תרגיל בית 3 – MDP ומבוא ללמידה

**עברו על כלל ההנחיות לפני תחילת התרגיל.**

# **הנחיות כלליות:**

* תאריך ההגשה: 06/07/23ב23:59
* את המטלה יש להגיש **בזוגות בלבד.**
* יש להגיש מטלות מוקלדות בלבד. פתרונות בכתב יד לא ייבדקו.
* ניתן לשלוח שאלות בנוגע לתרגיל בפיאצה בלבד.
* המתרגל האחראי על תרגיל זה: **אור רפאל בידוסה.**
* בקשות דחיה מוצדקות (מילואים, אשפוז וכו') יש לשלוח למתרגל האחראי (**ספיר טובול**) בלבד.
* במהלך התרגיל ייתכן שנעלה עדכונים, למסמך הנ"ל – תפורסם הודעה בהתאם.
* העדכונים הינם מחייבים, ועליכם להתעדכן עד מועד הגשת התרגיל.
* שימו לב, התרגיל מהווה כ- 15% מהציון הסופי במקצוע ולכן העתקות תטופלנה בחומרה.
* התשובות לסעיפים בהם מופיע הסימון [Writing Hand on Apple ](https://emojipedia.org/apple/ios-14.6/writing-hand/) צריכים להופיע בדוח.
* לחלק הרטוב מסופק שלד של הקוד.
* אנחנו קשובים לפניות שלכם במהלך התרגיל ומעדכנים את המסמך הזה בהתאם. גרסאות עדכניות של המסמך יועלו לאתר. הבהרות ועדכונים שנוספים אחרי הפרסום הראשוני יסומנו כאן בצהוב. ייתכן שתפורסמנה גרסאות רבות – אל תיבהלו מכך. השינויים בכל גרסה יכולים להיות קטנים.

**שימו לב שאתם משתמשים רק בספריות הפייתון המאושרות בתרגיל (מצוינות בתחילת כל חלק רטוב)  
לא יתקבל קוד עם ספריות נוספות**

**מומלץ לחזור על שקפי ההרצאות והתרגולים הרלוונטיים לפני תחילת העבודה על התרגיל.**

**חלק א׳ – MDP (60 נק׳)**

**רקע**

בחלק זה נעסוק בתהליכי החלטה מרקובים, נתעניין בתהליך עם **אופק אינסופי** (מדיניות סטציונרית).

**חלק א׳ - חלק היבש** [Writing Hand on Apple ](https://emojipedia.org/apple/ios-14.6/writing-hand/)

1. בתרגול ראינו את משוואת בלמן כאשר התגמול ניתן עבור המצב הנוכחי בלבד, כלומר , למתן תגמול זה נקרא "תגמול על הצמתים" מכיוון שהוא תלוי בצומת שהסוכן נמצא בו.   
   בהתאם להגדרה זו הצגנו בתרגול את האלגוריתמים Value iteration ו-Policy Iteration למציאת המדיניות האופטימלית.

כעת, נרחיב את ההגדרה הזו, לתגמול המקבל את המצב הנוכחי והפעולה לביצוע שבה בחר הסוכן, כלומר: , למתן תגמול זה נקרא "תגמול על פעולה".

1. (2 נק') התאימו את הנוסחה של התוחלת של התועלת מהתרגול, עבור התוחלת של התועלת המתקבלת במקרה של ״תגמול על פעולה״, אין צורך לנמק.

הנוסחה החדשה שמתקבלת הינה:

1. (2 נק') כתבו מחדש את נוסחת משוואת בלמן עבור המקרה של ״תגמול על פעולה״, אין צורך לנמק.

משוואת בלמן עבור המקרה החדש:

1. (4 נק') נסחו את אלגוריתם Value Iteration עבור המקרה של ״תגמול על פעולה״.

השינוי באלגוריתם אינו גדול וניתן לראותו בפסודו קוד הבא:

Repeat

For each state s in S do:

Until

במקרה בו נשנה את תנאי העצירה כך שהאלגוריתם הופך להיות:

Repeat

For each state s in S do:

Until

*כך שבעצם עכשיו עוצרים כאשר אין שינוי ממש בין ערכי תוחלת התועלת בין איטירציות, ועשינו את השינוי בתנאי העצירה כי עכשיו אין התכנסות כמו קודם שנבעה מזה שהמקדם קטן מאחד ו קיבלנו סכום גאומטרי. נציין שכאן צריך להיות זהירים עם הערך שנותנים ל Rewards כי למשל אם נותנים ערכים חיוביים נקבל שתוחלת התועלת הינה אינסופית( לא נעצור).*

1. (4 נק') נסחו את אלגוריתם Policy Iteration עבור המקרה של ״תגמול על פעולה״.

השינוי באלגוריתם אינו גדול וניתן לראותו בפסודו קוד הבא וניתן לראותו בעיקר בפונקצית getSum() שבה משתמשים בתועלת שהגדרתה שינינו להיות כפי שמפורט למטה:

def getSum( s, a, ):

return

such that:

Repeat

For each state s in S do:

:

Until

במקרה בו האלגוריתם לא יתכנס כי תמיד יהיה הפרש בין המקסימום של getSum על כל הפעולות האפשריות ו getSum על הפוליסה שלנו ולכן תמיד יהיה Unchanged == False מה שגורם להרצה שלא נגמרת. אלא אם כן התחלנו בהתחלה עם הפוליסה האופטימלית ואז נסיים באיטרציה אחת כי לא נמצא הפרש כמו קודם ו Unchanged == True כתוצאה מכך מה שגורם לסיום האלגוריתם באיטרציה הראשונה.

הערה: בסעיפים ג' ו־ד' התייחסו גם למקרה בו , והסבירו מה לדעתכם התנאים שצריכים להתקיים על הסביבה\ על מנת שתמיד נצליח למצוא את המדיניות האופטימלית.

2. נתון ה־MDP הבא , אופק אינסופי:

A picture containing diagram, square, screenshot, rectangle

Description automatically generated

מצבים:  
פעולות

תגמולים:

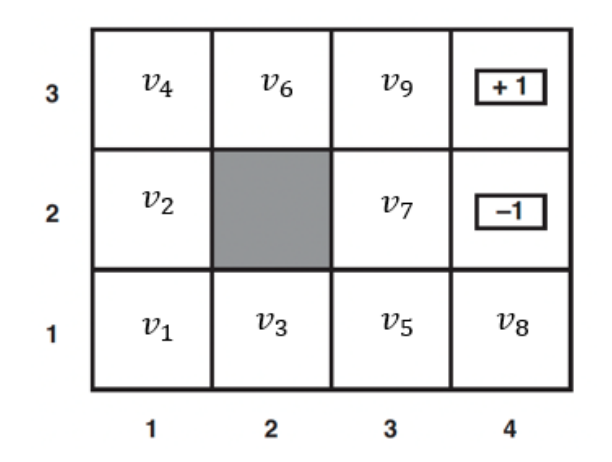
נתונים התגמולים של המצבים הסופיים בלבד: .  
שימו לב, התגמולים הינם תגמולים על המצבים.  
ישנם תגמולים עבור שאר המצבים, הם פשוט לא נתונים כחלק מהשאלה.

מודל מעבר:

כל פעולה "מצליחה" בהסתברות 0.8, ואם היא לא מצליחה אז בהסתברות שווה מתבצעת אחת הפעולות המאונכות לפעולה המתבקשת. כאשר הסוכן הולך לכיוון הקיר או מחוץ ללוח הוא נשאר במקום.

מקדם דעיכה: .

הרצתם את האלגוריתם עם וקיבלתם את הפלט הבא:  
(משמעות הדבר ש־ היא שתנאי העצירה קִיֵּם שנורמה האינסוף בין ווקטורי התועלת הייתה אפסית, כלומר לאחר הריצה ערכי התועלת שהתקבלו מקיימים את משוואת בלמן).



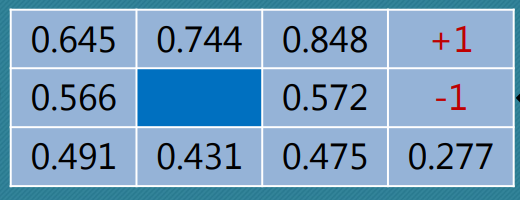
כאשר הוא ערך התועלת למצב ה־ כפי שניתן לראות בתרשים. בנוסף נסמן את התגמול למצב ה־ ב־.  
ענו נכון \ לא נכון, וספקו הסבר קצר או דוגמה נגדית מפורטת.

1. (3 נק') אם , אז בהכרח מתקיים ש־. נכון \ לא נכון.  
   נימוק \ דוגמה נגדית: ניקח למשל המקרה הבא שבו, ונבחר כאשר מתחילים במצב נקבל שמתקיים נבצע החישוב הזה עבור הפעולה

ובטח שמקסימום גדול / שווה לערך שנקבל:

מזה נובע ש: אך ראינו שבהנחה שלנו לכן הטענה שגויה.

1. (3 נק') אם, אז בהכרח. נכון \ לא נכון.  
   נימוק \ דוגמה נגדית: ניקח את הדוגמה הבאה: אשר בה אך שראינו אותה בתרגול 8:



זאת דוגמה אשר מהווה דוגמה נגדית והכל בגלל התגמול על המצב הסופי .

1. (3 נק') אם, אז בהכרח. נכון \ לא נכון.  
   נימוק \ דוגמה נגדית: ניקח המקרה בו במקרה כזה למשל כאשר כיוון שכל התגמולים שלנו הן שליליים וקטנים/שווים ל , לכן . לעומת זאת, מתקיים שהערך המתקבל עבור לפי אלגוריתם Value-Iteration כלומר הערך המינימלי הוא לא של אלא של לכן הטענה שגויה.
2. (3 נק') אם, אז בהכרח. נכון \ לא נכון.  
   נימוק \ דוגמה נגדית: ניקח למשל המקרה בו

מתקיים שה utility המתקבלת עבור ביצוע במשבצת :

נקבל שלפי הנתונים וכאשר מתקיים התנאיהתנאי הבא:

הפוליסה תבחר ללכת ימינה () ולא למעלה לפי החישוב הנ"ל.

במקרה שלנו מתקיים: לכן הבאנו דוגמה למקרה שעונה על התנאים אך הפוליסה בוחרת ללכת ימינה ולא למעלה לכן הטענה שגויה.  
ה. (2 נק') אם , מה מספר המדיניות האופטימליות הקיימות? נמקו.

אם נקבל: ולכן מתקבל שלכל מצב יש 4 פעולות חוקיות שניתן לבצע ממנו, נשים לב שאם הולכים לכיוון של קיר נשארים במקום וזאת פעולה חוקית. יש 9 מצבים אפשריים ולכן יש לנו פוליסות אופטימליות שונות.  
ו. (2 נק') לסעיף זה בלבד נתון כי . מהו ? ציינו את כל האפשרויות ונמקו.

לפי הנתונים הנ"ל נקבל:

עבור :

עבור :

עבור :

עבור :

קיבלנו שני ערכים אפשריים, נבחן את האפשרויות השונות:



במקרה הזה לשניהם יש אותו ערך מקסימלי מבין הערכים האפשריים ונבצע אחד מהם.

במקרה הזה לשניהם יש אותו ערך מקסימלי מבין הערכים האפשריים ונבצע אחד מהם.

במקרה הזה לארבעתם יש אותו ערך מקסימלי מבין הערכים האפשריים ונבצע אחד מהם.

ז. (2 נק') נתון כי , מצאו חסמים צמודים, עליון ותחתון ל־ כפונקציה של (ולא כפונקציה של ).

במקרה הזה מתקבל:

*אנחנו יודעים שמתקיים: כי .*

*בנוסף לכך, בגלל ש :*

*מזה נקבל שהמקסימום מביניהם הינו ולכן:*

ומזה נקבל: .

בנוסף לכך,

ומזה נובע:

ומזה נובע:

ולכן נקבל החסמים הבאים על :

**חלק ב׳ - היכרות עם הקוד**

חלק זה הוא רק עבור היכרות הקוד, עבורו עליו במלואו ווודאו כי הינכם מבינים את הקוד.

mdp.py – **אתם לא צריכים לערוך כלל את הקובץ הזה**.   
בקובץ זה ממומשת הסביבה של ה-mdp בתוך מחלקת MDP. הבנאי מקבל:

* board - המגדיר את המצבים האפשריים במרחב ואת התגמול לכל מצב, תגמול על הצמתים בלבד.
* terminal\_states – קבוצה של המצבים הסופיים (בהכרח יש לפחות מצב אחד סופי).
* transition\_function – מודל המעבר בהינתן פעולה, מה ההסתברות לכל אחת מארבע הפעולות האחרות. ההסתברויות מסודרות לפי סדר הפעולות.
* gamma – discount factor המקבל ערכים - .

בתרגיל זה לא נבדוק את המקרה בו .

הערה: קבוצת הפעולות מוגדרת בבנאי והיא קבועה לכל לוח שיבחר.

למחלקת MDP יש מספר פונקציות שעשויות לשמש אתכם בתרגיל.

* print\_rewards() – מדפיסה את הלוח עם ערך התגמול בכל מצב.
* print\_utility(U) – מדפיסה את הלוח עם ערך התועלת U לכל מצב.
* print\_policy(policy) – מדפיסה את הלוח עם הפעולה שהמדיניות policy נתנה לכל מצב שהוא לא מצב סופי.
* step(state, action) – בהינתן מצב נוכחי state ופעולה action מחזיר את המצב הבא באופן דטרמיניסטי. עבור הליכה לכיוון קיר או יציאה מהלוח הפונקציה תחזיר את המצב הנוכחי state.

**חלק ג׳ – רטוב**  
כל הקוד צריך להיכתב בקובץ mdp\_implementation.py

מותר להשתמש בספריות:

All the built-in packages in python, numpy, matplotlib, argparse, os, copy, typing, termcolor, random

עליכם לממש את הפונקציות הבאות:

* (רטוב 10 נק'): value\_iteration(mdp, U\_init, epsilon) – בהינתן ה-mdp, ערך התועלת ההתחלתי U\_init, וחסם העליון לשגיאה מהתוחלת של התועלת האופטמילי epsilon מריץ את האלגוריתם value iteration ומחזיר את U המתקבל בסוף ריצת האלגוריתם. TODO
* (רטוב 5 נק'): get\_policy(mdp, U) – בהינתן ה-mdp וערך התועלת U (המקיים את משוואת בלמן) מחזיר את המדיניות (במידה וקיימת יותר מאחת, מחזיר אחת מהן). TODO
* (רטוב 5 נק'): policy\_evaluation(mdp, policy) – בהינתן ה-mdp, ומדיניות policy מחזיר את ערכי התועלת לכל מצב. TODO
* (רטוב 10 נק'): policy\_iteration(mdp, policy\_init) - בהינתן ה-mdp, ומדיניות התחלתית policy\_init, מריץ את האלגוריתם policy iteration ומחזיר מדיניות אופטימלית. TODO

**עבור מצבים סופיים וקירות (WALL), הערך שצריך לחזור בתאים אלו עבור טבלאות המדיניות הוא None. כל ערך אחר לא יתקבל כתשובה.  
עבור קירות הערך שצריך עבור טבלאות התועלת הוא None. כל ערך אחר לא יתקבל כתשובה.**

main.py – דוגמת הרצה לשימוש בכל הפונקציות.

בתחילת הקובץ אנו טוענים את הסביבה משלושה קבצים:

board, terminal\_states, transition\_function

ויוצרים מופע של הסביבה (mdp).

* שימו לב, שכרגע הקוד ב-main לא יכול לרוץ מכיוון שאתם צריכים להשלים את הפונקציות הרלוונטיות ב- mdp\_implementation.py.
* בנוסף, על מנת לראות את הלוח עם הצבעים עליכם להריץ את הקוד בIDE לדוגמה PyCharm.

**חלק ב׳ - מבוא ללמידה (40 נק׳)**

**חלק א׳ – חלק היבש (20 נק')**



**k****NN – נעים להכיר**

בחלק זה תכירו אלגוריתם למידה בשם kNN, או בשמו המלא k-Nearest Neighbors, כאשר ה־k הוא למעשה פרמטר!  
יהי סט אימון עם ־דוגמות, , כאשר .  
כלומר הדוגמות הינן וקטורים ־ממדיים והתגיות הינן מדומיין כלשהו, הבעיה היא בעיית קלסיפיקציה (סיווג).  
אם לא נאמר אחרת, הקלסיפיקציה תהיה בינארית, כלומר .  
עבור כל דוגמה בסט האימון, ניתן להסתכל על הכניסה ה־ בווקטור כעל הfeature ה־ של הדוגמה, קרי כל דוגמה מיוצגת על ידי ־ערכים: .  
תהליך ה"אימון" של האלגוריתם הוא טריוויאלי – פשוט שומרים את סט האימון במלואו.  
תהליך הסיווג הוא גם פשוט למדי – כאשר רוצים לסווג דוגמה מסט המבחן מסתכלים על השכנים הקרובים ביותר שלה במישור ה־ממדי מבין הדוגמות בסט האימון, ומסווגים את הדוגמה על פי הסיווג הנפוץ ביותר בקרב השכנים.  
על מנת להימנע משוויון בין הסיווגים, נניח בדרך כלל כי ־אי זוגי, או שנגדיר היטב שובר שוויון.  
אם לא נאמר אחרת, במקרה של שוויון בקלסיפיקציה בינארית, נסווג את הדוגמה כחיובית .

שאלות הבנה

1. (3 נק') כאמור, בתהליך הסיווג אנו בוחרים עבור הדוגמה את הסיווג הנפוץ ביותר של השכנים הקרובים ביותר, אולם עלינו להגדיר את פונקציית המרחק עבור קביעת סט שכנים זה.  
   שתי פונקציות מרחק נפוצות הינן מרחק אוקלידי ומרחק מנהטן.  
   עבור בעיית קלסיפיקציה בינארית תנו דוגמה פשוטה לערכי , סט אימון ודוגמת מבחן בה השימוש בכל אחת מפונקציות המרחק הנ"ל משנה את סיווג דוגמה המבחן.

מעתה, אלא אם כן צוין אחרת, נשתמש במרחק אוקלידי.

נתונה קבוצת האימון הבאה, כאשר :



1. (1 נק') איזה ערך של עלינו לבחור על מנת לקבל את הדיוק המרבי **על קבוצת האימון**? מה יהיה ערך זה?
2. (1 נק') עבור איזה ערך של נקבל מסווג של קבוצת האימון? קרי כל דוגמת מבחן תקבל את הסיווג הנפוץ של כלל קבוצת האימון?
3. (2 נק') נמקו מדוע שימוש בערכי גדולים או קטנים מדי יכול להיות גרוע עבור קבוצת הדגימות הנ״ל.

ווריאציה נוספת של אלגוריתם הלמידה מקבלת במקום את הפרמטר – רדיוס.  
כעת סיווג של דוגמת מבחן יתבצע על ידי הסיווג הנפוץ ביותר של דוגמות הנמצאות במרחק לכל היותר מדוגמת המבחן, כלומר "ברדיוס הסיווג".  
במקרה של שוויון, גם אם ריק, הסיווג יהיה חיובי.

למען הפשטות, בסעיפים הבאים יש להזניח מקרים בהם קבוצת השכנים הקרובים ביותר אינה מוגדרת היטב, כלומר מצב בו יש יותר מ שכנים קרובים ביותר בגלל שוויון במרחק לדוגמת המבחן.

הוכיחו או הפריכו.

1. (3 נק') קיימים ערכי , סט אימון ודוגמת מבחן כך שלא קיים , עבורו סיווג דוגמת המבחן בווריאציה החדשה יהיה זהה לסיווג בגרסה המקורית של האלגוריתם.
2. (3 נק') קיימים ערכי , סט אימון ודוגמת מבחן כך שלא קיים , עבורו סיווג דוגמת המבחן בגרסה המקורית של האלגוריתם יהיה זהה לסיווג בווריאציה החדשה.

**מתפצלים ונהנים**

(7 נק') כידוע, בעת סיווג של דוגמת מבחן על ידי עץ החלטה, בכל צומת בעץ אנו מחליטים לאיזה צומת בן להעביר את דוגמת המבחן על ידי ערך סף שמושווה לfeature של הדוגמה. לפעמים ערך הסף קרוב מאוד לערך הfeature של דוגמת המבחן. היינו רוצים להתחשב בערכים "קרובים" לערך הסף בעת סיווג דוגמת מבחן, ולא לחרוץ את גורלה של הדוגמה לתת־עץ אחד בלבד; לצורך כך נציג את האלגוריתם הבא:  
  
יהיו עץ החלטה , דוגמת מבחן , ווקטור המקיים .  
כלל אפסילון־החלטה שונה מכלל ההחלטה הרגיל שנלמד בכיתה באופן הבא:   
נניח שמגיעים לצומת בעץ המפצל לפי ערכי התכונה , עם ערך הסף .  
אם מתקיים  אזי ממשיכים **בשני** המסלולים היוצאים מצומת זה, ואחרת ממשיכי לבן המתאים בדומה לכלל ההחלטה הרגיל. לבסוף, מסווגים את הדוגמה *בהתאם לסיווג הנפוץ ביותר של הדוגמאות הנמצאות בכל העלים אליהם הגענו במהלך הסיור על העץ (במקרה של שוויון – הסיווג ייקבע להיות ).*

יהא עץ החלטה לא גזום, ויהא העץ המתקבל מ־ באמצעות גיזום מאוחר שבו הוסרה הרמה התחתונה של (כלומר כל הדוגמות השייכות לזוג עלים אחים הועברו לצומת האב שלהם).  
הוכיחו\הפריכו: **בהכרח** קיים ווקטור כך שהעץ עם כלל אפסילון־החלטה והעץ עם כלל ההחלטה הרגיל יסווגו כל דוגמת מבחן ב בצורה זהה.

**חלק ב׳ - היכרות עם הקוד  
רקע**

חלק זה הוא רק עבור היכרות הקוד, עבורו עליו במלואו ווודאו כי הינכם מבינים את הקוד.  
בחלק של הלמידה, נעזר ב 𝑑𝑎𝑡𝑎𝑠𝑒𝑡, הדאטה חולק עבורכם לשתי קבוצות: קבוצת אימון train.csv וקבוצת מבחן test.csv.   
ככלל, קבוצת האימון תשמש אותנו לבניית המסווגים, וקבוצת המבחן תשמש להערכת ביצועיהם.

בקובץ utils.py תוכלו למצוא את הפונקציות הבאות לשימושכם:  
 load\_data\_set, create\_train\_validation\_split, get\_dataset\_split   
אשר טוענות/מחלקת את הדאטה בקבצי ה־csv למערכי np.array (קראו את תיעוד הפונקציות).

הדאטה של ID3 עבור התרגיל מכיל מדדים שנאספו מצילומים שנועדו להבחין בין גידול שפיר לגידול ממאיר. כל דוגמה מכילה 30 מדדים כאלה, ותווית בינארית **diagnosis** הקובעת את סוג הגידול (0=שפיר, 1=ממאיר). כל התכונות (מדדים( רציפות. העמודה הראשונה מציינת האם האדם חולה (M) או בריא (B). שאר העמודות מציינות כל תכונות רפואיות שונות של אותו אדם (התכונות מורכבות ואינכם צריכים להתייחס למשמעות שלהן כלל).

תיקיית :

* תיקיה זו אלו מכילה את קבצי הנתונים עבור .

קובץ :

* קובץ זה מכיל פונקציות עזר שימושיות לאורך התרגיל, כמו טעינה של וחישוב הדיוק.
* בחלק הבא יהיה עליכם לממש את הפונקציה . קראו את תיעוד הפונקציות ואת ההערות הנמצאות תחת התיאור TODO.

קובץ :

* קובץ בדיקה בסיסי שיכול לעזור לכם לבדוק את המימוש.

קובץ :

* קובץ זה מכיל 3 מחלקות שימושית לבניית עץ שלנו.
  + המחלקה : מחלקה זו מממשת הסתעפות של צומת בעץ. היא שומרת את התכונה ואת הערך שלפיהם מפצלים את הדאטה שלנו.
  + המחלקה : מחלקה זו מממשת צומת בעץ ההחלטה.   
    הצומת מכיל שאלה ואת שני הבנים כאשר הוא הענף בחלק של הדאטה שעונה על שאלת הצומת   
    (הפונקציה של ה מחזירה ).  
    ו־ הוא הענף בחלק של הדאטה שעונה על שאלת הצומת   
    (הפונקציה של ה מחזירה ).
  + המחלקה : מחלקה זו מממשת צומת שהוא עלה בעץ ההחלטה. העלה מכיל לכל אחד מהמחלקות בדאטה את מספר הדוגמאות בעלה עבור כל מחלקה (למשל: ).

קובץ :

* קובץ זה מכיל את המחלקה של שתצטרכו לממש חלקים ממנה, עיינו בהערות ותיעוד המתודות.

קובץ :

* קובץ הרצת הניסויים של ID3, הקובץ מכיל את הניסויים הבאים, שיוסברו בהמשך:

**חלק ג׳ – חלק רטוב ID3 (20 נק')**

עבור חלק זה מותר לכם להשתמש בספריות הבאות:

All the built in packages in python, sklearn, pandas ,numpy, random, matplotlib, argparse, abc, typing.

**אך כמובן שאין להשתמש באלגוריתמי הלמידה, או בכל אלגוריתם או מבנה נתונים אחר המהווה חלק מאלגוריתם למידה אותו תתבקשו לממש.**

1. (3 נק') השלימו את הקובץ utils.py ע"י מימוש הפונקציה .   
   קראו את תיעוד הפונקציה ואת ההערות הנמצאות תחת התיאור TODO.  
   (הריצו את הטסטים המתאימים בקובץ *לוודא שהמימוש שלכם נכון).*  
   שימו לב! בתיעוד ישנן הגבלות על הקוד עצמו, אי־עמידה בהגבלות אלו תגרור הורדת נקודות.  
   בנוסף, שנו את ערך ה בתחילת הקובץ מ־ למספר תעודת הזהות של אחד מהמגישים.
2. (10 נק') **אלגוריתם ID3:**
   1. השלימו את הקובץ ID3.py ובכך ממשו את אלגוריתם כפי שנלמד בהרצאה. TODO  
      שימו לב שכל התכונות רציפות. אתם מתבקשים להשתמש בשיטה של חלוקה דינמית המתוארת בהרצאה. כאשר בוחנים ערך סף לפיצול של תכונה רציפה, דוגמאות עם ערך השווה לערך הסף משתייכות לקבוצה עם הערכים הגדולים מערך הסף. במקרה שיש כמה תכונות אופטימליות בצומת מסוים בחרו את התכונה בעלת האינדקס המקסימלי.   
      כלל המימוש הנ"ל צריך להופיע בקובץ בשם , באזורים המוקצים לכך.  
      (השלימו את הקוד החסר אחרי שעיינתם והפנמתם את הקובץ ואת המחלקות שהוא מכיל).
   2. ממשו את שנמצאת ב TODO

[Writing Hand on Apple ](https://emojipedia.org/apple/ios-14.6/writing-hand/)*והריצו את החלק המתאים ב* ציינו בדו"ח את הדיוק שקיבלתם.

1. **גיזום מוקדם.**

פיצול צומת מתקיים כל עוד יש בו יותר דוגמאות מחסם המינימום ,𝑚כלומר בתהליך בניית העץ מבוצע "גיזום מוקדם" כפי שלמדתם בהרצאות. שימו לב כי פירוש הדבר הינו שהעצים הנלמדים אינם בהכרח עקביים עם הדוגמאות. לאחר סיום הלמידה (של עץ יחיד), הסיווג של אובייקט חדש באמצעות העץ שנלמד מתבצע לפי רוב הדוגמאות בעלה המתאים.

* 1. (2 נק') [Writing Hand on Apple ](https://emojipedia.org/apple/ios-14.6/writing-hand/)הסבירו מה החשיבות של הגיזום באופן כללי ואיזה תופעה הוא מנסה למנוע?
  2. (3 נק') **עדכנו** את המימוש בקובץ כך שיבצע גיזום מוקדם כפי שהוגדר בהרצאה.   
     הפרמטר מציין את המספר המינימלי בעלה לקבלת החלטה, קרי יבוצע גיזום מוקדם אם ורק אם מספר הדוגמות בצומת קטן שווה לפרמטר הנ"ל. TODO
  3. **סעיף זה בונוס (5 נקודה לציון התרגיל):   
     שימו לב, זהו סעיף יבש ואין צורך להגיש את הקוד שכתבתם עבורו.**בצעו כיוונון לפרמטר על קבוצת האימון:

1. בחרו לפחות חמישה ערכים שונים לפרמטר .

2. עבור כל ערך, חשבו את הדיוק של האלגוריתם על ידי  על קבוצת האימון בלבד.   
כדי לבצע את חלוקת קבוצת האימון ל- קבוצות יש להשתמש בפונקציה [sklearn.model\_selection.KFold](https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.model_selection.KFold.html" \l "sklearn.model_selection.KFold" \o "sklearn.model_selection)עם הפרמטרים ,   
ו־ אשר שווה למספר תעודת הזהות של אחד מהשותפים.

* + 1. [Writing Hand on Apple ](https://emojipedia.org/apple/ios-14.6/writing-hand/)השתמשו בתוצאות שקיבלתם כדי ליצור גרף המציג את השפעת הפרמטר על הדיוק.   
       צרפו את הגרף בדו״ח. (לשימושכם הפונקציה בתוך הקובץ ).
    2. [Writing Hand on Apple ](https://emojipedia.org/apple/ios-14.6/writing-hand/) הסבירו את הגרף שקיבלתם. לאיזה גיזום קיבלתם התוצאה הטובה ביותר ומהי תוצאה זו?

תם סעיף הבונוס, הסעיף הבא הינו סעיף **חובה**.

* 1. [Writing Hand on Apple ](https://emojipedia.org/apple/ios-14.6/writing-hand/)(2 נק׳) השתמשו באלגוריתם ID3 עם הגיזום המוקדם כדי ללמוד מסווג מתוך **כל** קבוצת האימון ולבצע חיזוי על קבוצת המבחן.   
     השתמשו בערך ה־ האופטימלי שמצאתם בסעיף c. (ממשו שנמצאת ב  *והריצו את החלק המתאים ב ).* ציינו בדו"ח את הדיוק שקיבלתם. האם הגיזום שיפר את הביצועים ביחס להרצה ללא גיזום?

הערה: בסעיף זה אם לא מימשתם את סעיף c השתמשו בערך .

**הוראות הגשה**

* הגשת התרגיל תתבצע אלקטרונית בזוגות בלבד.
* הקוד שלכם ייבדק (גם) באופן אוטומטי ולכן יש להקפיד על הפורמט המבוקש. הגשה שלא עומדת בפורמט לא תיבדק (ציון 0).
* המצאת נתונים לצורך בניית הגרפים אסורה ומהווה עבירת משמעת.
* הקפידו על קוד קריא ומתועד. התשובות בדוח צריכות להופיע לפי הסדר.
* יש להגיש קובץ zip יחיד בשם AI3\_<id1>\_<id2>.zip (ללא סוגריים משולשים) שמכיל:
* קובץ בשם AI\_HW3.PDF המכיל את תשובותיכם לשאלות היבשות.
* קבצי הקוד שנדרשתם לממש בתרגיל **ואף קובץ אחר:**
* קובץ – utils.py
* בחלק של עצי החלטה – ID3.py, ID3\_experiments.py
* בחלק של mdp - mdp\_implementation.py

**אין להכיל תיקיות בקובץ ההגשה, הגשה שלא עומדת בפורמט לא תיבדק.**