Cours du Module M22 : Structures de données en C

Chapitre 2 : Les listes chaînées

Chapitre 2 : Les listes chaînées

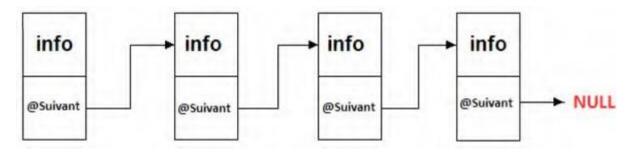
Plan:

- Les listes chainées
- Les listes simplement chaînées
- Les listes doublement chaînées



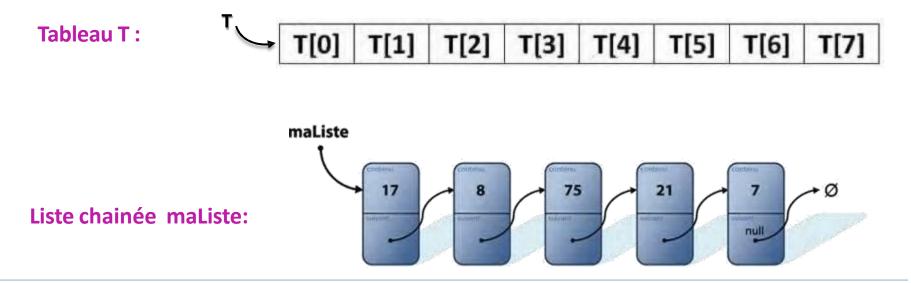
Notion de liste

- Une liste chainée est une structure de données qui permet de stocker une séquence de structures d'un même type.
- Une liste chainée est simplement une liste de structures de même type dans laquelle chaque élément contient :
 - des **données** : nom, prénom, âge, ...
 - un pointeur (adresse) vers l'élément suivant ou une marque de fin s'il n'y a pas d'élément suivant.
- C'est ce pointeur vers l'élément suivant qui fait la "chaine" et permet de retrouver chaque élément de la liste.



Notion de liste

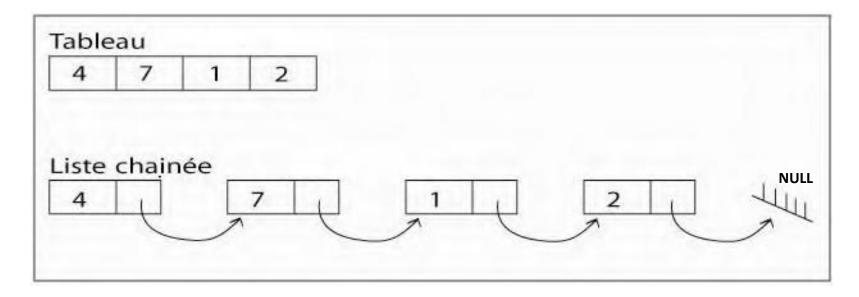
- Les listes chainées servent à gérer des ensembles de données, un peu comme les tableaux.
- C'est un moyen d'organiser une série de données en mémoire.
- Les listes chainées sont cependant plus efficaces pour réaliser des opérations comme l'insertion et la suppression d'éléments.



Listes chaînées Vs. Tableaux

Différence 1 : Accès aux éléments :

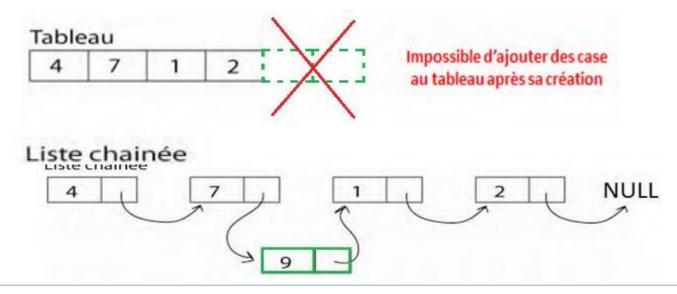
- Dans un tableau on accède à n'importe quel élément par son indice :
 accès immédiat.
- Dans une liste chainée, on a accès aux éléments un après l'autre, à partir du premier élément : → accès séquentiel.



Listes chaînées Vs. Tableaux

Différence 2 : Taille :

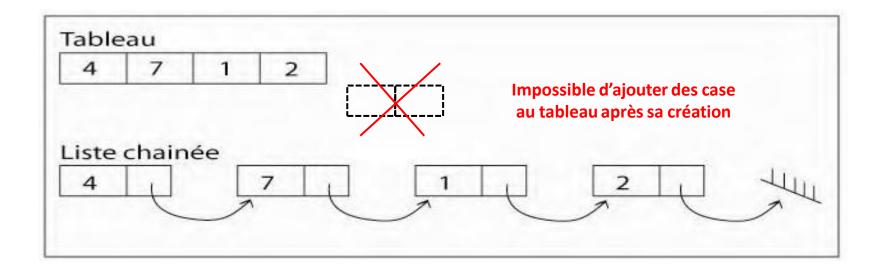
- Un tableau a une taille fixe (impossible d'agrandir un tableau). Il n'est pas possible d'insérer une case au milieu du tableau.
- Les **listes** permettent d'organiser les données en mémoire de manière beaucoup **plus flexible** : on peut toujours insérer un élément à une liste.



Listes chaînées Vs. Tableaux

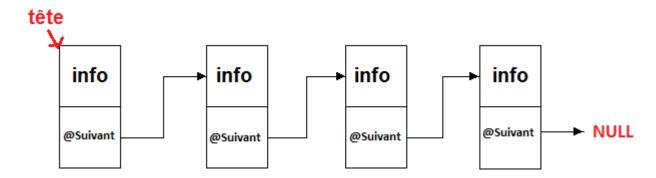
Différence 3 : Stockage :

- Les éléments d'un tableau sont stockés dans la mémoire de manière contiguë.
- Les éléments d'une liste chaînée sont dispersés dans la mémoire et reliés entre eux par des pointeurs.



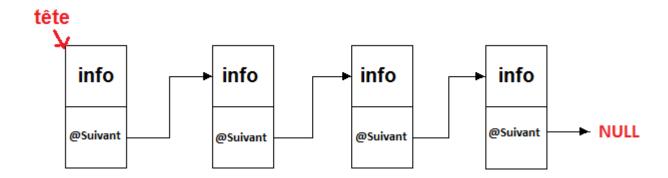
Caractéristiques

- Une liste chaînée est une structure linéaire qui n'a pas de dimension fixée à sa création. La dimension peut être modifiée selon la place disponible en mémoire.
- Les listes chaînées utilisent l'allocation dynamique de mémoire et peuvent avoir une taille qui varie pendant l'exécution.
- L'espace est réservé au fur et à mesure des créations des éléments de la liste. La seule limite étant la taille de la mémoire centrale.



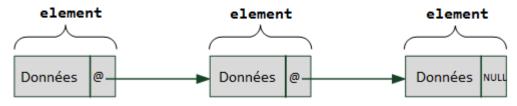
Caractéristiques

- La liste chainée est définie (connue) par l'adresse de son premier élément : sa tête.
- Les éléments de la liste chainée sont accessibles uniquement à partir de la tête de la liste.
- On accède à un élément de la liste chainée en parcourant les éléments grâce à leurs pointeurs.
- Le dernier élément de la liste chainée ne pointe sur rien : pointe sur NULL.



L'élément d'une liste

- L'élément de base d'une liste chaînée est défini par une structure.
- La construction d'une liste chaînée consiste à assembler des structures en les liant entre elles à l'aide de pointeurs.

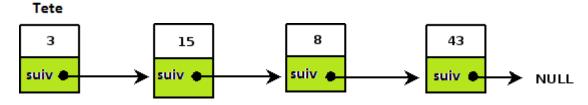


- Cette structure contient des données ainsi qu'un pointeur sur une structure de même type.
- <u>Exemple</u>: une liste chaînée peut être créée en dupliquant plusieurs fois la structure suivante: typedef struct element;

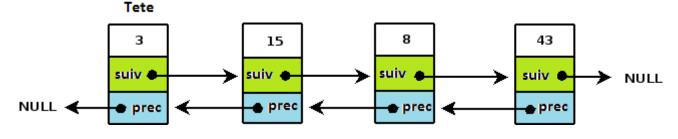
```
typedef struct element element;
struct element {
    //1 : les datas pour l'application courantes
        char nom[80];
    // 2 : le pointeur pour l'élément suivant
        element *suiv;
};
```

Listes chaînées Types de listes chaînées

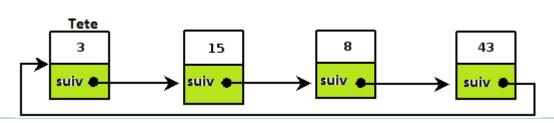
- On distingue plusieurs types de listes chaînées :
 - listes simplement chaînées :



listes doublement chaînées :



listes circulaires :

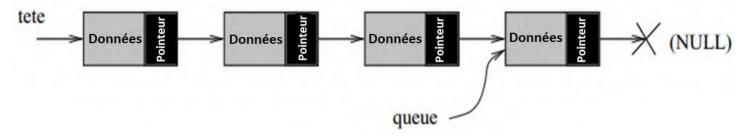


Listes Simplement Chaînées (LSC)

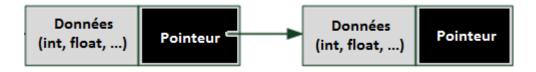


Listes simplement chaînées Définition

Une liste simplement chaînée (LSC) est composée d'éléments distincts liés par un simple pointeur.

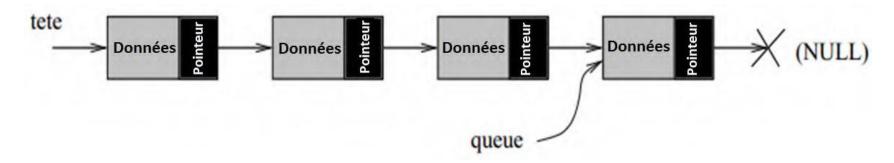


- Chaque élément d'une LSC est formée de 2 parties :
 - un champ : il contient les données.
 - un **pointeur** (généralement appelé *suivant* ou *next*) : c'est un pointeur vers l'élément suivant de la liste.



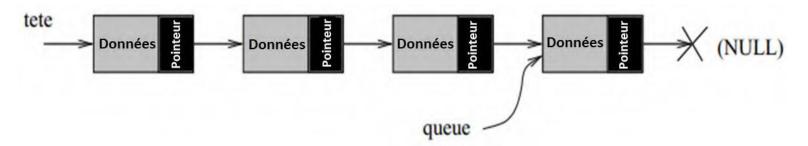
Listes simplement chaînées Caractéristiques

- Le premier élément d'une LSC est sa tête (appelé tete ou premier).
- Le dernier élément d'une LSC est sa queue.
- Le pointeur du dernier élément est initialisée la valeur NULL.
- Dans le cas d'une LSC vide le pointeur de la tête contient NULL.
- Pour accéder à un élément d'une liste simplement chaînée, on part de la tête et on passe d'un élément à l'autre à l'aide du pointeur suivant associé à chaque élément.



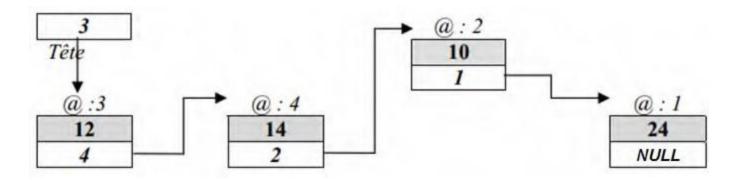
Listes simplement chaînées Caractéristiques

- Une LSC est définie par l'adresse de son premier élément.
- □ La perte de l'adresse du premier élément d'une liste conduit à la perte de la liste toute entière : LSC ⇔ @tete
- Les éléments ne sont pas contigus en mémoire => la suppression d'un élément sans précaution ne permet plus d'accéder aux éléments suivants.
- Une LSC ne peut être parcourue que dans un sens (tête → queue).



Listes simplement chaînées Caractéristiques

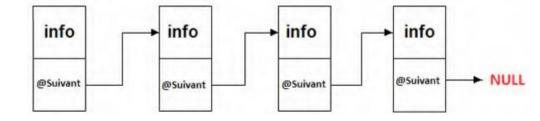
<u>Exemple</u>: Soit la liste simplement chainées suivante :



- Le 1^{er} élément de la liste vaut 12 à l'adresse 3 (début de la liste chaînée).
- Le **2**ème **élément** de la liste **vaut 14** à l'adresse 4 (car le pointeur de la cellule d'adresse 3 est égal à 4)
- Le **3**ème **élément** de la liste **vaut 10** à l'adresse 2
- Le 4ème élément de la liste vaut 24 à l'adresse 1.

Listes simplement chaînées Manipulation des LSC

- Les opérations sur les listes simplement chaînées peuvent être :
 - Créer une liste
 - Ajouter un élément (en début, au milieu ou en fin)
 - Supprimer un élément(en début, au milieu ou en fin)
 - Modifier un élément
 - Permuter deux éléments
 - Parcourir une liste



- Rechercher une valeur dans une liste.
- Supprimer une liste
- ·

Listes simplement chaînées Construction d'une LSC

- En langage C, une liste simplement chaînée peut être implémentée sous forme d'une structure : chaque élément de la liste est une structure.
- Un élément de la liste :
 - Pour les exemples, nous allons créer une liste chaînée de nombres entiers.
 - Chaque élément de la liste aura la forme de la structure suivante :

```
typedef struct element element;
struct element
{
   int val;
   element *nxt;
};
```

<u>NB</u>: Dans cet exemple, la structure de base *element* est utilisée pour créer une liste chaînée de nombres entiers. On pourrait aussi bien créer une liste chaînée contenant des décimaux, tableaux, ..

Listes simplement chaînées Construction d'une LSC

Créer une LSC (vide) :

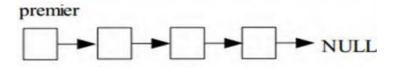
- Il est important de toujours **initialiser** la liste chaînée à **NULL**, sinon, elle sera considérée comme contenant au moins un élément.
- La création d'une liste vide aura la forme suivante :

```
typedef struct element element;
    struct element
    {
        int val;
        element *nxt;
    };

int main() {
    /* Déclarons 4 listes chaînées de façons différentes mais équivalentes */
    element *ma_liste = NULL;
    element *tete = NULL;
    element *premier = NULL;
    element *premier = NULL;
    element *ma_liste2 = NULL;
    return 0;
}
```

Listes simplement chaînées Construction d'une LSC

- □ Deux positions sont très importantes dans une LSC : le **début** et la **fin**, souvent désignées par "**premier** et **dernier**" ou "**tête** et **queue** ".
 - Sans le **premier** impossible de savoir où **commence** la chaine.
 - Sans le dernier impossible de savoir où s'arrête la chaine.



- □ Le **début** d'une LSC est donné par l'adresse du premier élément de la liste (la **tete**).
- □ La fin d'une LSC est marquée lorsque l'adresse de l'élément suivant vaut NULL.

□ Remarque :

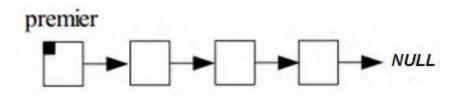
I En général une **LSC** prend le **nom** du **premier élément.** Ce premier élément est un

pointeur déclaré dans le main() et initialisé à NULL :

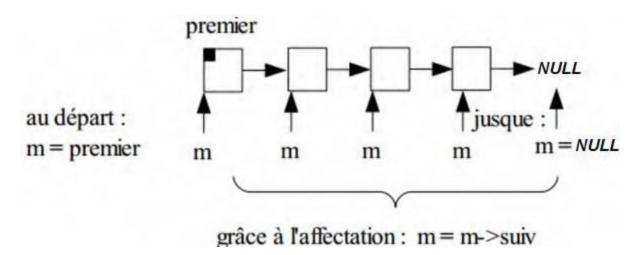
```
int main() {
    element *premier = NULL;
    return 0;
}
```

Listes simplement chaînées Parcourir une LSC

Soit la liste simplement chainée suivante :

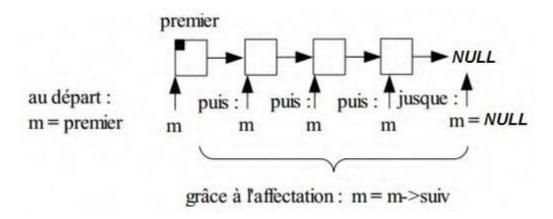


Pour parcourir la liste, on doit passer d'un élément à l'autre grâce à un pointeur intermédiaire m, ce qui donne par exemple :



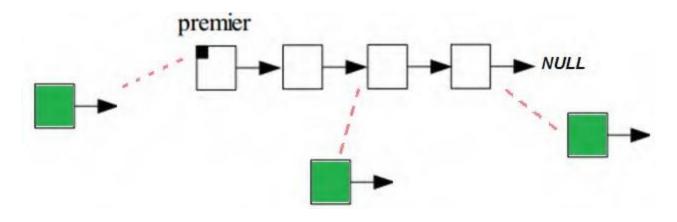
Listes simplement chaînées Parcourir une LSC

En langage C, on peut parcourir la liste simplement chainée comme suit :



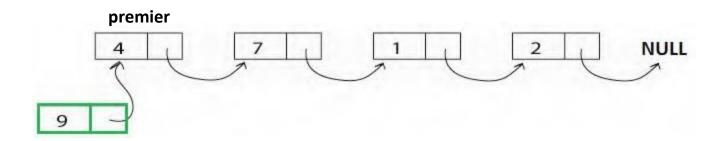
```
element *m ; // au départ prendre l'adresse du premier élément
m=premier;
// tant que m ne contient pas le marquage de fin de chaine
while (m!=NULL){
   // affichage de la valeur
   printf("Valeur : %d\n", m->val);
   // prendre ensuite l'adresse de l'élément suivant
   m=m->nxt;
```

- Lorsque nous voulons ajouter un élément dans une liste chaînée, il faut savoir où l'insérer.
- Les ajouts génériques des listes chaînées sont les ajouts :
 - en tête de liste.
 - au milieu de la liste.
 - en fin de liste.



Ajouter en tête de liste

- La fonction d'ajout d'un élément en tête de la liste doit permettre de :
 - **créer un élément** (lui allouer de la mémoire).
 - <u>lui assigner la valeur</u> que l'on veut ajouter.
 - <u>raccorder cet élément</u> à la liste passée en paramètre.
- Lors d'un ajout en tête, on devra donc assigner à **suivant** du nouveau élément l'adresse du **premier** élément de la liste passé en paramètre.



Ajouter en tête de liste

La fonction d'ajout d'un élément en tête d'une LSC est la suivante :

```
typedef struct element element;
struct element
{
    int val;
    element *nxt;
};
```

Structure de base

```
element *ajouterEnTete(element *premier, int valeur) {
    /* On crée un nouvel élément */
    element* nouvelElement = malloc(sizeof(element));

    /* On assigne la valeur au nouvel élément */
    nouvelElement->val = valeur;

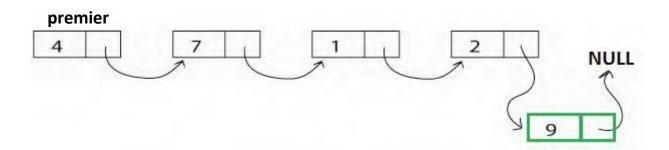
    /* On assigne l'adresse de l'élément suivant au nouvel élément */
    nouvelElement->nxt = premier;

    /* On retourne la nouvelle liste, i.e. le pointeur sur le premier élément */
    return nouvelElement;
}
```

La liste est définie par le pointeur premier.

Ajouter en fin de liste

- Pour ajouter un élément en fin de liste, il faut :
 - créer un nouvel élément (lui allouer de la mémoire)
 - lui assigner sa valeur.
 - mettre le suivant du nouvel élément à NULL (il va terminer la liste).
 - faire pointer le dernier élément de liste originale sur le nouvel élément.



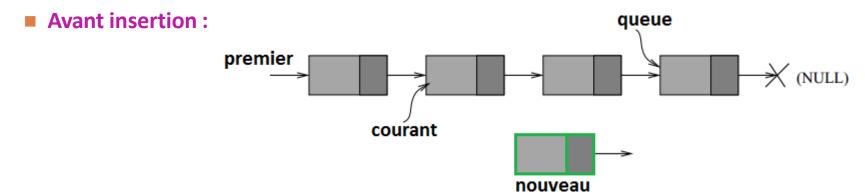
 Pour atteindre le dernier élément de liste, il faut parcourir la liste jusqu'à la fin grâce pointeur temporaire.

Ajouter en fin de liste

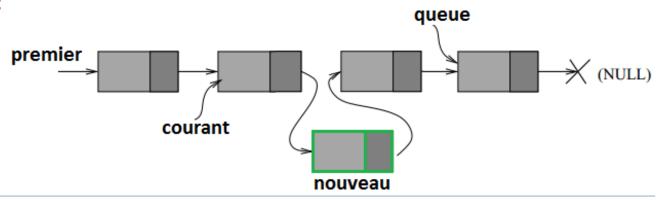
La fonction d'ajout d'un élément en fin de la liste est la suivante :

```
element *ajouterEnFin(element *premier, int valeur) {
element* nouvelElement = malloc(sizeof(element));
nouvelElement->val = valeur;
/* On ajoute en fin, donc aucun élément ne va suivre */
nouvelElement->nxt = NULL;
if(premier == NULL) /* Si la liste est vidé */
          return nouvelElement;
else /* Sinon, on parcourt la liste à l'aide d'un pointeur temporaire */
    element* temp=premier;
   while(temp->nxt != NULL)
        { temp = temp->nxt; }
    temp->nxt = nouvelElement;
    return premier;
```

- Ajouter au milieu de liste
 - Insertion d'un élément après l'élément référencé par le pointeur courant :

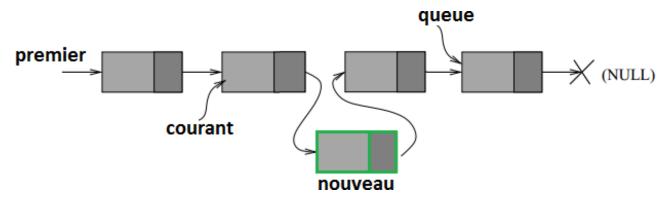


Après insertion :



Ajouter au milieu de liste

- Les opérations à effectuer sont (dans l'ordre) :
 - créer un nouvel élément (lui allouer de la mémoire).
 - lui assigner la valeur que l'on veut ajouter.
 - faire pointer le nouvel élément vers l'élément le suivant de courant.
 - faire pointer l'élément courant vers le nouvel élément.



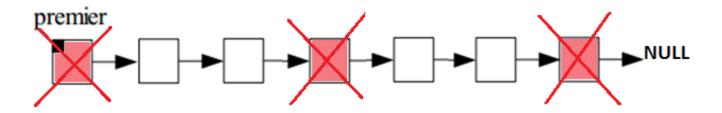
MB: Le cas ou la liste est vide (premier == NULL) doit être traité à part.

Ajouter au milieu de liste

La fonction d'ajout d'un élément (après l'élément référencé par le pointeur courant :

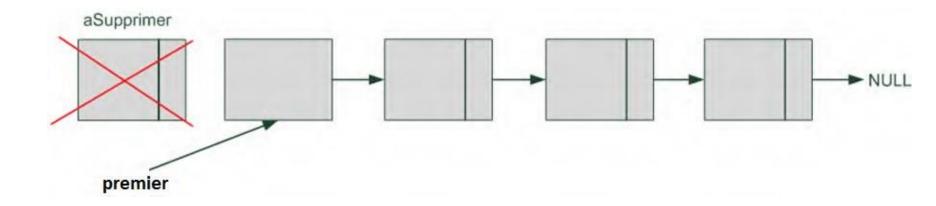
```
element *insertion nimporte ou(element *premier, element *courant, int valeur) {
    element* nouveau = malloc(sizeof(element));
    nouveau->val = valeur:
    /* ajout du nouveau */
    if (courant !=NULL && premier !=NULL)
            nouveau->nxt=courant->nxt;
            courant->nxt=nouveau ;
            return premier ;
    else /* cas d'une liste vide ou d'une insertion en tete */
            nouveau->nxt=premier ;
            return nouveau ;
```

- Lorsque nous voulons supprimer un élément de la liste chaînée, il faut savoir quel élément supprimer.
- Les suppressions génériques des listes chaînées sont les suppressions de l'élément :
 - en tête de liste
 - du milieu de la liste
 - en fin de liste.



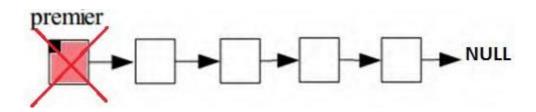
Supprimer l'élément en tête de liste

- Pour supprimer l'élément en tête de liste, il faut :
 - faire pointer premier vers le second élément
 - supprimer le premier élément avec un free



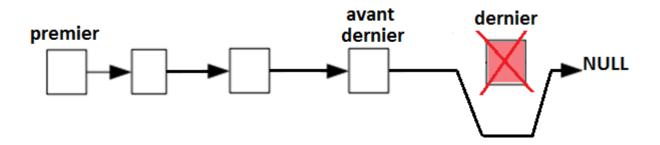
- Supprimer l'élément en tête de liste
 - La fonction de suppression de l'élément en tête de liste est la suivante :

```
element *supprimerElementEnTete(element *premier) {
   if(premier != NULL) /* renvoyer l'adresse de l'élément en 2ème position */
   {
      element* aRenvoyer = premier->nxt;
      free(premier);/* On libère le premier élément */
      /* On retourne le nouveau début de la liste */
      return aRenvoyer;
   }
   else
   { return NULL;}
}
```



Supprimer l'élément en fin de la liste

- Pour supprimer l'élément en fin de liste, il faut :
 - se positionner sur l'avant dernier élément de la liste
 - supprimer le suivant de l'avant dernier
 - mettre suivant de l'avant dernier à NULL.



■ NB :

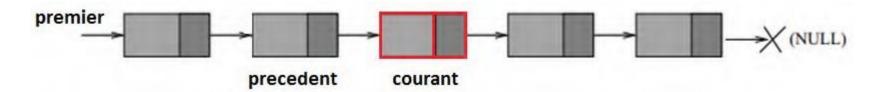
- Il faut que la liste ne soit pas vide
- le cas ou il n'y a qu'un seul élément dans la liste doit être traité à part .

- Supprimer l'élément en fin de la liste
 - La fonction de suppression de l'élément en fin de liste est la suivante :

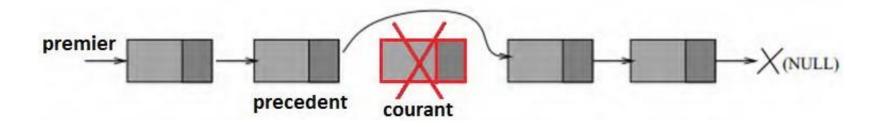
```
element *supprimerElementEnFin(element *premier) {
    if(premier == NULL) return NULL; // si la liste est vide
    if (premier->nxt == NULL) /* Si la liste contient un seul élément */
        { free (premier); return NULL; }
    /* Si la liste contient au moins deux éléments */
   element* tmp = premier;
   element* ptmp = premier; /* ptmp va stocker l'adresse de tmp */
   /* Tant qu'on n'est pas au dernier élément */
   while(tmp->nxt != NULL)
       ptmp = tmp;
       tmp = tmp->nxt;
   /* A la sortie de la boucle, tmp pointe sur le dernier élément, et ptmp sur
   l'avant-dernier (qui devient la fin de la liste */
   ptmp->nxt = NULL;
   free (tmp);
   return premier;
```

Listes simplement chaînées Supprimer un élément

- Supprimer un élément du milieu de la liste
 - Suppression d'un élément pointé par courant :
 - Avant suppression :

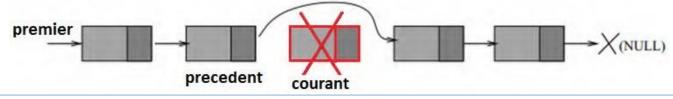


■ Après suppression :



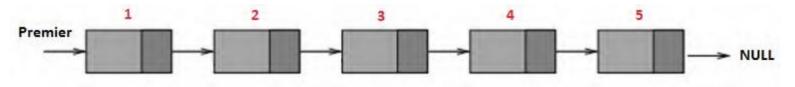
Listes simplement chaînées Supprimer un élément

- Supprimer un élément du milieu de la liste
 - Suppression d'un élément pointé par courant :



Listes simplement chaînées Rechercher le i-ème élément

- Pour rechercher l'adresse de l'élément d'indice i, il suffit de se déplacer i fois le long de la liste et de renvoyer l'élément qui à l'indice i.
- Si la liste contient moins de i élément(s), la fonction renvoie NULL.



Listes simplement chaînées Compter le nombre d'éléments

- Pour compter le nombre d'éléments d'une liste, on doit :
 - parcourir la liste de bout en bout.
 - incrémenter d'un pour chaque nouvel élément trouvé.



```
int nombreElements(element *premier)
{
    /* Si la liste est vide, il y a 0 élément */
    if(premier == NULL)
        return 0;

    /* Sinon, il y a un élément (celui que l'on est en train de traiter)
    plus le nombre d'éléments contenus dans le reste de la liste */
    return nombreElements(premier->nxt)+1;
}
```

Listes simplement chaînées Afficher la liste

Pour visualiser ce que contient une liste simplement chaînée, une fonction d'affichage peut être définie comme suit :

```
void afficherListe(element *premier) {
  element *tmp = premier;
  /* Tant que l'on n'est pas au bout de la liste */
  while(tmp != NULL)
  {
     printf("%d ", tmp->val); /* On affiche */
     tmp = tmp->nxt; /* On avance d'une case */
  }
}
```

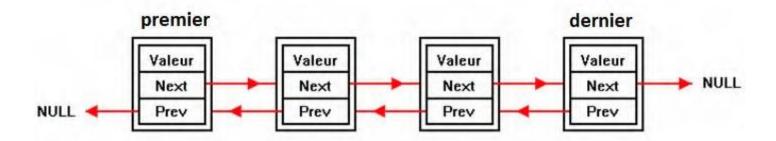
Il suffit de partir du premier élément et d'afficher chaque élément un à un en « sautant » d'un élément à un autre.

Listes Doublement Chaînées (LDC)



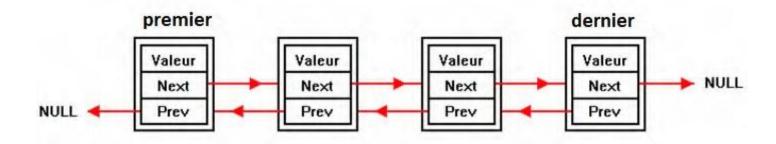
Listes doublement chaînées Définition

- Une liste doublement chaînée (LDC) est basée sur le même principe que la liste simplement chaînée.
- La différence est que la LDC contient non seulement un pointeur vers l'élément suivant mais aussi un pointeur vers l'élément précédent.
- Une LDC est une liste dont chaque élément peut accéder à l'aide de pointeurs aux éléments positionnés avant et après lui dans la liste.



Listes doublement chaînées Définition

- Les listes doublement chaînées sont constituées d'éléments comportant trois composants :
 - un champ contenant les données
 - un pointeur vers l'élément suivant de la liste.
 - un pointeur vers l'élément précédent de la liste.



 Les listes doublement chaînées peuvent donc être parcourues dans les deux sens.

Listes doublement chaînées Construction d'une LDC

- En langage C, une liste doublement chaînée peut être implémentée sous forme d'une structure : chaque élément de la liste est une structure.
- □ Un élément de la liste :
 - Pour les exemples, nous allons créer une liste chaînée de nombres entiers.
 - Chaque élément de la liste aura la forme de la structure suivante :

```
typedef struct element element;
struct element
{
    int val;
    element *nxt;
    element *prev;
};
```

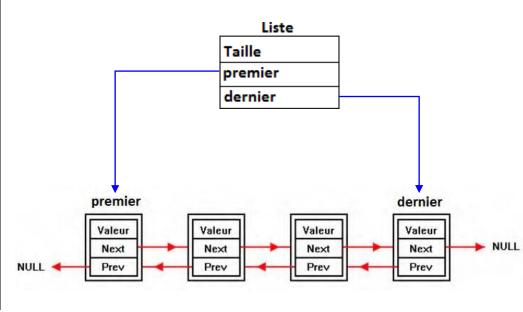
- next : pointe vers l'élément suivant (ou NULL s'il s'agit du dernier élément)
- prev : pointe vers l'élément précédent (ou NULL s'il s'agit du premier élément)

Listes doublement chaînées Construction d'une LDC

- Pour faciliter la représentation d'une liste doublement chaînée, on utilise une deuxième structure qu'on appelle Liste.
- L'objectif de cette deuxième structure est de contrôler le premier et dernier élément de la liste.

```
typedef struct element element;
struct element
{
    int val;
    element *nxt;
    element *prev;
};

typedef struct Liste Liste;
struct Liste
{
    int taille;
    element *premier;
    element *dernier;
};
```



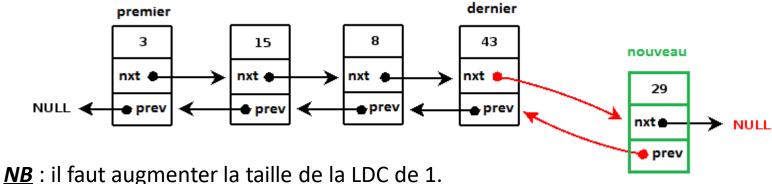
Listes doublement chaînées Construction d'une LDC

- Créer une liste chaînée (vide) :
 - Il est important de toujours initialiser la liste chaînée à NULL.
 - La fonction de création d'une LDC vide aura la forme suivante :

```
Liste
                                                                          Taille
Liste *initialise() {
                                                                          premier
 Liste *dliste = malloc(sizeof *dliste);
                                                                          dernier
dliste->taille = 0;
dliste->premier = NULL;
                                                           premier
                                                                                              dernier
dliste->dernier = NULL;
                                                            Valeur
                                                                        Valeur
                                                                                   Valeur
                                                                                               Valeur
return dliste;
                                                                                                Next
                                                            Next
                                                                        Next
                                                                                    Next
```

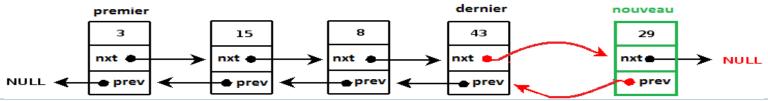
Dans cette fonction, la liste doublement chaînée est appelée dliste (double liste).

- Ajouter un élément en fin de liste
 - Si la liste n'est pas vide :
 - créer un nouvel élément
 - lui attribuer sa valeur
 - rattacher le **dernier** élément de la liste au **nouvel** élément
 - pointer nouveau->prev vers le dernier élément de la liste
 - faire pointer **nouveau->next** vers **NULL**
 - Sinon, pointer premier et dernier de la liste vers le nouvel élément



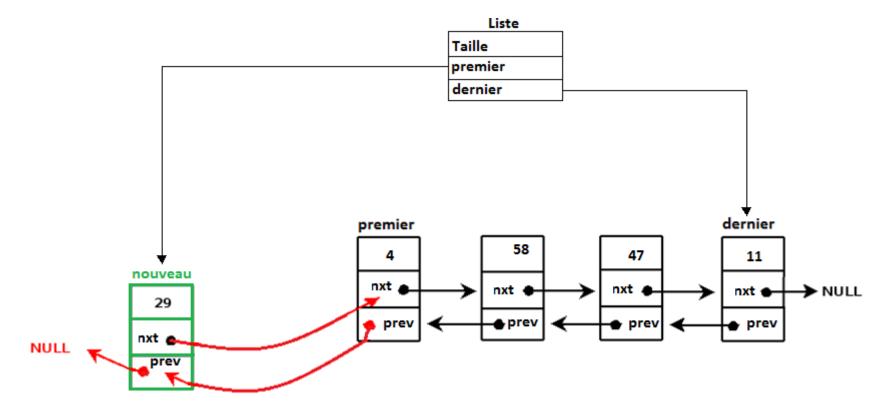
La fonction d'ajout d'un élément en fin de la liste est la suivante :

```
Liste *ajouterEnFin(Liste *dliste, int valeur) {
                                                                                      Liste
    if (dliste != NULL)
                                                                                  Taille
        element *nouveau = malloc(sizeof *nouveau);
                                                                                  premier
        nouveau->val = valeur;
                                                                                  dernier
        nouveau->nxt = NULL;
        if (dliste->dernier == NULL) /* pointer la tête et la fin vers le nouvel élément */
                nouveau->prev = NULL;
                dliste->premier = nouveau;
                dliste->dernier = nouveau;
            else /* Cas où des éléments sont déjà présents dans notre liste */
                dliste->dernier->nxt = nouveau;
                nouveau->prev = dliste->dernier;
                dliste->dernier = nouveau;
            dliste->taille++; /* Incrémentation de la taille de la liste */
    return dliste; /* on retourne notre nouvelle liste */
```

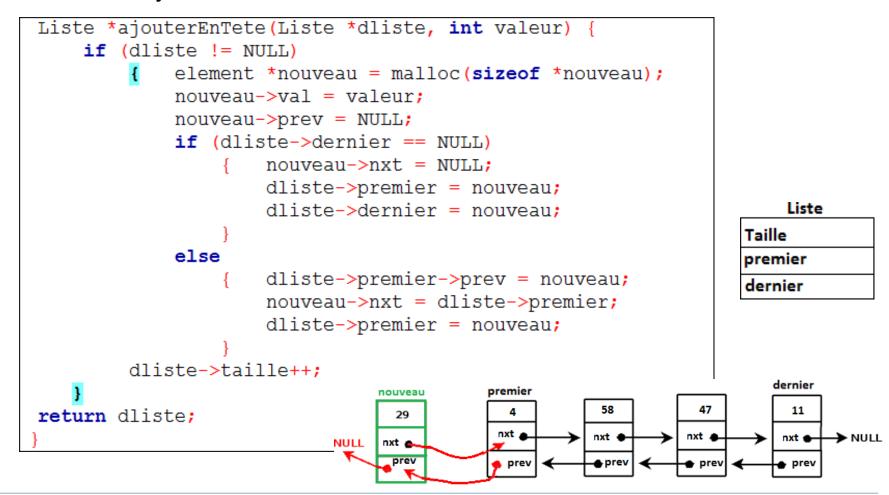


Ajouter un élément en tête de liste

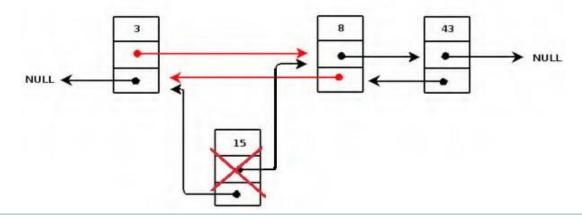
L'ajouter d'un élément en début de liste est similaire à l'ajout en fin de liste.



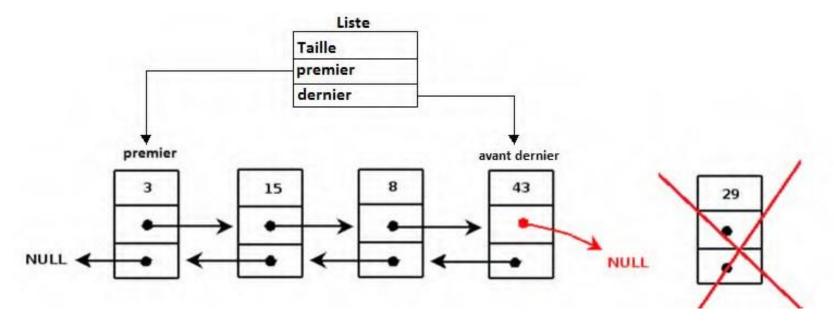
La fonction d'ajout d'un élément en tête de la liste est la suivante :



- Pour supprimer un élément en fonction de sa valeur, il faut parcourir la liste et rechercher l'élément à supprimer.
- Dès que l'on aura trouver la valeur correspondante, trois possibilités sont à traiter :
 - l'élément se trouve en fin de liste.
 - l'élément se trouve en début de liste.
 - l'élément se trouve en milieu de liste.

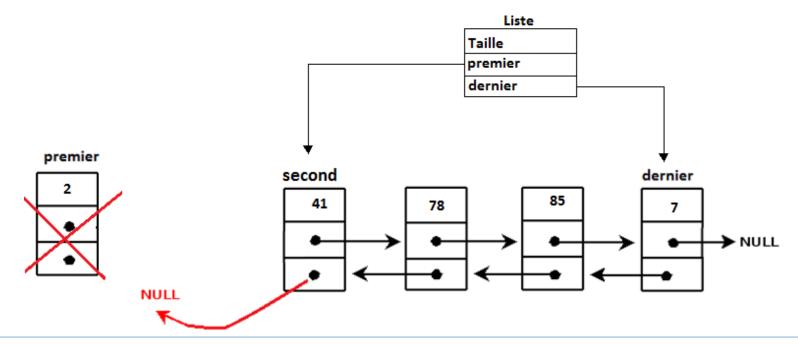


- L'élément se trouve en fin de liste.
 - faire pointer de la Liste vers l'avant dernier élément.
 - faire pointer le pointeur nxt de l'avant dernier élément vers NULL.
 - supprimer le dernier élément.



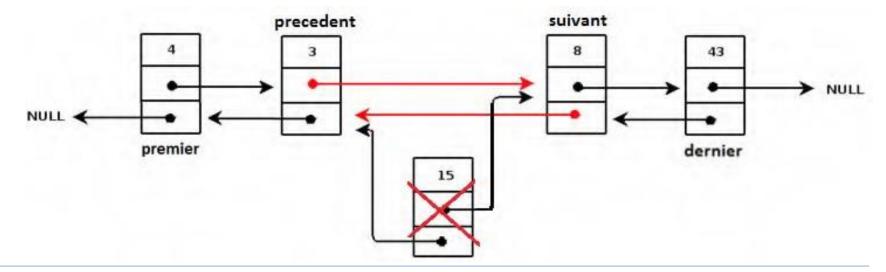
□ L'élément se trouve en début de liste :

- faire pointer **premier** de la **Liste** vers le **second** élément.
- faire pointer prev du second élément vers NULL.
- supprimer le premier élément.



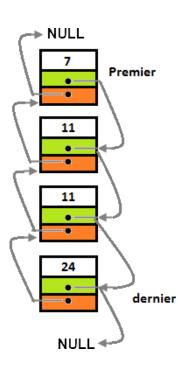
L'élément se trouve en milieu de liste :

- relier l'élément **précédent** à l'élément que l'on veut supprimer vers l'élément **suivant** à l'élément que l'on veut supprimer
- relier l'élément suivant à l'élément que l'on veut supprimer vers l'élément précédent à l'élément que l'on veut supprimer.
- supprimer l'élément que l'on veut supprimer .



La fonction permettant de supprimer un élément en fonction de sa valeur :

```
Liste *supprimer element(Liste *dliste, int valeur) {
   if (dliste != NULL)
          element *temp = dliste->premier; int found = 0;
           while (temp != NULL && !found)
                 if (temp->val == valeur)
                        if (temp->nxt == NULL) // On est à la fin de la liste
                               dliste->dernier = temp->prev;
                               dliste->dernier->nxt = NULL:
                        else if (temp->prev == NULL) //On est au début de la liste
                               dliste->premier = temp->nxt;
                               dliste->premier->prev = NULL;
                        else // On est au milieu de la liste
                               temp->nxt->prev = temp->prev;
                               temp->prev->nxt = temp->nxt;
                        free (temp);
                         dliste->taille--;
                        found = 1; //pour s'arrêter au premier élément trouvé
                        { temp = temp->nxt; }
   return dliste:
```



<u>NB</u>: La fonction ne supprimera que le premier élément trouvé.