## به نام پاک آفریدگار



## دانشکده مهندسی و علوم کامپیوتر

## تمرین سری دوم درس شبیه سازی کامپیوتری ، فروردین ماه ۱۴۰۱

## مدرس: دکتر فرشاد صفایی

- باشد، یک  $ar{X}=64.3$  دارای میانگین  $\delta=225$  از جامعه نرمالی با واریانس  $\delta=225$  دارای میانگین  $ar{X}=64.3$  باشد، یک فاصله اطمینان ۹۵٪ برای  $\mu$  یعنی میانگین جامعه پیدا کنید.
- و سپس با استفاده از فرمول بازگشتی  $p(0;\lambda)$  هنگام محاسبه مقادیر توزیع پوآسن غالبا می توان ابتدا با محاسبه  $p(0;\lambda)$  و سپس با استفاده از فرمول بازگشتی  $p(x+1;\lambda)=\frac{\lambda}{\lambda+1}p(x;\lambda)$  انجام کار را تسهیل کرد. درستی فرمول فوق را بررسی کرده و آن را با توجه به اینکه  $\lambda=0.1353$  برای  $\lambda=0.1353$
- ست. مطلوب است  $f_x(x)=rac{e^{-4}4^x}{x!}$  اشد. مطلوب است کنید ورض کنید  $X_1,X_2,\dots,X_{49}$  باشد. مطلوب است . $P=\{220<\sum_{i=1}^{49}X_i<233\}$  محاسبه
- نده کنید ۲ درصد جمعیت دارای گروه خونی AB هستند. یک نمونه ۶۰ تایی از جمعیت به طور تصادفی انتخاب شده است. اگر متغیر تصادفی X را تعداد افرادی که دارای گروه خونی AB هستند در نظر بگیریم، احتمال اینکه هیچ یک دارای گروه خونی AB نباشند چقدر است؟
  - P(|t| < b) = 0.9 برای توزیع t با درجه آزادی ۹۰ مقدار b بیدا کنید طوریکه t برای توزیع  $^{\circ}$
  - ۰. اگر نمونه ای تصادفی از جامعه ای نامتناهی که متشکل از اعداد صحیح N,...,۲,۱ است انتخاب شوند، نشان دهید که

الف) میانگین توزیع 
$$\overline{X}$$
 ،  $\overline{X}$  است . 
$$(N+1) \cdot \frac{(N+1)(N-n)}{n} \cdot \overline{X} \cdot \overline{X}$$
 ب واریانس توزیع  $\overline{X}$  ،  $\overline{X}$  است . 
$$(N+1) \cdot \frac{(N+1)(N-n)}{n} \cdot \overline{X} \cdot \overline{X}$$
 ب میانگین واریانس توزیع  $Y = n \cdot \overline{X} \cdot \overline{X} \cdot \overline{X}$  عبارتند از 
$$(Y) = \frac{n(N+1)}{n} \cdot \overline{X} \cdot \overline{X} \cdot \overline{X} \cdot \overline{X}$$
 ب میانگین واریانس توزیع  $Y = n \cdot \overline{X} \cdot \overline{X} \cdot \overline{X} \cdot \overline{X} \cdot \overline{X} \cdot \overline{X}$  .

- ۷۰ متوسط عمر پردازنده ای دارای توزیع نمایی با میانگین ۴ سال است . اگر بدانیم یک پردازنده ۴ سال کار کرده احتمال
  اینکه باز کار کند را بیابید .
- ست.مطلوب است  $g(x) = Ae^{-x^2+8x-16}$  فرض کنید تابع فراوانی متغیر تصادفی X دارای توزیع نرمال به شکل  $g(x) = Ae^{-x^2+8x-16}$  است.مطلوب است محاسبه میانگین، واریانس و مقدار A برای این توزیع.
- و. اگر X یک متغیر تصادفی پواسن با نرخ  $\lambda$  باشد و P(2)=2P(0) در این صورت مطلوب است محاسبه  $P\{X^2+X-2>0\}$
- ۱. فرض کنید متوسط تعداد از کارافتادگی سرور دانشگاه شهید بهشتی در طول یک ماه، ۴ گزارش شده باشد که از توزیع یوآسن تبعیت می کند.
  - الف) احتمال اینکه در طول یک هفته هیچگونه از کارافتادگی در این سرور گزارش نشود، چه قدر است؟
  - ب) اگر تعداد از کارافتادگی ها در طول یک هفته در این سرور را با متغیر تصادفی X نمایش دهیم، تابع مولد
    - گشتاور X را تعیین کنید و سپس به کمک آن میانگین و واریانس را بدست آورید.
  - ج) اگر فرض کنیم خطاهای رخ داده در روی یکی از کابلهای اتصال این سرور از فرآیند پوآسن با نرخ ۲.۱ خطا در دقیقه پیروی کند، احتمال اینکه در مدت ۴ ثانیه از زمان ارسال داده ها هیچ خطایی وجود نداشته باشد چه قدر است؟
- 11. رمز عبور یک شبکه کامپیوتری عددی ۵ رقمی است و اگر شخصی ۳ بار رمز را غلط وارد کند دیگر نمیتواند وارد شبکه گردد. فرض کنید شخص رمز خود را فراموش کرده و فقط عدد اول را به یاد می آورد و می داند سایر عددها شامل ۵, ۵, ۳, ۳ هستند. فرد تصادفا رمز را وارد میکند و هر بار فراموش میکند که بار قبلی چه عددی را وارد کرده است. احتمال اینکه این شخص بتواند وارد شبکه گردد چه قدر است؟