Prof. Dr. Leif Kobbelt



Stefan Dollase, Ira Fesefeldt, Alexandra Heuschling, Gregor Kobsik

Übung 8

Aufgabe 4 (B-Baum): 10 Punkte

Führen Sie folgenden Operationen beginnend mit einem anfangs leeren B-Baum mit Grad t=3 aus und geben Sie die dabei jeweils entstehenden Bäume an:

1.	einfügen
2.	einfügen
3.	einfügen
4.	einfügen
5.	einfügen
6.	einfügen
7.	einfügen
8.	einfügen
9.	einfügen
10.	2 einfügen
11.	löschen
12.	löschen
13.	löschen
14.	löschen
15.	löschen

Aufgabe 5 (Max 3 Skip-Liste):

3 + 5 + 2 = 10 Punkte

Sei eine Skip-Liste mit unterschiedlichen Elementen $k_1 \dots k_n$ gegeben. Die Anzahl der Vorwärtskanten des Elements k_i ist gegeben durch $level(k_i)$. Wir definieren nun eine Max 3 Skip-Liste als eine solche Skip-Liste, in der maximal 3 Elemente mit einer Höhe ohne Unterbrechung eines größeren Level vorkommen darf und dass kein level unnötig ist. Mit unnötig meinen wir, dass es zwischen zwei Elementen mit einer Vorwärtskante (oder dem Anfang, bzw das Ende) es mindestens ein Element für jedes kleinere Level gibt. Formal ist eine Skip-Liste genau dann eine Max 3 Skip-Liste

- 1. wenn für alle i < i' < i'' mit $level(k_i) = level(k_{i'}) = level(k_{i''})$ gilt,
 - a) dass ein j mit i < j < i'' existiert sodass $level(k_i) > level(k_i), level(k_{i'}), level(k_{i''}),$ oder
 - b) dass kein j mit i < j < i'' und $j \neq i'$ existiert sodass $level(k_i) = level(k_i)$, $level(k_{i'})$, $level(k_{i''})$; und
- 2. wenn für jedes i alles vier gilt:
 - a) dass es für jedes $l < level(k_i)$ ein Element k_i mit $level(k_i) = l$ und j < i existiert,
 - b) dass es für jedes $l < level(k_i)$ ein Element k_i mit $level(k_i) = l$ und j > i existiert,
 - c) dass für jedes i' mit i < i' und $level(k_i) \le level(k_{i'})$ und jedes $l < level(k_i)$ ein Element k_i mit $level(k_i) = l$ und i < j < i' existiert, und
 - d) dass für jedes i' mit i > i' und $level(k_i) \le level(k_{i'})$ und jedes $l < level(k_i)$ ein Element k_i mit $level(k_i) = l$ und i > j > i' existiert.
- a) Geben Sie ein Beispiel einer Max 3 Skip-Liste mit 11 Elementen an, in der genau ein Element Level 3 hat.
- b) Geben Sie an, wie eine Max 3 Skip-Liste mit maximalem Level / in ein B-Baum mit minimalen Grad 2 und Höhe I-1 transformiert werden kann. Begründen Sie auch die Korrektheit ihrer Transformation, das heißt begründen Sie,
 - i. dass die Elemente der Skip-Liste die Elemente des B-Baums sind,
 - ii. dass der B-Baum minimalen Grad 2 hat. und
 - iii. dass der B-Baum Höhe l-1 hat.
- c) Erläutern Sie, wie Sie aus ihrer Transformation von Max 3 Skip-Listen auf B-Bäume Methoden zum deterministischen Einfügen und Löschen in einer Max 3 Skip-Liste herleiten können. Es ist nicht nötig, die Methoden im Detail zu erläutern.

2 + 6 + 6 + 6 = 20 Punkte Aufgabe 6 (Programmierung in Python - AVL-Bäume):

Bearbeiten Sie die Python Programmieraufgaben. In dieser praktischen Aufgabe werden Sie sich mit AVL-Bäumen auseindersetzen. Diese Aufgabe dient dazu einige Konzepte der Vorlesung zu wiederholen und zu vertiefen. Zum Bearbeiten der Programmieraufgabe können Sie einfach den Anweisungen des Notebooks blatt08-python.ipynb folgen. Das Notebook steht in der .zip-Datei zum Übungsblatt im Lernraum zur Vergügung. Ihre Implementierung soll immer nach dem # YOUR CODE HERE Statement kommen. Andern Sie keine weiteren

Laden Sie spätestens bis zur Deadline dieses Übungsblatts auch Ihre Lösung der Programmieraufgabe im Lernraum hoch. Die Lösung des Übungsblatts und die Lösung der Programmieraufgabe muss im Lernraum an derselben Stelle hochgeladen werden. Die Lösung des Übungsblatts muss dazu als .pdf-Datei hochgeladen werden. Die Lösung der Programmieraufgabe muss als .ipynb-Datei hochgeladen werden.

Übersicht der zu bearbeitenden Aufgaben:

- a) AVL-Bäume
 - get balance()
 - rotate left()
 - rotate right()
 - balance()