

Induktionsbeweis:

Falsch: I.A. $n=2$ (bei $n \in \mathbb{N}$)

Warum?: Der Fall $n=1$ wurde ignoriert.

Sprich der Beweis schließt diesen „Sonderfall“ nicht ein.

Richtig: I.A. $n=1$

Falsch multipliziert:

Falsch: $\frac{1}{6}(n+1)(n+2) = \frac{1}{6}n + \frac{1}{6}(n+2)$ ← Klammerfehler

$$= \frac{1}{6}n + \frac{1}{6}n + \frac{2}{6}$$
$$= \frac{2n}{6} + \frac{2}{6} \quad \neq$$

Warum: l. Distributivgesetz: $\frac{1}{6}(n+1) = \left(\frac{1}{6}n + \frac{1}{6}\right)$

Richtig: $\frac{1}{6}(n+1)(n+2) = \left(\frac{1}{6}n + \frac{1}{6}\right)(n+2)$

$$= \left(\frac{1}{6}n + \frac{1}{6}\right)n + \left(\frac{1}{6}n + \frac{1}{6}\right) \cdot 2$$
$$= \frac{1}{6}n^2 + \frac{1}{6}n + \frac{2}{6}n + \frac{2}{6}$$
$$= \frac{1}{6}n^2 + \frac{3}{6}n + \frac{2}{6} = \frac{n^2}{6} + \frac{n}{2} + \frac{1}{3}$$

„Satz“:

Satzfehler: Satz: $\forall n \in \mathbb{N}$ gilt: $\sum_{k=1}^n k^2 = \frac{1}{6}n(n+1)(2n+1)$

Warum: Ein Satz ist ein Ergebnis / eine Formel bzw. Aussage aus der Vorlesung(skript). In den Zetteln werden selten eigene Sätze aufgestellt, höchstens die aus der Vorlesung bewiesen.

Richtig: Beh.: $\forall n \in \mathbb{N}$ gilt: $\sum_{k=1}^n k^2 = \frac{1}{6}n(n+1)(2n+1)$.

Induktion nicht verstanden:

Falsch: $n \rightsquigarrow n+1$

$$\frac{1}{6}(n+1)(n+2)(2n+3) = \frac{1}{6}n(n+1)(2n+1) + (n+1)^2$$

Hier wird etwas ausmultipliziert, ...

Und dann wieder rückgängig gemacht....

$$= \frac{1}{3}n^3 + \frac{3}{2}n^2 + \frac{13}{6}n + 1$$

$$= \frac{1}{6}(n+1)(n+2)(2n+3)$$

q.e.d.

Warum: Das ist keine Induktion! Bzw. die Vorlesungsfolien wurden nicht richtig

Richtig: Siehe Lösungsskizze. ^{gesehen!}

Empirische Auswertung ist keine gute Idee: Beh.: $\sum_{k=1}^n k^2 = \frac{1}{6}n(n+1)(2n+1)$

Falsch: $n=1: \sum_{k=1}^1 k^2 = 1^2 = 1 = \frac{1}{6} \cdot 1 \cdot (1+1) \cdot (2 \cdot 1 + 1) = \frac{1}{1} = 1.$

$$n=2: \sum_{k=1}^2 k^2 = 1^2 + 2^2 = 5 = \frac{1}{6} \cdot 2 \cdot (3) \cdot (5) = 5$$

$$n=3: \sum_{k=1}^3 k^2 = 1^2 + 2^2 + 3^2 = 14 = \frac{1}{6} \cdot 3 \cdot (4) \cdot (7) = 14$$

$$n=4: \sum_{k=1}^4 k^2 = 1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 = 30 = \frac{1}{6} \cdot 4 \cdot 5 \cdot 9 = 30 \quad \text{q.e.d.}$$

Warum: Laut Aufgabenstellung war ein Induktionsbeweis verlangt, anmerken wurden die restlichen unendlichen Fälle ab $n=5$ nicht verifiziert. Hier wurde auch der Sinn eines mathematischen Beweises nicht hinterfragt bzw. über die Vorteile einer Induktion.

Richtig: Siehe Lösungsskizze, das ist ein Induktionsbeweis.

- Aufgabenstellung und Skript / Folie durchlesen.
- Evtl. Tutor / Dozent oder das Internet fragen.