

VARIAÇÕES DE LISTAS LIGADAS

Prof.: Julio Cesar dos Reis

Roteiro

2

- Variações de lista ligada
- Noções de eficiência de algoritmos
- Comparação de arranjos com listas ligadas

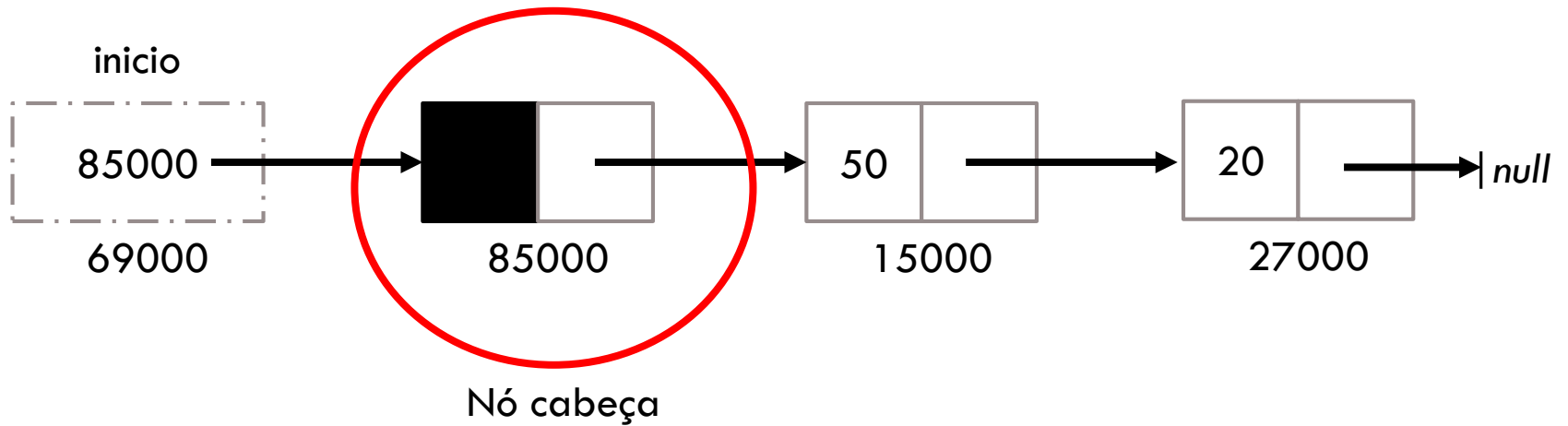
Variações de lista ligada

3

- ❑ Lista com cabeça
- ❑ Lista circular
- ❑ Lista circular com cabeça
- ❑ Lista duplamente ligada
- ❑ Lista duplamente ligada circular
- ❑ Lista duplamente ligada circular com cabeça

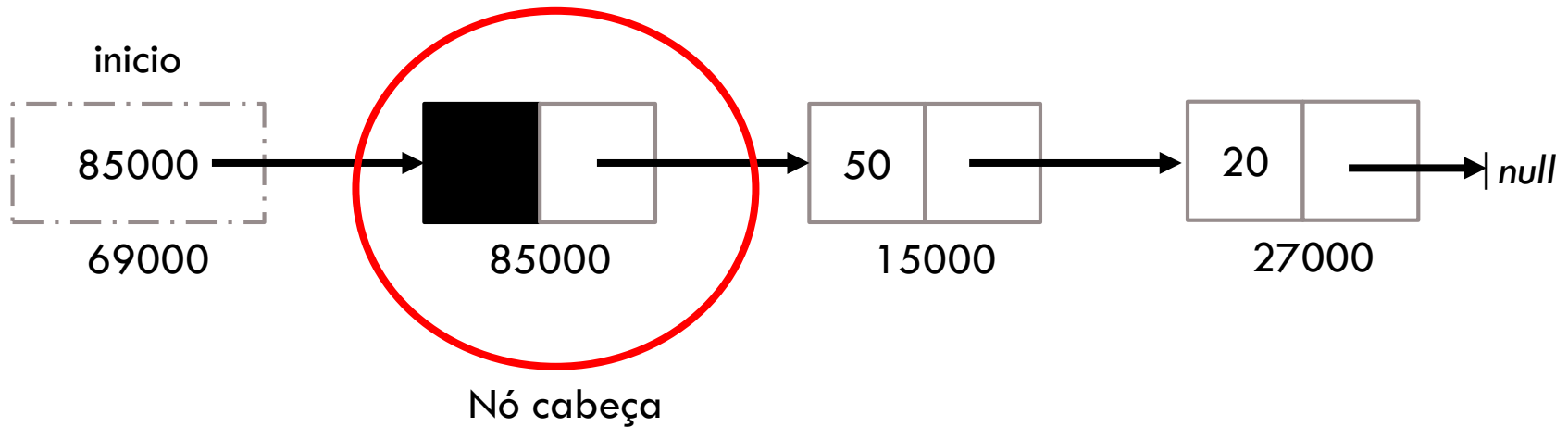
Listas com cabeça

4



Listas com cabeça

5



□ Características

- Ponteiro inicial sempre referencia o nó cabeça
- Procedimentos idênticos para adicionar no início ou no meio da lista
- Nó cabeça deve ser ignorado ao percorrer a lista
- Pode ser útil para guardar informações adicionais

Estrutura da lista

6

Elemento nó

```
typedef struct No{  
    int chave;  
    // outros campos...  
    struct No *prox;  
} No;
```

Lista ligada

```
typedef struct {  
    No *inicio;  
    // outros campos...  
} Lista;
```

Inicialização da lista com cabeça

7

- ❑ Necessário criar um nó cabeça
- ❑ Ponteiro inicial aponta para o nó cabeça
- ❑ Campo próximo do nó cabeça aponta para *null*

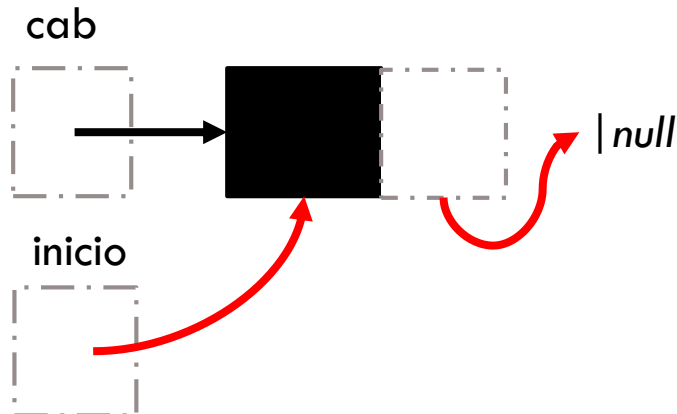
Inicialização da lista com cabeça

8

```
No* iniciar_lista_cab(Lista *p_l){  
    No *cab = malloc(sizeof(No));  
    p_l->inicio = cab;  
    cab->prox = null;  
    return cab;  
}
```

Código cliente

```
Lista l;  
iniciar_lista_cab(&l);
```



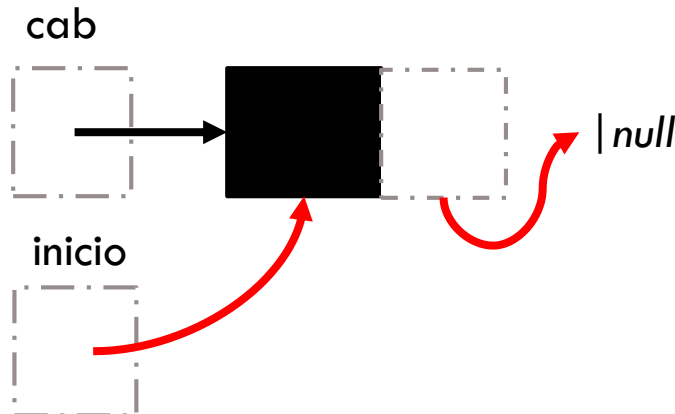
Inicialização da lista com cabeça

9

```
No* iniciar_lista_cab(Lista *p_l){  
    No *cab = malloc(sizeof(No));  
    p_l->inicio = cab;  
    cab->prox = null;  
    return cab;  
}
```

Código cliente

```
Lista l;  
iniciar_lista_cab(&l);
```

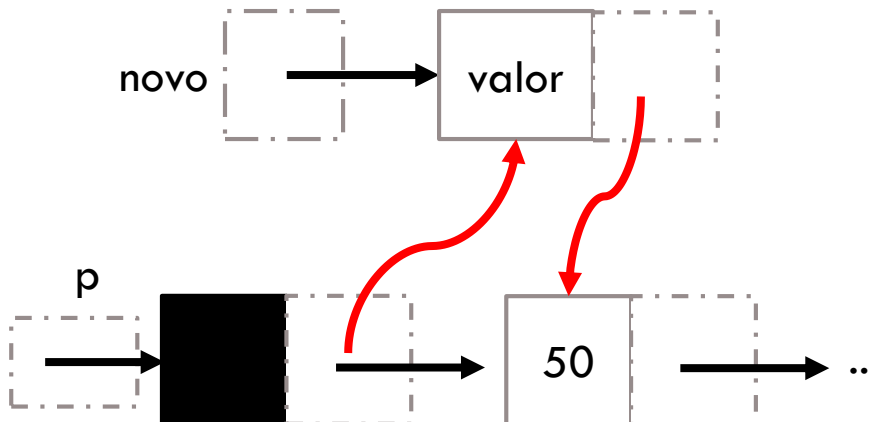


Como verificar se a lista
está vazia?

Inserção na lista com cabeça

10

```
bool insercao_lista_cab(No *p, int valor){  
    No *novo = (No*) malloc(sizeof(No));  
    if (novo==NULL) return false;  
    novo->chave = valor;  
    novo->prox = p->prox;  
    p->prox = novo;  
    return true;  
}
```

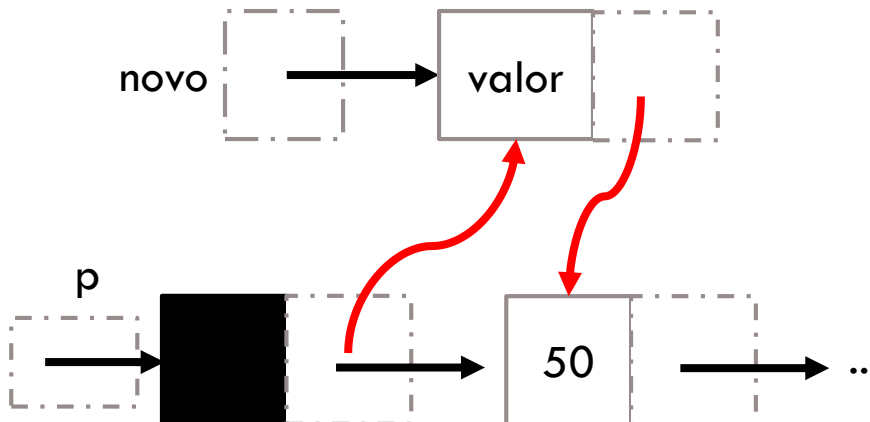


Inserção na lista com cabeça

11

```
bool insercao_lista_cab(No *p, int valor){  
    No *novo = (No*) malloc(sizeof(No));  
    if (novo==NULL) return false;  
    novo->chave = valor;  
    novo->prox = p->prox;  
    p->prox = novo;  
    return true;  
}
```

Ponteiro para Nó;
Não é ponteiro de
início da lista
(p_l->inicio->prox)



Exemplo com lista

12

- ❑ Leia n números pares e os insira em uma lista

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
int main (){
    Lista l;
    No* cab = iniciar_lista_cab(&l);
    int n_par;
    do {
        printf("Digite um número par: "); scanf("%d", &n_par);
        if (n_par%2==0)
            insercao_lista_cab(cab, n_par);
    } while (n_par%2==0);
    imprimir_lista(&l);
    destruir_lista(&l);
}
```

Exemplo com lista

13

- ❑ Leia n números pares e os insira em uma lista

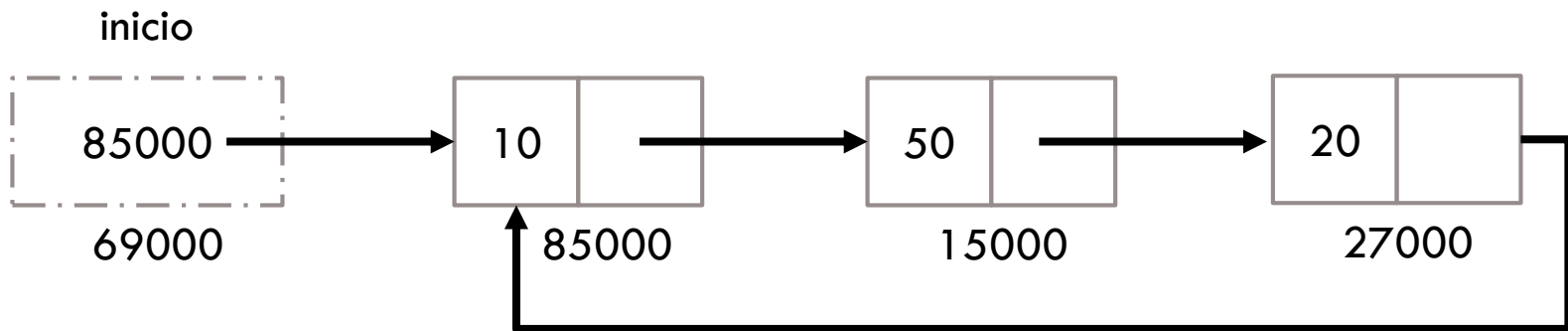
```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
int main (){
    Lista l;
    No* cab = iniciar_lista_cab(&l);
    int n_par;
    do {
        printf("Digite um número par: "); scanf("%d", &n_par);
        if (n_par%2==0)
            insercao_lista_cab(cab, n_par);
    } while (n_par%2==0);
    imprimir_lista(&l);
    destruir_lista(&l);
}
```

Procedimento de
impressão da lista com
cabeça é diferente?

Lista circular

14

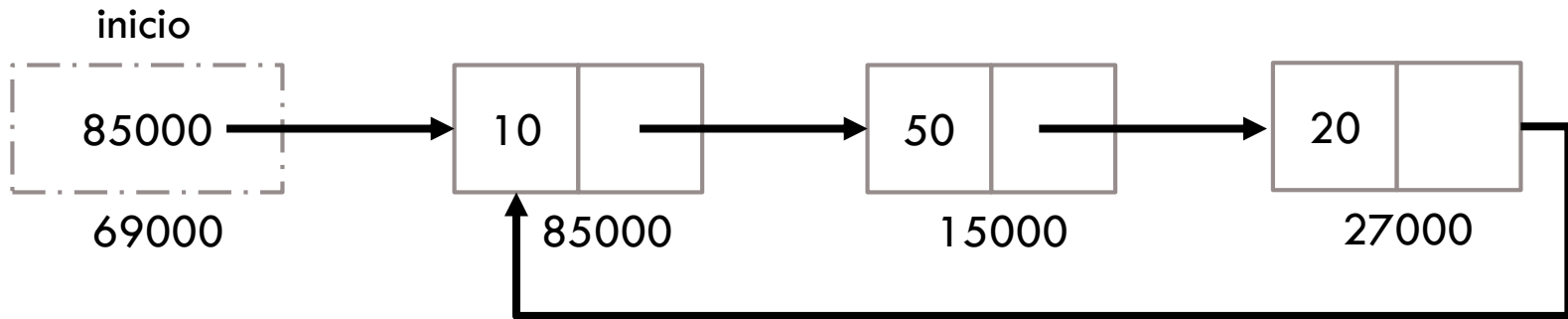
- Último nó aponta para o primeiro



Lista circular

15

- Último nó aponta para o primeiro

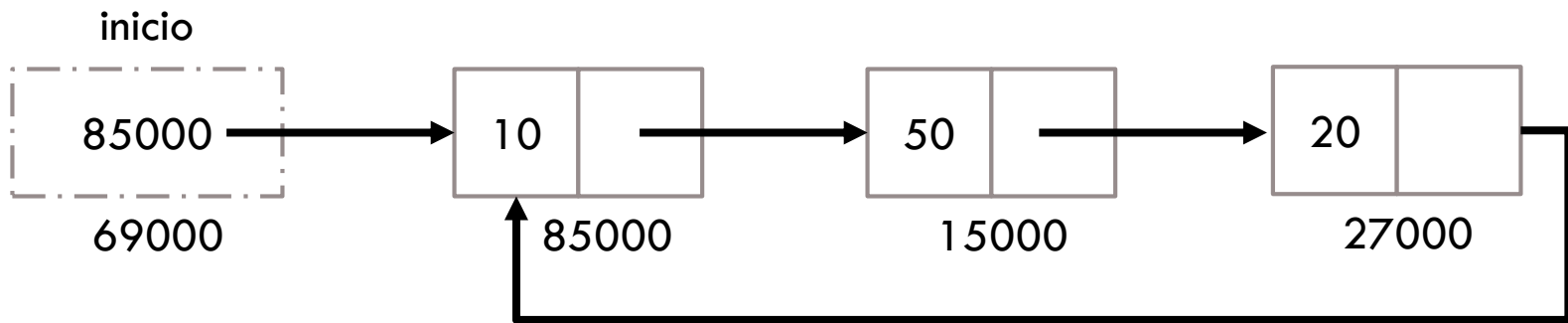


Como verificar se a lista
está vazia?

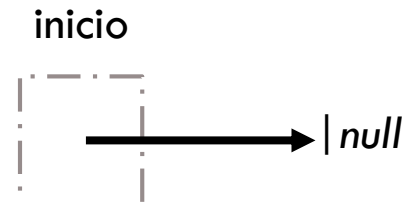
Lista circular

16

- Último nó aponta para o primeiro



Como verificar se a lista
está vazia?



Inserção em lista circular

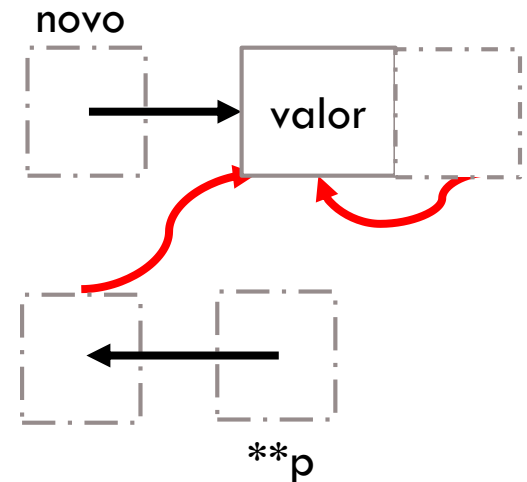
17

```
bool insercao_lista_circ(No **p, int valor){  
    No *novo = (No*) malloc(sizeof(No));  
    if (novo==NULL) return false;  
    novo->chave = valor;  
  
}
```

Inserção em lista circular

18

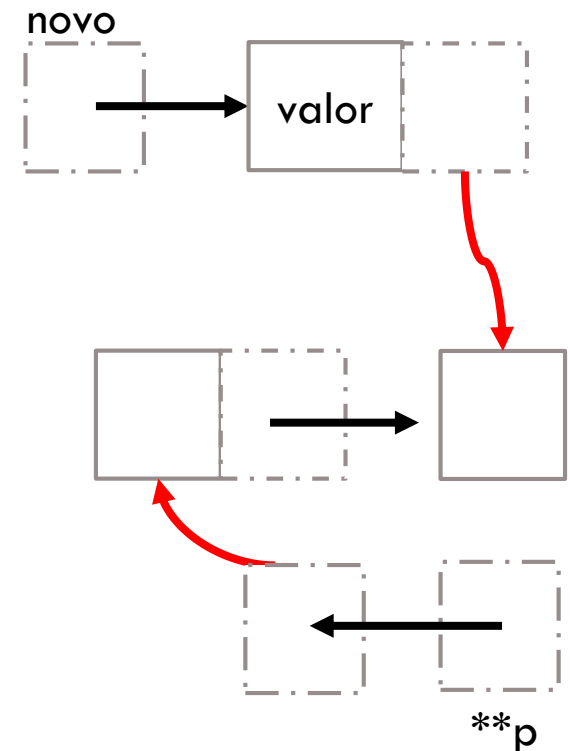
```
bool insercao_lista_circ(No **p, int valor){  
    No *novo = (No*) malloc(sizeof(No));  
    if (novo==NULL) return false;  
    novo->chave = valor;  
    if ((*p) == NULL) { //lista vazia  
        (*p) = novo;  
        novo->prox = novo;  
    }  
}
```



Inserção em lista circular

19

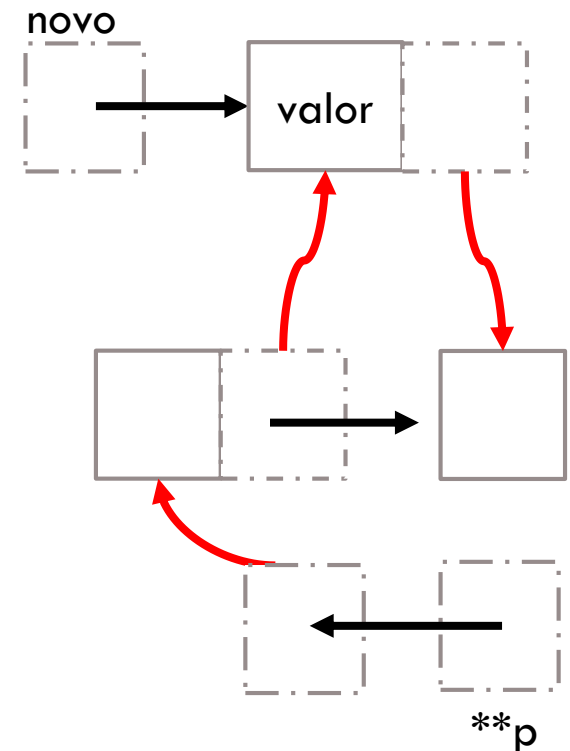
```
bool insercao_lista_circ(No **p, int valor){  
    No *novo = (No*) malloc(sizeof(No));  
    if (novo==NULL) return false;  
    novo->chave = valor;  
    if ((*p) == NULL) { //lista vazia  
        (*p) = novo;  
        novo->prox = novo;  
    } else {  
        novo->prox = (*p)->prox;  
        (*p)->prox = novo;  
    }  
    return true;  
}
```



Inserção em lista circular

20

```
bool insercao_lista_circ(No **p, int valor){  
    No *novo = (No*) malloc(sizeof(No));  
    if (novo==NULL) return false;  
    novo->chave = valor;  
    if ((*p) == NULL) { //lista vazia  
        (*p) = novo;  
        novo->prox = novo;  
    } else {  
        novo->prox = (*p)->prox;  
        (*p)->prox = novo;  
    }  
    return true;  
}
```



Inserção em lista circular

21

```
bool insercao_lista_circ(No **p, int valor){
    No *novo = (No*) malloc(sizeof(No));
    if (novo==NULL) return false;
    novo->chave = valor;
    if ((*p) == NULL) { //lista vazia
        (*p) = novo;
        novo->prox = novo;
    } else {
        novo->prox = (*p)->prox;
        (*p)->prox = novo;
    }
    return true;
}
```

Como modificar este
procedimento para receber
como parâmetro um ponteiro
para Lista?

Inserção em lista circular

22

```
bool insercao_lista_circ(Lista * p_l, int valor){  
    No *novo = (No*) malloc(sizeof(No));  
    if (novo==NULL) return false;  
    novo->chave = valor;  
    if (p_l->inicio == NULL) { //lista vazia  
        p_l->inicio = novo;  
        novo->prox = novo;  
    } else {  
        novo->prox = p_l->inicio;  
        p_l->inicio = novo;  
    }  
    return true;  
}
```

Isso funciona?
Por quê não?

Remoção em lista circular

23

```
bool remover_lista_circ(Lista *p_l, No *no_re) {
    if (no_re->prox == no_re) { // se contém apenas um elemento
        p_l->inicio = NULL;
    }
}
```

Remoção em lista circular

24

```
bool remover_lista_circ(Lista *p_l, No *no_re) {  
    if (no_re->prox == no_re) { // se contém apenas um elemento  
        p_l->inicio = NULL;  
    } else { // se nó removido é o início da lista, avança a lista  
        if (p_l->inicio == no_re)  
            p_l->inicio = p_l->inicio->prox;  
  
    }  
}
```


Remoção em lista circular

25

```
bool remover_lista_circ(Lista *p_l, No *no_re) {  
    if (no_re->prox == no_re) { // se contém apenas um elemento  
        p_l->inicio = NULL;  
    } else { // se nó removido é o início da lista, avança a lista  
        if (p_l->inicio == no_re)  
            p_l->inicio = p_l->inicio->prox;  
        // encontra Nó anterior percorrendo a lista circular  
        No *ant = no_re->prox;  
        while (ant->prox != no_re)  
            ant = ant->prox;  
        // remove nó da lista  
        ant->prox = no_re->prox;  
    } free(no_re); return true;  
}
```

Percorrendo uma lista circular

26

- Verificar se chegou ao fim

```
void imprimir_lista_circ(Lista *p_l) {  
    No *aux = p_l->inicio;  
    do {  
        printf("%d ", aux->chave);  
        aux = aux->prox;  
    } while (aux != p_l->inicio);  
}
```

Percorrendo uma lista circular

27

- Verificar se chegou ao fim

```
void imprimir_lista_circ(Lista *p_l) {  
    No *aux = p_l->inicio;  
    do {  
        printf("%d ", aux->chave);  
        aux = aux->prox;  
    } while (aux != p_l->inicio);  
}
```

- Procedimento funciona para lista vazia?

Percorrendo uma lista circular

28

- ❑ Verificar se chegou ao fim

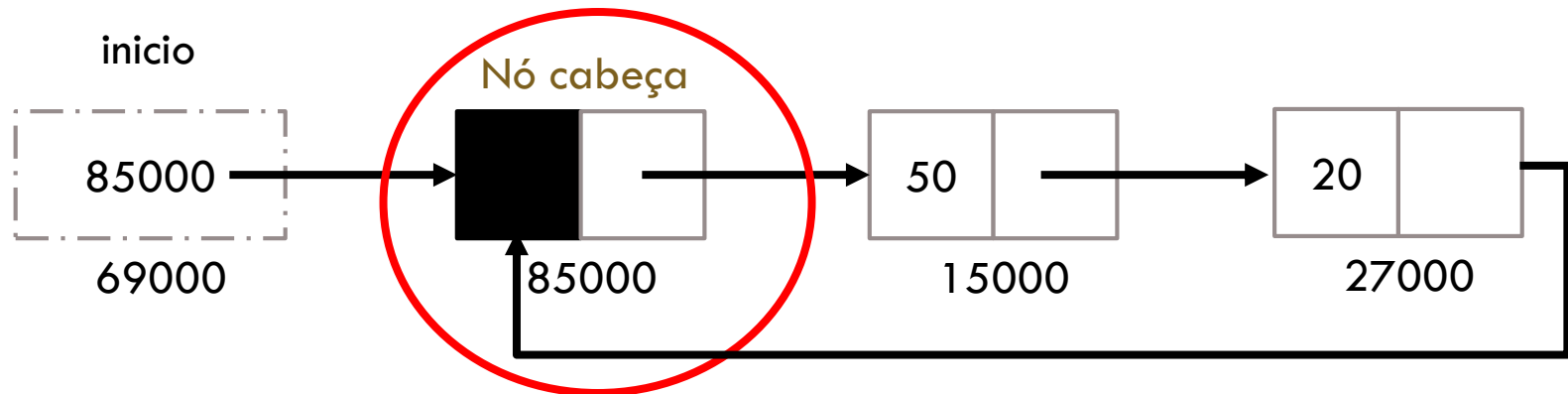
```
void imprimir_lista_circ(Lista *p_l) {  
    No *aux = p_l->inicio;  
    do {  
        printf("%d ", aux->chave);  
        aux = aux->prox;  
    } while (aux != p_l->inicio);  
}
```

- ❑ Procedimento funciona para lista vazia?
- ❑ Qual a diferença se usar a estrutura while {...} em vez de do {...} while?

Lista circular com cabeça

29

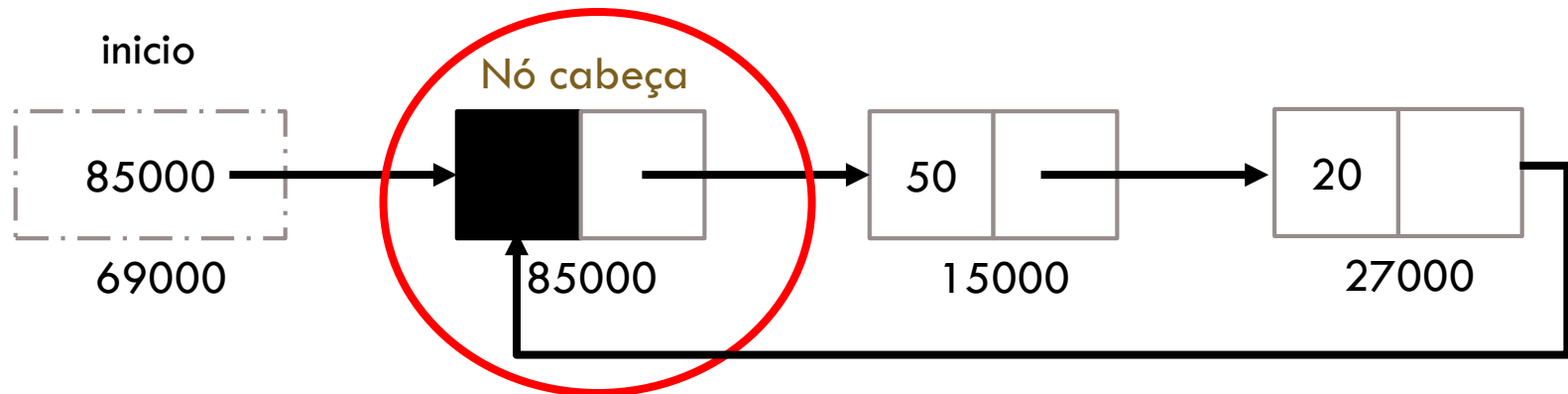
- Último nó aponta para o nó cabeça



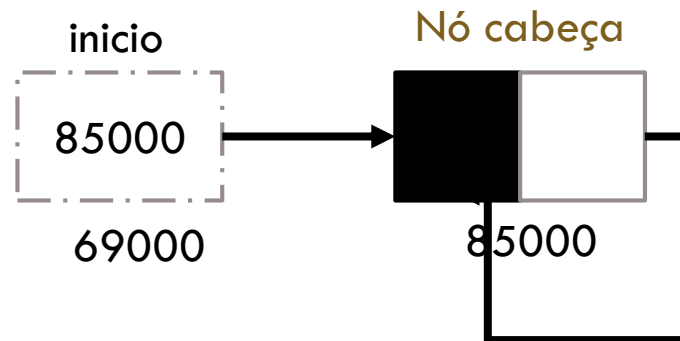
Lista circular com cabeça

30

- Último nó aponta para o nó cabeça



- Lista vazia



Operações na lista circular com cabeça

31

- ❑ Inicialização
- ❑ Comprimento da lista
- ❑ Imprimir a lista
- ❑ Busca de elemento
- ❑ Inserção
- ❑ Remoção

Inicialização

32

- ❑ Criar um nó cabeça
- ❑ O início da lista aponta para o nó cabeça
- ❑ O nó cabeça aponta para ele mesmo

Inicialização

33

- ❑ Criar um nó cabeça
- ❑ O início da lista aponta para o nó cabeça
- ❑ O nó cabeça aponta para ele mesmo

```
No* iniciar_lista_cab(Lista *p_l){  
    No *cab = malloc(sizeof(No));  
    p_l->inicio = cab;  
    cab->prox = cab;  
    return cab;  
}
```

Comprimento da lista

34

- Percorre a lista para contar a quantidade de elementos
 - ▣ Ignora-se o nó cabeça

Comprimento da lista

35

- Percorre a lista para contar a quantidade de elementos
 - ▣ Ignora-se o nó cabeça

```
int qtd_elementos(Lista *p_l){  
    int qtd = 0;  
    No* cab = p_l->inicio;  
    No* aux = p_l->inicio->prox;  
    while (aux!=cab){  
        aux=aux->prox;  
        qtd++;  
    }  
    return qtd;  
}
```

Impressão

36

- Percorre cada elemento e lê o valor da chave
- Não considerar o nó cabeça (elemento não válido)

Impressão

37

- ❑ Percorre cada elemento e lê o valor da chave
- ❑ Não considerar o nó cabeça (elemento não válido)

```
void imprimir_lista_circular_cab(Lista *p_l) {  
    //ignora o nó cabeça  
    No *aux = p_l->inicio->prox;  
    do {  
        printf("%d ", aux->chave);  
        aux = aux->prox;  
    } while (aux != p_l->inicio);  
}
```

Impressão

38

- ❑ Percorre cada elemento e lê o valor da chave
- ❑ Não considerar o nó cabeça (elemento não válido)

```
void imprimir_lista_circular_cab(Lista *p_l) {  
    //ignora o nó cabeça  
    No *aux = p_l->inicio->prox;  
    do {  
        printf("%d ", aux->chave);  
        aux = aux->prox;  
    } while (aux != p_l->inicio);  
}
```

E se a lista estiver vazia?

Busca

39

- ❑ Nó auxiliar aponta para a cabeça
- ❑ Percorre lista procurando pelo valor buscado
- ❑ Se voltar ao nó cabeça ao final, elemento não foi encontrado, senão retorne endereço encontrado

Busca

40

- ❑ Nó auxiliar aponta para a cabeça
- ❑ Percorre lista procurando pelo valor buscado
- ❑ Se voltar ao nó cabeça ao final, elemento não foi encontrado, senão retorne endereço encontrado

```
No* busca_lista_circular_cab(Lista *p_l, int valor_ch) {  
    No *aux = p_l->inicio;  
    do {aux = aux->prox;  
    } while (aux != p_l->inicio && aux->chave!=valor_ch);  
    if (aux==p_l->inicio) return NULL;  
    else return aux;  
}
```


Busca com sentinela

41

- Adiciona o valor buscado ao nó cabeça
 - ▣ Auxilia na operação de busca
- Retorna o endereço do elemento buscado ou NULL

Busca com sentinela

42

- Adiciona o valor buscado ao nó cabeça
 - ▣ Auxilia na operação de busca
- Retorna o endereço do elemento buscado ou NULL

```
No* busca_lista_circular_cab_senti(Lista *p_l, int valor_ch) {  
    p_l->inicio->chave=valor_ch; //sentinela no Nó cabeça  
    No *aux = p_l->inicio->prox;  
    while(aux->chave!=valor_ch)  
        aux = aux->prox;  
}  
if (aux!=p_l->inicio) return aux;  
return NULL;  
}
```

Inserção

43

- Inserção ordenada pelo valor da chave
 - ▣ Não permite a inserção de elementos repetidos

- Identificar entre quais elementos o novo nó será inserido (alocar memória)

- É necessário conhecer o nó antecessor
 - ▣ Obter ponteiro para o mesmo

Procedimento auxiliar de busca para a inserção e remoção

44

```
No* busca_aux_lista_circ(Lista *p_l, int valor, No** ant) {  
    No *corrente = p_l->inicio->prox; // pula o cabeça
```

Procedimento auxiliar de busca para a inserção e remoção

45

```
No* busca_aux_lista_circ(Lista *p_l, int valor, No** ant) {  
    No *corrente = p_l->inicio->prox; //pula o cabeça  
    p_l->inicio->chave=valor; //sentinela pelo cabeça  
  
}
```

Procedimento auxiliar de busca para a inserção e remoção

46

```
No* busca_aux_lista_circ(Lista *p_l, int valor, No** ant) {  
    No *corrente = p_l->inicio->prox; // pula o cabeça  
    p_l->inicio->chave=valor; //sentinela pelo cabeça  
    while(corrente->chave<valor) {  
        (*ant)=corrente;  
        corrente = corrente->prox;  
    }  
}
```

Procedimento auxiliar de busca para a inserção e remoção

47

```
No* busca_aux_lista_circ(Lista *p_l, int valor, No** ant) {  
    No *corrente = p_l->inicio->prox; // pula o cabeça  
    p_l->inicio->chave=valor; //sentinela pelo cabeça  
    while(corrente->chave<valor) {  
        (*ant)=corrente;  
        corrente = corrente->prox;  
    }  
    if (corrente!=p_l->inicio && corrente->chave==chave)  
        return corrente;  
    return NULL;  
}
```

Procedimento auxiliar de busca para a inserção e remoção

48

```
No* busca_aux_lista_circ(Lista *p_l, int valor, No** ant) {  
    No *corrente = p_l->inicio->prox; //pula o cabeça  
    p_l->inicio->chave=valor; //sentinela pelo cabeça  
    while(corrente->chave<valor) {  
        (*ant)=corrente;  
        corrente = corrente->prox;  
    }  
    if (corrente!=p_l->inicio && corrente->chave==chave)  
        return corrente;  
    return NULL;  
}
```

Este código funciona para
todos os casos?

Procedimento auxiliar de busca para a inserção e remoção

49

```
No* busca_aux_lista_circ(Lista *p_l, int valor, No** ant) {  
    No *corrente = p_l->inicio->prox; // pula o cabeça  
    p_l->inicio->chave=valor; //sentinela pelo cabeça  
    while(corrente->chave<valor) {  
        (*ant)=corrente;  
        corrente = corrente->prox;  
    }  
    if (corrente!=p_l->inicio && corrente->chave==chave)  
        return corrente;  
    return NULL;  
}
```

Este código funciona para todos os casos?

Elemento buscado for menor que o primeiro. (*ant)?

Inserção

50

```
bool insere_lista_circular_cab(Lista *p_l, int valor) {  
    No* ant, novo;  
    novo = busca_aux_lista_circ(p_l, valor, &ant)  
    if (novo!=NULL)  
        return false; //elemento já existe  
    novo = malloc(sizeof(No)); //aloca memória  
    novo->chave=chave;  
    //inserção no meio  
    novo->prox=ant->prox;  
    ant->prox=novo;  
    return true;  
}
```

Inserção

51

```
bool insere_lista_circular_cab(Lista *p_l, int valor) {  
    No* ant, novo;  
    novo = busca_aux_lista_circ(p_l, valor, &ant)  
    if (novo!=NULL)  
        return false; //elemento já existe  
    novo = malloc(sizeof(No)); //aloca memória  
    novo->chave=chave;  
    //inserção no meio  
    novo->prox=ant->prox;  
    ant->prox=novo;  
    return true;  
}
```

Se ant == NULL?

Remoção

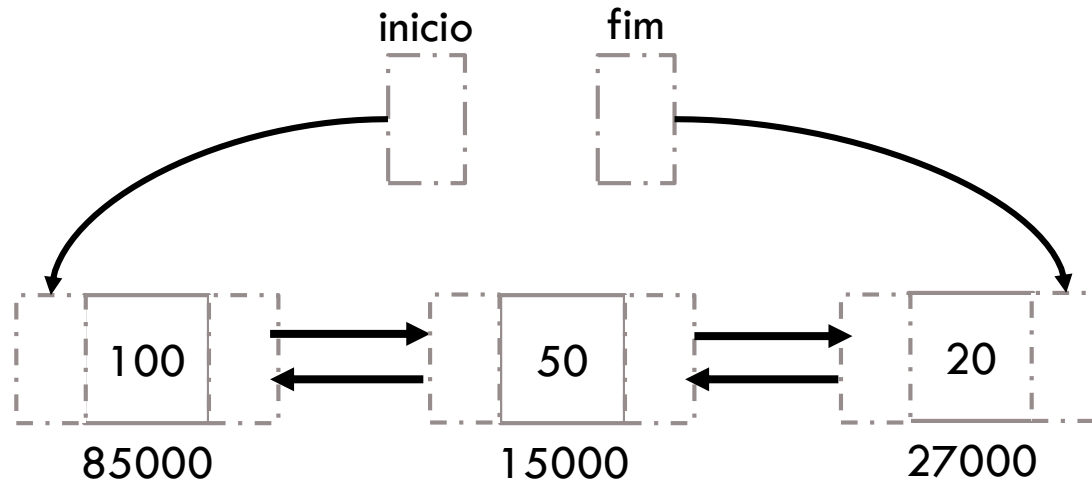
52

```
bool remove_lista_circular_cab(Lista *p_l, int valor) {  
    No* ant, excl;  
    excl = busca_aux_lista_circ(p_l, valor, &ant)  
    if (excl==NULL)  
        return false; //elemento não existe  
    ant->prox=excl->prox;  
    free(excl);  
    return true;  
}
```

Lista duplamente ligada

53

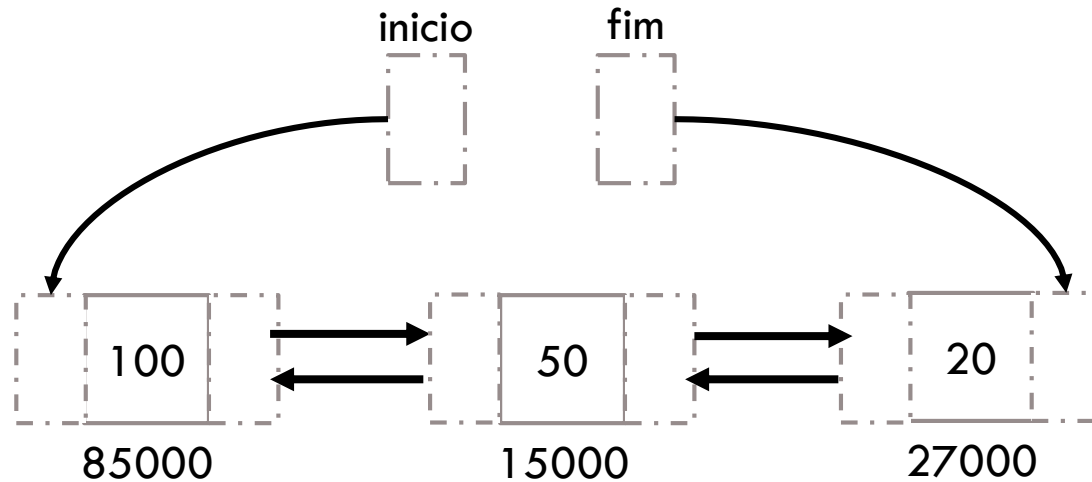
- Percorre em duas direções



Lista duplamente ligada

54

- Percorre em duas direções



- Lista vazia



Estrutura da lista duplamente ligada

55

Estrutura do Nó

```
typedef struct NoDupl{  
    int chave;  
    // outros campos...  
    struct No *esq;  
    struct No *dir;  
} No;
```

Lista duplamente ligada

```
typedef struct {  
    No *inicio;  
    No *fim;  
} ListaDupl;
```

Inserção em lista duplamente ligada

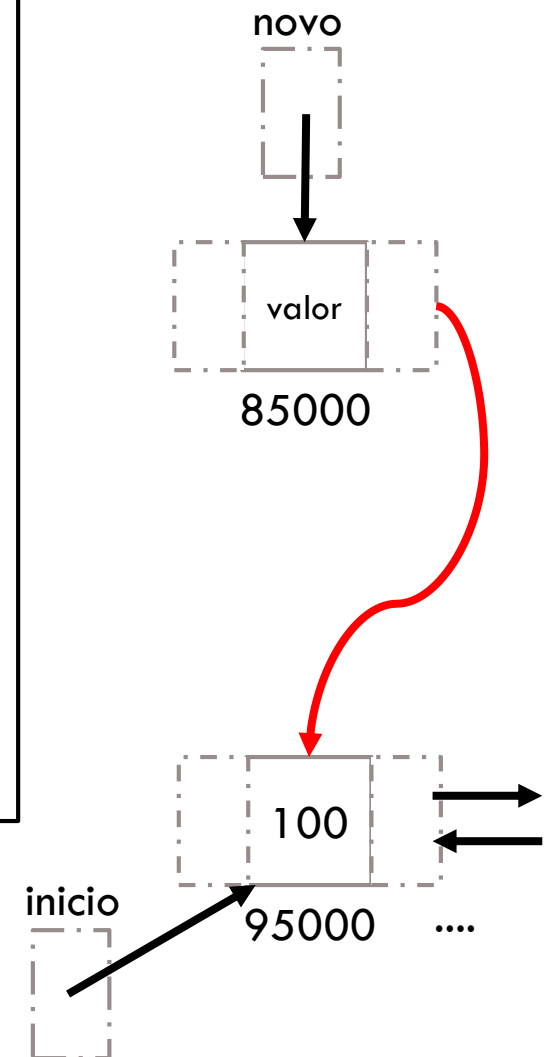
56

```
bool insere_lista_dupl(ListaDupl *pl, int valor) {  
    NoDupl* novo;  
    novo = malloc(sizeof(NoDupl)); //aloca memória  
    if (novo==NULL)  
        return false;  
    novo->chave=valor;  
  
}
```


Inserção em lista duplamente ligada

57

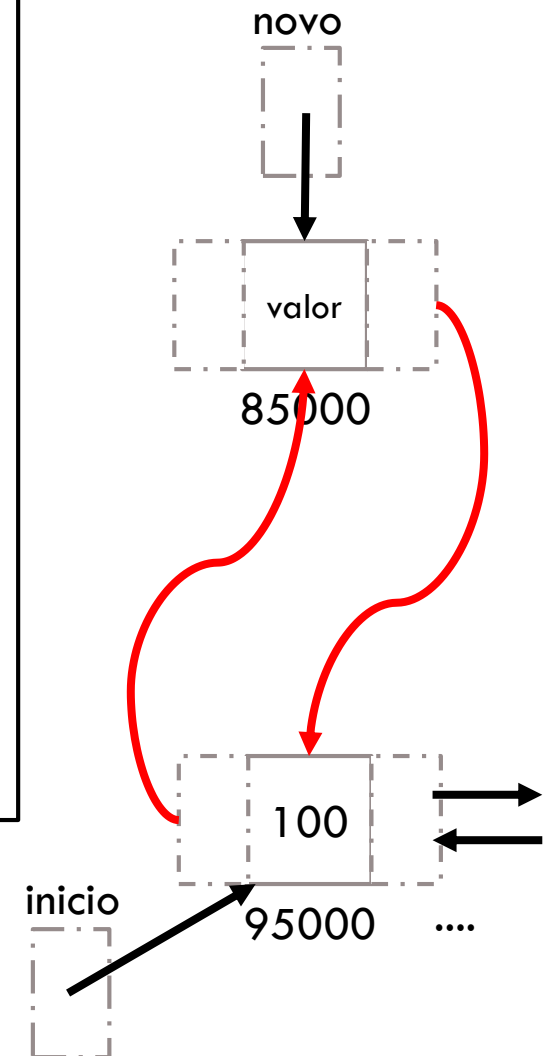
```
bool insere_lista_dupl(ListaDupl *pl, int valor) {  
    NoDupl* novo;  
    novo = malloc(sizeof(NoDupl));  
    if (novo==NULL)  
        return false;  
    novo->chave=valor;  
    novo->dir=pl->inicio;  
}
```



Inserção em lista duplamente ligada

58

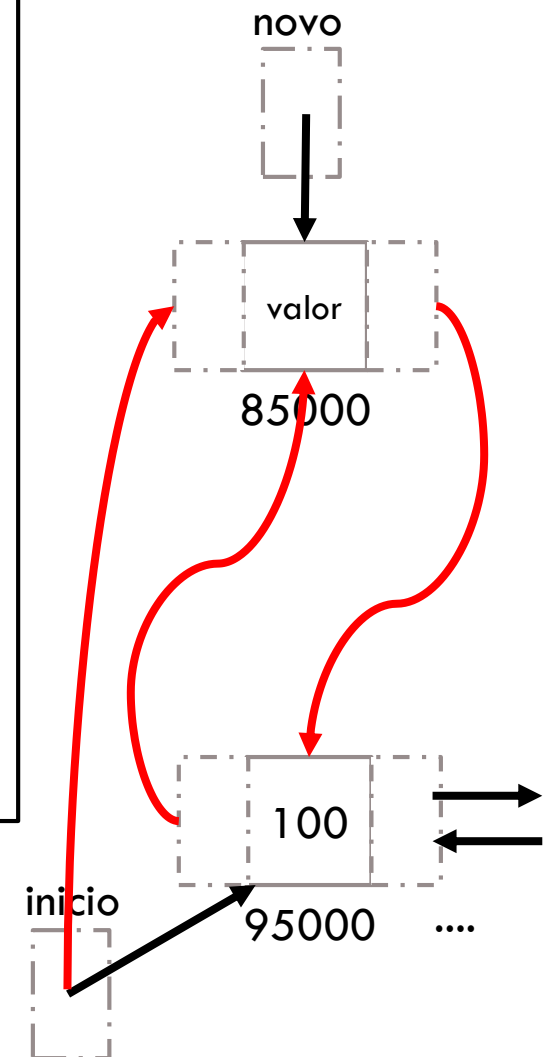
```
bool insere_lista_dupl(ListaDupl *pl, int valor) {  
    NoDupl* novo;  
    novo = malloc(sizeof(NoDupl));  
    if (novo==NULL)  
        return false;  
    novo->chave=valor;  
    novo->dir=pl->inicio;  
    pl->inicio->esq=novo;  
}
```



Inserção em lista duplamente ligada

59

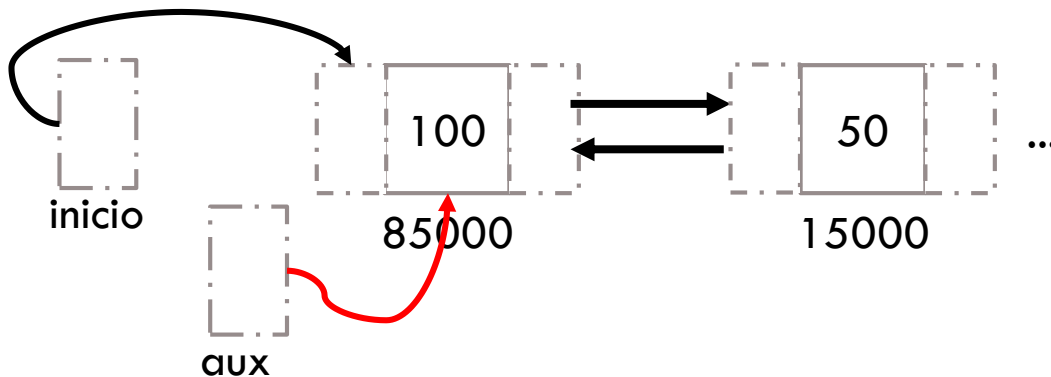
```
bool insere_lista_dupl(ListaDupl *pl, int valor) {  
    NoDupl* novo;  
    novo = malloc(sizeof(NoDupl));  
    if (novo==NULL)  
        return false;  
    novo->chave=valor;  
    novo->dir=pl->inicio;  
    pl->inicio->esq=novo;  
    pl->inicio=novo;  
    return true;  
}
```



Remoção em lista duplamente ligada

60

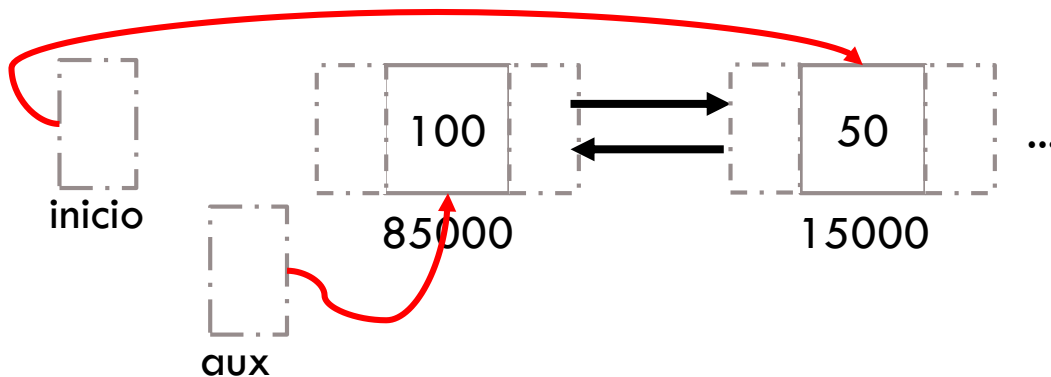
```
bool remove_lista_dupl(ListaDupl *pl) {  
    NoDupl* aux;  
    aux=pl->inicio;  
  
}
```



Remoção em lista duplamente ligada

61

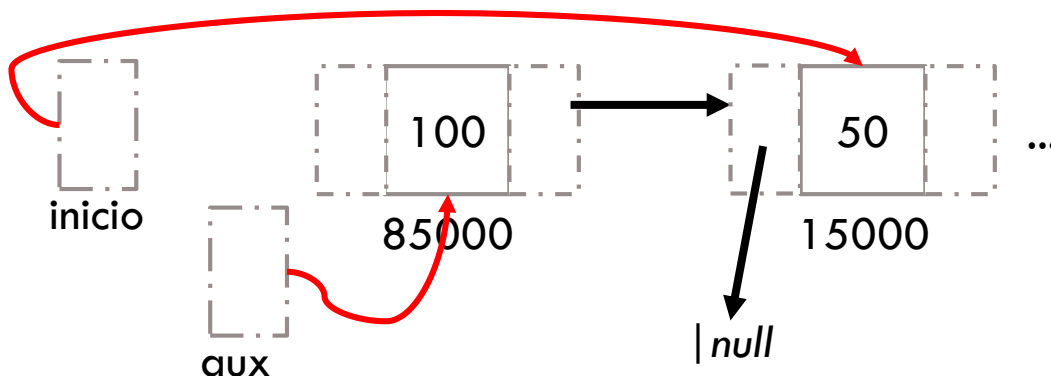
```
bool remove_lista_dupl(ListaDupl *pl) {  
    NoDupl* aux;  
    aux=pl->inicio;  
    pl->inicio=pl->inicio->dir;  
}  
}
```



Remoção em lista duplamente ligada

62

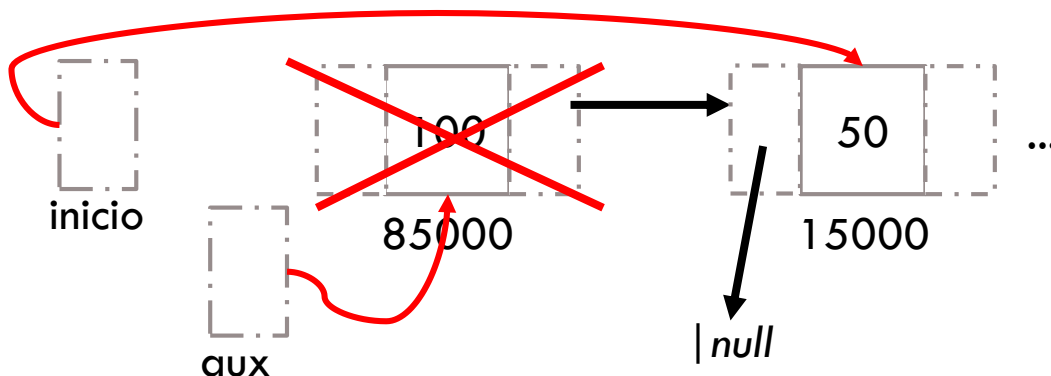
```
bool remove_lista_dupl(ListaDupl *pl) {  
    NoDupl* aux;  
    aux=pl->inicio;  
    pl->inicio=pl->inicio->dir;  
    pl->inicio->esq=NULL;  
}
```



Remoção em lista duplamente ligada

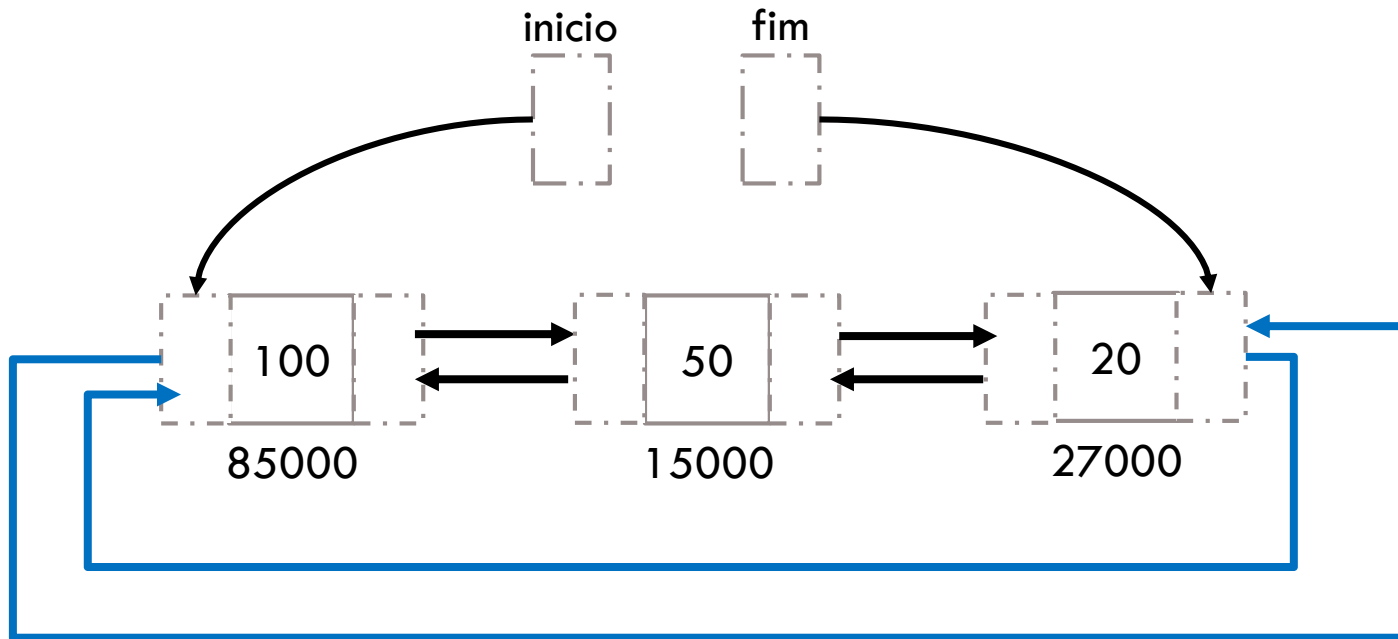
63

```
bool remove_lista_dupl(ListaDupl *pl) {  
    NoDupl* aux;  
    aux=pl->inicio;  
    pl->inicio=pl->inicio->dir;  
    pl->inicio->esq=NULL;  
    free(aux);  
    return true;  
}
```



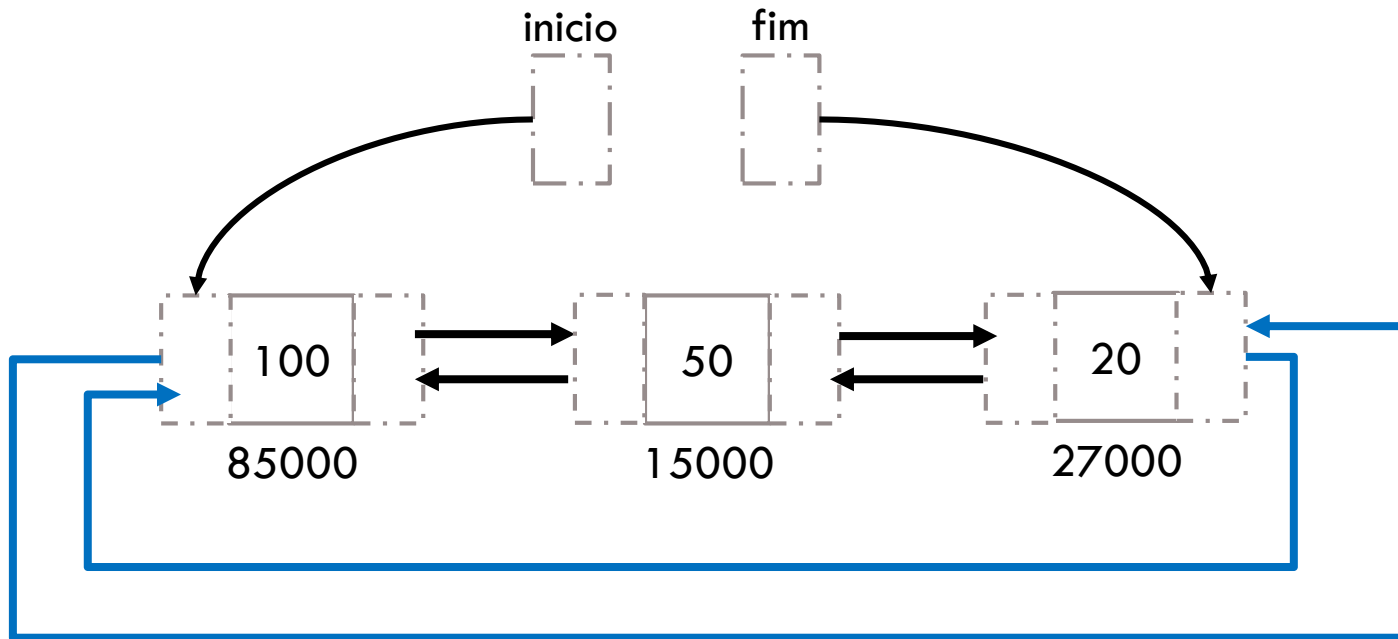
Duplamente ligada circular

64



Duplamente ligada circular

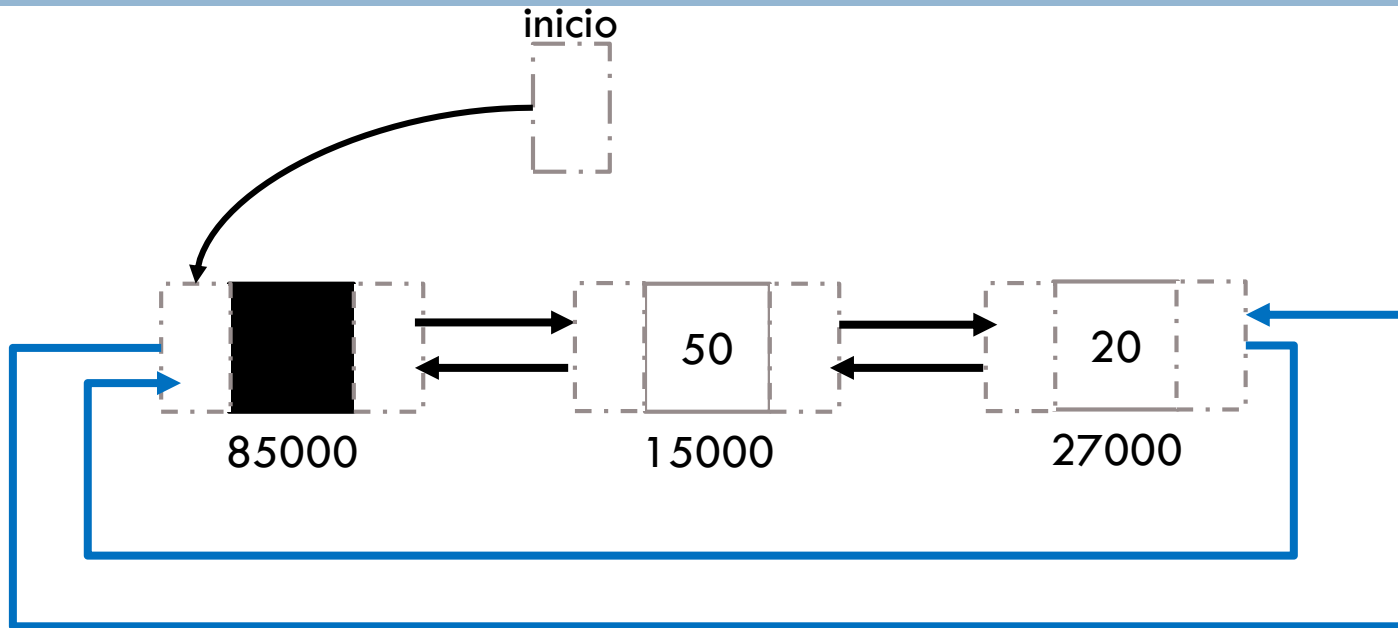
65



```
ListaDupl *lp;  
lp->inicio->esq=lp->fim;  
lp->fim->dir=lp->inicio;
```

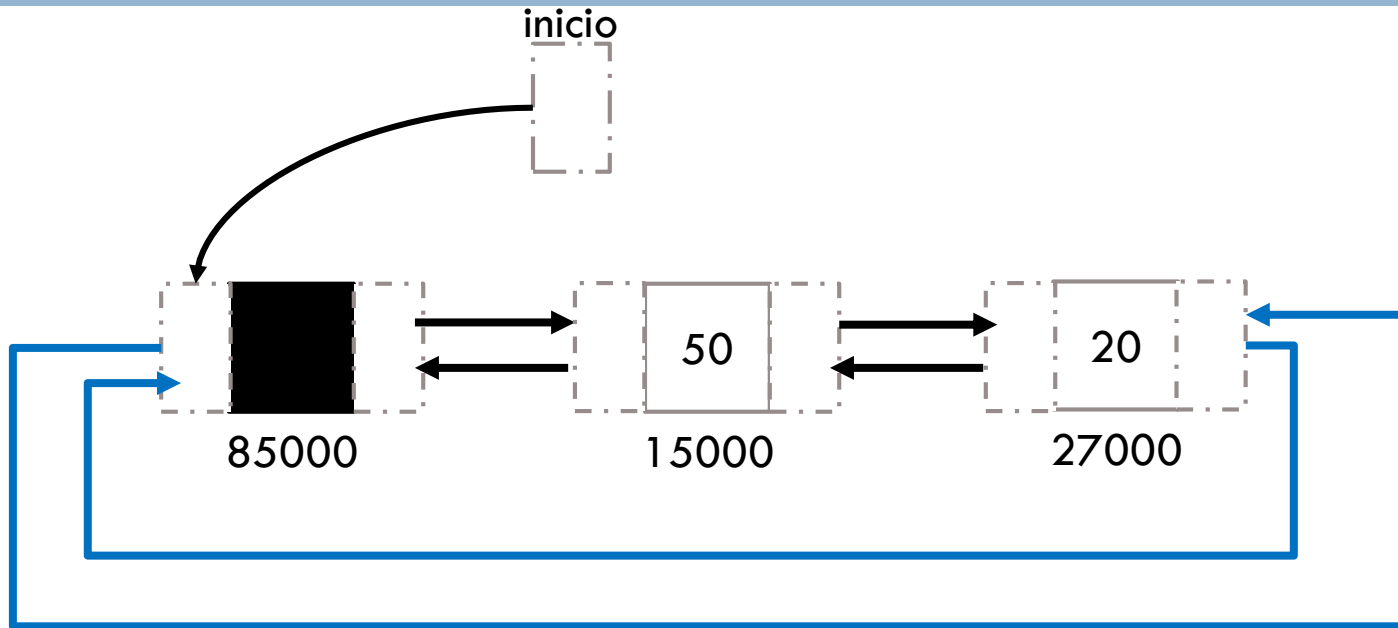
Duplamente ligada com cabeça

66

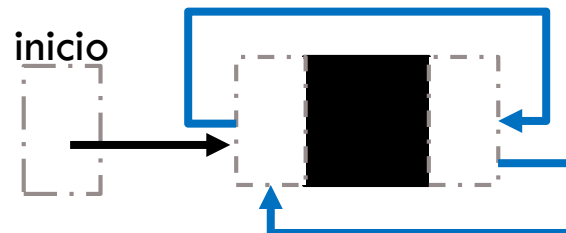


Duplamente ligada com cabeça

67



□ Lista vazia



- Diferentes variações para o projeto de estruturas ligadas
- Permitem facilitar aplicações de listas em contextos específicos
 - ▣ Necessidade de acessar mais facilmente os elementos
- Requerem implementações específicas para considerar nó cabeça, estrutura circular e dupla ligação

Acessando um elemento na lista

70

- Em um arranjo

```
int val = vet[pos];
```

- Número de operações
é constante
 - Independente do
tamanho do arranjo

Acessando um elemento na lista

71

- Em um arranjo

```
int val = vet[pos];
```

- ▣ Número de operações é constante

- Independente do tamanho do arranjo

- Em uma estrutura ligada

```
int i=0;
while(i<pos){
    p = p->prox;  i++;
}
int val = p->chave;
```

- ▣ Número de operações é proporcional ao tamanho de *pos*

Contando instruções (análise simplificada)

72

```
int val = a + b;
```

Número de instruções: 1

Contando instruções (análise simplificada)

73

```
int val = a + b;
```

Número de instruções: 1

```
for (i=0; i<n; i++)  
    val = a+b;
```

Número de instruções: n

Contando instruções (análise simplificada)

74

```
int val = a + b;
```

Número de instruções: 1

```
for (i=0; i<n; i++)  
    val = a+b;
```

Número de instruções: n

```
for (i=0; i<n; i++)  
    for (k=0; k<n; k++)  
        val = a+b;
```

Número de instruções: n^2

Análise de eficiência de algoritmos

75

- Identificar uma função que expressa a complexidade do algoritmo
 - ▣ Com base em um valor de entrada
- Permite verificar a velocidade de execução do algoritmo de maneira teórica
- Análise do comportamento do algoritmo
 - ▣ Comparação da eficiência de algoritmos

Análise de eficiência de algoritmos

76

□ Notação O

- ▣ Uma função $f(n)$ é da ordem de $g(n)$, ou $f(n) = O(g(n))$, se:
 - Existe uma constante c
 - Existe uma constante n_0
tal que, para todo $n \geq n_0$

Análise de eficiência de algoritmos

77

□ Notação O

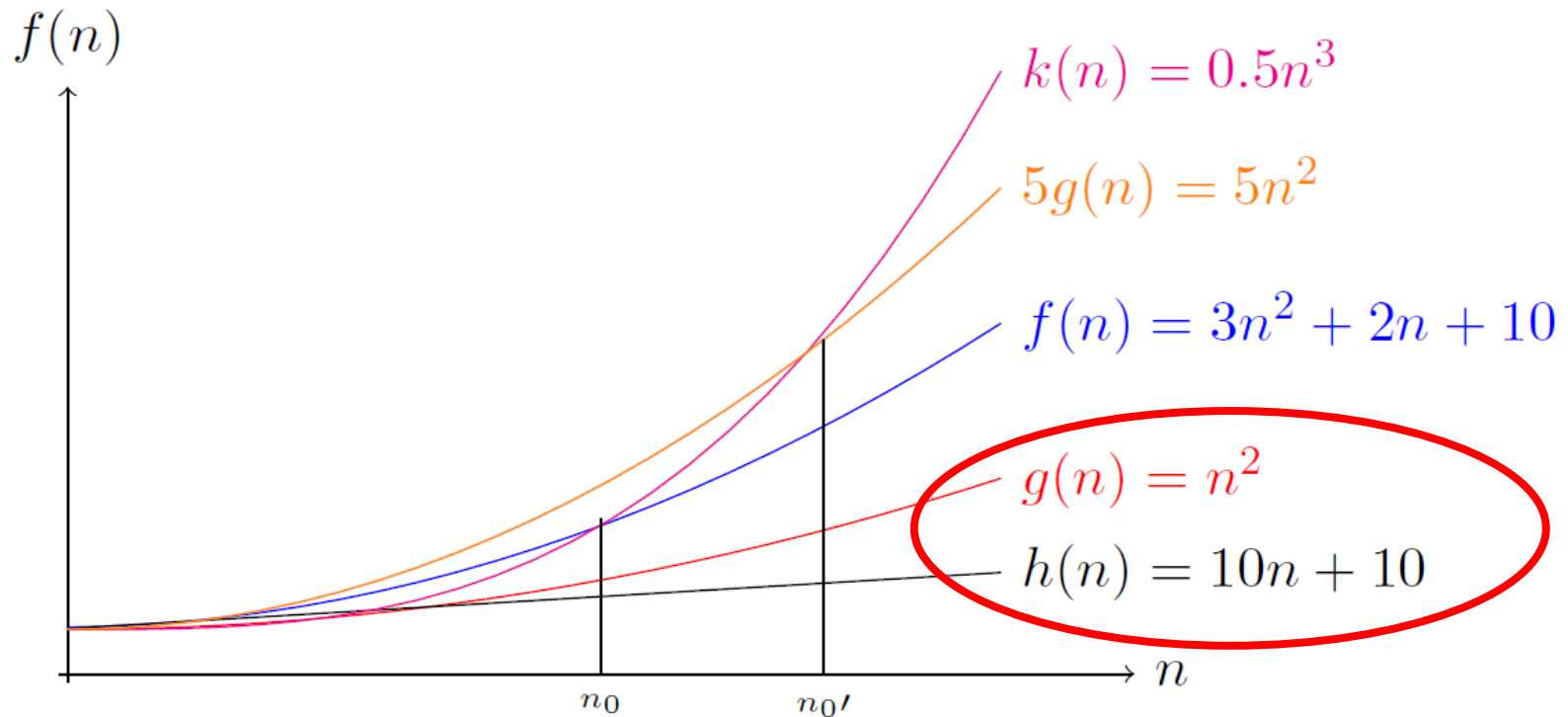
- Uma função $f(n)$ é da ordem de $g(n)$, ou $f(n) = O(g(n))$, se:
 - Existe uma constante c
 - Existe uma constante n_0
tal que, para todo $n \geq n_0$

$$f(n) \leq c * g(n)$$

- O crescimento de $g(n)$ domina o crescimento de $f(n)$ acima
de n_0

Análise de eficiência de algoritmos

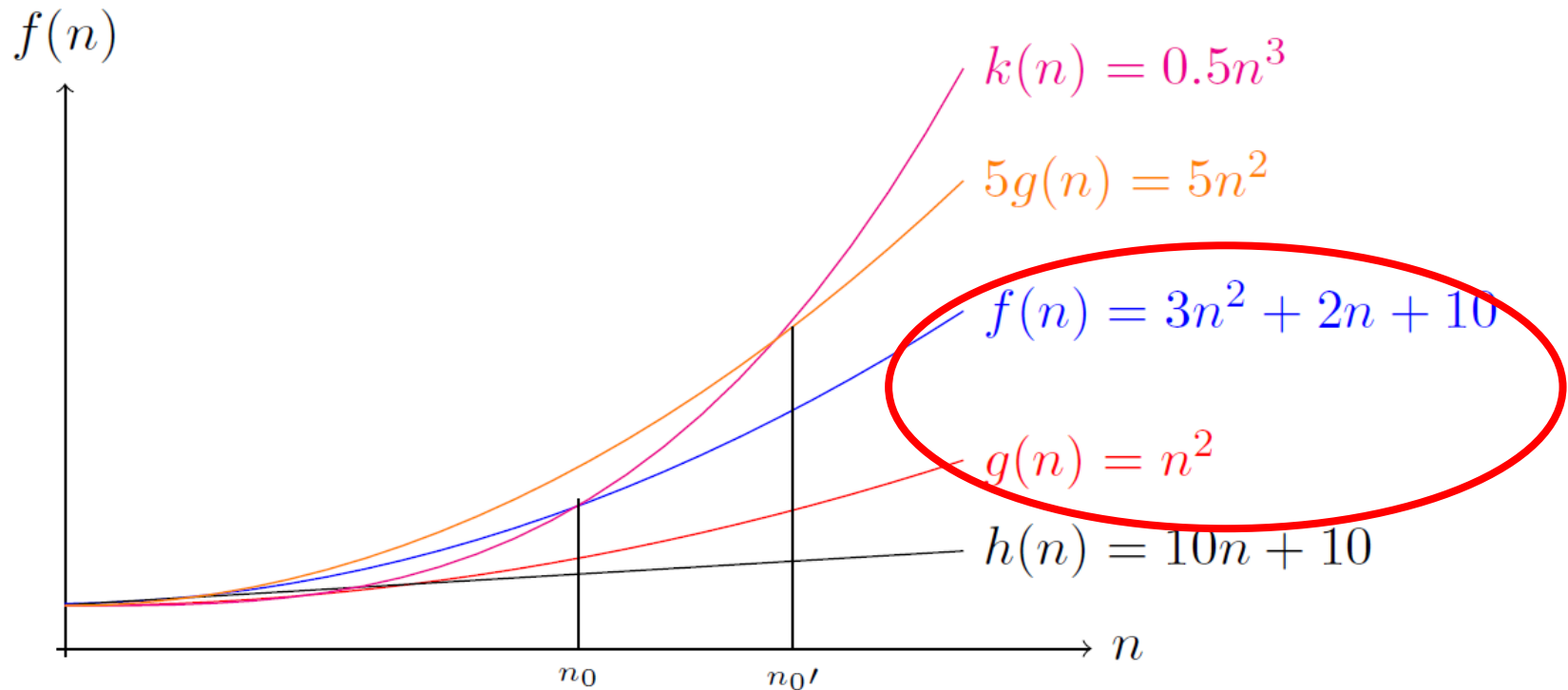
78



$$h(n) = O(g(n))$$

Análise de eficiência de algoritmos

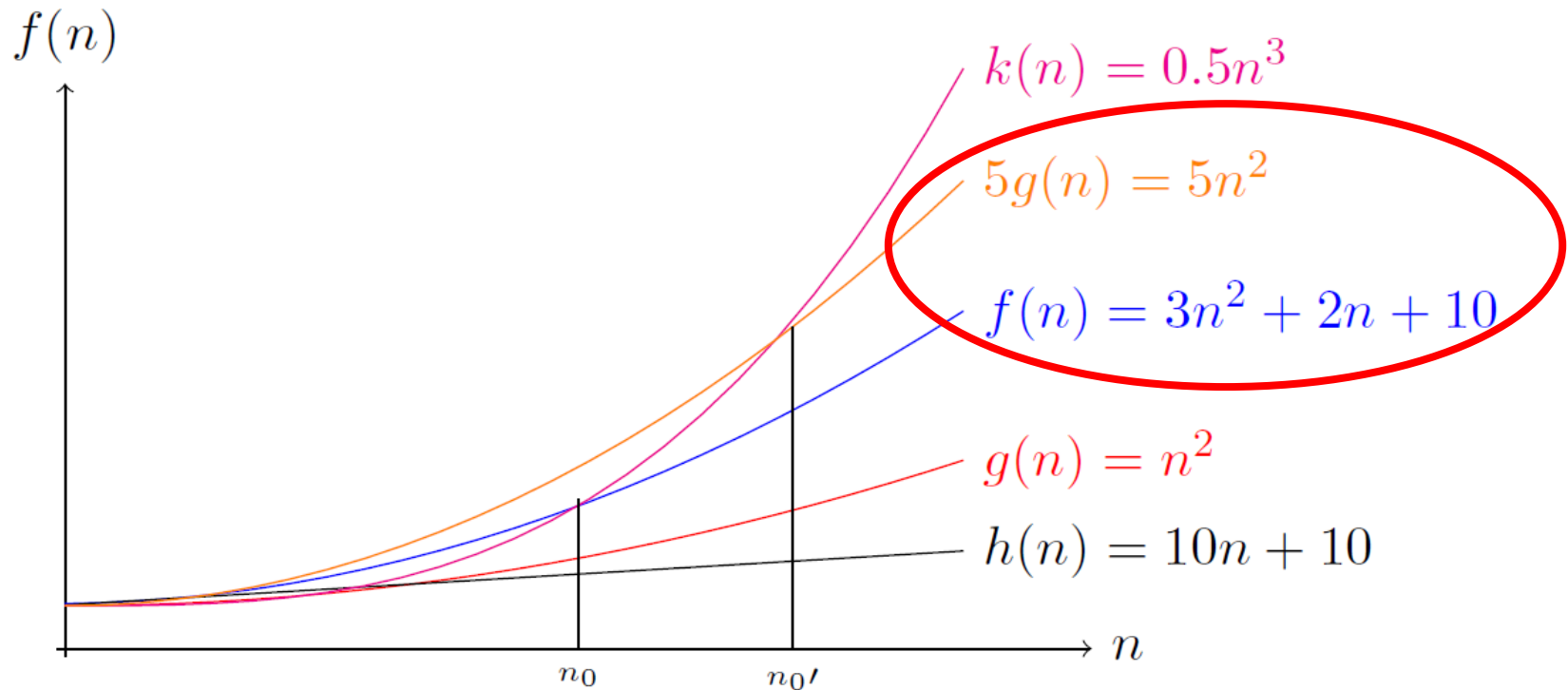
79



$$g(n) = O(f(n))$$

Análise de eficiência de algoritmos

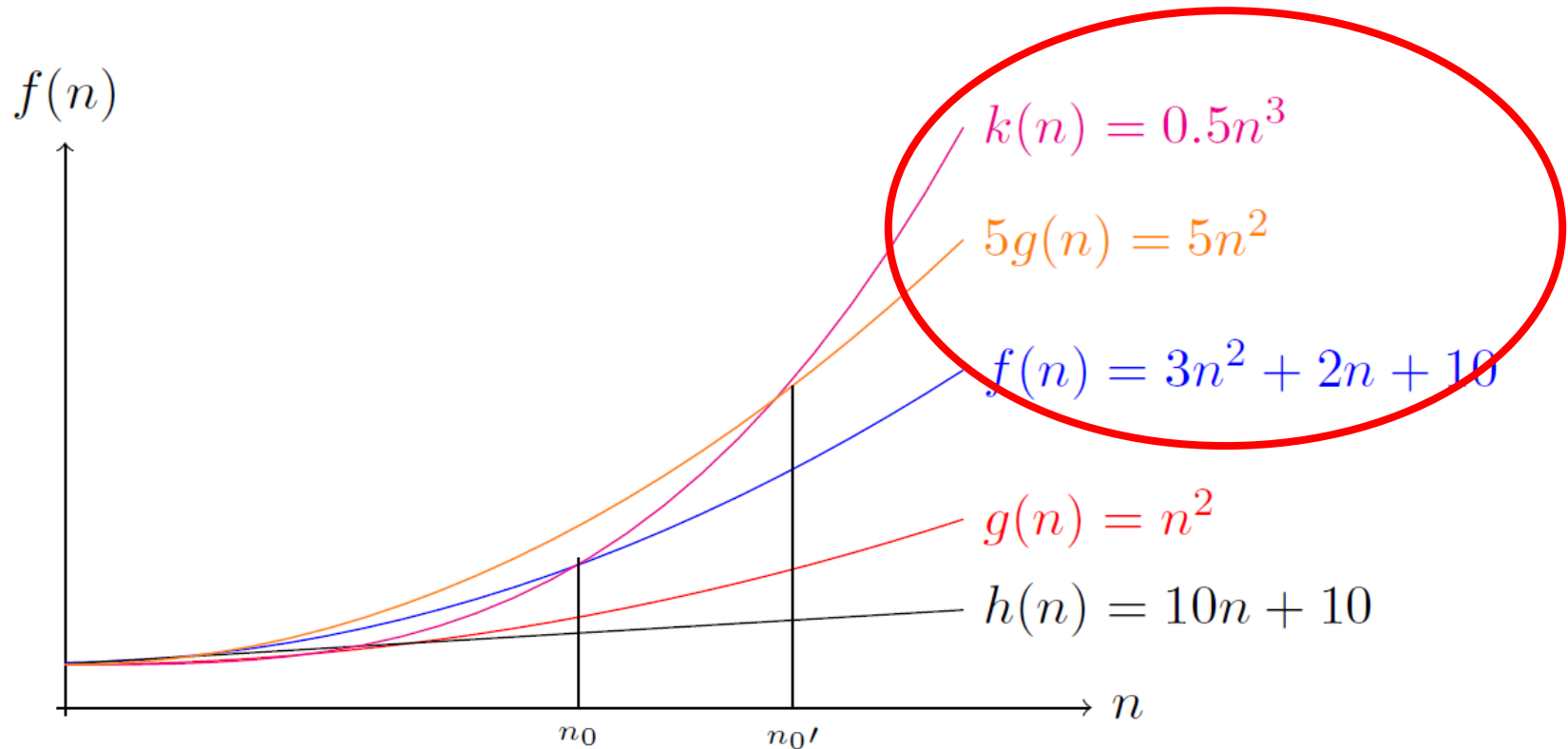
80



$$f(n) = O(g(n))$$

Análise de eficiência de algoritmos

81



$$f(n) = O(k(n))$$

Exemplos

82

□ $1 = O(1)$

□ $1.000.000 = O(1)$



$c = O(1)$

para qualquer constante c

Exemplos

83

- $1 = O(1)$
 - $1.000.000 = O(1)$
 - $5n + 2 = O(n)$
 - $5n^2 + 5n + 2 = O(n^2)$
 - $1.000.000n = O(n)$
- } $c = O(1)$
para qualquer constante c

Exemplos

84

- $1 = O(1)$
 - $1.000.000 = O(1)$
 - $5n + 2 = O(n)$
 - $5n^2 + 5n + 2 = O(n^2)$
 - $1.000.000n = O(n^2)$
 - $10n^2 = O(n^3)$
- } $c = O(1)$
para qualquer constante c

Exemplos

85

□ $1 = O(1)$

□ $1.000.000 = O(1)$

□ $5n + 2 = O(n)$

□ $5n^2 + 5n + 2 = O(n^2)$

□ $1.000.000n = O(n^2)$

□ $10n^2 = O(n^3)$

□ $\log_2 n = O(\log_{10} n)$

□ $\log_{10} n = O(\log_2 n)$



$c = O(1)$

para qualquer constante c



$\text{Log}_a n = O(\log_b n)$

para $a, b > 0$

Exemplos

86

□ $1 = O(1)$

□ $1.000.000 = O(1)$

□ $5n + 2 = O(n)$

□ $5n^2 + 5n + 2 = O(n^2)$

□ $1.000.000n = O(n^2)$

□ $10n^2 = O(n^3)$

□ $\log_2 n = O(\log_{10} n)$

□ $\log_{10} n = O(\log_2 n)$

□ $n^{1000} = O(2^n)$

} $c = O(1)$
para qualquer constante c

} $\text{Log}_a n = O(\log_b n)$
para $a, b > 0$

Terminologia (notação assintótica)

87

- $O(1)$: constante
 - ▣ Tempo não depende do valor de n

- $O(n)$: crescimento linear
 - ▣ Quando n dobra, o tempo dobra

Terminologia (notação assintótica)

88

- $O(1)$: constante
 - ▣ Tempo não depende do valor de n

- $O(n)$: crescimento linear
 - ▣ Quando n dobra, o tempo dobra

- $O(\log n)$: crescimento logarítmico
 - ▣ Quando n dobra, o tempo aumenta em 1

- $O(n \log n)$: crescimento n -log- n
 - ▣ Quando n dobra, o tempo um pouco mais que dobra

Terminologia (notação assintótica)

89

- $O(n^2)$: crescimento quadrático
 - ▣ quando n dobra, o tempo quadriplica

Terminologia (notação assintótica)

90

- $O(n^2)$: crescimento quadrático
 - ▣ quando n dobra, o tempo quadriplica

- $O(n^3)$: crescimento cúbico
 - ▣ quando n dobra, o tempo octuplica

- $O(2^n)$: crescimento exponencial

Comparação de execuções*

91

- Busca sequencial – $O(n)$ vs. Busca binária – $O(\log n)$
- Duas máquinas (suposição)
 - ▣ MR – muito rápida
 - ▣ ML – muito lenta (ao menos 100 vezes mais lenta)
- MR executa busca sequencial
- ML executa busca binária

*Exemplo retirado do material de Tomasz Kowaltowski (Estruturas de Dados e Técnicas de Programação)

Comparação de execuções*

92

n	$\log_2 n$	M_R (busca sequencial – $O(n)$)	M_L (busca binária – $O(\log n)$)
16	4	16	400
32	5	32	500
64	6	64	600
128	7	128	700
256	8	256	800
512	9	512	900
1024	10	1024	1000
2048	11	2048	1100
4096	12	4096	1200
...
2^{20}	20	1.048.576	2000
2^{21}	21	2.097.152	2100
...
2^{30}	30	1.073.741.824	3000

*Exemplo retirado do material de Tomasz Kowaltowski (Estruturas de Dados e Técnicas de Programação)

Listas com arranjos vs. listas ligadas

93

- Acesso à uma posição
 - ▣ Direito pelo índice do arranjo : $O(1)$
 - ▣ Lista ligada exige percorrer os elementos : $O(n)$

Listas com arranjos vs. listas ligadas

94

- Acesso à uma posição
 - ▣ Direito pelo índice do arranjo : $O(1)$
 - ▣ Lista ligada exige percorrer os elementos : $O(n)$

- Inserção em uma posição
 - ▣ No arranjo é necessário deslocar elementos : $O(n)$
 - ▣ Na lista ligada, se houver ponteiro para o nó predecessor, apenas os ponteiros precisam ser atualizados : $O(1)$

Listas com arranjos vs. listas ligadas

95

- Acesso à uma posição
 - ▣ Direito pelo índice do arranjo : $O(1)$
 - ▣ Lista ligada exige percorrer os elementos : $O(n)$

- Inserção em uma posição
 - ▣ No arranjo é necessário deslocar elementos : $O(n)$
 - ▣ Na lista ligada, se houver ponteiro para o nó predecessor, apenas os ponteiros precisam ser atualizados : $O(1)$

- Remoção em uma posição
 - ▣ No arranjo é necessário deslocar elementos : $O(n)$
 - ▣ Atualização de ponteiros, se predecessor é conhecido : $O(1)$

Listas com arranjos vs. listas ligadas

96

- Uso de espaço de memória
 - ▣ Com arranjos
 - Pode causar desperdício de espaço
 - Difícil conhecer o limitante para um tamanho máximo
 - ▣ Com ponteiros
 - Maior flexibilidade, mas cada elemento exige mais espaço para armazenar os ponteiros