در ابتدای کار با کتاب خانه های مختلفی کار کردم.

اما در نهایت از کتاب خانهی networkx در پایتون استفاده کردم.

در این کتابخانه در networkx.utils میتوان یک لیست رندوم از توزیع powerlaw تولید کرد. به صورتی که با هر بار فراخوانی powerlaw_sequence یک لیست رندوم به شما خروجی میدهد که در اصل نودها و تعداد یالها و . . . گراف را برای ما تداعی میکنند. ورودی تابع، تعداد نودهایی که ما میخواهیم + لاندا یا همان exponent ما است که قابل تنظیم است.

در مرحلهی بعد باید با توجه به اطلاعات تولید شده در مرحلهی قبل گراف خود را تشکیل دهیم. پس خروجی مرحلهی قبل را باید تبدیل یه یک گراف کنیم تا بتوانیم اطلاعات مورد نیاز را از آن استخراج کنیم. خوشبختانه در همان کتاب خانه networkx در بخش generators تابعی به نام

expected_degree_graph وجود دارد که گراف ما را با توجه به خروجی قسمت قبل برای ما می سازد.

در مرحلهی بعد، به دلیل اینکه ما به giant_component در گرافمان نیاز داریم و نمیخواهیم نودهایی مانند نودهای ایزوله در گرافمان موجود باشند، با استفاده از remove_nodes_from که یک تابع از کلاس Graph از این کتابخانه است، نودهای ایزوله را از گراف اصلی خود حذف میکنیم. (با دادن لیست نودهای ایزوله به این تابع)

در مرحلهی بعد ما شاهد چندین subgraph خواهیم بود که giant component در اصل بزرگ ترین subgraph ما است. حال این subgraphها را بر حسب سایزشان مرتب میکنیم و بزرگترین آنها را انتخاب میکنیم و سپس برای بزرگ ترین آنها به دنبال میانگین طول کوتاه ترین مسیر در گراف میگردیم.

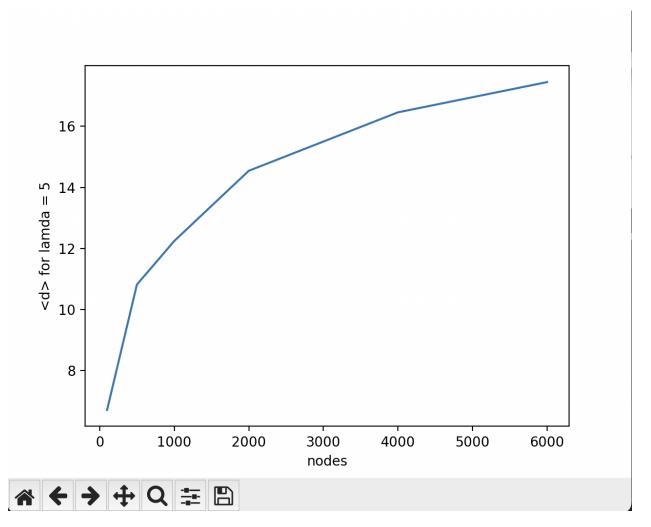
خوشبختانه کتابخانهی networkx این مرحله را نیز پوشش داده است و از تابع

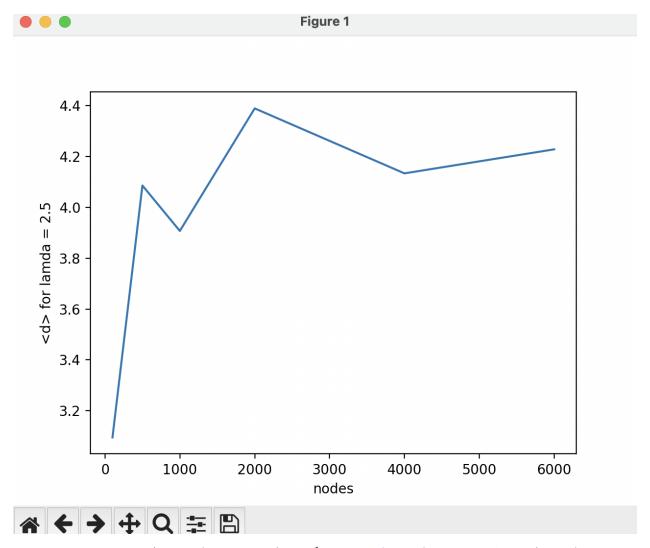
average_shotest_path_length می توانیم استفاده کنیم که به عنوان ورودی یک گراف از شما می گیرد (که همان giant component را به عنوان ورودی به آن می دهیم) و در نهایت یک عدد به شما برمی گرداند که همان <k> که تمرین از ما خواسته است، می باشد.

برای مثال: همانطور که در شکل زیر میبینید قطعه کد را برای ۱۰۰ نود با لاندا ۲-۲.۵-۳و ۵ اجرا کردیم و برای هر کدام ۳ بار <d> را محاسبه کردیم. میانگین این لیست به طور تقریبی به جواب اصلی مسئله نزدیک است.(به علت کمبود منابع برای نودهایی با درجات بسیار بالاتر این امکان وجود نداشت.)

For node and lambda: (188, 2) <pre> <pre> <pre> <pre> <</pre></pre></pre></pre>
verage (d) 1s: 2.471436755466045 for note and lambda: (109, 2,5) (d) 1n 10 times try: [3.17019822382980, 3.329473684210526, 3.6644137525712606, 3.275910364145658, 2.0094298246614035, 2.369983447332421, 3.4245754245754245, 3.620984278879016, 2.9782544813399943, 3.1094736842105264
average (d) is: 3.095179/164656886
for node and lambda: (100, 3) <d> in 10 times try: [4.271689497716895, 3.6572769953851645, 5.26969857218403, 2.5956962025316456, 4.539344262295082, 3.777403846153846, 2.169237961664329, 3.810175438596491, 3.601999259533506, 4.7518796992481205] av</d>
erage < p is: 3.835440173522911
for node and lambda: (100, 5) <\pre> - in 10 times try: [4.827403846153846, 5.385365853658537, 4.485294117647659, 5.490950226244344, 6.260109289617486, 7.781970649895178, 7.117532467532468, 7.7814818481481485, 8.579787234042554, 9.463934426229599] average <\pre> - is 6.714940625916914 - is 6.71494062916918 - is 6.71494062916918 - is 6.71494062916918 - is 6.71494062918 - is 6.714
For node and lambda: (509, 2) <4> in 10 times try: [2.1923641251372343, 2.9404380801578833, 2.731793787667741, 2.1218980822336673, 2.382024634334103, 2.033887660327289, 2.9219911353562904, 2.7326692394805994, 2.83728936788983, 2.8937641535487435]
average <d> is: 2.5788120266973387</d>
for node and lambda: (500, 2.5) <d>in 10 times try: [3.5139135504730605, 3.729221061792863, 3.805727298170623, 4.19277303007873, 5.003001493760665, 3.853548878461047, 4.084919360020562, 4.713338000656599, 4.5468157926903805, 3.4151387290627797]</d>
wwerage <
100 How all united (200, 0 × 10 to times Uy. [3.403043971034200, 3.612006200394110, 0.00130332414094, 3.624200029941, 0.094420432091, 3.625213401300023, 0.394313000023, 0.394313000023, 0.3943130000000000000000000000000000000000
for node and lambda: (500, 5) <d> in 10 times try: [10.951845431869108, 10.340922904296601, 10.740844621513943, 7.5838986883763, 11.133798004548714, 11.354194115963681, 10.590560568516528, 12.669673306777209, 9.990411731528482, 12.827775432672013]</d>
average <d> is: 10.818392480525628</d>
for node and lambda: (1800, 2) < d> in 10 times try: [2.449453238404645, 2.872490998186101, 2.202925563229794, 2.973511751586893, 2.996198961406356, 2.9771099938134968, 2.979990720174834, 2.5301368871265955, 2.6758486032641557, 2.6492182812187477] ***system of the contraction of
rering Number : 0.8.2.1900000-39-47.390001 For node and lambda: (1009, 2.5)
average <d> is: 3.9972557309661717</d>
for node and lambda: (1000, 3) <d> in 10 times try: [5.480808555550059, 6.3999361781763205, 6.205559010123918, 6.031095187022916, 6.206800551239422, 6.20485587715291, 6.078680057139303, 6.195841187103644, 4.962913636702928, 6.068969370619425] av</d>
erage (d) is: 5.483425982088947 for node and lambda: (1996, 5) <d> in 10 times try: [11,179238687993696, 10.91515099590799, 12.515575196775191, 12.694109943513523, 11.437877964874163, 13.624661145949046, 12.72786159685551, 11.773638143498792, 12.483473953892215, 13.68196361019</d>
101 Index and users (2009, 3) We III to Clims (1), [11.173.99001000099, 10.311.0003900199, 12.311.311.0003900100199, 12.311.311.311.311.311.311.311.311.311.3
for node and lambda: (2000, 2) <d> in 10 times try: [2.2515774754217577, 2.545780963100472, 2.6692312216928417, 3.024981831140443, 3.1588886118334343, 2.7382318158584598, 2.999898237375074, 3.0397785904691688, 2.2541502532357907, 3.114379579503351</d>
] average <d 2.7196818579638793<="" is:="" td=""></d>
for node and lambda: (2000, 2.6) < d⊅ in 10 times try: [5.103395147724896, 4.9235997310015645, 3.7661095684186626, 3.986387505389332, 4.1735742597575705, 3.8237135952115687, 3.587665832320123, 4.454044446742206, 5.0826320468633925, 4.98952817168627 11 average ⟨ d⟩ : sr. 4.389984120911558
sg ortrager W. 15. 4.1.030007103111030 For note and lambda: (2008.) 3. dz in 10 times try: [6.3412320126158095, 5.748973647963462, 5.660865424926633, 6.916995918611543, 6.144668045629611, 6.016778040607136, 6.263435681974731, 5.185701253090183, 5.5755106902864995, 6.141609932481133] a
verage <d> is: 5.993507064018667</d>
for node and lambds: (2000, 5) < dy in 10 times try: [12.273071589426507, 14.655958537261059, 13.664417788800634, 13.214681368343324, 16.100421742871976, 16.966651946510634, 13.458669367665884, 14.632246568673901, 14.631881881881, 15.84261311717
6672] average

حال در مرحلهی بعد اطلاعات خروجی را به نمودار میبریم. برای مثال برای لاندای ۲.۵ و لاندای ۵ دو نمودار زیر را داریم. که با توجه به اضافه شدن درجهی رئوس، <a> نیز سیری افزایشی خواهد داشت.





برای مشاهدهی کد نیز می توانید به این ربیو در گیتهاب خودم مراجعه نمایید.