تمرین کامپیوتری دوم

ثمین مهدی زاده (۸۱۰۱۰۰۵۲۶)

در این تمرین پس از جمع آوری داده های مربوط به افراد جهت تشخیص جنسیت تلاش شده است تا تحلیل هایی جهت به دست آوردن عوامل موثر بر این انتخاب انجام شود. در ادامه هر کدام از مراحل طی شده توضیح داده می شود.

1.تمييز كردن داده

از آن جایی که لزوما همه ی افراد به درستی آزمایش را انجام نداده اند و یا اطلاعات دخیره شده دارای خطاهایی است لازم است تا قبل از انجام هر تحلیلی داده مورد نظر بررسی شود و اطلاعات نادرست از آن حذف شود. به این منظور و برای تمییز کردن داده اقدامات زیر انجام شده است:

۱) حذف داده های null

یکی از ستون های موجود در داده (size) دارای تعداد زیادی داده ی خالی بود. از آن جا که این ستون در هیج یک از مراحل بعدی مورد استفاده قرار نگرفته است این ستون از داده ها حذف شد.

sbj	4
stm	15
rt	12
key	15
pos	1770
uhnd	16
hndns	4
eye	5
sex	4
age	4
edu	7

شکل ۱. تعداد داده های خالی پس از حذف ستون Size

مشاهده می شود که بیشترین ستون خالی مربوط به pos بوده است با حذف سطر هایی که مقدار این ستون برای آن ها خالی بوده تنها دو سطر دیگر دارای داده null هستند که با حذف آن ها نیز تمام داده های خالی موجود در دیتاست حذف می شود.

۲) حذف outlier ها

با بررسی داده ها مشاهده شد که برای دو نمونه از افراد مقادیر مربوط به rt به صورت میلی ثانیه ذخیره شده است در حالی که برای سایر افراد این عدد به ثانیه ذخیره شده بود بنابراین در اولین گام تمام داده های مربوط به ستون rt را به صورت ثانیه ذخیره کرده و پس از آن داده های پرت به کمک روش IQR^1

-

¹ Inter-quartile range

حذف شدند. در صورتی که همچنان داده ای وجود داشت که زمان پاسخ آن بیشتر از دو ثانیه و یا کمتر از ۱۰۰ ثانیه بود نیز از دیتاست خارج می شود. پس از طی این مراحل تمام داده های rt به صورت میلی ثانیه ذخیره شدند.

۳) اصلاح شناسه افراد

برای یکی از افراد داده مربوط به شناسه به صورت اعشاری ذخیره شده بود که تغییر داده شد.

۴) اصلاح ستون stm

داده های مربوط به این ستون باید به فرم num].bmp باشند اما برای تعدادی از سطر ها آدرس دایر کتوری نیز پیش از آن نوشته شده بود که حذف شد.

۵) اصلاح ستون pos

مقادیر مجاز برای این ستون میان ۱ تا ۱۳ است اما برای تعدادی از افراد این مقدار میان ۰ تا ۱۲ گزارش شده بود که با افزودن یک واحد به تمام آنها اصلاح شد.

ع) اصلاح ستون uhnd

برای برخی سطر ها داده های این ستون به درستی گزارش نشده بودند. برای مثال برای برخی افراد برای دست چپ مقدار I گزارش شده بود که مقدار درست تغییر داده شد.

پس از تمییز کردن داده تعداد داده ها از ۱۲۱۶۹۵ به ۱۲۰۲۹۲ رسید که یعنی تقریبا ۱۰ درصد از داده ها حدف شدند با این که مقدار معقول زیر ۲ درصد است اما چون در این دیتاست تعداد داده های خالی زیاد بود و مقادیر آن با توجه به ستون های دیگر قابل بازیابی نبود به ناچار این داده ها حذف شدند.

2.جست و جو در داده ها

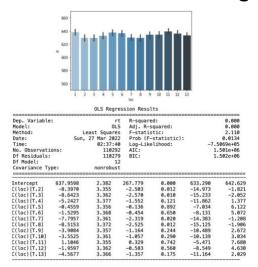
در این بخش تاثیر متغیر های مستقل موجود در مسئله بر روی متغیر های وابسته به کمک نمودار ها و تست های آماری انجام شد که در ادامه به تحلیل آن ها پرداخته می شود.

متغیر های مستقل بررسی شده در این بخش عبارت اند از:

loc,ecc,vf,hndns,dhnd,sex,eye

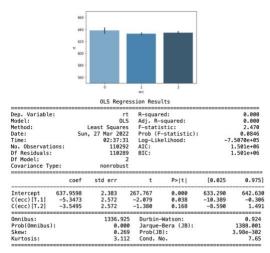
و متغیر های وابسته مربوط به زمان پاسخ و درصد جواب درست در هر یک از افراد است. همچنین در تمام تست های آماری انجام شده مقدار آلفا برابر ۰.۵ درنظر گرفته شده است.

تاثیر متغیر ها بر روی زمان پاسخ



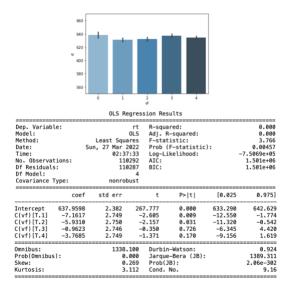
شکل۲. تاثیر loc بر

نمودار کشیده شده تقریبا اختلاف زیادی را میان این گروه ها نشان نمی دهد اما از آن جا که آماره احتمال آماره F برای این نمودار کمتر از F بوده است می توان گفت حداقل دو گروه وجود دارد که اختلاف میانگین زمان پاسخ آن ها معنا دار هستند.



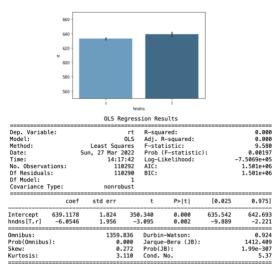
شکل۳۰.تاثیر ecc بر

همان طور که از تصویر نیز مشخص است این سه گروه اختلاف معنا داری با یکدیگر ندارد که آماره ی f نیز به خوبی این موضوع را نشان می دهد.



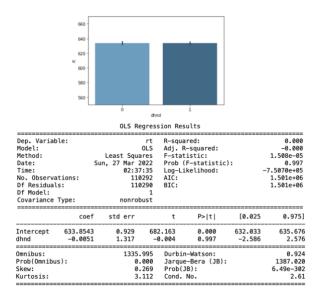
شکل۴.تاثیر vf بر

نمودار تفاوت زیادی را میان گروه های مختلف نشان نمی دهد با این حال چون احتمال آماره f از f کمتر است می توان گفت حداقل میان دو گروه وجود دارد اما چون اختلاف با آلفا خیلی کم است فرض صفر با قدرت زیادی رد نمی شود.



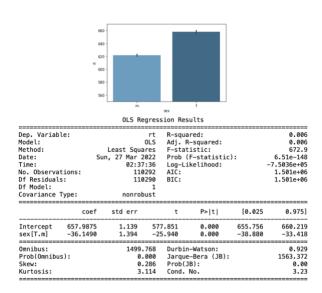
شکل۵.تاثیر hndns بر

نمودار اختلاف اندکی میان دو دست را نشان می دهد اما تست آماری نشان می دهد که میان زمان پاسخ این دو گروه اختلاف معنا داری وجود داشته است. نکته ای که در این جا قابل توجه است این است که میانگین زمان پاسخ برای چپ دستان بیشتر راست دستان بوده است اما می دانیم که در بیشتر کارها چپ دست ها سریع ترند ممکن است این نتیجه به علت کم بودن تعداد نمونه های چپ دست نسبت به راست دست به وجود آمده باشد.



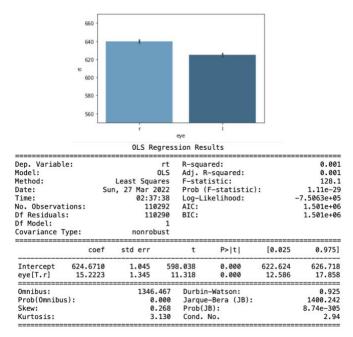
شكل ع.تاثير dhnd بر

همان طور که از نمودار و نتایج آماری پیداست این که افراد با دست برتر خود پاسخ را داده اند یا نداده تاثیری بر زمان پاسخ آنها نداشته است.



rt بر sex بر rt بر

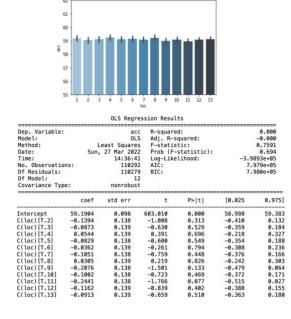
نمودار اختلاف زیادی میان دو دسته را نشان می دهد و نتایج آماری نیز همسو با آن هستند یعنی به طور میانگین مدت زمان پاسخ برای زن ها از مرد ها بیشتر بوده است.



شکل ۱۸. تاثیر چشم بر rt

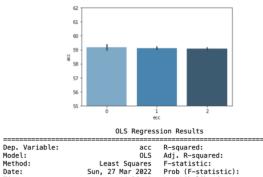
هم نمودار و هم تست آماری تفاوت معنا داری را برای دو گروه با چشم راست غالب و چشم چپ غالب نشان می دهد. می توان گفت افرادی که چشم چپ آن ها غالب بوده است زمان پاسخ کمتری داشته اند.

تاثیر متغیر ها بر روی درصد پاسخ صحیح



شکل ۱۵c بر loc بر

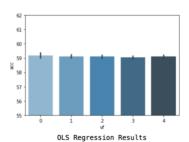
نمودار تقریبا برای همه گروه ها یکسان به نظر می رسد و نتایج تست آماری نیز تفاوت معناداری را میان گروه های مختلف نشان نمی دهد.(احتمال آماره ی f از f بیشتر است)



Date:	Sun	, 27 Mar 20	22 Prob (F	-statistic)	:	0.403
Time:		14:36:	42 Log-Lik	elihood:	-3.	9894e+05
No. Observation	ns:	1102	92 AIC:		7	.979e+05
Df Residuals:		1102	89 BIC:		7	.979e+05
Df Model:			2			
Covariance Typ	e:	nonrobu	st			
============						
	coef	std err	t	P> t	[0.025	0.975]
Intercept	59.1904	0.098	603.017	0.000	58.998	59.383
C(ecc)[T.1]	-0.0666	0.106	-0.628	0.530	-0.274	0.141
C(ecc)[T.2]	-0.1221	0.106	-1.152	0.249	-0.330	0.086

شکل ۱۰.تاثیر ecc بر

نمودار برای هر سه گروه تقریب یکسان است و نتایج آماری نیز تفاوت قابل توجهی میان این سه گروه را نشان نمی دهد.

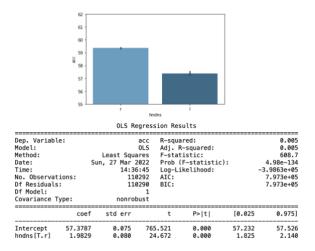


Dep. Variable:	acc	R-squared:	0.000
Model:	0LS	Adj. R-squared:	-0.000
Method:	Least Squares	F-statistic:	0.4729
Date:	Sun, 27 Mar 2022	Prob (F-statistic):	0.756
Time:	14:36:44	Log-Likelihood:	-3.9894e+05
No. Observations:	110292	AIC:	7.979e+05
Df Residuals:	110287	BIC:	7.979e+05
Df Model:	4		
Covariance Type:	nonrobust		

	coef	std err	t	P> t	[0.025	0.975]
Intercept	59.1904	0.098	603.012	0.000	58.998	59.383
C(vf)[T.1]	-0.0673	0.113	-0.594	0.552	-0.289	0.155
C(vf)[T.2]	-0.0812	0.113	-0.717	0.474	-0.303	0.141
C(vf)[T.3]	-0.1425	0.113	-1.260	0.208	-0.364	0.079
C(vf)[T.4]	-0.0860	0.113	-0.759	0.448	-0.308	0.136

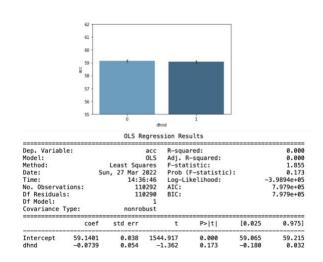
شکل ۱۱. تاثیر vf بر

همان طور که از نمودار نیز پیداست vf تاثیری بر روی acc نداشته و تقریبا برای تمام گروه ها یکسان است. نتایج تست آماری نیز این موضوع را تایید می کند.



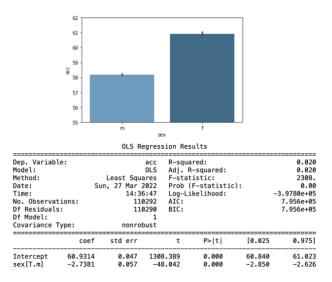
شکل ۱۲. تاثیر hndns بر

تصویر بالا بیانگر این مسئله است که چپ دست یا راست دست بودن افراد بر روی صحت پاسخ تاثیر گذار بوده است و راست دستان پاسخ های درست تری داده اند.



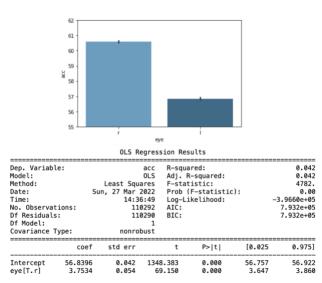
شکل ۱۳. تاثیر dhnd بر acc

در این جا نیز همانند قسمت قبل مشاهده می شود که این که افراد با دست غالب خود پاسخ را داده اند یا خیر تفاوتی بر صحت جواب نداشته است و برای هر دو گروه نتایج تقریبا یکسان است.



شكل۱۴.تاثير sex برacc

نمودار و نتایج آماری همسو هستند و نتایج نشان می دهد که اگرچه مردان با سرعت بیشتری پاسخ داده اند اما زنان پاسخ های دقیق تری داشته اند.

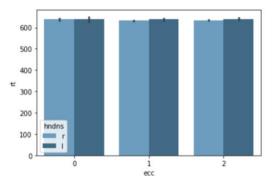


شکل ۱۵. تاثیر eye بر acc

تصویر بالا نشان می دهد که چشم غالب نیز همانند دست غالب بر روی صحت جواب تاثیر داشته است و در این جا نیز افرادی که چشم غالب آن ها چپ بوده با این که زود تر پاسخ داده اند اما صحت جواب کمتری نسبت به گروه مقابل داشته اند.

بررسی تعاملات و interaction بین متغیر ها

در این بخش به کمک دو نمودار به بررسی تعاملات میان متغیر های مستقل و تاثیر آن ها برو روی متغیر های وابسته پرداخته می شود.



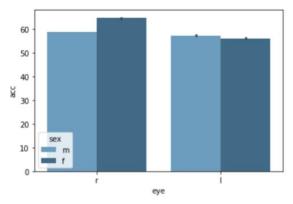
OLS Regression Results

Dep. Variable:	rt	R-squared:	0.000
Model:	0LS	Adj. R-squared:	0.000
Method:	Least Squares	F-statistic:	3.017
Date:	Sun, 27 Mar 2022	Prob (F-statistic):	0.0100
Time:	14:17:59	Log-Likelihood:	-7.5069e+05
No. Observations:	110292	AIC:	1.501e+06
Df Residuals:	110286	BIC:	1.501e+06
Df Model:	5		
Covariance Type:	nonrobust		

	coef	std err	t	P> t	[0.025	0.975]
Intercept	638.7861	6.578	97.114	0.000	625.894	651.678
C(ecc)[T.1]	-0.4650	7.104	-0.065	0.948	-14.389	13.459
C(ecc)[T.2]	1.1851	7.105	0.167	0.868	-12.741	15.111
hndns [T.r]	-0.9510	7.057	-0.135	0.893	-14.782	12.880
C(ecc)[T.1]:hndns[T.r]	-5.6135	7.621	-0.737	0.461	-20.551	9.324
C(ecc)[T.2]:hndns[T.r]	-5.4405	7.622	-0.714	0.475	-20.379	9.498
Omnibus:	1361.228		========= -Watson:		0.924	
Prob(Omnibus):	0.000	Jarque	-Bera (JB):		1413.891	
Skew:	0.272	Prob(J	B):		9.49e-308	
Kurtosis:	3,110	Cond.	No.		41.0	

شكل ۱۶. تعامل hndns و ccc و تاثير آن بر

با توجه به بالا بودن pvalue در تصویر بالا می توان گفت تعامل میان ecc و hndnds معنا دار نبوده و این دو متغیر بر روی یکدیگر برای زمان پاسخ اتاثیری نداشته اند.



OLS Regression Results

Dep. Variable:	acc	R-squared:	0.099
Model:	OLS	Adj. R-squared:	0.099
Method:	Least Squares	F-statistic:	4041.
Date:	Sun, 27 Mar 2022	Prob (F-statistic):	0.00
Time:	14:18:02	Log-Likelihood:	-3.9319e+05
No. Observations:	110292	AIC:	7.864e+05
Df Residuals:	110288	BIC:	7.864e+05
Df Model:	3		
Covariance Type:	nonrobust		

	coef	std err	t	P> t	[0.025	0.975]
Intercept	56.0308	0.068	823.544	0.000	55.897	56.164
eye[T.r]	8.6121	0.090	95.486	0.000	8.435	8.789
sex[T.m]	1.2654	0.085	14.869	0.000	1.099	1.432
eye[T.r]:sex[T.m]	-7.1652	0.111	-64.477	0.000	-7.383	-6.947

Omnibus:	11840.483	Durbin-Watson:	0.001
Prob(Omnibus):	0.000	Jarque-Bera (JB):	16061.890
Skew:	0.927	Prob(JB):	0.00
Kurtosis:	3.246	Cond. No.	9.33

شکل ۱۷. تعامل eye و sex و تاثیر آن بر

نمودار و نتایج آماری هر دو نشان می دهد که ارتباط eye و sex معنا دار بوده است و بر روی acc تاثیر گذاشته و زنان با چشم راست به نسبت مردان با چشم چپ دقت بیشتری داشته اند.

3.پیش بینی ویژگی های رفتاری

در این قسمت جهت پیش بینی مقادیر مربوط به سه متغیر وابسته rt,lrt,acc سه مدل انتخاب شدند. جهت انتخاب این مدل ها ابتدا تمام ویژگی های بی تاثیر یک مدل تقریبا بهینه برای هر یک انتخاب شد.

برای جلو گیری از تکرار مراحل طی شده برای انتخاب بهترین مدل، روش کار برای تنها یک متغیر (acc) شرح داده می شود. برای سایر متغیر های وابسته نیز روش مشابهی انجام شده است.

در ابتدا متغیر های categorical به صورت one hot در آمد تا به کمک آن بتوان مدل رگرشن را پیاده سازی کرد. پس از آن تمام متغیر ها به عنوان ویژگی به مدل داده شدند. مدل اولیه R-squared بسیار کمی داشت کرد. پس از آن تمام متغیر ها به دست آمده برای متغیر های vf,loc,ecc دیده می شد که این متغیر ها به نسبت سایر متغیر های pvalue های به دست آمده برای pvalue دارند و به همین جهت در گام های بعدی به نسبت سایر متغیر ها وابسته مقادیر بسیار بالاتری برای pvalue دارند و به همین جهت در گام های بعدی این متغیر ها از مدل حذف شدند. با حذف سه متغیر گفته شده و به کمک متغیر های R-squared بمدل آموزش دیده شده به معنو برابر با ۹۰۰ رسید که مقدار مطلوبی است. همچنین در این گام مقدار pvalue باشند و با حذف یکی از آن ها بتوان بدون از دست دادن دقت زیاد به مدل بهتری رسید در مرحله های بعد هر یک از این متغیر ها حذف شدند و مجددا مدل ارزیابی شد. برای مثال با حذف shlndns از متغیر های موجود مقدار R-squared از ۹۰۱ به ۸۰۰ رسید که نشان می دهد این متغیر برای یادگیری مدل بسیار مهم است در حالی که حذف برخی متغیر ها مانند bnh تأثیر زیادی نداشت و تنها مقدار R-Squared را از ۹۰۱ به ۹۰۰ رساند که تغییر چشم گیری نیست. بنابراین مدل انتخاب شده برای پیش بینی acc مدلی بود که تنها از ویژگی وساند که تغییر چشم گیری نیست. بنابراین مدل انتخاب شده برای پیش بینی acc مدلی بود که تنها از ویژگی ویای eye,sex,hndns استفاده می کند.

تصاویر زیر نتایج بهترین مدل های انتخاب شده را برای سه متغیر وابسته نشان می دهد.

Dep	. Variable	:	ac	c	R-squa	red (unc	entered):	0.903
	Model	l:	OL	S Adj.	R-squa	red (unc	entered):	0.903
	Method	l: Lea	ast Square	es		F-	statistic:	3.441e+05
	Date	: Sun, 2	7 Mar 202	22	-	Prob (F-s	statistic):	0.00
	Time	:	14:18:0	14		Log-Lik	celihood:	-4.7874e+05
No. Obs	ervations	s:	11029	12			AIC:	9.575e+05
Df I	Residuals	: :	11028	19			BIC:	9.575e+05
	Df Model	l:		3				
Covaria	ance Type	:	nonrobu	st				
	coef	std err	t	P> t	[0.025	0.975]		
hndns	41.8573	0.103	407.995	0.000	41.656	42.058		
eye	9.3393	0.115	81.033	0.000	9.113	9.565		
sex	18.7107	0.100	187.739	0.000	18.515	18.906		
O	mnibus:	7583.739	Durb	in-Wats	son:	0.001		
Prob(On	nnibus):	0.000	Jarque	-Bera (JB): 92	72.658		
	Skew:	0.710)	Prob(JB):	0.00		
к	urtosis:	2.942	2	Cond.	No.	3.23		

شکل ۱۸ مدل آموزش داده شده برای acc

De	p. Variable	:	rt		R-squared	l (uncente	red):	0.821
	Model	:	OLS	Adj. I	R-squared	l (uncente	red):	0.821
	Method	: Lea	st Squares			F-stat		1.267e+05
	Date		7 Mar 2022		Pro	b (F-stati	stic):	0.00
	Time		14:18:05			` og-Likelih		-7.7933e+05
No. Ob	servations	:	110292				AIC:	1.559e+06
Df	Residuals	:	110288	3			BIC:	1.559e+06
	Df Model	:	4					
Covari	ance Type		nonrobust	·				
ooran	u 1,pc		11011102401					
	coef	std err	t	P> t	[0.025	0.975]		
					-	_		
sex	188.4172	1.552	121.432	0.000	185.376	191.458		
sex eye	188.4172 78.6212	1.552 1.761	121.432 44.658	0.000	185.376 75.171	191.458 82.072		
		1.761						
eye	78.6212	1.761	44.658	0.000	75.171	82.072		
eye hndns uhnd	78.6212 420.6396 92.3877	1.761 1.671 1.645	44.658 251.762 56.163	0.000 0.000 0.000	75.171 417.365 89.164	82.072 423.914 95.612		
eye hndns uhnd	78.6212 420.6396 92.3877 Omnibus:	1.761 1.671 1.645 465.109	44.658 251.762 56.163 Durbin-	0.000 0.000 0.000	75.171 417.365 89.164 a: 0.8	82.072 423.914 95.612		
eye hndns uhnd	78.6212 420.6396 92.3877 Omnibus: mnibus):	1.761 1.671 1.645 465.109 0.000	44.658 251.762 56.163 Durbin- Jarque-B	0.000 0.000 0.000 •Watsor	75.171 417.365 89.164 a: 0.9	82.072 423.914 95.612 550		
eye hndns uhnd C Prob(O	78.6212 420.6396 92.3877 Omnibus:	1.761 1.671 1.645 465.109	44.658 251.762 56.163 Durbin- Jarque-B	0.000 0.000 0.000	75.171 417.365 89.164 a: 0.9 470.0 a: 6.27e-	82.072 423.914 95.612 550		

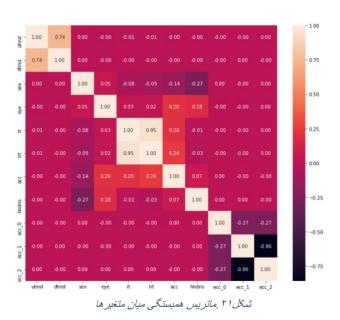
شکل ۱۹.مدل آموزش داده شده برای rt

De	p. Variabl	e:		Irt	R-squ	ared (un	centered):	0.922
	Mode	el:	0	LS Ad	lj. R-squ	ared (un	centered):	0.922
	Metho	d: L	east Squa	res		F	-statistic:	2.618e+05
	Dat	e: Sun,	27 Mar 20)22		Prob (F	-statistic):	0.00
	Tim	e:	14:18	:05		Log-L	ikelihood:	-2.2025e+05
No. Ob	servation	s:	1102	92			AIC:	4.405e+05
Df	Residual	s:	1102	287			BIC:	4.406e+05
	Df Mode	el:		5				
Covari	ance Typ	e:	nonrob	ust				
	coef	std err	t	P> t	[0.025	0.975]		
uhnd	0.5121	0.016	32.282	0.000	0.481	0.543		
dhnd	0.5442	0.016	34.309	0.000	0.513	0.575		
eye	0.5853	0.011	52.865	0.000	0.564	0.607		
hndns	4.1798	0.011	394.480	0.000	4.159	4.201		
sex	2.1017	0.010	214.826	0.000	2.083	2.121		
c	mnibus:	9285.6	29 D ur	bin-Wa	tson:	0.039		
Prob(O	mnibus):	0.0	00 Jarq u	e-Bera	(JB): 5	870.283		
	Skew:	0.4	41	Prob	(JB):	0.00		
ı	Kurtosis:	2.2	94	Cond	. No.	5.94		
						~		

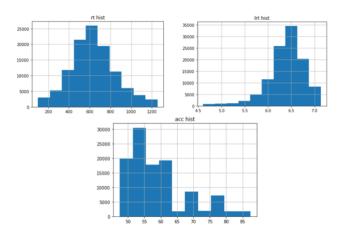
شکل ۲۰.مدل آموزش داده شده برای lrt

مشاهده می شود که هنگامی که به جای زمان پاسخ از لگاریتم آن استفاده می شود مدل به R-squared بهتری می رسد و مدل آموزش بهتری می بیند.

تحليل نمودار ها



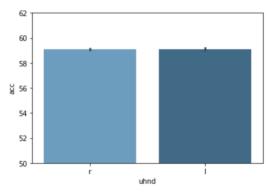
تصویر بالا نشان می دهد که متغیر هایی مانند جنسیت ،چشم غالب و دست غالب بر روی متغیر های وابسته تاثیر داشته اند که همان متغیر هایی هستند که مدل های ما از آن استفاده می کند. علاوه بر این متغیر که گفته شده بود تاثیری روی آموزش مدل ندارد همبستگی نیز با متغیر های وابسته ندارد. تصویر بالا همچنین همبستگی میان دست غالب و دست استفاده شده را نشان می دهد اما از آن جا که در میان همه ترایال ها تعداد استفاده از دست راست و دست چپ برای افراد یکسان بوده به احتمال زیاد این همبستگی به دلیل نامتوازن بودن داده های موجود ایجاد شده است.



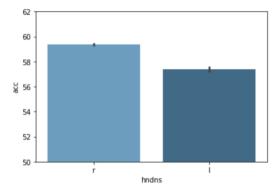
شكل ۲۲ هيستوگرام مربوط به متغير های وابسته

تصویر بالا توزیع متغیر های وابسته را نشان می دهد. مشاهده می شود که تعداد زیادی از افراد با دقت نزدیک به درصد پاسخ داده اند. همچنین تفاوت دو توزیع rt و lrt نیز مشاهده می شود با اینکه انتظار میرفت نمودار rt چولگی داشته باشد و لگاریتم آن این چولگی را کم کند اما در این جا نتیجه برعکسی مشاهده شد.

در قسمت آموزش مدل مشاهده شد که حذف ویژگی hndns باعث می شود مقدار R-Squared برای مدل به صورت چشم گیری کاهش یابد در حالی که حذف uhnd تاثیر چشم گیری روی آن نمی گذاشت. نمودار های زیر به خوبی این موضوع را نشان می دهند و می توان دید مقدار acc در نمودار uhnd برای هر دو گروه تقریبا یکسان است و به ما قدرت خوبی برای پیش بینی نمی دهند در حالی که این موضوع برای hndns صادق نیست و می توان تفاوت میان دو گروه را به خوبی دید.



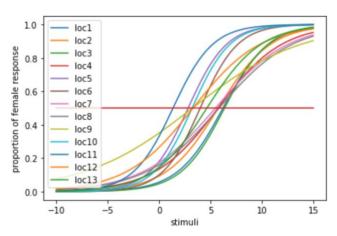
شکل۲۳. بارپلات مربوط به uhnd



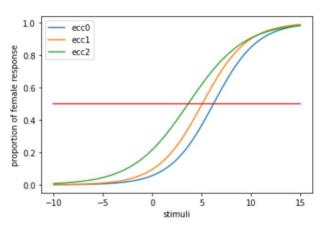
شکل۲۴.بار پلات مربوط به hndns

4.نمودار های سایکومتریک۲

vf, ecc, loc این بخش پیدا کردن pse برای هر فرد و انجام تست های آماری برای بررسی تفاوت آن در pse های مختلف است. pse در واقع نقطه ای است که فرد با احتمال $oldsymbol{.}$ محرک دیده شده را مرد یا زن انتخاب می کند. پس از به دست آوردن مقادیر مربوط به $oldsymbol{pse}$ برای سه متغیر گفته شده و برای هر فرد، نمودار های مربوط به $oldsymbol{i}$ نمودار های نمودار های مربوط به $oldsymbol{i}$ نمودار های نمودار های به $oldsymbol{i}$ نمودار های نمودار ه

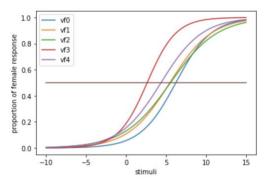


شکل۲۵.نمودار pse مربوط به



شکل ۲۶. نمودار pse مربوط به

² Psychometric



شکل۲۷ نمودار ecc مربوط به Vf

همان طور که مشاهده می شود این نمودارها بسیار شبیه به نمودار های موجود در مقاله ی مرجع هستند. pse برای هر کدام از نمودار ها جایی است که خط قرمز منحنی را قطع کرده است.

در ادامه و به کمک دو تست آماری ANOVA و permutation تست به دو سوال پاسخ داده می شود:

١) آيا درون جامعه و ميان افراد مختلف اين تفاوت ها معنا دار است يا خير

۲) آیا درون هر فرد هر کدام از متغیر های گفته شده بر روی pse تاثیر گذارند یا خیر

بررسى تفاوت ميان افراد جامعه

برای این که ببینم تفاوت pse در کل جامعه و برای متغیر های گفته شده معنا دار است یا خیر اطلاعات و pse مربوط به تمام افراد را جمع آوری کرده و بر روی آن تست ANOVA انجام داده شد. نتایج برای هر کدام از متغیر های گفته شده به شرح زیر است:

-- pse ~ ecc -----

ecc •

		OLS Regress	sion Results	; 		
Dep. Variable: Model: Method: Date: Time: No. Observations: Df Residuals: Df Model: Covariance Type:	pse OLS Least Squares Sun, 27 Mar 2022 18:02:01 195 192 2 nonrobust		R-squared: Adj. R-squared: F-statistic: Prob (F-statistic): Log-Likelihood: AIC: BIC:		0.001 -0.009 0.1190 0.888 -484.67 975.3 985.2	
	coef	std err	t	P> t	[0.025	0.975]
Intercept C(ecc)[T.ecc1] C(ecc)[T.ecc2]	6.3846 0.2000 -0.0308	0.363 0.514 0.514	17.580 0.389 -0.060	0.000 0.697 0.952	5.668 -0.813 -1.044	7.101 1.213 0.982
Omnibus: Prob(Omnibus): Skew: Kurtosis:		30.229 0.000 -0.777 2.202	Durbin-Watson: Jarque-Bera (JB): Prob(JB): Cond. No.		2	1.672 4.809 0e-06 3.73

شکل ۲۸. تست anova برای بررسی ۴۲۰

همان طور که مشاهده می شود تاثیر ecc بر روی pse بر روی کل جامعه مشهود نیست (به دلیل بالا بودن احتمال آماره f) و میان گروه های مختلف تفاوت معنا داری وجود ندارد.

loc •

		OLS Regress	sion Results				
Dep. Variable: Model: Method: Date: Time: No. Observations: Df Residuals: Df Model: Covariance Type:	pse 0LS Least Squares Sun, 27 Mar 2022 14:18:34 845 832 12 nonrobust		R-squared: Adj. R-squared: F-statistic: Prob (F-statistic): Log-Likelihood: AIC: BIC:		0.022 0.008 1.575 0.0933 -2189.4 4405. 4466.		
	coef	std err	t	P> t	[0.025	0.975]	
Intercept C(loc) [T.loc10] C(loc) [T.loc11] C(loc) [T.loc12] C(loc) [T.loc2] C(loc) [T.loc2] C(loc) [T.loc3] C(loc) [T.loc4] C(loc) [T.loc5] C(loc) [T.loc6] C(loc) [T.loc7] C(loc) [T.loc8] C(loc) [T.loc8] C(loc) [T.loc9]	6.3846 -1.6154 -1.0923 -1.2154 -0.9538 -0.3538 -0.6154 -0.9077 -0.8462 -1.7077 -0.5692 -1.5385 -1.2769	0.404 0.571 0.571 0.571 0.571 0.571 0.571 0.571 0.571 0.571	15.820 -2.830 -1.914 -2.130 -1.671 -0.620 -1.078 -1.590 -1.483 -2.992 -0.997 -2.696 -2.237	0.000 0.005 0.056 0.034 0.095 0.535 0.281 0.112 0.139 0.003 0.319 0.007 0.026	5.592 -2.736 -2.213 -2.336 -2.074 -1.474 -1.736 -2.028 -1.966 -2.828 -1.689 -2.659 -2.397	7.177 -0.495 0.028 -0.095 0.166 0.766 0.505 0.213 0.274 -0.587 0.551 -0.418 -0.157	
Omnibus: Prob(Omnibus): Skew: Kurtosis:		24065.735 0.000 -0.260 1.619	Durbin-Watson: Jarque-Bera (JB): Prob(JB): Cond. No.		76	1.594 76.701 2.21e-17 13.9	

شکل۲۹ تست anova برای بررسی ۲۹

نتایج این تست نیز همانند بخش قبلی تفاوت معنا دارای میان مکان های مختلف را نشان نمی دهد به این معنی که میانگین مقادیر pse میان مکان های مختلف در کل افراد با یکدیگر متفاوت نبوده است.

OLS Regression Results

Model: pse Model: 0LS Method: Least Squares Date: Sun, 27 Mar 2022 Time: 18:16:18 No. Observations: 325 Df Residuals: 320 Df Model: 4 Covariance Type: nonrobust		R-square Adj. R-s F-statis Prob (F- Log-Like AIC: BIC:	squared: stic: -statistic):		0.013 0.000 1.040 0.387 -820.54 1651. 1670.	
==========	coef	std err	t	P> t	[0.025	0.975]
Intercept C(vf)[T.vf1] C(vf)[T.vf2] C(vf)[T.vf3] C(vf)[T.vf4]	6.3846 -0.0154 -0.0615 -0.6615 -0.7846	0.378 0.534 0.534 0.534 0.534	16.904 -0.029 -0.115 -1.238 -1.469	0.000 0.977 0.908 0.216 0.143	5.642 -1.066 -1.112 -1.712 -1.836	
Omnibus: Prob(Omnibus): Skew: Kurtosis:		110.943 0.000 -0.584 1.913	Jarque-Bera (JB): Prob(JB):		1.816 34.483 3.25e-08 5.83	

شکل ۳۰. تست anova برای ۷f

مجددا مشاهده می شود که در این جا نیز میان گروه های مختلف تفاوت معنا داری نیست. با مشاهده نتایج بالا می توان گفت که در سطح جامعه تفاوت pse معنا دار نیست و گروه های مختلف تفاوتی با یکدیگر ندارند.

بررسی تفاوت در هر فرد

برای بررسی این تفاوت از permutation تست استفاده شده است. به این صورت که برای هر فرد، جامعه آماری فرض صفر(یعنی جامعه ای که در آن تفاوت ها معنا دار نیستند) به کمک به هم زدن جواب ها به وجود آمده و سپس بررسی شده که مقدار مشاهده شده با چه احتمالی در این جامعه دیده می شود. در صورتی که این مقدار کوچک باشد به این معنی است که این مشاهده تصادفی نبوده و اختلاف آن معنا دار است. با انجام تست زیر برای دو نمونه از افراد نتایج زیر به دست آمد:

```
{'loc1': 0.43,
                  {'loc1': 0.75,
 'loc2': 0.0.
                   'loc2': 0.73,
 'loc3': 0.76,
                   'loc3': 0.76,
 'loc4': 0.0,
                   'loc4': 0.67,
 'loc5': 0.48,
                   'loc5': 0.0,
 'loc6': 0.0,
                   'loc6': 0.0,
 'loc7': 0.45, 'loc8': 0.43,
                   'loc7': 0.68
                   'loc8': 0.71,
 'loc9': 0.0,
                   'loc9': 0.48,
'loc10': 0.0,
 'loc10': 0.0,
 'loc11': 0.77,
                   'loc11': 0.59,
 'loc12': 0.35,
                   'loc12': 0.82,
 'loc13': 0.0,
                   'loc13': 0.69,
 'ecc0': 0.43,
                   'ecc0': 0.75,
 'ecc1': 0.57,
                    'ecc1': 0.0,
 'ecc2': 0.61,
                   'ecc2': 0.61,
 'vf0': 0.43,
                   'vf0': 0.75,
 'vf1': 0.45,
                   'vf1': 0.74,
 'vf2': 0.0,
                   'vf2': 0.71,
 'vf3': 0.57,
                   'vf3': 0.0,
 'vf4': 0.74}
                   'vf4': 0.74}
```

شکل permutation.۳۱ تست بر روی دو نمونه از افراد

نتایج بالا نشان می دهد که در هر فرد میان برخی از متغیر ها اختلاف معنا داری وجود داشته داشت و برای مثال میان دو مکان برای یک فرد تفاوت وجود داشته است.

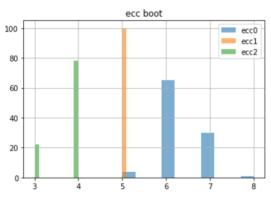
به طور کلی می توان گفت مقدار pse به ازای هر فرد(بر اساس متغیر های تعریف شده) متفاوت بوده است اما از آن جا که در کل جامعه این تفاوت دیده نمی شد می توان گفت این تفاوت بین افراد مختلف الگوی ثابتی نداشته است که بیان کننده همان نتایجی است که مقاله مرجع به دست آورده است.

استفاده از bootstrap

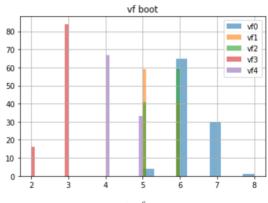
در بخش آخر این قسمت انحراف معیار pse برای هر کدام از پارامتر های گفته شده برای یک نمونه و به کمک bootstrap به دست آمد. در این روش هر بار از نمونه ی به دست آمده دیتاست جدیدی به کمک نمونه برداری با جاگذاری از جامعه اصلی به دست می آید و انحراف معیار میان جوامع مختلف گزارش می شود.

تصاویر زیر توزیع به دست آمده توسط این روش را برای یک فرد نشان می دهد:

*از آن جا که نمودار های مربوط به loc زیاد بودند در گزارش وارد نشده اند اما نمودار های مربوط به آن در کد موجود است.



شکل۳۲.توزیع ecc برای یک نمونه



شکل ۲۳. توزیع ۷f برای یک نمونه

همان طور که نتایج قسمت قبل نیز نشان داده بود مشاهده می شود که pse مربوط به گروه های مختلف در هر کدام از این پارامتر ها تقریبا نزدیک به هم هستند و با گروه های مختلف اختلاف دارند. در ادامه و پس از به دست آوردن جامعه آماری انحراف معیار در پارامتر های مختلف برای یک فرد به صورت زیر به دست آمد:

```
loc1
         0.529532
loc2
         0.565953
loc3
         0.529532
loc4
         0.706678
loc5
         0.402015
loc6
         0.481894
loc7
         0.640707
         0.697108
loc8
loc9
         0.974990
loc10
         0.483673
loc11
         0.521362
loc12
         0.701729
loc13
         0.655282
ecc0
         0.529532
ecc1
         0.100000
ecc2
         0.422953
vf0
         0.529532
         0.496045
vf1
vf2
         0.490207
vf3
         0.435194
vf4
         0.451261
```

شکل ۳۴.انحراف معیار پارامترهای مختلف در جامعه bootstrap

نکته ای که در این فرد قابل توجه بود این است که انحراف معیار pse در ecc1 بسیار کم بوده و pse های به دست آمده برای این ناحیه بسیار نزدیک به هم بوده اند.

۵. انحراف معیار PSE

در قسمت قبل مشاهده شد که تاثیر پارامترهای گفته شده بر روی pse کل جامعه مشهود نیست. به همین جهت در این قسمت با محاسبه انحراف معیار pse مکان های مختلف به ازای vf و ecc های مختلف (که به عنوان mdex معرفی شده است) بار دیگر تست های آماری بر روی جامعه انجام شد و تاثیر گروه های مختلف بر آن بررسی شد.

vf •

index ~ vf								
OLS Regression Results								
Dep. Variable: Model: Method: Date: Sun, Time: No. Observations: Df Residuals: Df Model: Covariance Type:	R-squared: Adj. R-squared: F-statistic: Prob (F-statistic): Log-Likelihood: AIC: BIC:			0.303 0.294 34.70 4.56e-24 -516.16 1042. 1061.				
coef	std err	t	P> t	[0.025	0.975]			
Intercept -5.393e-16 C(vf) [T.vf1] 1.7605 C(vf) [T.vf2] 2.0739 C(vf) [T.vf3] 1.5717 C(vf) [T.vf4] 2.1245	0.148 -3 0.209 0.209 0.209 0.209	.64e-15 8.409 9.905 7.507 10.147	1.000 0.000 0.000 0.000 0.000	-0.291 1.349 1.662 1.160 1.713	0.291 2.172 2.486 1.984 2.536			
Omnibus: Prob(Omnibus): Skew: Kurtosis:	27.624 0.000 0.167 2.183	Durbin- Jarque- Prob(JB Cond. N	Bera (JB):):		1.674 10.548 0.00512 5.83			

شکل ۳۵.تست anova برای تاثیر vf بر

نتایج بالا نشان می دهد که با در نظر گرفتن انحراف معیار مکان ها در میان vf های مختلف تفاوت معنا داری در جامعه به وجود آمده است و بنابراین می توان گفت index به ازای گروه های مختلف vf متفاوت است.

ecc •

-		inde	x ~ ecc		-	
		OLS Regre	ssion Results	5		
Dep. Variable: Model: Method: Date: Time: No. Observations: Df Residuals: Df Model: Covariance Type:	Sun, 2	index OLS st Squares 7 Mar 2022 14:19:27 195 192 2	Adj. R-squ F-statist: Prob (F-st Log-Likel: AIC:	uared: ic: tatistic):		0.624 0.620 159.5 54e-41 258.65 523.3 533.1
=========	coef	std err	t	P> t	[0.025	0.975]
Intercept -7 C(ecc)[T.ecc1] C(ecc)[T.ecc2]	2.4486	0.114 0.161 0.161	-6.22e-15 15.194 15.728	1.000 0.000 0.000	-0.225 2.131 2.217	0.225 2.766 2.852
Omnibus: Prob(Omnibus): Skew: Kurtosis:		10.181 0.006 -0.560 3.174	<pre>Jarque-Bera (JB): Prob(JB):</pre>			1.546 10.429 .00544 3.73

شکل ۳۶.تست anova برای تاثیر ecc بر

مجددا مشاهده می شود که مقدار index در گروه های مختلف ecc با یکدیگر تفاوت دارد و این تفاوت در کل جامعه مشهود است.

فرضیه neural undersampling and network sparsity کند هنگامی که سایز محرک به نسبت محیط آزمایش شده کوچک باشد تنها تعداد کمی از سلول ها را فعال می کند و بنابراین بایاس زیادی میان ادراک افراد از محرک نشان داده شده وجود دارد و در مقابل هر چه سایز محرک بزرگ تر باشد سلول های بیشتری فعال شده و تفاوت میان ادراک انجام شده از محرک کمتر است طبق این فرضیه انتظار داریم که میان ecc های متفاوت از آنجا که سایز محرک متفاوت است مقادیر انحراف معیار برای آن ها متفاوت باشد بنابراین نتایج به دست آمده همسو با این فرضیه است.

6.ارتباط بین زمان پاسخ و پیچیدگی محرک

در این بخش محرک پیچیده همان pse در نظر گرفته شده است که بسته به مکان می تواند متفاوت باشد. سوالی که قرار است در این بخش به آن پاسخ داده شود این است که آیا میانگین زمان پاسخ افراد به محرک های پیچیده بیشتر بوده است یا خیر.

برای انجام این تست دیتاست جدیدی به وجود آورده که هرسطر آن شامل شناسه فرد، نوع محرک نشان داده شده (با لیبل های hard و normal که در صورتی که شماره محرک با pse برابر باشد hard و در غیر این صورت normal در نظر گرفته می شود)و زمان پاسخ است. برای تست فرضیه تنها کافی است به کمک normal یک طرفه (برای بررسی بزرگتر بودن میانگین از تست یک طرفه استفاده می شود)میانگین دو گروه normal و hard را از نظر آماری مقایسه کنیم. نتیجه این مقایسه به صورت زیر است:

Ttest_indResult(statistic=3.9099701050479427, pvalue=4.6181360504379824e-05)

مشاهده می شود که مقدار pvalue در این تست بسیار کوچک است و بنابراین می توان گفت که هر چه محرک پیچیده تر باشد مدت زمان پاسخ فرد برای آن بیشتر است.

ecc و با نجام این تست و تعیین محرک پیچیده بر اساس vf و یا vf نیز مشاهده می شود که مقادیر vf بسیار کوچک است و باز هم می توان نتیجه بالا را گرفت.