Fundamentos de Ingeniería Eléctrica

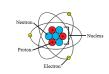
Tema 1: Nociones básicas

Contenidos

- Carga y corriente eléctrica
- Tensión
- Circuito eléctrico
- Leyes de Kirchhoff
- Potencia y energía

Carga y corriente eléctrica

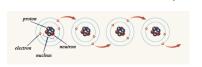
- Átomos: neutrones, protones (+) y electrones (-)
- En estado natural, los átomos son eléctricamente neutros

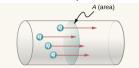


- La carga eléctrica (q) se mide en Culombios (C)
- Charles Augustin de Coulomb (1736-1806, Francia)
- $1C = 6.242 \cdot 10^{18}$ electrones



- ullet La corriente eléctrica (i) es el movimiento de electrones a través de un conductor causada por una excitación
- ullet La corriente se mide en Culombios por segundo (Amperios, A)
- André Marie Ampère (1775-1836, Francia)





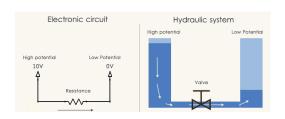


Tensión

- Mover una carga eléctrica requiere realizar un trabajo
- Diferencia de potencial eléctrico (v) entre dos puntos como la energía necesaria para trasladar la unidad de carga entre dichos puntos

$$v = \frac{dw}{dq}$$

- La tensión o voltaje se expresa en Voltios (V)
- Alessandro Giuseppe Antonio Anastasio Volta (1745-1827, Italia)





Tensión e intensidad

¿Qué hace más daño a una persona una batería de un coche o un pastor eléctrico?



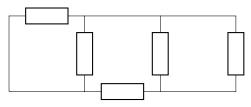


Batería: 12 V, 650 A

Pastor: 8500 V, 0.000235 A

Circuito eléctrico

 Un circuito se puede definir como una serie de elementos conectados entre sí eléctricamente

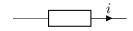


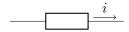
- Nudo: punto de conexión de dos o más componentes
- Lazo: trayectoria cerrada que como máximo pasa una vez por cada nudo
- Malla: lazo que no contiene a ninguno otro en su interior
 - ¿Cuántos nudos, lazos y mallas hay en el circuito?

Intensidad y tensión en un circuito eléctrico

Sobre la línea (recomendado)

Fuera de la línea (no recomendado)





Ingeniería Eléctrica



Ingeniería Electrónica



Textos recientes



• Gustav Robert Kirchhoff (1824-1887, Alemania)

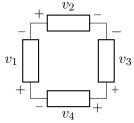


Ley de Kirchhoff de corrientes (LKC): La suma de corrientes entrando a un nudo es igual a cero en todo instante.



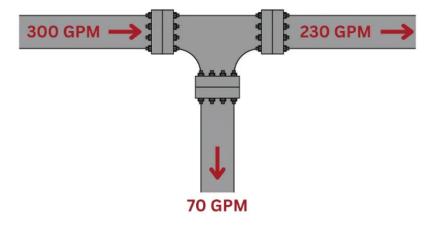
$$i_1 - i_2 + i_3 - i_4 = 0$$

Ley de Kirchhoff de tensiones (LKT): La suma de las tensiones a lo largo de un lazo es igual a cero en todo instante.

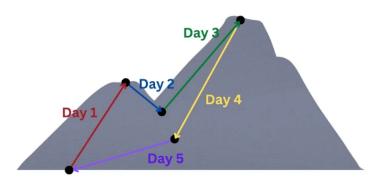


$$v_1 + v_2 - v_3 + v_4 = 0$$

Ley de Kirchhoff de corrientes (LKC)



Ley de Kirchhoff de tensiones (LKT)

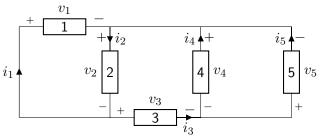


Day	Path	Altitude gain/loss
Day 1	A to B	+5000 feet
Day 2	B to C	-1200 feet
Day 3	C to D	+6000 feet
Day 4	D to E	-7300 feet
Day 5	E to A	-2500 feet
(Total)	ABCDEA	0 feet

Dado el siguiente circuito, determina:

- a) La intensidad i_2 [A]
- b) La intensidad i_5 [A]
- c) La tension v_2 [V]
- d) La tension v_3 [V]
- e) La tension v_4 [V]

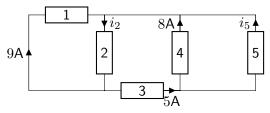
- f) La potencia consumida P_1 [W]
- g) La potencia generada P_2 [W]
- h) La potencia generada P_3 [W]
- i) La potencia consumida P_4 [W]
- j) La potencia consumida P_5 [W]



Datos: $i_1 = \alpha[A], i_3 = \beta[A], i_4 = \gamma[A], v_1 = \delta[V], v_5 = \epsilon[V]$

Solución 1-1

Calcula las intensidades i_2 , i_5



Tenemos tres nudos (tres ecuaciones) y dos incógnitas. Solo podemos usar 2 de las ecuaciones ya que la tercera es linealmente dependiente.

$$i_2 = 9 + 5 \implies i_2 = 14A$$

$$5 = 8 + i_5 \implies i_5 = -3\mathsf{A}$$

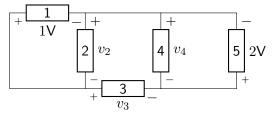
Podemos comprobar que la ecuación del tercer nudo se cumple

$$9 + 8 + i_5 = i_2 \implies i_2 - i_5 = 17$$

? ¿Qué significa que i_5 tenga un valor negativo?

Solución 1-1 (cont)

Calcula las tensiones v_2 , v_3 , v_4



Tenemos tres mallas (tres ecuaciones) y tres incógnitas.

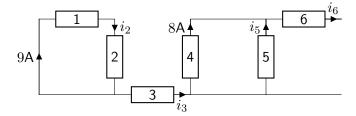
$$1 + v_2 = 0 \implies v_2 = -1V$$

 $v_4 + 2 = 0 \implies v_4 = -2V$
 $v_2 + v_3 - v_4 = 0 \implies v_3 = -2 + 1 = -1V$

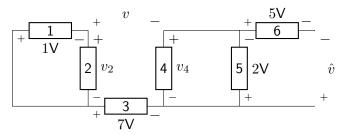
En este caso si podemos usar las ecuaciones de todas las mallas. Podemos comprobar que la suma de tensiones en el lazo exterior es igual a cero.

Q ¿Qué significa que v_2 tenga un valor negativo?

Calcula las intensidades i_2 , i_3 , i_5 , i_6



Calcula las tensiones v, \hat{v}



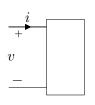
Potencia y energía

- La potencia (P) mide la energía intercambiada por unidad de tiempo
- La potencia se mide en Vatios (W). 1W = 1J/1s

$$P = \frac{dw}{dt} = \frac{dw}{dq}\frac{dq}{dt} = v \cdot i$$

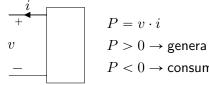
Criterio consumidor

Criterio generador



$$\begin{split} P &= v \cdot i \\ P &> 0 \rightarrow \text{consume} \end{split}$$

$$P<0 \to \mathsf{genera}$$



$$P = v \cdot i$$

 $P < 0 \rightarrow \text{consume}$

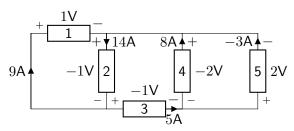
• La energía intercambiada (w) hasta el tiempo t se calcula como

$$w(t) = \int_{-\infty}^{t} p(x)dx$$

La energía se puede medir en Julios (J) o kWh

Solución 1-1 (cont)

Calcula la potencia absorbida o consumida por cada elemento

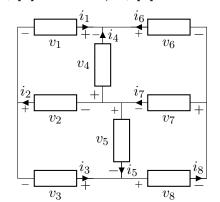


Elemento	v[V]	i[A]	Criterio	P[W]	Consume/Genera
1	1	9	consumidor	9	Consume 9W
2	-1	14	consumidor	-14	Genera 14W
3	-1	5	consumidor	-5	Genera 5W
4	-2	8	generador	-16	Consume 16W
5	2	-3	consumidor	-6	Genera 6W

Potencia total consumida = Potencia total generada

Dado el siguiente circuito, determina:

- a) i_1 [A] e) v_2 [V] b) i_3 [A] f) v_5 [V]
- c) i_6 [A] g) v_6 [V]
- d) i_7 [A] h) v_7 [V]



- i) P_1 [W] (gen) m) P_5 [W] (con) j) P_2 [W] (gen) n) P_6 [W] (gen)
- k) P_3 [W] (gen) o) P_7 [W] (con)
- I) P_4 [W] (con) p) P_8 [W] (con)

Datos: $v_1 = \alpha[V]$ $v_3 = \gamma[V]$

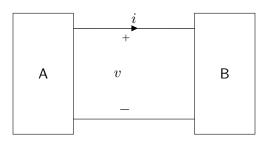
 $v_4 = \epsilon[V]$ $v_8 = \theta[V]$

 $i_2 = \beta[A]$ $i_4 = \delta[A]$

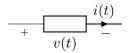
 $i_5 = \eta[A]$ $i_8 = \kappa[A]$

Dado el siguiente circuito, determina:

- a) Potencia consumida por A [W] para $i = (-1)^{\alpha} \cdot \beta[A], v = (-1)^{\beta} \cdot \alpha[V]$
- b) Potencia consumida por B [W] para $i=(-1)^{\gamma}\cdot\delta[{\rm A}], v=(-1)^{\delta}\cdot\gamma[{\rm V}]$
- c) Potencia generada por A [W] para $i=(-1)^\epsilon\cdot\eta[{\rm A}], v=(-1)^\eta\cdot\epsilon[{\rm V}]$
- d) Potencia generada por B [W] para $i=(-1)^{\theta}\cdot\kappa[{\sf A}], v=(-1)^{\kappa}\cdot\theta[{\sf V}]$



Para t<0 la tensión v e intensidad i en los terminales del elemento abajo dibujado es 0. Para $t\geqslant 0$, la tensión e intensidad vienen dadas por las siguientes expresiones: $v(t)=\alpha t[{\sf V}]$ y $i(t)=\beta e^{-\gamma t}[{\sf A}]$.



a) Calcula la energía consumida en Julios por dicho elemento para $t=\delta$ segundos

Solución 1-4

$$v(t) = 9t[V]$$
$$i(t) = 5e^{-8t}[A]$$

La energía consumida por dicho elemento para $t=1s\ {\rm es}$

$$w = \int_0^1 v(t)i(t)dt = \int_0^1 45te^{-8t}dt = 45\left(\frac{-1}{8}te^{-8t}\Big|_0^1 - \int_0^1 \frac{-1}{8}e^{-8t}dt\right) = 45\left(\frac{-1}{8}te^{-8t}\Big|_0^1 - \frac{1}{8^2}e^{-8t}\Big|_0^1\right) = 0,68J$$

Clases de circuitos

- Propagación efectos eléctricos
 - Parámetros concentrados: propagación instantánea
 - Parámetros distribuidos: propagación no instantánea
- Ecuaciones que relacionan magnitudes eléctricas
 - Circuitos lineales
 - Circuitos no lineales
- Tipo de señal
 - Circuito corriente continua
 - Circuito corriente alterna
- Régimen
 - Permanente
 - Transitorio