

ক্যাটাগরি: প্রাইমারি (৩য়- ৫ম শ্রেণী)

ডাচ- বাংলা ব্যাংক - প্রথম আলো গণিত উৎসব ২০১৫ নোয়াখালী আঞ্চলিক গণিত অলিম্পিয়াড



সময়: ১ ঘন্টা ১৫ মিনিট

আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি

নাম(বাংলায়): শ্রেণী(২০১৪ সাল):

Name (In English): Registration No:

[এই উত্তরপত্রের নির্দিষ্ট স্থানে উত্তর লিখতে হবে। খসড়ার জন্য পৃথক কাগজ ব্যবহার করতে হবে এবং তা জমা দিতে হবে। সকল সংখ্যা ইংরেজীতে লেখা হয়েছে। সবাইকে নিজ নিজ উত্তরপত্র জমা দিতে হবে।]

নং	সমস্যা	উত্তর
۵	এক সপ্তাহ যদি 7 দিনে না হয়ে 5 দিনে হতো তবে কত সপ্তাহে এক বছর হতো?	
	If there were five days in a week instead of seven days then how many weeks were	
	there in a year?	
ર	কোন বৃছরের প্রথম দিন যদি শনিবার হয় তাহলে এপ্রিলের 7 তারিখ কি বার হবে? ঐ বছর	
	অধিবর্ষ নয়।	
	If the first day of a year is Saturday, what will be the day on 7 th April? The year is	
	not a leap year.	
6	দুইটি পূর্ণসংখ্যার লসাগু গসাগু এর 9 গুণ। কোন মৌলিক সংখ্যা দ্বারা সংখ্যা দুটির গুণফল	
	অবশ্যই বিভাজ্য হবে?	
	The lcm of two integers are 9 times of their gcd. Which prime must divide the	
	product of the two integers?	
8	একটি দোকানে 4টি চকলেটের মোড়ক ফেরত দিলে 1টি চকলেট পাওয়া যায়। 1টি চকলেটের	
	দাম 1টাকা। তোমার কাছে 28 টাকা থাকলে তুমি সর্বোচ্চ কয়টি চকলেট খেতে পারবে?	
	In a shop 1 chocholate will be given you return 4 packets of chocolate. The price of	
	1 chocolate is 1 taka. You have 28 taka then at most how many chocholate you can	
	buy?	
Œ	একটি বেঞ্চে 5টি সিট আছে। E ,B এর ঠিক বামপাশের সিট এ বসে এবং D এর ডানপাশে।	
	আবার A,C এর বামপাশে বসে। যদি A এবং D পাশাপাশি বসে তাহলে কে সব থেকে	
	বামপাশে বসেছিল।	
	In a bench there are five seats. E sits just left side of B and right side of D. again A	
	seats left to C. If A and D seats besides then who seats most left on the bench?	
છ	এমন সব থেকে ছোট 3 অংকের সংখ্যা নির্ণয় কর যা তিনটি ক্রমিক সংখ্যা দ্বারা গঠিত এবং	
	যাকে বিপরীত করলে এবং মূল সংখ্যার সাথে বিপরীত সংখ্যা যোগ করলে 3টিই একই অংক	
	বিশিষ্ট সংখ্যা পাওয়া যাবে।	
	Find the smallest 3 digits number having three consecutive numbers. If you reverse	
	the number and add this with the initial one than all the digits of summation are	
	same.	





নং		সমস্যা	উত্তর
9	C E F D	AB=10, CE+FD = 12, ABCD এর ক্ষেত্রফল =? AB=10, CE+FD = 12. Area of ABCD Area of ABFE =?	
ъ		এভাবে 90 তম বিন্যাসের জন্য কতগুলো কাঠি লাগবে? [প্রথম বিন্যাসে তিনটি কাঠি আছে] In the 90th such pattern, how many sticks would be needed? [The first pattern has three sticks]	
8	ৰ্জাকা হ বৰ্গক্ষেত্ৰ In the in a sq	চিত্রে ABCD বর্গক্ষেত্রের ভেতরে চারটি সমান আয়তক্ষেত্র লো। AEFG আয়তক্ষেত্রে EF=3AE। কালো ঘটির ক্ষেত্রফল 36 হলে ABCD এর ক্ষেত্রফল কত? adjoining diagram, four equal rectangles are drawn uare ABCD. In the rectangle AEFG, EF=3AE. If a of the black square is 36, then what is the area of	
\$0	a,b,c তিনটি পূর্ণসংখ্যা দেয়া আছে। a এবং b এর ল.সা.গু. 22, b এবং c এর ল.সা.গু. 60 এবং c এবং a এর ল.সা.গু. 40 হলে $a+b+c$ এর মান কত? a,b,c are three integers. L.C.M of a and b is 22, b and c is 60 and c and a is 40. What is the value of $a+b+c$?		





আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি

ক্যাটাগরি: জুনিয়র (৬ষ্ঠ-৮ম শ্রেণী) সময়: ১ ঘন্টা ১৫ মিনিট

নাম(বাংলায়): শ্রেণী(২০১৪ সাল):

Name (In English): Registration No:

[এই উত্তরপত্রের নির্দিষ্ট স্থানে উত্তর লিখতে হবে। খসড়ার জন্য পৃথক কাগজ ব্যবহার করতে হবে এবং তা জমা দিতে হবে। সকল সংখ্যা ইংরেজীতে লেখা হয়েছে। সবাইকে নিজ নিজ উত্তরপত্র জমা দিতে হবে।]

নং	সমস্যা	উত্তর	
٥	কোন বছরের প্রথম দিন যদি বৃহস্পতিবার হয় তাহলে এপ্রিলের 7 তারিখ কি বার হবে? ঐ বছর অধিবর্ষ নয়।		
	If the first day of a year is Thursday, what will be the day on 7 th April? The year		
	is not a leap year.		
ર	দুইটি পূর্ণসংখ্যার লসাগু গসাগু এর 4 গুণ। কোন মৌলিক সংখ্যা দ্বারা সংখ্যা দুটির গুণফল		
	অবশ্যই বিভাজ্য হবে?		
	The lcm of two integers are 4 times of their gcd. Which prime must divide the product of the two integers?		
9	একটি দোকানে 4টি চকলেটের মোড়ক ফেরত দিলে 1টি চকলেট পাওয়া যায়। 1টি চকলেটের		
	দাম 1টাকা। তোমার কাছে 40 টাকা থাকলে তুমি সর্বোচ্চ কয়টি চকলেট খেতে পারবে?		
	In a shop 1 chocholate will be given you return 4 packets of chocolate. The price		
	of 1 chocolate is 1 taka. You have 40 taka then at most how many chocholate you		
	can buy ?		
8	c ABC বৃত্তে O কেন্দ্র। ∠ACB এর মাপ নির্ণয় কর। Here O is the center of circle ABC. Find the value		
	of $\angle ACB$.		
	\		
œ			
"	আঁকা হলো। AEFG আয়তক্ষেত্রে EF=3AE । কালো বর্গক্ষেত্রটির		
	ক্ষেত্ৰফল 40 হলে ABCD এর ক্ষেত্ৰফল কত?		
	In the adjoining diagram, four equal rectangles are drawn		
	in a square ABCD. In the rectangle AEFG, EF=3AE. If		
	the area of the black square is 40 , then what is the area of		
	ABCD?		





নং	সমস্যা		উত্তর
৬	কা আ In sti	ভাবে 100 তম বিন্যাসের জন্য কতগুলো াঠি লাগবে? [প্রথম বিন্যাসে তিনটি কাঠি াছে] the 100th such pattern, how many icks would be needed? [The first attern has three sticks]	
9	All with the second of the sec	BC সমকোণী ত্রিভুজে, ∠BAC=90° D, BC এর অভ্যন্তরে যেকোন বিন্দু। দেয়া হৈছে, ∠BAD=40°, ∠DBC=20°, ACB=50° ∠ADB এর মান কত? BC is a right angled triangle, BAC=90°. D is any point inside ABC. iven that, ∠BAD=40°, ∠DBC=20°, ACB=50°. What is the value of ADB?	
ъ	a,b,c তিনটি পূর্ণসংখ্যা দেয়া আছে। a এবং b এর ল.সা.গু. 24 , b এবং c এর ল.সা.গু. 60 এবং c এবং a এর ল.সা.গু. 40 হলে $a+b+c$ এর মান কত?		
	a,b,c are three integers. L.C.M of a and b is 24, b and c is 60 and c and a is 40. What is the value of $a+b+c$?		
8	x এবং y দুইটা ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যা, x, y এর লসাগু এবং গসাগু এর অনুপাত 12। 4x এবং 6y এর গসাগু এবং লসাগু এর অনুপাতের মান সর্বনিম্ন কত হবে? x and y are two positive integer. The ratio of LCM and GCD is 12. What is the minimum value of the ratio of GCD and LCM of 4x and 6y?		
20	a, b, c তিনটি ধনাতাক পূর্ণ সংখ্যা। (p, q) = k বলতে বোঝানো হয় যে p, q এর গসাগু k। যদি (a, b) =2, (b, c) =3 এবং (c, a) = 7 হয়, এবং a, b, c এর লসাগু এর মান 4620 হয়, হলে a×b×c এর সর্বনিম্ন মান কত? a, b, c are three positive integers. The notation (p, q) =k means the GCD of the number p and q is k. Now, if (a, b)=2, (b, c)=3 and (c, a)=7. The LCM of a, b and c is 4620. What is the lowest value of a×b×c?		





আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি

ক্যাটাগরি: সেকেন্ডারি (৯ম-১০ম শ্রেণী) সময়: ১ ঘন্টা ১৫ মিনিট

নাম(বাংলায়): শ্রেণী(২০১৪ সাল):

Name (In English): Registration No:

[এই উত্তরপত্রের নির্দিষ্ট স্থানে উত্তর লিখতে হবে। খসড়ার জন্য পৃথক কাগজ ব্যবহার করতে হবে এবং তা জমা দিতে হবে। সকল সংখ্যা ইংরেজীতে লেখা হয়েছে। সবাইকে নিজ নিজ উত্তরপত্র জমা দিতে হবে।]

নং	সমস্যা		উত্তর	
۵	দুইটি পূর্ণসংখ্যার লসাগু গসাগু			
		অবশ্যই বিভাজ্য হবে?		
		of two integers are 25 times of their gcd. Which prime must divide the		
_	product of the two integers?			
২		শের চিত্রে ABCD বর্গক্ষেত্রের ভেতরে চারটি সমান আয়তক্ষেত্র		
	1 1 1 1 1	কা হলো। AEFG আয়তক্ষেত্রে EF=3AE। কালো		
		ক্ষিত্রটির ক্ষেত্রফল 50 হলে ABCD এর ক্ষেত্রফল কত?		
		the adjoining diagram, four equal rectangles are drawn		
		a square ABCD . In the rectangle AEFG , EF=3AE . If e area of the black square is 50 , then what is the area of		
		BCD?		
	ABCD:			
9	ABC সমকোণী ত্রিভুজে, ∠BAC=90° । D, ABC এর			
	/ Y \	ভ্যন্তরে যেকোন বিন্দু। দেয়া আছে, ∠BAD=40°,		
		$\angle DBC=20^0$, $\angle ACB=50^0$ $\angle ADB$ এর মান কত?		
		ABC is a right angled triangle, $\angle BAC=90^{\circ}$. D is any		
		oint inside ABC. Given that, $\angle BAD=40^{\circ}$, $\angle DBC=20^{\circ}$,		
		$\angle ACB=50^{\circ}$. What is the value of $\angle ADB$?		
8	a,b,c তিনটি পূর্ণসংখ্যা দেয়া আছে। a এবং b এর ল.সা.গু. $20, b$ এবং c এর ল.সা.গু. 48			
	এবং c এবং a এর ল.সা.গু. 36 হলে $a+b+c$ এর মান কত?			
	a,b,c are three integers. L.C.M of a and b is 20, b and c is 48 and c and a is 36.			
	What is the value of $a+b+c$?			
œ	C	AC চিত্রের বৃত্তের ব্যাস। OC এর দৈর্ঘ্য পাঁচ একক,		
		∠BAP = 60°, BP, AP এর উপর লম্ব। APBC		
	B	চতুর্ভুজের ক্ষেত্রফলকে $(a\sqrt{b}+c\sqrt{d})$ আকারে লেখা		
		যায়। $(a+b+c+d)=rac{e}{f}$ হলে, $(e+f)$ এর মান		
	্ । । । নির্ণয় কর।			
		$/$ AC is the diameter of the given circle. $\mathbf{OC} = 5$		
		$\angle BAP = 60^{\circ}$. BP is perpendicular on AP. The area of quadrilateral APBC is $(a\sqrt{b}+c\sqrt{d})$. If		
	A P	$(a+b+c+d) = \frac{e}{f}, (e+f) = ?$		
L	L	,		





নং	সমস্যা	উত্তর	
৬	$X=\{1,2,3,\ldots,2015\}$ এই সেটের যে কোন 200 উপাদান নিয়ে গঠিত সাবসেট X_{100} । তাহলে কতগুলো X_{200} পাওয়া যাবে যার সবগুলো উপাদানের যোগফলকে 5 দিয়ে ভাগ করলে 1 অবশিষ্ট থাকবে ? X_{100} is a subset formed with any 200 elements from the set $X=\{1,2,3,\ldots,$		
	2015 }. Then how many X_{200} are possible to form for which, sum of all the elements will give a remainder of 1 when divided by 5?		
٩	যদি পাঁচ অঙ্ক বিশিষ্ট কোন সংখ্যা ABCDE এর জন্যে A <b<c<d<e এরকম<br="" তাহলে="" হয়,="">যতগুলো সংখ্যা সম্ভব তাদের সবগুলোকে যদি মানের উর্ধক্রম অনুসারে সাজানো হয় তাহলে 100 তম সংখ্যাটি কত হবে? ABCDE is a five digit number for which A<b<c<d<e. all="" if="" numbers<br="" such="" then="">are arranged in ascending order then what will be the 100th number?</b<c<d<e.></b<c<d<e>		
b	$x=p_1p_2p_3$ এবং $p_1+p_2+p_3=p_4^{p_5}$ । p_1,p_2,p_3,p_4,p_5 মৌলিক সংখ্যা,তবে তারা একে অপরের সমান হতে পারবে না । $5\leq$, $p_2,p_3,p_4,p_5\leq 50$ হলে, x এর সর্বনিম্ন মান কত? $x=p_1p_2p_3$ and $p_1+p_2+p_3=p_4^{p_5}$. p_1,p_2,p_3,p_4,p_5 are prime numbers, and they cannot be equal. If $5\leq$, $p_2,p_3,p_4,p_5\leq 50$, then find the minimum value for x .		
ক	T		
20	f(y) = y সংখ্যক বার y। যেমন: f(3)=333; f(5)=55555, a = f(2001) + f(2002) + f(2003) + f(2004) + + f(2012) + f(2013) + f(2014) + f(2015) হলে a কে 3 দ্বারা ভাগ করলে ভাগশেষ কত হবে? f(y) = y repeated y times, for example f(3) = 333, f(5) = 55555. Then a = f(2001) + f(2002) + f(2003) + f(2004) + + f(2012) + f(2013) + f(2014) + f(2015). What is the remainder upon division of a by 3?		





আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি

ক্যাটাগরি: হায়ার সেকেন্ডারি (একাদশ-দ্বাদশ শ্রেণী)

শ্ৰেণী(২০১৪ সাল):

সময়: ১ ঘন্টা ১৫ মিনিট

নাম(বাংলায়):

Registration No:

Name (In English):

[এই উত্তরপত্রের নির্দিষ্ট স্থানে উত্তর লিখতে হবে। খসড়ার জন্য পৃথক কাগজ ব্যবহার করতে হবে এবং তা জমা দিতে হবে। সকল সংখ্যা ইংরেজীতে লেখা হয়েছে। সবাইকে নিজ নিজ উত্তরপত্র জমা দিতে হবে।]

নং	সমস্যা	উত্তর	
٥	একটি দোকানে 4টি চকলেটের মোড়ক ফেরত দিলে 1টি চকলেট পাওয়া যায়। 1টি চকলেটের		
	দাম 1টাকা। তোমার কাছে 52 টাকা থাকলে তুমি সর্বোচ্চ কয়টি চকলেট খেতে পারবে?		
	In a shop 1 chocholate will be given you return 4 packets of chocolate. The price		
	of 1 chocolate is 1 taka. You have 52 taka then at most how many chocholate you		
	can buy?		
২	এভাবে 150 তম বিন্যাসের জন্য কতগুলো		
	কাঠি লাগবে? [প্রথম বিন্যাসে তিনটি কাঠি		
	্ আছে]		
	In the 150 th such pattern, how many sticks would be needed? [The first		
	pattern has three sticks		
	pattern has times strokes		
9	a,b,c তিনটি পূর্ণসংখ্যা দেয়া আছে। a এবং b এর ল.সা.গু. 22, b এবং c এর ল.সা.গু. 60		
	এবং c এবং a এর ল.সা.গু. 36 হলে a+b+c এর মান কত?		
	a,b,c are three integers. L.C.M of a and b is 22, b and c is 60 and c and a is 36. What is the value of a+b+c?		
8	x এবং y দুইটা ধনাতাক পূর্ণসংখ্যা, x , y এর লসাগু এবং গসাগু এর অনুপাত $12 + 4x$ এবং $6y$		
	এর গসাগু এবং লসাগু এর অনুপাতের মান সর্বোচ্চ কত হবে?		
	x and y are two positive integer. The ratio of LCM and GCD is 12. What is the		
	maximum value of the ratio of GCD and LCM of 4x and 6y?		
¢	X ={1,2,3, \ldots \ldots , 2015} এই সেটের যে কোন 100 উপাদান নিয়ে গঠিত সাবসেট X_{100} ।		
	তাহলে কতগুলো X_{100} পাওয়া যাবে যার সবগুলো উপাদানের যোগফলকে 5 দিয়ে ভাগ $$ করলে		
	1 অবশিষ্ট থাকবে ?		
	X_{100} is a subset formed with any 100 elements from the set $X=\{1,2,3,\ldots,$		
	2015 }. Then how many X_{100} are possible to form for which, sum of all the		
	elements will give a remainder of 1 when divided by 5?		
৬	a, b, c তিনটি ধনাতাক পূর্ণ সংখ্যা। (p, q) = k বলতে বোঝানো হয় যে p, q এর গসাগু k।		
	যদি (a, b) =2, (b, c) =3 এবং (c, a) = 5 হয়, এবং a, b, c এর লসাগু এর মান 3300 হয়,		
	হলে a×b×c এর সর্বনিমু মান কত?		
	a, b, c are three positive integers. The notation $(p, q) = k$ means the GCD of the		
	number p and q is k. Now, if $(a, b)=2$, $(b, c)=3$ and $(c, a)=5$. The LCM of a, b		
	and c is 3300. What is the lowest value of $\mathbf{a} \times \mathbf{b} \times \mathbf{c}$?		





নং	সমস্যা		উত্তর
9	T B C A P	∠PTC = ∠ATB = 90°;∠ABT = 30°; PA = 10; AT = 15 TC, ABC ত্রিভুজের মধ্যমা PT =? ∠PTC = ∠ATB = 90°;∠ABT = 30°; PA = 10; AT = 15. TC is the median of triangle ABC. PT =?	
8	f(2003) + f(2004) + + f(2012) + f(2013) + f(2014) + f(2015) হলে a কে 3 দ্বারা ভাগ করলে ভাগশেষ কত হবে? f(y) = y repeated y times, for example f(3) = 333, f(5) = 55555. Then a = f(2001) + f(2002) + f(2003) + f(2004) + + f(2012) + f(2013) + f(2014) + f(2015). What is the remainder upon division of a by 3? • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		
20	সবচাইটে ক্ষুদ্রতম হলে, A Comm Radius contact	বেত্তের সাধারণ স্পর্শকদ্বয় \mathbf{A} বিন্দুতে মিলিত হয়। তে বড় বৃত্তের ব্যাসার্ধ 18 একক। স্পর্শকদ্বয় বৃত্তিকৈ \mathbf{B} , \mathbf{C} বিন্দুতে স্পর্শ করে। $\angle \mathbf{A} = \mathbf{60^0}$ \mathbf{BC} ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর। on tangents of the three circles meet at \mathbf{A} . s of the biggest circle is 18 . \mathbf{B} , \mathbf{C} is point of to of the tangent with the smallest circle. $\mathbf{60^0}$. Find area of $\Delta \mathbf{ABC}$.	