تاريخ: 26/12/26

دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر دانشگاه تبریز

LINEAR ALGEBRA AND ITS APPLICATIONS

در صورت شباهت نامتعارف در تمرینات به هیچ کس نمره ای تعلق نخواهد گرفت.

ارسال پاسخ تمرینات از طریق کوئرا فقط انجام میگیرد <u>link</u>

نحوه نام گزاری فایل ارسالی:

LA_2+NAME+NUMBER.pdf

فایل را به صورت pdf ارسال بفرمایید

در صورت وجود هر گونه سوالی میتوانید از طریق ایمیل های موجود یا گروه تلگرامی کلاس استفاده کنید

1) شکل کلی یک ماتریس با دو خاصیت متقارن و پاد متقارن بودن را بنویسید.

2) برای ماتریس های وارون پذیر A و B نشان دهید که :

$$A(A+B)^{-1}B = B(A+B)^{-1}A = (A^{-1}+B^{-1})^{-1}$$

در سؤالات زیر می خواهیم نشان دهیم اگر ماتریسی وارون راست داشته باشد وارون چپ نیز دارد. در سه
سؤال زیر از خواص وارون ماتریس استفاده نکنید.

B باشد نشان دهید که ماتریس وارون راست، اشته باشد یعنی $A_{n \times n} B_{n \times n} = I_n$ باشد نشان دهید که ماتریس وارون راست, $A_{n \times n} B_{n \times n} = I_n$ دارای رنگ n

راهنمایی: دستگاه معادلات Bx=0را در نطر بگیرید و تعداد جوابهای این دستگاه را بررسی کنید

تمرین سری دوم جبر خطی کاربردی



تاريخ : 26/12/00

دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر دانشگاه تبریز

4) نشان دهید اگر ماتریس مربعی B دارای رنگ کامل باشد در این صورت دارای وارون راست است ینعی ماتریس B وجود دارد که که B = D هست

راهنمایی از سوال سوم استفاده کنید.

5) با ترکیب سؤالات 3 و 4 نشان دهید که وارون راست ماتریس مربعی معادل وجود وارون چپ هست

- 6) با توجه به مفهوم ضرب ماتریسها عبارتهای زیر را توجیه کنید.
- A. اگر ستون آخر AB تمام صفر باشد ولی ماتریس B ستون تمام صفری نداشته باشد در مورد ستون های ماتریس A چه میتوان گفت
 - B. اگر ستون های ماتریس B وابسته خطی باشد در این صورت ستون های AB هم وابسته خطی است
 - C. اگر دو ستون از ماتریس B برابر باشند در مورد ستون های AB چه می توان گفت P
- D. اگر ستون سوم ماتریس B مجموع دو ستون اول ماتریس B باشد در مورد ستون سوم ماتریس AB چه می توان گفت.
 - B. اگر ستون دوم ماتریس B تمام صفر باشد در مورد ستون دوم AB چه میتوان گفت .
- باید A باشد نشان دهید که معادله همگن A X بناید A باید بدیهی دارد. چرا ستون های A نباید بیشتر از تعداد سطر هاش باشد
 - $AD=I_m$ و $CA=I_n$ باشد و اگر n imes m باشد و اگر D & C و ماتریس های C=D موجود باشد و ماتریس های C=D باشد در این صورت ثابت کنید که C=D است
- اگر $AD=I_m$ باشد نشان دهید که برای هر $b_{m imes 1}$ معادله $b_{m imes 1}$ یک جواب دارد. توضیح دهید که چرا A نمیتواند بعداد سطر های بیشتری از ستون هاش داشته باشد
 - اگر ماتریس های A , B , C با اندازه n imes n وارون پذیر باشند نشان دهید که ABC نیز وارون پذیر است n
 - 8) وارون ماتریس های زیر را در صورت وجود بیابید

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 2 & 2 \\ 1 & 2 & 3 & 3 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \end{pmatrix}$$

تمرین سری دوم جبر خطی کاربردی



تاريخ : 00/12/26

دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر دانشگاه تبریز

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix}$$

9) بدون محاسبه وارون ماتریس ستون سوم ماتریس وارون را بیابید

$$A = \begin{pmatrix} 4 & -8 & 5 \\ 4 & -7 & 4 \\ 3 & -4 & 2 \end{pmatrix}$$

10) برای ماتریس های مربعی $B_{n imes n}$ و $A_{n imes n}$ نشان دهید که اگر A و A و ارون پذیر باشد باید ماتریس A نیز وارون پذیر باشد.

11) اگر A=BC باشد که B وارون داشته باشد نشان دهید که هر دنباله از عملیات سطری مقدماتی که B را به A تبدیل کند میتواند A را به C تبدیل کرد .

.12 هـ اگر $A_{n imes n}$ ناتکين باشد کدام يک از عبارت زير درست است.

A.
$$A \sim A^{-1}$$

B.
$$A \sim_{row} A^{-1}$$

C.
$$A \sim_{col} A^{-1}$$

D.
$$A \sim I$$

E.
$$A \sim_{row} I$$

F.
$$A \sim_{col} I$$

. را در نظر بگرید
$$A = \begin{pmatrix} 1 & 4 & 5 \ 4 & 18 & 25 \ 3 & 16 & 30 \end{pmatrix}$$
 را در نظر بگرید (13

A. تجزیه LU این ماتریس را بنوسید .

و احل کنید
$$b_1=\begin{pmatrix}6\\0\\12\end{pmatrix},\;b_1=\begin{pmatrix}6\\0\\-6\end{pmatrix}$$
 و ابرای $Ax=b_1$ و $Ax=b_2$ را حل کنید .B



تمرین سری دوم جبر خطی کاربردی

تاریخ : 00/12/26

دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر دانشگاه تبریز

. برقرار است $v^T u \neq 1$ و $v_{n imes 1}$ و $v_{n imes 1}$ برقرار است (14

$$(I_n - uv^T)^{-1} = I_n - \frac{uv^T}{v^Tu - 1}$$