



#### **FILAS**

Prof.: Julio Cesar dos Reis

#### Roteiro

□ Conceito de fila

□ Implementação com arranjos

Implementação com estruturas ligadas

# Filas (Queue)

- □ Primeiro a entrar é o primeiro a sair
  - Respeita-se a ordem de chegada dos elementos
- Remove-se primeiramente os elementos inseridos há
   MAIS tempo

# Filas (Queue)

- □ Primeiro a entrar é o primeiro a sair
  - Respeita-se a ordem de chegada dos elementos
- Remove-se primeiramente os elementos inseridos há
   MAIS tempo
- Inserção e remoção se faz por extremidades distintas da estrutura
  - Inserção => final da sequência
  - Remoção => início da sequência



#### TAD Fila

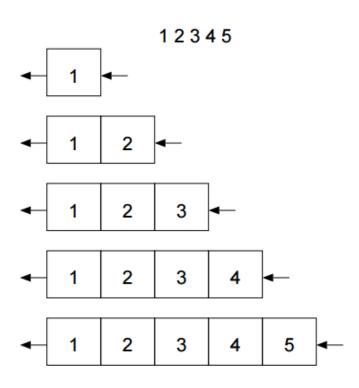
#### Operações



- enfileirar
- desenfileirar
- filaVazia
- filaCheia
- tamanho

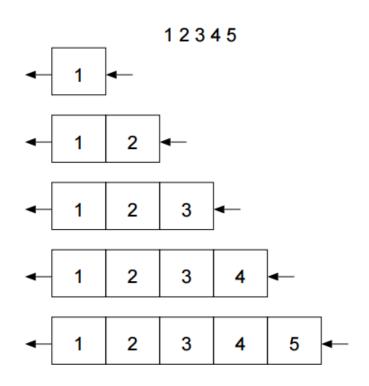
# Exemplo de operações em fila

Sequência de enfileiramento



# Exemplo de operações em fila

Sequência de enfileiramento



Sequência de desenfileiramento

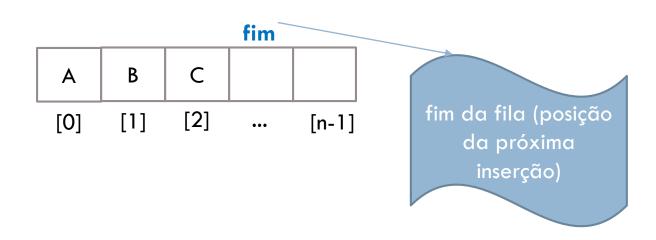
# Abordagens de implementação

- Sequencial com uso de arranjos
  - Sequencial circular (fila circular)

- Encadeada usando lista ligada
  - Lista ligada circular (fila circular)

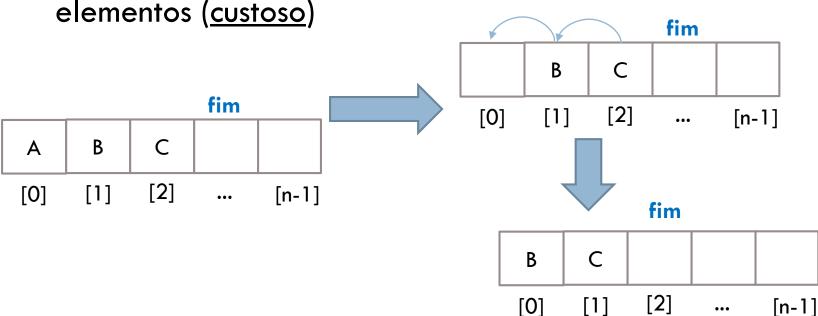
#### Implementação sequencial de fila

- □ Uso de vetor (1<sup>a</sup> opção)
  - Tamanho máximo do vetor (n elementos)
  - Enfileirar: inseri no final do vetor (variável fim)



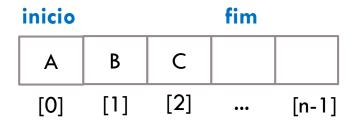
# Implementação sequencial de fila

- □ Uso de vetor (1<sup>a</sup> opção)
  - Tamanho máximo do vetor (n elementos)
  - Enfileirar: inseri no final do vetor (variável fim)
  - Desenfileirar: remove no começo do vetor e desloca



#### Implementação sequencial de fila

- □ Uso de vetor (2° opção)
  - □ Tamanho máximo do vetor (n elementos)
  - □ Índice de **inicio** e **fim** da fila
  - Variável que controla a quantidade de elementos

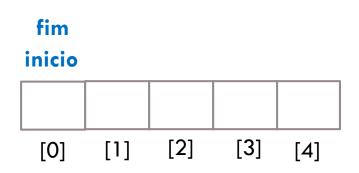


## Estrutura da fila sequencial

```
typedef struct Fila {
    int *elems; //alocação de vetor para armazenar os dados
    //int elems[T_MAX] [#define T_MAX 50;]
    int inicio; //índice de inicio
    int fim; //índice de fim
    int qtd; //quantidade de elementos registrados
} Fila;
```

□ Fila de tamanho máximo igual a 5

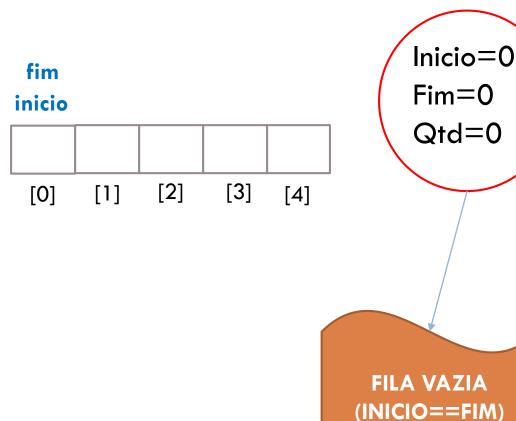
- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



Inicio=0 Fim=0 Qtd=0

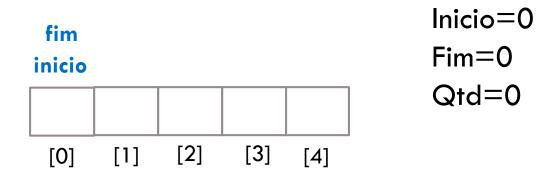
□ Fila de tamanho máximo igual a 5

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



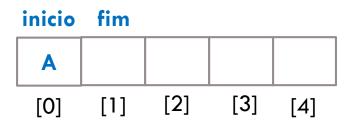
#### □ Inicialização

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



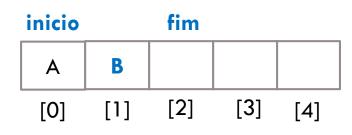
```
Fila* inicializarFila(int tam){
    Fila *f = malloc(sizeof(Fila);
    f->elems=malloc(sizeof(int*tam));
    f->inicio=0; f->fim=0; f->qtd=0;
    return f;
}
```

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



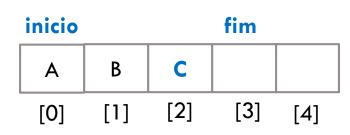
Inicio=0 Fim=1 Qtd=1

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



Inicio=0 Fim=2 Qtd=2

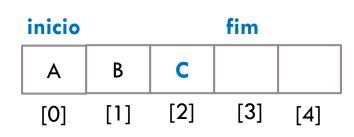
- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



Inicio=0
Fim=3
Qtd=3

```
bool enfileirar(Fila *f, int valor){
  f->elems[p->fim] = valor;
  (f->fim)++;
  return true;
}
```

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



Inicio=0
Fim=3
Qtd=3

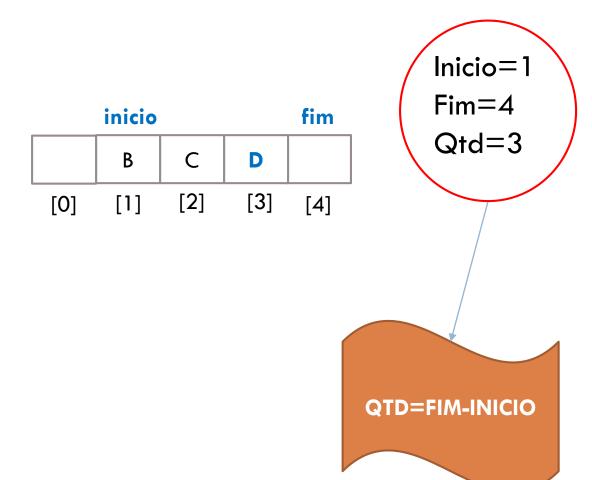
```
bool enfileirar(Fila *f, int valor){
  f->elems[p->fim] = valor;
  (f->fim)++;
  return true;
}
```

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)

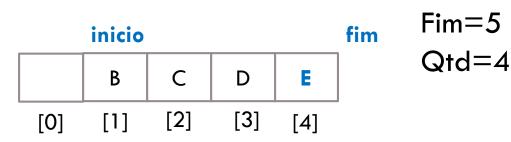


Inicio=1 Fim=3 Qtd=2

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



Inicio=1

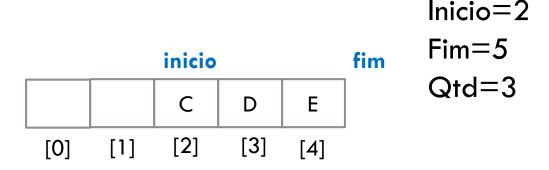
- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



Inicio=2
Fim=5
Qtd=3

```
int desenfileirar(Fila *f){
  int valor = f->elems[f->inicio];
  (f->inicio)++;
  return valor;
}
```

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



```
int desenfileirar(Fila *f){
  int valor = f->elems[f->inicio];
  (f->inicio)++;
  return valor;
}
```

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



Inicio=2
Fim=5
Qtd=3

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



Inicio=2
Fim=5
Qtd=3

#### PROBLEMA

- Tem espaço livre na fila
- Inserção não é permitida
- Mover a fila toda para o inicio do vetor? => custoso

## Análise da implementação sequencial

- Evita o deslocamento dos elementos
  - □ Necessita dos índices inicio e fim na definição de Fila

- Representação ainda ineficiente
  - Situação em que a fila está vazia, mas nenhum elemento novo pode ser inserido

## Análise da implementação sequencial

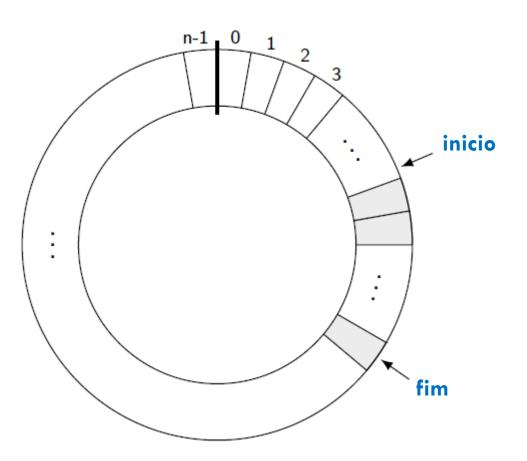
- Evita o deslocamento dos elementos
  - □ Necessita dos índices inicio e fim na definição de Fila

- Representação ainda ineficiente
  - Situação em que a fila está vazia, mas nenhum elemento novo pode ser inserido

- Proposta de melhoria
  - Visualizar o vetor que armazena a fila como um círculo

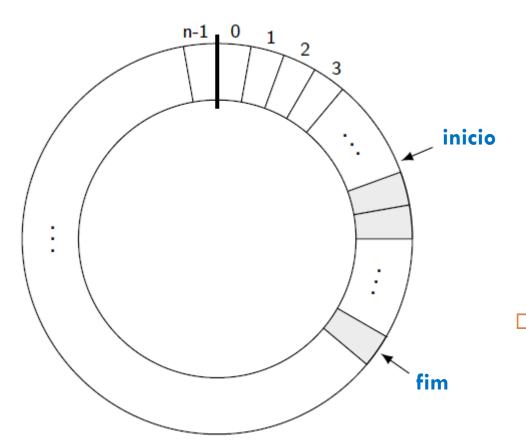
# Fila sequencial circular

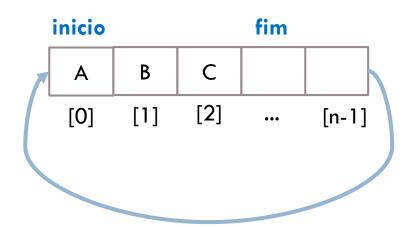
□ Vetor de tamanho N considerado de maneira circular



## Fila sequencial circular

Vetor de tamanho N considerado de maneira circular





As manipulações de índices inicio e fim são realizadas segundo o tamanho máximo (N) do vetor

# Estrutura da fila sequencial circular

```
typedef struct Fila {
    int *elems; //alocação de vetor para armazenar os dados
    //int elems[T_MAX] [#define T_MAX 50;]
    int inicio;
    int fim;
    int qtd; //quantidade de elementos presente na fila
    int QTD_MAX; //tamanho máximo do vetor
} Fila;
```

#### Modificações no enfileiramento

- Em relação ao índice fim (final da fila)
  - □ Próxima posição do vetor não será <u>fim = fim +1</u>
  - Final da fila é dado por:
    - $\blacksquare$  fim = (fim + 1) % QTD MAX
  - Uso do resto da divisão garante que ao chegar ao final do vetor a próxima posição de inserção será o índice 0 (zero) do vetor

# Modificações no desenfileiramento

 Mesmo princípio é usado para gerenciar o índice de inicio da fila

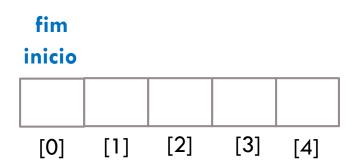
- □ Índice inicio
  - □ Nova posição do inicio da fila <u>não é dado por:</u>
    - <u>inicio = inicio +1</u>
  - □ Inicio da fila é dado por:
    - <u>inicio = (inicio + 1) % QTD MAX</u>

## Exemplo de fila sequencial circular

□ Fila de tamanho máximo igual a 5

QTD\_MAX=5

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)

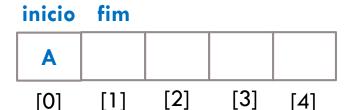


Inicio=0 Fim=0 Qtd=0

## Exemplo de fila sequencial circular

QTD\_MAX=5

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



Inicio=0
Fim=1
Qtd=1

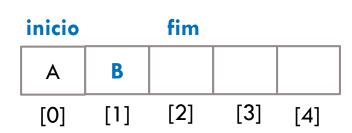
$$\frac{\text{fim} = (\text{fim} + 1) \% \text{ QTD MAX}}{\text{MAX}}$$

$$fim = (0+1) \% 5 => 1$$

# Exemplo de fila sequencial circular

QTD\_MAX=5

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



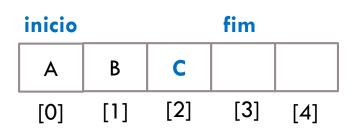
Inicio=0
Fim=2
Qtd=2

$$\frac{\text{fim} = (\text{fim} + 1) \% \text{ QTD} \text{ MAX}}{\text{MAX}}$$

$$fim = (1+1) \% 5 => 2$$

QTD\_MAX=5

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



Inicio=0
Fim=3
Qtd=3

$$fim = (fim + 1) \% QTD MAX$$

$$fim = (2+1) \% 5 => 3$$

QTD\_MAX=5

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



Inicio=1
Fim=3
Qtd=2

inicio = 
$$(0+1) \% 5 = > 1$$

QTD\_MAX=5

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



Inicio=1
Fim=4
Qtd=3

$$\frac{\text{fim} = (\text{fim} + 1) \% \text{ QTD MAX}}{\text{MAX}}$$

$$fim = (3+1) \% 5 => 4$$

QTD\_MAX=5

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



Inicio=1 Fim=0 Qtd=4

$$fim = (fim + 1) \% QTD MAX$$

$$fim = (4+1) \% 5 => 0$$

QTD\_MAX=5

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



Inicio=2
Fim=0
Qtd=3

inicio = 
$$(1+1) \% 5 => 2$$

QTD\_MAX=5

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)

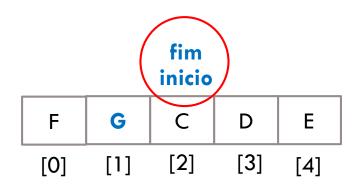


Inicio=2
Fim=1
Qtd=4

$$fim = (fim + 1) \% QTD MAX$$

$$fim = (0+1) \% 5 => 1$$

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()
- enfileirar(D)
- enfileirar(E)
- desenfileirar()
- enfileirar(F)
- enfileirar(G)



QTD\_MAX=5

Inicio=2

Fim=2

Qtd=5

$$fim = (fim + 1) \% QTD MAX$$

$$fim = (1+1) \% 5 => 2$$

- Inicialização
- Destruição
- □ Fila cheia
- Fila vazia
- Inserção (enfileirar)
- Remoção (desenfileirar)
- Consultar elemento da fila

#### Inicialização

```
Fila* inicializarFila(int tam){
    Fila *f = malloc(sizeof(Fila);
    f->elems=malloc(sizeof(int*tam));
    f->inicio=0; f->fim=0; f->qtd=0;
    f->QTD_MAX=tam;
    return f; }
```

#### □ Inicialização

```
Fila* inicializarFila(int tam){
Fila *f = malloc(sizeof(Fila);
f->elems=malloc(sizeof(int*tam));
f->inicio=0; f->fim=0; f->qtd=0;
f->QTD_MAX=tam;
return f; }
```

#### Destruição

```
void finalizarFila(Fila *f){
   free(f->elems);
   free(f);
}
```

#### □ Fila Cheia

```
bool filaCheia(Fila *f){
    if (f->qtd==f->QTD_MAX) return true; else return false;
}
```

□ Fila Cheia

```
bool filaCheia(Fila *f){
    if (f->qtd==f->QTD_MAX) return true; else return false;
}
```

□ Fila Vazia

```
bool filaVazia(Fila *f){
  if (f->qtd==0) return true; else return false;
}
```

Inserção (enfileiramento)

```
bool enfileirar(Fila *f, int valor){
    if (!filaCheia(f)) {
        f->elems[f->fim] = valor;
        f->fim = (f->fim + 1) % f->QTD_MAX;
        (f->qtd)++;
        return true;
    } return false;
}
```

Inserção (enfileiramento)

```
bool enfileirar(Fila *f, int valor){
    if (!filaCheia(f)) {
        f->elems[f->fim] = valor;
        f->fim = (f->fim + 1) % f->QTD_MAX;
        (f->qtd)++;
        return true;
    } return false;
}
```

É possível implementar esse procedimento sem o índice fim? Como?

□ Inserção (enfileiramento) - sem o índice fim

```
bool enfileirar(Fila *f, int valor){
    if (!filaCheia(f)) {
        int posicao = (f->inicio + f->qtd) % f->QTD_MAX;
        f->elems[posicao] = valor;
        (f->qtd)++;
        return true;
    } return false;
}
```

Remoção (desenfileiramento)

```
bool desenfileirar(Fila *f, int *elem){
   if (!filaVazia(f){
        (*elem) = f->elems[f->inicio]; //retorna elemento
        f->inicio = (f-> inicio + 1) % f->QTD_MAX;
        (f->qtd)--;
        return true;
   }
   return false;
}
```

Consultar elemento na fila

```
int consultarFila(Fila *f){
  if(!FilaVazia(f)) {
    return f->elems[f->inicio];
  }
}
```

```
int main(){
 int tam, pos, valor;
 printf("Digite o tamanho da fila: "); scanf("%d", &tam);
 Fila f^* = inicializarFila(tam);
```

```
int main(){
 int tam, pos, valor;
 printf("Digite o tamanho da fila: "); scanf("%d", &tam);
 Fila f^* = inicializarFila(tam);
 for(pos=0; pos<tam;pos++)
   enfileirar(f, pos);
```

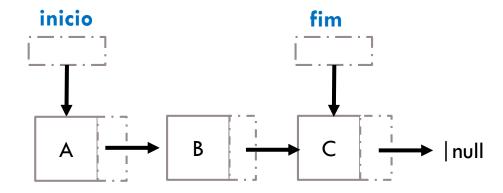
```
int main(){
 int tam, pos, valor;
 printf("Digite o tamanho da fila: "); scanf("%d", &tam);
 Fila f^* = inicializarFila(tam);
 for(pos=0; pos<tam;pos++)
   enfileirar(f, pos);
 while(!filaVazia(f)){
    desifileirar(f, &valor);
    printf("valor = \%d\n", valor);
 finalizarFila(f);
 return (0);
```

```
int main(){
 int tam, pos, valor;
 printf("Digite o tamanho da fila: "); scanf("%d", &tam);
 Fila f^* = inicializarFila(tam);
 for(pos=0; pos<tam*2;pos++)
   enfileirar(f, pos);
 while(!filaVazia(f)){
    desifileirar(f, &valor);
                                            Qual o problema
    printf("valor = %d\n", valor);
                                            com esse código?
                                             Como resolver?
 finalizarFila(f);
 return (0);
```

# Implementação de fila com estruturas ligadas

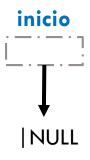
#### Implementação com lista ligada

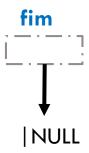
- Uso de ponteiros entre nós
- Não necessita de uma porção de memória contígua alocada a priori
- Alocação de elementos feita sob demanda



□ Fila vazia inicio e fim aponta para null

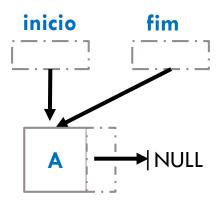
- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()





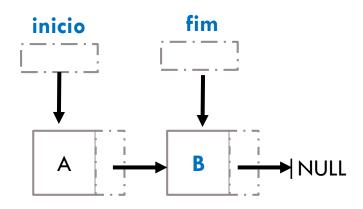
Enfileiramento inseri elemento no final da lista

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()



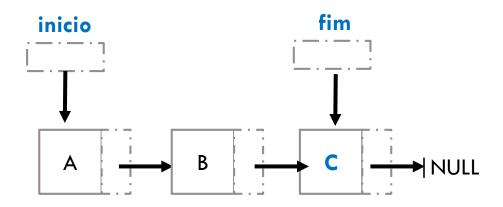
Enfileiramento inseri elemento no final da lista

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()



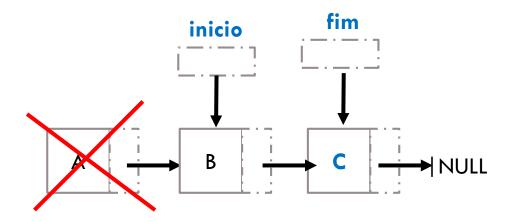
Enfileiramento inseri elemento no final da lista

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()



Desenfileiramento remove elemento no inicio da lista

- enfileirar(A)
- enfileirar(B)
- enfileirar(C)
- desenfileirar()



#### Estrutura da Fila (como lista ligada)

#### Elemento nó para a fila

```
typedef struct NoFila{
    int chave;
    struct NoFila *prox;
} NoFila;
```

#### Fila

```
typedef struct Fila {
    NoFila *inicio;
    NoFila *fim;
} Fila;
```

#### □ Inicialização

```
void inicializarFila(Fila *f){
    f->inicio=NULL;
    f->fim=NULL;
}
```

Inserção (no fim da lista)

```
bool enfileirar(Fila *f, int valor){
  NoFila* novo=malloc(sizeof(NoFila));
  if (novo!=NULL){
    novo->chave=valor;
    novo->prox=NULL;
    if (f->fim!=NULL) //não vazia
            f->fim->prox=novo;
    else
            f->inicio=novo; //primeiro nó inserido
    f->fim=novo; return true;
  } return false;
```

Remoção (no inicio da lista)

```
bool desenfileirar(Fila *f, int *valor){
  NoFila *aux = f->inicio;
  if (aux==NULL) //fila vazia
       return false;
  *valor= aux->chave;
  f->inicio=f->inicio->prox; //caminha na lista
  if (f->inicio == NULL) //fila ficou vazia
       f->fim = NULL;
  free(aux);
  return true;
```

#### Consulta Fila

```
int consultarFila(Fila *f){
   if (f!=NULL)
     return f->inicio->chave;
}
```

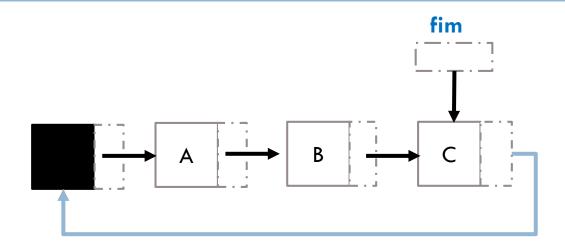
#### Consulta Fila

```
int consultarFila(Fila *f){
   if (f!=NULL)
     return f->inicio->chave;
}
```

#### □ Fila Vazia

```
bool filaVazia(Fila *f){
   if (f!=NULL && f->inicio==NULL)
     return true;
   else
     return false;
}
```

#### Fila como uma lista ligada circular



- □ Facilita a representação de filas
  - Uso de apenas um ponteiro para o fim da lista

#### Exercício

 Implemente as principais operações de uma fila usando uma lista ligada circular

#### Exemplo de aplicações de fila

- □ Fila de impressão
- Escalonamento de processos em sistemas operacionais
- Percurso em estrutura de dados não lineares (e.g., grafos)
- Comunicação entre computadores (redes)

#### Síntese

- Filas são estruturas lineares no qual o primeiro elemento a entrar é o primeiro a sair
  - Elemento removido é aquele que está há mais tempo

#### Síntese

- Filas são estruturas lineares no qual o primeiro elemento a entrar é o primeiro a sair
  - Elemento removido é aquele que está há mais tempo

 Estudamos a definição da estrutura e as operações da implementação com arranjos e com listas ligadas

 Verificamos a opção de <u>fila circular</u> tanto como vetores como em lista ligada