



আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি

ক্যাটাগরি: প্রাইমারি (৩য়-৫ম শ্রেণী) সময়: ১ ঘন্টা ১৫ মিনিট

নাম(বাংলায়): শ্রেণী(২০১৬ সাল):

Name (In English): Registration No:

নং	সমস্যা	উত্তর	
۵	30,53,29,32,15,9,22,47,49,13,40,33 এই সংখ্যাগুলো থেকে দুটি করে সংখ্যা		
	নিয়ে মোট <b>6</b> টি জোড়া গঠন করা হল। এই জোড়াগুলোর প্রতিটির সদস্য সংখ্যাগুলোর যোগফল		
	সমান। এইভাবে জোড়া গঠন করা হলে 22 এর সাথে একই জোড়ায় কোন সংখ্যাটি ছিল ?		
	30, 53, 29, 32, 15, 9, 22, 47, 49, 13, 40, 33 - from these numbers 6 pairs of		
	numbers are formed. Sum of numbers from every pair is equal. Then, which		
	number is in the same pair with 22?		
২	$oxed{DCQ}$ ,MN, AB এর ওপর লম্ব। $x$ এর মান		
	কত ডিগ্ৰী ?		
	In figure, MN is perpendicular to AB. Find the value of $x$ .		
	Find the value of x.		
	$\frac{x}{x}$ N		
	$A \xrightarrow{30^{\circ}} B$		
	A B 21212121210		
9	$\frac{21212121210}{11212121211}$		
	ভগ্নাংশটিকে $\frac{a}{b}$ আকারে প্রকাশ করা যায় যেখানে $a,b$ দুইটি সহমৌলিক সংখ্যা। $a+b=?$		
	$\frac{1}{b} = \frac{1}{b} = \frac{1}$		
	1121212121		
	This fraction can be expressed in the form of $\frac{a}{b}$ , where $a, b$ are co-prime. Then,		
	a + b =?		
8	a + b = ?    একটি খেলায় দুটি কাগজ দেওয়া থাকে তার মধ্যে থেকে দৈবচয়নে একটি তুলতে হবে। কাগজ		
	দুটির একটিতে 9 লেখা থাকে আর অপরটিতে 5। একজন একটি কাগজ তুললে সেটিতে যত		
	নম্বর লেখা থাকবে, সেটাই হবে তার পয়েন্ট। একজন যতখুশি তত পয়েন্ট নিতে পারে। এই		
	খেলায় কিছু পয়েন্ট অর্জন অসম্ভব, যেমনঃ 6, 13। এরকম সর্বোচ্চ কতমানের পয়েন্ট অর্জন		
	অসম্ভব?		
	From two pieces of paper you have to randomly pick one. One paper is marked		
	with number 9 and another is marked with number 5. When you pick one paper,		
	the number marked on it will be your point. You can get as many point as you		
	want. But in this game some point can't be achived such as 6, 13. Which largest		
	point can't be achived?		





নং	সমস্যা	উত্তর		
Œ	D C ABCD বর্গের প্রতিটি বাহুর দৈর্ঘ্য 12 একক এবং O এর কেন্দ্র। AOEB			
	F এর ক্ষেত্রফল AOF এর ক্ষেত্রফলের দ্বিগুণ। BE এর দৈর্ঘ্য কত?			
	ABCD is a square whose sides are 12 unit each. O is the center.			
	E The area of <b>AOEB</b> is <b>2</b> times than the area of <b>AOF</b> . What is the			
	$\begin{bmatrix} \mathbf{V} \\ \mathbf{A} \end{bmatrix}$ length of <b>BE</b> ?			
৬	0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 থেকে কতভাবে চারটি ভিন্ন ভিন্ন সংখ্যা এমনভাবে বাছাই করা যায়			
	যেন এই চারটি সংখ্যার যোগফল 3 দ্বারা বিভাজ্য হয় ?এক্ষেত্রে (a, b, c, d); (b, a, c, d);			
	কে একই বিবেচনা করা হয়।			
	In how many ways four different numbers can be chosen from			
	<b>0</b> , <b>1</b> , <b>2</b> , <b>3</b> , <b>4</b> , <b>5</b> , <b>6</b> , <b>7</b> , <b>8</b> , <b>9</b> such that the sum of those <b>four</b> numbers is divisible by <b>3</b> ?			
	Here $(a, b, c, d)$ ; $(b, a, c, d)$ ; are considered to be the same. $7x + 1$ $7x + 2$ $7x + 3$ $7x + 2016$			
٩	$\frac{7x+1}{7x+2} \frac{7x+2}{7x+3} \frac{7x+2016}{7x+2016}$			
	2, 3, 4,, 2017			
	যেখানে $x$ একটি ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যা এবং $x \leq 299$ । $x$ এর এমন কিছু মান সম্ভব যার প্রতিটির			
	জন্য উপরের প্রতিটি ভগ্নাংশকে এমন ভগ্নাংশে প্রকাশ করা যায় যেন এর হর ও লব সহমৌলিক			
	সংখ্যা হয়। $x$ এর এমন কতটি মান আছে?			
	$\frac{7x+1}{2}, \frac{7x+2}{3}, \frac{7x+3}{4}, \dots, \frac{7x+2016}{2017}$			
	2 , 3 , 4 ,, 2017			
	Here $x$ is a positive integer and $x \le 299$ . For some values of $x$ it is possible to			
	express these given fraction in such fraction where denominator and numerator are co-prime. How many such $x$ is possible?			
ъ	ABC সমদ্বিবাহু ত্রিভুজে AB = AC এবং ∠A = 100°। D, AB এর ওপর এমন একটি বিন্দু			
0	ABC গ্রাধ্বাহ অভুজে AB = AC অবং ∠A = 100 + D, AB অর ওপর অমন অবন্য বিশ্ব যেন CD, ∠ACB কে সমান দুইভাগে অন্তর্বিভক্ত করে। BC বাহুর দৈর্ঘ্য 2018 একক হলে,			
	AD + CD = ?			
	$ABC$ is an isosceles triangle where $AB = AC$ and $\angle A = 100^{\circ}$ . D is a point on $AB$			
	such that CD bisects $\angle ACB$ internally. If the length of BC is 2018 units, AD +			
	CD = ?			





আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি

ক্যাটাগরি: জুনিয়র (৬ষ্ঠ-৮ম শ্রেণী) সময়: ১ ঘন্টা ১৫ মিনিট

নাম(বাংলায়): শ্রেণী(২০১৬ সাল):

Name (In English): Registration No:

3 একটি খেলায় দুটি কাগজ দেওয়া থাকে তার মধ্যে থেকে দৈবচয়নে একটি তুলতে হবে। কাগজ দুটির একটিতে 9 লেখা থাকে আর অপরটিতে 5। একজন একটি কাগজ তুললে সেটিতে যত নম্বর লেখা থাকরে, সেটাই হবে তার পয়েন্ট। একজন যতখুশি তত পয়েন্ট নিতে পারে। এই খেলায় কিছু পয়েন্ট অর্জন অসম্ভব, যেমনঃ 6, 13। এরকম সর্বোচ্চ কতমানের পয়েন্ট অর্জন অসম্ভব?  From two pieces of paper you have to randomly pick one. One paper is marked with number 9 and another is marked with number 5. When you pick one paper, the number marked on it will be your point. You can get as many point as you want. But in this game some point can't be achived such as 6, 13. Which largest point can't be achived?  ABCD বর্গের প্রতিটি বাহুর দৈর্ঘ্য 2 একক। BD কর্ণের ওপর P এমন একটি বিন্দু নেওয়া হল যে ∠BCP = 30° হয়। যদি ΔDCP এর ক্ষেত্রফলকে α − √α আকারে প্রকাশ করা যায়, তাহলে α =?  Each side of square ABCD is 2 unit in length. P is a point on BD such that ∠BCP = 30°. Area of ΔDCP can be expressed as α − √α. Then, α =?  B ABCD সামান্তরিকে AB, BC, CD ও DA বাহুর মধ্যবিন্দু যথক্রমে E, F, G ও H  ABCD এর ক্ষেত্রফল 20 বর্গএকক হলে PQRS এর ক্ষেত্রফল E, F, G, and H are the midpoints of AB, BC, CD, and DA respectively. Area of ABCD is 20 sq. unit. Find the area of PQRS.	
থাকবে, সেটাই হবে তার পয়েন্ট। একজন যতখুশি তত পয়েন্ট নিতে পারে। এই খেলায় কিছু পয়েন্ট অর্জন অসম্ভব, যেমনঃ 6, 13। এরকম সর্বোচ্চ কতমানের পয়েন্ট অর্জন অসম্ভব?  From two pieces of paper you have to randomly pick one. One paper is marked with number 9 and another is marked with number 5. When you pick one paper, the number marked on it will be your point. You can get as many point as you want. But in this game some point can't be achived such as 6, 13. Which largest point can't be achived?  ABCD বর্গের প্রতিটি বাছর দৈর্ঘ্য 2 একক। BD কর্পের ওপর P এমন একটি বিন্দু নেওয়া হল যে $\angle BCP = 30^\circ$ হয়। যদি $\triangle DCP$ এর ক্ষেত্রফলকে $a - \sqrt{a}$ আকারে প্রকাশ করা যায়, তাহলে $a = ?$ Each side of square ABCD is 2 unit in length. P is a point on BD such that $\angle BCP = 30^\circ$ . Area of $\triangle DCP$ can be expressed as $a - \sqrt{a}$ . Then, $a = ?$ ABCD সামান্ডরিকে AB, BC, CD ও DA বাছর মধ্যবিন্দু যথকেমে E, F, G ও HI ABCD এর ক্ষেত্রফল 20 বর্গএকক হলে PQRS এর ক্ষেত্রফল কত?  In ABCD parallelogram E, F, G, and H are the midpoints of AB, BC, CD, and DA respectively. Area of ABCD is 20 sq. unit. Find the area of	
জর্জন অসম্ভব, যেমনঃ 6, 13। এরকম সর্বোচ্চ কতমানের পয়েন্ট অর্জন অসম্ভব?  From two pieces of paper you have to randomly pick one. One paper is marked with number 9 and another is marked with number 5. When you pick one paper, the number marked on it will be your point. You can get as many point as you want. But in this game some point can't be achived such as 6, 13. Which largest point can't be achived?  ABCD বর্গের প্রতিটি বাহুর দৈর্ঘ্য 2 একক। BD কর্ণের ওপর P এমন একটি বিন্দু নেওয়া হল যে $\angle BCP = 30^\circ$ হয়। যদি $\triangle DCP$ এর ক্ষেত্রফলকে $a - \sqrt{a}$ আকারে প্রকাশ করা যায়, তাহলে $a = ?$ Each side of square ABCD is 2 unit in length. P is a point on BD such that $\angle BCP = 30^\circ$ . Area of $\triangle DCP$ can be expressed as $a - \sqrt{a}$ . Then, $a = ?$ ABCD সামান্তরিকে AB, BC, CD ও DA বাহুর মধ্যবিন্দু যথক্রমে E, F, G ও HI ABCD এর ক্ষেত্রফল 20 বর্গএকক হলে PQRS এর ক্ষেত্রফল কত?  In ABCD parallelogram E, F, G, and H are the midpoints of AB, BC, CD, and DA respectively. Area of ABCD is 20 sq. unit. Find the area of	
From two pieces of paper you have to randomly pick one. One paper is marked with number 9 and another is marked with number 5. When you pick one paper, the number marked on it will be your point. You can get as many point as you want. But in this game some point can't be achived such as 6, 13. Which largest point can't be achived?  2 ABCD বর্গের প্রতিটি বাহুর দৈর্ঘ্য 2 একক। BD কর্পের ওপর P এমন একটি বিন্দু নেওয়া হল যে ∠BCP = 30° হয়। যদি ΔDCP এর ক্ষেত্রফলকে $a - \sqrt{a}$ আকারে প্রকাশ করা যায়, তাহলে $a = ?$ Each side of square ABCD is 2 unit in length. P is a point on BD such that ∠BCP = 30°. Area of ΔDCP can be expressed as $a - \sqrt{a}$ . Then, $a = ?$ ABCD সামান্তরিকে AB, BC, CD ও DA বাহুর মধ্যবিন্দু যথক্রমে E, F, G ও HI ABCD এর ক্ষেত্রফল 20 বর্গএকক হলে PQRS এর ক্ষেত্রফল কত ?  In ABCD parallelogram E, F, G, and H are the midpoints of AB, BC, CD, and DA respectively. Area of ABCD is 20 sq. unit. Find the area of	
number 9 and another is marked with number 5. When you pick one paper, the number marked on it will be your point. You can get as many point as you want. But in this game some point can't be achived such as 6, 13. Which largest point can't be achived?  2 ABCD বর্গের প্রতিটি বাছর দৈর্ঘ্য 2 একক। BD কর্ণের ওপর P এমন একটি বিন্দু নেওয়া হল যে ∠BCP = 30° হয়। যদি ΔDCP এর ক্ষেত্রফলকে α − √α আকারে প্রকাশ করা যায়, তাহলে α =?  Each side of square ABCD is 2 unit in length. P is a point on BD such that ∠BCP = 30°. Area of ΔDCP can be expressed as α − √α. Then, α =?  ABCD সামান্তরিকে AB, BC, CD ও DA বাছর মধ্যবিন্দু যথক্রমে E, F, G ও H   ABCD এর ক্ষেত্রফল 20 বর্গএকক হলে PQRS এর ক্ষেত্রফল কত?  In ABCD parallelogram E, F, G, and H are the midpoints of AB, BC, CD, and DA respectively. Area of ABCD is 20 sq. unit. Find the area of	
marked on it will be your point. You can get as many point as you want. But in this game some point can't be achived such as 6, 13. Which largest point can't be achived?  ABCD বর্গের প্রতিটি বাহুর দৈর্ঘ্য 2 একক। BD কর্গের ওপর P এমন একটি বিন্দু নেওয়া হল যে ∠BCP = 30° হয়। যদি ΔDCP এর ক্ষেত্রফলকে $a - \sqrt{a}$ আকারে প্রকাশ করা যায়, তাহলে $a = ?$ Each side of square ABCD is 2 unit in length. P is a point on BD such that ∠BCP = 30°. Area of $\Delta$ DCP can be expressed as $a - \sqrt{a}$ . Then, $a = ?$ O  ABCD সামান্তরিকে AB, BC, CD ও DA বাহুর মধ্যবিন্দু যথক্রমে E, F, G ও H। ABCD এর ক্ষেত্রফল 20 বর্গএকক হলে PQRS এর ক্ষেত্রফল কত ?  In ABCD parallelogram E, F, G, and H are the midpoints of AB, BC, CD, and DA respectively. Area of ABCD is 20 sq. unit. Find the area of	
some point can't be achived such as 6, 13. Which largest point can't be achived?  ABCD বর্গের প্রতিটি বাহুর দৈর্ঘ্য 2 একক। BD কর্ণের ওপর P এমন একটি বিন্দু নেওয়া হল যে  ∠BCP = 30° হয়। যদি △DCP এর ক্ষেত্রফলকে $a - \sqrt{a}$ আকারে প্রকাশ করা যায়, তাহলে $a = ?$ Each side of square ABCD is 2 unit in length. P is a point on BD such that ∠BCP = 30°. Area of △DCP can be expressed as $a - \sqrt{a}$ . Then, $a = ?$ O  ABCD সামান্তরিকে AB, BC, CD ও DA বাহুর মধ্যবিন্দু যথক্রমে E, F, G ও H। ABCD এর ক্ষেত্রফল 20 বর্গএকক হলে PQRS এর ক্ষেত্রফল কত ?  In ABCD parallelogram E, F, G, and H are the midpoints of AB, BC, CD, and DA respectively. Area of ABCD is 20 sq. unit. Find the area of	
∠BCP = 30° হয়। যদি ΔDCP এর ক্ষেত্রফলকে $a - \sqrt{a}$ আকারে প্রকাশ করা যায়, তাহলে $a = ?$ Each side of square ABCD is 2 unit in length. P is a point on BD such that ∠BCP = 30°. Area of ΔDCP can be expressed as $a - \sqrt{a}$ . Then, $a = ?$ D G ABCD সামান্তরিকে AB, BC, CD ও DA বাহুর মধ্যবিন্দু যথক্রমে E, F, G ও H   ABCD এর ক্ষেত্রফল 20 বর্গএকক হলে PQRS এর ক্ষেত্রফল কত ?  In ABCD parallelogram E, F, G, and H are the midpoints of AB, BC, CD, and DA respectively. Area of ABCD is 20 sq. unit. Find the area of	
Each side of square ABCD is 2 unit in length. P is a point on BD such that ∠BCP = 30°. Area of ΔDCP can be expressed as α – √α. Then, α =?  D G C ABCD সামান্তরিকে AB, BC, CD ও DA বাহুর মধ্যবিন্দু যথক্মে E, F, G ও H   ABCD এর ক্ষেত্রফল 20 বর্গএকক হলে PQRS এর ক্ষেত্রফল কত?  In ABCD parallelogram E, F, G, and H are the midpoints of AB, BC, CD, and DA respectively. Area of ABCD is 20 sq. unit. Find the area of	
Area of ΔDCP can be expressed as $a - \sqrt{a}$ . Then, $a = ?$ D  G  ABCD সামান্তরিকে AB, BC, CD ও DA বাহুর মধ্যবিন্দু যথক্রমে E, F, G ও H   ABCD এর ক্ষেত্রফল 20 বর্গএকক  হলে PQRS এর ক্ষেত্রফল কত ?  In ABCD parallelogram E, F, G, and H are the midpoints of AB, BC, CD, and DA respectively. Area of ABCD is 20 sq. unit. Find the area of	
Area of ΔDCP can be expressed as $a - \sqrt{a}$ . Then, $a = ?$ D  G  ABCD সামান্তরিকে AB, BC, CD ও DA বাহুর মধ্যবিন্দু  যথক্রমে E, F, G ও H   ABCD এর ক্ষেত্রফল 20 বর্গএকক  হলে PQRS এর ক্ষেত্রফল কত ?  In ABCD parallelogram E, F, G, and H are the midpoints of AB, BC, CD, and DA respectively. Area of ABCD is 20 sq. unit. Find the area of	
D G C ABCD সামান্তরিকে AB, BC, CD ও DA বাহুর মধ্যবিন্দু যথক্রমে E, F, G ও H   ABCD এর ক্ষেত্রফল 20 বর্গএকক হলে PQRS এর ক্ষেত্রফল কত? In ABCD parallelogram E, F, G, and H are the midpoints of AB, BC, CD, and DA respectively. Area of ABCD is 20 sq. unit. Find the area of	
ম্পাক্স E, F, G ও H   ABCD এর ক্ষেত্রফল 20 বর্গএকক হলে PQRS এর ক্ষেত্রফল কত ? In ABCD parallelogram E, F, G, and H are the midpoints of AB, BC, CD, and DA respectively. Area of ABCD is 20 sq. unit. Find the area of	
H S Q F F হলে PQRS এর ক্ষেত্রফল কত? In ABCD parallelogram E, F, G, and H are the midpoints of AB, BC, CD, and DA respectively. Area of ABCD is 20 sq. unit. Find the area of	
In ABCD parallelogram E, F, G, and H are the midpoints of AB, BC, CD, and DA respectively.  Area of ABCD is 20 sq. unit. Find the area of	
midpoints of <b>AB</b> , <b>BC</b> , <b>CD</b> , and <b>DA</b> respectively.  Area of <b>ABCD</b> is <b>20</b> sq. unit. Find the area of	
A E B Area of <b>ABCD</b> is <b>20</b> sq. unit. Find the area of	
PQRS.	
8 ABC সমদ্বিবাহু ত্রিভুজে AB = AC এবং ∠A = 100°। D, AB এর ওপর এমন একটি বিন্দু যেন	
CD, ∠ACB কে সমান দুইভাগে অন্তর্বিভক্ত করে। BC বাহুর দৈর্ঘ্য 2017 একক হলে, AD + CD = ? ABC is an isosceles triangle where AB = AC and ∠A = 100°. D is a point on AB such	
that CD internally bisects $\angle ACB$ . If the length of BC is 2017 unit, AD + CD = ?	
ক্র একটি কিউবের (ঘনক) প্রতিটি বাহুর দৈর্ঘ্য 2 একক। কিউবটিকে একটি টেবিলের উপর এমনভাবে রাখা	
হল যেন এর একটি পৃষ্ঠ (চারটি শীর্ষ) সম্পূর্ণভাবে টেবিলটি স্পর্শ করে থাকে। এই অবস্থায় কিউবের	
উপরের পৃষ্ঠের কেন্দ্রে একটি লাল বিন্দু আঁকা হল। এবার কিউবটিকে টেবিলের উপর একটি সরলরেখা	
বরাবর একটি নির্দিষ্ট দিকে ঘুরাতে শুরু করা হল। ঘুরানোর যেকোন পর্যায়ে কিউবের অন্তত দুটি শীর্ষ	
টেবিলের সংস্পর্শে থাকে। এভাবে ঘুরানোর পর যখন পুনরায় ওই লাল বিন্দুটি শুরুর অবস্থানে চলে আসে	
তখন ঘুরানো বন্ধ করা হয়। এই ঘুর্ণনে ঐ লাল বিন্দুটির মোট অতিক্রান্ত দূরত্ব $(\sqrt{b+1})\pi$ আকারে	
প্রকাশ করলে, $oldsymbol{b}=$ ?	
Each side of a cube is 2 unit in length. This cube is kept on a table such a way that one	
surface (i.e., 4 vertices) of it completely touches the table. At this position, a red point is	
drawn on the center of the upper surface. Now the cube is being rotated along a straight line towards a certain direction. At the time of rotation, at least two vertices of the cube	
are in touch with the table. Rotation is stopped when the red mark reached its initial	
position. Total distance traveled by the red mark is $(\sqrt{b} + 1)\pi$ . Find <b>b</b> .	





নং	সমস্যা	উত্তর
૭	0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 থেকে কতভাবে চারটি ভিন্ন ভিন্ন সংখ্যা এমনভাবে বাছাই করা যায় যেন এই	
	চারটি সংখ্যার যোগফল 3 দ্বারা বিভাজ্য হয় ?এক্ষেত্রে (a, b, c, d); (b, a, c, d); কে একই	
	বিবেচনা করা হয়।	
	In how many ways four different numbers can be chosen from 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9	
	such that the sum of those <b>four</b> numbers is divisible by <b>3</b> ? Here	
9	(a, b, c, d); (b, a, c, d); are considered to be the same. $7x + 1 \ 7x + 2 \ 7x + 3 \ 7x + 2016$	
٦	1000000000000000000000000000000000000	
	যেখানে $x$ একটি ধনাতাক পূর্ণসংখ্যা এবং $x \leq 300$ । $x$ এর এমন কিছু মান সম্ভব যার প্রতিটির জন্য	
	উপরের প্রতিটি ভগ্নাংশকে এমন ভগ্নাংশে প্রকাশ করা যায় যেন এর হর ও লব সহমৌলিক সংখ্যা হয়। x	
	এর এমন কতটি মান আছে?	
	$\frac{7x+1}{2}$ , $\frac{7x+2}{3}$ , $\frac{7x+3}{4}$ ,, $\frac{7x+2016}{2017}$	
	2 , 3 , 4 , , 2017	
	Here $x$ is a positive integer and $x \le 300$ . For some values of $x$ it is possible to express	
	these given fraction in such fraction where denominator and numerator are co-prime. How many such <i>x</i> is possible?	
ъ	নামান্য such $x$ is possible: $a,b,c$ তিনটি ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যা দ্বারা গঠিত একটি ত্রয়ী $(a,b,c)$ এর শক্তির মান ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যা $n$	
	হবে যদি $a \le b \le c$ হয় , $a,b,c$ এর গসাগু $1$ হয় এবং , $(a^n+b^n+c^n)$ , $(a+b+c)$ দ্বারা	
	নিঃশেষে বিভাজ্য হয়। এমন ত্রয়ী সম্ভব যাদের শক্তি সকল $n \geq 1$ মানের হতে পারে, সেক্ষেত্রে	
	(a+b+c) এর মান সর্বোচ্চ হয় এমন ত্রয়ীটি কী ?	
	The 'energy' of an ordered triple $(a, b, c)$ formed by three positive integers $a, b$ , and $c$ is	
	said to be $n$ , if the following $a \le b \le c$ , $gcd(a,b,c) = 1$ , and $(a^n + b^n + c^n)$ is	
	divisible by $(a + b + c)$ . There are some possible ordered triple whose 'energy' can be of	
	all values of $n \ge 1$ . In this case, for which ordered triple, the value of $(a + b + c)$ is maximum?	
৯	x এমন একটি ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যা যেন এর অংকগুলো $3,4,5,6$ এই চারটি অংক ভিন্ন অন্য কোন অংক	
	হতে পারে না। $x$ এর মধ্যে এই চারটি অংকের প্রতিটির অন্তত একটি করে থাকবে। $x$ এর অংকগুলোর	
	যোগফল $900$ এবং $2x$ এর অংকগুলোর যোগফলও $900$ । $x$ এর সর্বোচ্চ মানে কতটি অংক থাকবে?	
	x is a positive integer such that its digits can only be 3,4,5,6. $x$ contains at least one	
	copy of each of these <b>four</b> digits. The sum of the digits of $x$ is <b>900</b> and the sum of the	
	digits of $2x$ is also 900. How many digits are there in the maximum value of $x$ ?	
20	একটি গোল টেবিলে 10টি চেয়ারে দশজন লোক বসে আছে। চেয়ারগুলো ঘড়ির কাঁটার ঘূর্ণনের দিকে	
	0,1,2,,9 সংখ্যা দিয়ে ক্রমানুসারে চিহ্নিত করা। 0 চিহ্নিত চেয়ারে থাকা লোকটির কাছে একটি বল	
	আছে এবং বলটিকে এখন ঘড়ির কাঁটার ঘূর্ণনের দিকে একজনের কাছে থেকে অপ্রজনের কাছে পাঠানো	
	হবে। প্রথম ধাপে বলটি $1^1$ সংখ্যক চেয়ার ঘুরে $1$ চিহ্নিত চেয়ারে যায়। দ্বিতীয় ধাপে বলটি সেখান	
	থেকে আরও 2 <sup>2</sup> সংখ্যক চেয়ার ঘুরে 5 চিহ্নিত চেয়ারে যায়। তৃতীয় ধাপে বলটি সেখান থেকে আরও 3 <sup>3</sup>	
	সংখ্যক চেয়ার ঘুরে 2 চিহ্নিত চেয়ারে যায়। এভাবে 2020 তম ধাপে বলটি কত নাম্বার চেয়ারে থাকবে ?	
	10 people are seating on chairs around a circular table. These chairs are marked	
	<b>0, 1, 2,, 9</b> in a clockwise manner. There is a ball on the man's hand who is seated on <b>0</b> marked chair, and the ball will be passed from one man to another in clockwise manner.	
	In first step, the ball goes to 1 marked chair with 1 <sup>1</sup> turn. In second step, from there, the	
	ball goes to 5 marked chair with 2 <sup>2</sup> turns. In third step, the ball goes to 2 marked chair by	
	3 <sup>3</sup> turns from 5 marked chair. By this means, in which chair the ball will be in 2020 <sup>th</sup>	
	step?	





আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি

ক্যাটাগরি: সেকেন্ডারি(৯ম-১০ম শ্রেণী) সময়: ১ ঘন্টা ১৫ মিনিট

নাম(বাংলায়): শ্রেণী(২০১৬ সাল):

Name (In English): Registration No:

নং		সমস্যা	উত্তর
۵	D G C	ABCD সামান্তরিকে AB, BC, CD ও DA বাহুর মধ্যবিন্দু	
	H S O F	যথক্রমে E, F, G ও H। ABCD এর ক্ষেত্রফল 25 বর্গএকক	
	P	হলে PQRS এর ক্ষেত্রফল কত ?	
	A E B	In <b>ABCD</b> parallelogram <b>E</b> , <b>F</b> , <b>G</b> , and <b>H</b> are the midpoints of	
		AB, BC, CD, and DA respectively. Area of ABCD is 25 sq. unit. Find the area of PQRS.	
২	ΛΑΒC এব অভান্তবে D এম	ন একটি বিন্দু যেন ∠DAC = ∠DBC। D থেকে AC, BC এর	
		AC, BC কে যথাক্রমে P, Q বিন্দুতে ছেদ করে। AB = 2017	
	একক এবং O, AB এর মধ্যা	- (	
	*	S such that $\angle DAC = \angle DBC$ . From <b>D</b> two perpendicular	
	I *	<b>BC</b> which intersect <b>AC</b> , <b>BC</b> in <b>P</b> , <b>Q</b> points respectively.	
		midpoint of AB. OP-OQ=?	
9		র চেয়ে বড় তিনটি পূর্ণসংখ্যার গুণফল আকারে প্রকাশ করা যায় ?	
		c, কে একই বিবেচনা করা হয়।	
	In how many ways can <b>1000000</b> be expressed as a product of <b>three</b> integers where each integer is greater than <b>1</b> ? Here $\mathbf{a} \times \mathbf{b} \times \mathbf{c}$ , $\mathbf{b} \times \mathbf{a} \times \mathbf{c}$ , are considered		
	to be same.		
8		রে দশজন লোক বসে আছে। চেয়ারগুলো ঘড়ির কাঁটার ঘূর্ণনের দিকে	
		ানুসারে চিহ্নিত করা। $0$ চিহ্নিত চেয়ারে থাকা লোকটির কাছে একটি বল	
		কাঁটার ঘূর্ণনের দিকে একজনের কাছে থেকে অপরজনের কাছে পাঠানো	
		ংখ্যক চেয়ার ঘুরে 1 চিহ্নিত চেয়ারে যায়। দ্বিতীয় ধাপে বলটি সেখান	
	থেকে আরও $2^2$ সংখ্যক চেয়ার ঘুরে $5$ চিহ্নিত চেয়ারে যায়। তৃতীয় ধাপে বলটি সেখান থেকে আরও $3^3$		
	সংখ্যক চেয়ার ঘুরে 2 চিহ্নিত চেয়ারে যায়। এভাবে 2018 তম ধাপে বলটি কত নাম্বার চেয়ারে থাকবে?  10 people are seating on chairs around a circular table. These chairs are marked		
	1 1	manner. There is a ball on the man's hand who is seated on <b>0</b>	
		will be passed from one man to another in clockwise manner.	
	In first step, the ball goes to $1$ marked chair with $1^1$ turn. In second step, from there, the		
	ball goes to 5 marked chair with 2 <sup>2</sup> turns. In third step, the ball goes to 2 marked chair by		
	step?	air. By this means, in which chair the ball will be in 2018 <sup>th</sup>	
Œ	x এমন একটি ধনাত্মক পূর্ণস	ংখ্যা যেন এর অংকগুলো 3,4,5,6 এই চারটি অংক ভিন্ন অন্য	
		এর মধ্যে এই চারটি অংকের প্রতিটির অন্তত একটি করে থাকবে।	
	x এর অংকগুলোর যোগফল	900 এবং $2x$ এর অংকগুলোর যোগফলও $900$ । $x$ এর সর্বনিমু	
	মানে কতটি অংক থাকবে?		
	x is a positive integer such	that its digits can only be <b>3,4,5,6</b> . <i>x</i> contains at least <b>one</b>	
		digits. The sum of the digits of $x$ is 900 and the sum of the	
	digits of $2x$ is also $900$ . How	w many digits are there in the minimum value of $x$ ?	





নং	সমস্যা	উত্তর
৬	$5x^2-px-5y+q=0$ পরাবৃত্তের ওপর $A(x_A,y_B)$ , $B(x_A+5,y_B+12)$ এমন দুটি	
	বিন্দু যেন $x_A+y_B=5$ । এমন কতটি ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যার জোড়া $(p,q)$ থাকা সম্ভব যেখানে	
	ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যা $q \leq 2050$ ?	
	Two points $A(x_A, y_B)$ , $B(x_A + 5, y_B + 12)$ are on parabola $5x^2 - px - 5y + 1$	
	$q = 0$ such that $x_A + y_B = 5$ . How many possible positive integer pairs $(p, q)$	
	are there where positive integer $q \leq 2050$ ?	
٩	যেকোন মূলদ সংখ্যা $x$ , $y$ এর জন্য ফাংশন $f(x)$ একটি বাস্তব সংখ্যা এবং	
	$f(x+y)=f(x)f(y)-f(xy)+1$   আবার $f(2017) eq f(2018)$   $f\left(rac{2017}{2018} ight)=rac{a}{b}$	
	যেখানে $oldsymbol{a}, oldsymbol{b}$ সহমৌলিক সংখ্যা , $oldsymbol{a} + oldsymbol{b} = ?$	
	For any rational numbers $x$ , $y$ , function $f(x)$ is a real number and $f(x + y) =$	
	$f(x)f(y) - f(xy) + 1$ . Again, $f(2017) \neq f(2018)$ , $f(\frac{2017}{2018}) = \frac{a}{b}$ , where $a, b$	
	are co-prime. $a + b = ?$	
৮	a,b,c তিনটি ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যা দ্বারা গঠিত একটি ত্রয়ী $(a,b,c)$ এর শক্তির মান ধনাত্মক	
	পূর্ণসংখ্যা $n$ হবে যদি $a \leq b \leq c$ হয় , $a,b,c$ এর গসাগু $1$ হয় এবং , $(a^n+b^n+c^n)$ ,	
	$(a+b+c)$ দ্বারা নিঃশেষে বিভাজ্য হয়। এমূন ত্রিয়ী সম্ভব যাদের শক্তি সকল $n\geq 1$ মানের	
	হতে পারে, সেক্ষেত্রে $(a+b+c)$ এর সর্বোচ্চ মান কত ?	
	The 'energy' of an ordered triple $(a, b, c)$ formed by three positive integers	
	$a, b,$ and $c$ is said to be $n$ , if the following $a \le b \le c$ , $gcd(a, b, c) = 1$ , and $(a^n + b^n + c^n)$ is divisible by $(a + b + c)$ . There are some possible ordered	
	$(a^n + b^n + c^n)$ is divisible by $(a + b + c)$ . There are some possible ordered triple whose 'energy' can be of all values of $n \ge 1$ . In that case what is the	
	maximum value of $(a + b + c)$ ?	
৯	maximum value of $(a + b + c)$ ? $1 + 2^{4-3m^2-n^2} = 2^{k+4-4m^2} + 2^{n^2+k-m^2}$	
	যেখানে $m,n$ ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যা। $k$ বিজোড় পূর্ণসংখ্যা এবং $0 < k < 95$ । $k$ এর এমন	
	কতগুলো মান আছে যার প্রতিটির জন্য দুইটি সমাধান জোড় $(m,n)$ পাওয়া যায় ?	
	$1 + 2^{4-3m^2 - n^2} = 2^{k+4-4m^2} + 2^{n^2 + k - m^2}$	
	Here, $m, n$ are positive integers. $k$ is an odd integer and $0 < k < 95$ . How many	
	values of $k$ are there for each of which there are <b>two</b> solution pairs $(m, n)$ ?	
20	A = {1, 2, 3,, 2014, 2015, 2016}। S, A এর উপসেট নিয়ে গঠিত এমন একটি সেট	
	যাতে করে S এর কোন সদস্য অপর কোন সদস্যের উপসেট না হয়। সর্বোচ্চ সংখ্যক সদস্য	
	বিশিষ্ট S এর সদস্য সংখ্যা কত হবে ?	
	$A = \{1, 2, 3, \dots, 2014, 2015, 2016\}$ . S is a set whose elements are the subsets of A such that one element of S cannot be a subset of another element. Let, S has	
	maximum possible number of elements. In this case, what is the number of	
	elements of $S$ ?	





আয়োজক: বাংলাদেশ গণিত অলিম্পিয়াড কমিটি

ক্যাটাগরি: হায়ার সেকেন্ডারি (একাদশ-দ্বাদশ-এইচএসসি) সময়: ১ ঘন্টা ১৫ মিনিট

নাম(বাংলায়): শ্রেণী(২০১৬ সাল):

Name (In English): Registration No:

নং		সমস্যা	উত্তর
2	ABCD সামান্তরিকে AB, BC, CD ও DA বাহুর মধ্যবিন্দু যথক্রমে		
	H S R	E, F, G ও H। ABCD এর ক্ষেত্রফল 30 বর্গএকক হলে PQRS এর	
	P	ক্ষেত্রফল কত ?	
	A E B	In <b>ABCD</b> parallelogram <b>E</b> , <b>F</b> , <b>G</b> , and <b>H</b> are the midpoints of	
		AB, BC, CD, and DA respectively. Area of ABCD is 30 sq.	
	unit. Find the area of PQRS.		
২	ΔΑΒC এর অভ্যন্তরে D এমন একটি বিন্দু যেন ∠DAC = ∠DBC। D থেকে AC, BC এর ওপর দুটি		
	লম্ব টানা হল যারা AC, BC কে যথাক্রমে P, Q বিন্দুতে ছেদ করে। O, AB এর মধ্যবিন্দু এবং		
	OP = 2017 একক   OQ =?		
	<b>D</b> is a point inside $\triangle ABC$ such that $\angle DAC = \angle DBC$ . From <b>D</b> two perpendicular lines are drawn on <b>AC</b> , <b>BC</b> which intersect <b>AC</b> , <b>BC</b> in <b>P</b> , <b>Q</b> points respectively. <b>OP=2017</b> unit and		
	O is the midpoint of AB. Then, OQ=?		
9		র চেয়ে বড় তিনটি পূর্ণসংখ্যার গুণফল আকারে প্রকাশ করা যায় ?	
	এখানে $\mathbf{a} \times \mathbf{b} \times \mathbf{c}$ , $\mathbf{b} \times \mathbf{a} \times \mathbf{c}$ , কে একই বিবেচনা করা হয়।		
	In how many ways can <b>1000000</b> be expressed as a product of <b>three</b> integers		
	_ = =	ter than 1? Here $\mathbf{a} \times \mathbf{b} \times \mathbf{c}$ , $\mathbf{b} \times \mathbf{a} \times \mathbf{c}$ , are considered	
	to be same.		
8			
	0,1,2,,9 সংখ্যা দিয়ে ক্রমানুসারে চিহ্নিত করা। 0 চিহ্নিত চেয়ারে থাকা লোকটির কাছে একটি বল		
	আছে এবং বলটিকে এখন ঘড়ির কাঁটার ঘূর্ণনের দিকে একজনের কাছে থেকে অপ্রজনের কাছে পাঠানো		
	হবে। প্রথম ধাপে বলটি $1^1$ সংখ্যক চেয়ার ঘুরে $1$ চিহ্নিত চেয়ারে যায়। দ্বিতীয় ধাপে বলটি সেখান		
	থেকে আরও $2^2$ সংখ্যক চেয়ার ঘুরে $5$ চিহ্নিত চেয়ারে যায়। তৃতীয় ধাপে বলটি সেখান থেকে আরও $3^3$		
	সংখ্যক চেয়ার ঘুরে 2 চিহ্নিত চেয়ারে যায়। এভাবে 2017 তম ধাপে বলটি কত নাম্বার চেয়ারে থাকবে ?		
	10 people are seating on chairs around a circular table. These chairs are marked		
	<b>0,1,2,,9</b> in a clockwise manner. There is a ball on the man's hand who is seated on <b>0</b> marked chair, and the ball will be passed from one man to another in clockwise manner.		
	In first step, the ball goes to 1 marked chair with 1 <sup>1</sup> turn. In second step, from there, the		
	ball goes to 5 marked chair with $2^2$ turns. In third step, the ball goes to 2 marked chair by		
	3 <sup>3</sup> turns from 5 marked chair. By this means, in which chair the ball will be in 2017 <sup>th</sup>		
	step?		
œ	$5x^2-px-5y+q=0$ পরাবৃত্তের ওপর $A(x_A,y_B), B(x_A+5,y_B+12)$ এমন দুটি		
	বিন্দু যেন $x_A + y_B = 5$ । এ	মন কতটি ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যার জোড়া $(p,q)$ থাকা সম্ভব যেখানে	
	ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যা $q \leq 201$	<b>7</b> ?	
		$P(x_A + 5, y_B + 12)$ are on parabola $5x^2 - px - 5y + 1$	
		= 5. How many possible positive integer pairs $(p, q)$	
	are there where positive integer $q \le 2017$ ?		





নং	সমস্যা	উত্তর
৬	x এমন একটি ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যা যেন এর অংকগুলো $3,4,5,6$ এই চারটি অংক ভিন্ন অন্য	
	কোন অংক হতে পারে না $\hat{x}$ এর মধ্যে এই চারটি অংকের প্রতিটির অন্তত একটি করে থাকবে।	
	x এর অংকগুলোর যোগফল $900$ এবং $2x$ এর অংকগুলোর যোগফলও $900$ । $x$ এর সর্বোচ্চ ও	
	সর্বনিমু মানের গুণফলে কতটি অংক থাকবে ?	
	x is a positive integer such that its digits can only be 3, 4, 5, 6. x contains at least	
	one copy of each of these four digits. The sum of the digits of $x$ is 900 and the	
	sum of the digits of $2x$ is also $900$ . How many digits are there in the product of maximum and minimum values of $x$ ?	
٩	যেকোন মূলদ সংখ্যা $x$ , $y$ এর জন্য ফাংশন $f(x)$ একটি বাস্তব সংখ্যা এবং	
•	$f(x+y)=f(x)f(y)-f(xy)+1$  আবার $f(2017)\neq f(2018)$   $f\left(\frac{2017}{2018}\right)=\frac{a}{b}$	
	্যেখানে $a,b$ সহমৌলিক সংখ্যা , $a-b=?$	
	For any rational numbers $x$ , $y$ , function $f(x)$ is a real number and $f(x+y) = f(x)$	
	$f(x)f(y) - f(xy) + 1$ . Again, $f(2017) \neq f(2018)$ , $f(\frac{2017}{2018}) = \frac{a}{b}$ , where $a, b$	
	are co-prime. $a - b = ?$	
৮	a,b,c তিনটি ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যা দ্বারা গঠিত একটি ত্রয়ী $(a,b,c)$ এর শক্তির মান ধনাত্মক	
	পূর্ণসংখ্যা $n$ হবে যদি $a \le b \le c$ হয় $a,b,c$ এর গসাগু $1$ হয় এবং $(a^n + b^n + c^n)$ ,	
	(a+b+c) দ্বারা নিঃশেষে বিভাজ্য হয়। এমন কতগুলো ত্রয়ী সম্ভব যাদের শক্তি সকল	
	$n \geq 1$ মানের হতে পারে?	
	The 'energy' of an ordered triple $(a, b, c)$ formed by three positive integers	
	$a, b,$ and $c$ is said to be $n$ , if the following $a \le b \le c$ , $gcd(a, b, c) = 1$ , and	
	$(a^n + b^n + c^n)$ is divisible by $(a + b + c)$ . How many ordered triples are	
৯	possible whose 'energy' can be of all values $n \ge 1$ ? $1 + 2^{4-3m^2-n^2} = 2^{k+4-4m^2} + 2^{n^2+k-m^2}$	
, w	যেখানে $m,n$ ধনাতাক পূর্ণসংখ্যা। $k$ বিজোড় পূর্ণসংখ্যা এবং $0 < k < 100$ । $k$ এর এমন	
	কতগুলো মান আছে যার প্রতিটির জন্য দুইটি সমাধান জোড় $(m,n)$ পাওয়া যায় ?	
	$1 + 2^{4-3m^2 - n^2} = 2^{k+4-4m^2} + 2^{n^2+k-m^2}$	
	Here $m, n$ are positive integers. $k$ is an odd integer and $0 < k < 100$ . How many	
	values of $k$ are there for each of which there are <b>two</b> solution pairs $(m, n)$ ?	
20	$\mathbf{A} = \{1,2,3,$ , $2016,2017,2018\}$ । $\mathbf{S},\mathbf{A}$ এর উপসেট নিয়ে গঠিত এমন একটি সেট	
	যাতে করে S এর কোন সদস্য অপর কোন সদস্যের উপসেট না হয়। সর্বোচ্চ সংখ্যক সদস্য	
	বিশিষ্ট S এর সদস্য সংখ্যা কত হবে ?	
	$A = \{1, 2, 3, \dots, 2016, 2017, 2018\}$ . S is a set whose elements are the subsets	
	of <b>A</b> such that one element of <b>S</b> cannot be a subset of another element. Let, <b>S</b> has maximum possible number of elements. In this case, what is the number of	
	elements of $S$ ?	