



INSTITUTO TECNOLÓGICO DE AERONÁUTICA

CTC-17: INTELIGÊNCIA ARTIFICIAL

---

## Projeto Buscas de Melhoria Iterativa e Satisfação de Restrição

---

*Professor:*

Paulo A L Castro

*Grupo:*

Eduardo A M Barbosa

Victor R Sales

17 de Setembro de 2019

# Conteúdo

|          |  |          |
|----------|--|----------|
| <b>1</b> | <b>Objetivo do Trabalho e Descrição da Implementação</b> | <b>2</b> |
| <b>2</b> | <b>Resultados Obtidos</b>                                | <b>2</b> |
| 2.1      | Melhoria Iterativa . . . . .                             | 2        |
| 2.1.1    | N-Rainhas . . . . .                                      | 2        |
| 2.1.2    | Função Real . . . . .                                    | 3        |
| 2.1.3    | Discussão . . . . .                                      | 3        |
| 2.2      | Satisfação de Restrições . . . . .                       | 3        |
| 2.2.1    | Primeira Modelagem . . . . .                             | 3        |
| 2.2.2    | Segunda Modelagem . . . . .                              | 5        |
| 2.2.3    | Discussão . . . . .                                      | 6        |
| <b>3</b> | <b>Conclusões</b>  | <b>7</b> |

# 1 Objetivo do Trabalho e Descrição da Implementação

O objetivo do presente trabalho é explorar e fixar os conhecimentos obtidos sobre Melhorias Iterativa e sobre Problema da Satisfação de Restrições.

Para a implementação dos algoritmos de Melhoria Iterativa, foi utilizada a linguagem Python 3, mais especificadamente a versão 3.7.3, e não foi utilizada nenhuma IDE especializada, apenas o editor de texto Sublime.

## 2 Resultados Obtidos

### 2.1 Melhoria Iterativa

#### 2.1.1 N-Rainhas

Para esse problema, decidimos implementar o algoritmo Random-restart Hill Climbing: rodamos o Simple Hill Climbing cinco vezes, cada uma com estados iniciais randômicos, e dizemos qual o melhor estado dentre os cinco atingidos.

Foi utilizada como função de otimização a quantidade distinta de linhas, colunas e diagonais principais e secundárias ocupadas por cada rainha. Ou seja, para  $N$  rainhas, o valor máximo dessa função seria  $4N$ , pois haveriam  $N$  linhas distintas sendo ocupadas,  $N$  colunas distintas sendo ocupadas e  $N$  de cada uma das diagonais.

Para fazer uma análise melhor do tempo, o algoritmo inteiro foi rodado 10 vezes para cada caso. Com isso, obtemos os resultados da Tabela 1.

Tabela 1: Tempos necessários para se obter a solução para cada número de rainhas considerado.

| N | Tempo (s)          |
|---|--------------------|
| 4 | $0.120 \pm 0.010$  |
| 5 | $0.256 \pm 0.014$  |
| 6 | $0.998 \pm 0.887$  |
| 7 | $2.087 \pm 1.912$  |
| 8 | $8.993 \pm 11.976$ |

Para os valores pedidos, não foi possível chegar numa solução em tempo hábil, apenas em uma aproximação. Para esses casos, o número máximo de iterações para

o Simple Hill Climbing foi 100 e os resultados obtidos estão na Tabela 2.

Tabela 2: Tempos necessários para se obter uma solução aproximada para cada número de rainhas considerado.

| N  | Tempo (s)          |
|----|--------------------|
| 10 | $1.036 \pm 0.100$  |
| 15 | $3.242 \pm 0.155$  |
| 20 | $7.378 \pm 0.314$  |
| 25 | $13.660 \pm 0.897$ |

### 2.1.2 Função Real

Para esse problema, foi implementado o algoritmo de Simulated Annealing, com a função de *schedule* sendo a função  $s(t) = \frac{100}{t}$ , com  $t$  começando de 1. Também, ao invés de infinitas iterações, utilizamos apenas 100.

Com isso, obtemos os máximos locais da Tabela 3.

Tabela 3: Máximos locais encontrados para a função real.

| x       | y       | $f(x, y)$ |
|---------|---------|-----------|
| 0.00033 | 0.00110 | 3.99999   |

### 2.1.3 Discussão

Inicialmente utilizou-se uma mudança de estado para os lados e diagonais nos problemas das N-Rainhas. No entanto, observou-se que mudando a mudança de estado para apenas os lados o código executou de forma mais rápida e com precisão semelhante.

## 2.2 Satisfação de Restrições

### 2.2.1 Primeira Modelagem

Como sabemos, temos 5 casas adjacentes – enumere-mo-las de 1 a 5, com cada casa adjacente às casas com números adjacentes – cada uma possuindo 4 propriedades, sendo elas:

- $C_i$ , a cor da casa  $i$
- $N_i$ , a nacionalidade de quem mora na casa  $i$
- $M_i$ , a marca do cigarro preferido por quem mora na casa  $i$
- $B_i$ , a bebida preferida de quem mora na casa  $i$
- $A_i$ , o animal de estimação de quem mora na casa  $i$

O domínio de cada uma dessas variáveis é, respectivamente:

- {Vermelha, Amarela, Azul, Verde, Marfim}
- {Inglês, Espanhol, Norueguês, Ucrâniano, Japonês}
- {Kool, Chesterfield, Winston, Lucky Strike, Parliament}
- {Água, Suco de Laranja, Chá, Café, Leite}
- {Zebra, Cachorro, Raposa, Caramujos, Cavalo}

De cara, como cada variável é única, já obtemos as seguintes restrições:

- $C_i \neq C_j, \forall i \neq j$
- $N_i \neq N_j, \forall i \neq j$
- $M_i \neq M_j, \forall i \neq j$
- $B_i \neq B_j, \forall i \neq j$
- $A_i \neq A_j, \forall i \neq j$

Ademais, os bullet points dados acarretam as restrições a seguir:

- $N_i = \text{Inglês} \iff C_i = \text{Vermelha}$
- $N_i = \text{Espanhol} \iff A_i = \text{Cachorro}$
- $N_1 = \text{Norueguês}$
- $C_i = \text{Amarela} \iff M_i = \text{Kool}$
- $M_i = \text{Chesterfield} \iff A_{i-1} = \text{Raposa} \vee A_{i+1} = \text{Raposa}$
- $N_i = \text{Norueguês} \iff C_{i-1} = \text{Azul} \vee C_{i+1} = \text{Azul}$
- $M_i = \text{Winston} \iff A_i = \text{Caramujos}$
- $M_i = \text{Lucky Strike} \iff B_i = \text{Suco de Laranja}$
- $N_i = \text{Ucrâniano} \iff B_i = \text{Chá}$

- $N_i = \text{Japonês} \iff M_i = \text{Parliament}$
- $M_i = \text{Kool} \iff A_{i-1} = \text{Cavalo} \vee A_{i+1} = \text{Cavalo}$
- $B_i = \text{Café} \iff C_i = \text{Verde}$
- $C_i = \text{Verde} \iff C_{i-1} = \text{Marfim}$
- $B_3 = \text{Leite}$

### 2.2.2 Segunda Modelagem

Na modelagem anterior, indexamos nossas variáveis pela posição correspondente da casa. Para essa modelagem, vamos considerar as variáveis indexadas pelos domínios anteriormente dados e o domínio de cada variável será o domínio de indexação anterior (estamos revertendo o problema). Assim, temos as seguintes variáveis:

- $C_c$ , a posição da casa de cor  $c$
- $N_n$ , a posição da casa onde mora o  $n$
- $M_m$ , a posição da casa onde se fuma  $m$
- $B_b$ , a posição da casa onde se bebe  $b$
- $A_a$ , a posição da casa onde se cria  $a$

O domínio de cada uma dessas variáveis é o conjunto  $D = \{1, 2, 3, 4, 5\}$  e os domínios de indexação são, respectivamente:

- $\{\text{Vermelha, Amarela, Azul, Verde, Marfim}\}$
- $\{\text{Inglês, Espanhol, Norueguês, Ucraniano, Japonês}\}$
- $\{\text{Kool, Chesterfield, Winston, Lucky Strike, Parliament}\}$
- $\{\text{Água, Suco de Laranja, Chá, Café, Leite}\}$
- $\{\text{Zebra, Cachorro, Raposa, Caramujos, Cavalo}\}$

Novamente, como cada variável é única, já obtemos as seguintes restrições:

- $C_i \neq C_j, \forall i \neq j$
- $N_i \neq N_j, \forall i \neq j$
- $M_i \neq M_j, \forall i \neq j$
- $B_i \neq B_j, \forall i \neq j$

- $A_i \neq A_j, \forall i \neq j$

Ademais, os bullet points dados acarretam as restrições a seguir:

- $N_{\text{Inglês}} = C_{\text{Vermelha}}$
- $N_{\text{Espanhol}} = A_{\text{Cachorro}}$
- $N_{\text{Norueguês}} = 1$
- $C_{\text{Amarela}} = M_{\text{Kool}}$
- $|M_{\text{Chesterfield}} - A_{\text{Raposa}}| = 1$
- $|N_{\text{Norueguês}} - C_{\text{Azul}}| = 1$
- $M_{\text{Winston}} = A_{\text{Caramujos}}$
- $M_{\text{Lucky Strike}} = B_{\text{Suco de Laranja}}$
- $N_{\text{Ucraniano}} = B_{\text{Chá}}$
- $N_{\text{Japones}} = M_{\text{Parliament}}$
- $|M_{\text{Kool}} - A_{\text{Cavalo}}| = 1$
- $B_{\text{Café}} = C_{\text{Verde}}$
- $C_{\text{Verde}} = C_{\text{Marfim}} + 1$
- $B_{\text{Leite}} = 3$

### 2.2.3 Discussão

A primeira modelagem foi a que pareceu mais óbvia no começo e foi fácil de traduzir a linguagem natural para a linguagem lógica apropriada para o modelamento. Mas o grande problema é que as restrições acabaram por ficar complicadas de mais, com 3 delas envolvendo 3 variáveis, o que torna o problema um possível 3-Sat e, portanto, NP-Completo para se resolver. Além disso, teria que se tomar cuidado com corner cases na implementação dessas restrições que checam vizinhos.

A segunda modelagem é mais robusta, pois não necessita de tratamento de corner cases e todas as restrições são de uma ou duas variáveis apenas, o que torna a solução possivelmente muito mais rápida. Além disso, todas elas são checks simples e pragmáticos de serem feitos por uma linguagem de programação, o que torna esta modelagem a mais simples e efetiva de ser programada e, consequentemente, a preferível.

### 3 Conclusões

O trabalho mostrou-se desafiador e encontramos dificuldades em todos os itens pedidos. Para o problema das N-Rainhas, em particular, demorava-se um tempo muito grande para se achar uma solução, tanto que nosso algoritmo não chegava à melhor solução para nenhum dos casos pedidos (não nos 10 minutos que deixamos rodando para as 10 rainhas) e usamos apenas uma solução aproximada nas respostas.