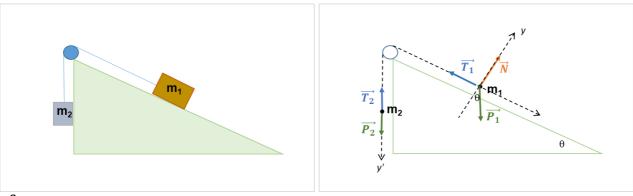
DINAMICA DEL PUNTO MATERIALE

Esercizio 23

Su un piano liscio inclinato di un angolo uguale a 30° , un blocco di massa 40 kg è collegato mediante una fune, attraverso una piccola carrucola senza attrito, a un secondo blocco sospeso di massa $m_2 = 30 \text{ kg}$. (a) Qual è l'accelerazione di ciascun blocco? (b) Qual è la tensione della fune?



2^a Legge di Newton:

$$\overrightarrow{P_1} + \overrightarrow{N} + \overrightarrow{T_1} = m_1 \overrightarrow{a_1}$$

$$\overrightarrow{P_2} + \overrightarrow{T_2} = m_2 \overrightarrow{a_2}$$

Supponendo che m₁ salga e m₂ scenda, riscriviamo per componenti

$$\begin{cases} m_1 g s i n \theta + 0 - T_1 = m_1 (-a_1) \\ -m_1 g c o s \theta + N + 0 = 0 \end{cases} \qquad m_2 g - T_2 = m_2 a_2$$

La fune è ideale

$$T_1 = T_2 = T,$$

$$a_1 = a_2 = a$$

$$\begin{cases} m_1 g sin\theta - T = -m_1 a \\ -m_1 g cos\theta + N = 0 \\ m_2 a - T = m_2 a \end{cases}$$

$$\begin{cases} N = m_1 g cos\theta \\ T = m_2 g - m_2 a \\ m_2 g - m_1 g sin\theta = (m_1 + m_2)a \end{cases}$$

$$\begin{cases} N = m_1 g \cos \theta = 40 \times 9.8 \times \cos(30^\circ) = 339 N \\ a = \frac{m_2 g - m_1 g \sin \theta}{(m_1 + m_2)} = \frac{30 \times 9.8 - 40 \times 9.8 \times \sin(30^\circ)}{30 + 40} = 1.4 m/s^2 \\ T = m_2 g - m_2 a = 30 \times (9.8 - 1.4) = 252 N \end{cases}$$