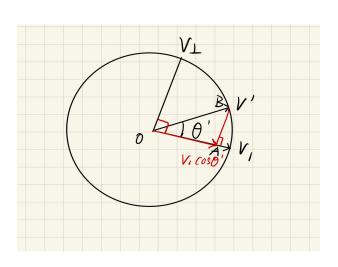
作业 22

CarBO

1 有 v_0, v_1 是两个四元数,其夹角为 θ 。假设在它们中间进行四元数插值结果为 v', v' 和 v_1 之间夹角为 $\theta' < \theta$,记 v_{\perp} 是垂直于 v_1 的四元数向量,证明: $v' = v_1 \cos \theta' + v_{\perp} \sin \theta'$



由图和单位四元数可知, v_{\perp} 与 AB 平行,有 \overrightarrow{AB} 方向与 v_{\perp} 同向, $\|\overrightarrow{AB}\| = \|v' \cdot \sin \theta'\| = \|\sin \theta'\|$,因此 $\overrightarrow{AB} = v_{\perp} \cdot \sin \theta'$ 因为 v'与 v_1 大小相等,有 $\|\overrightarrow{OA}\| = \|v' \cdot \cos \theta'\| = \|\cos \theta'\|$ 方向与 v_1 同向,因此 $\overrightarrow{OA} = v_1 \cdot \cos \theta'$ 故 $\overrightarrow{OB} = \overrightarrow{OA} + \overrightarrow{AB} = v_{\perp} \cdot \sin \theta' + v_1 \cdot \cos \theta'$