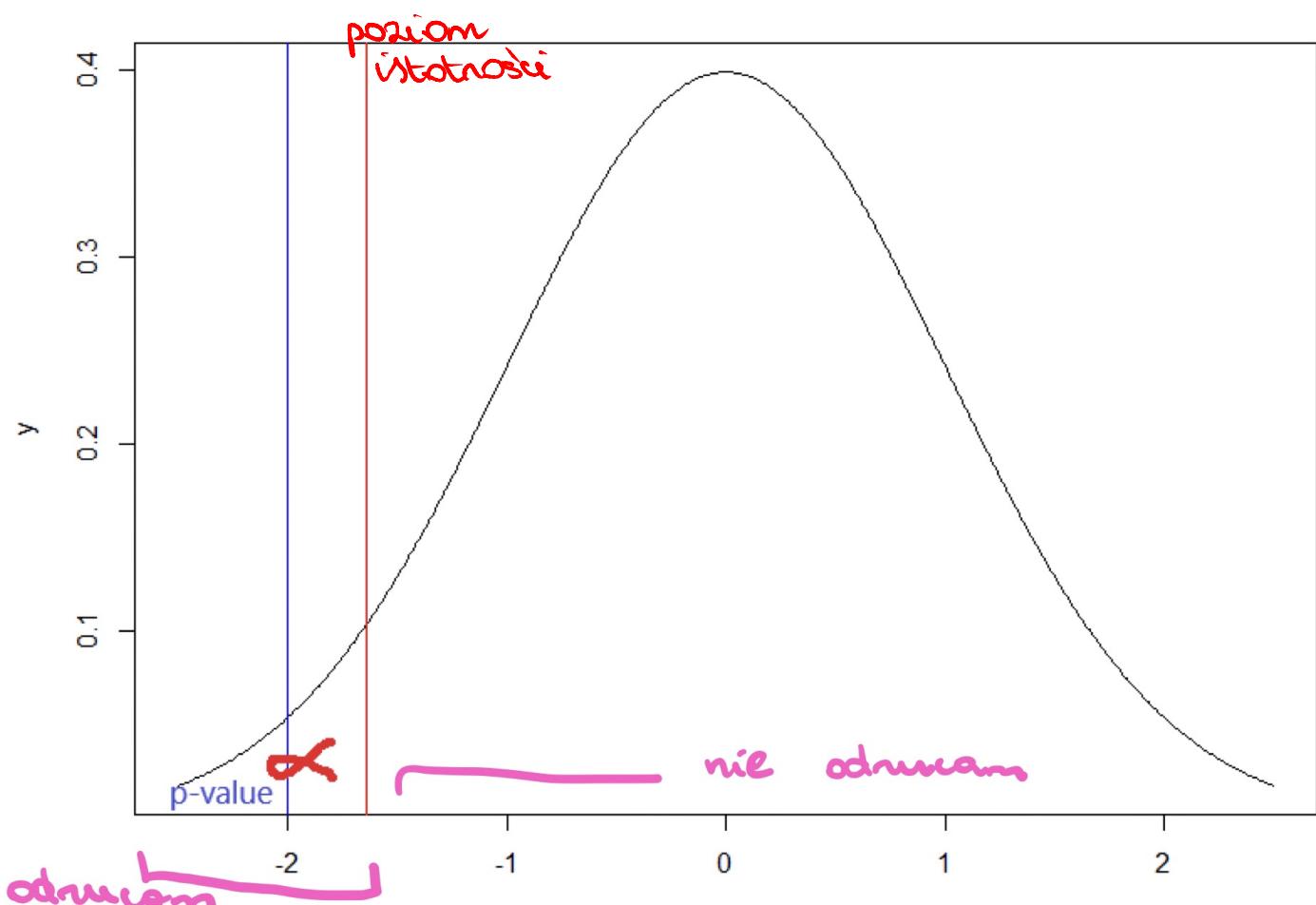


## Algorytm NA LABORATORIA

- 1) Wybieramy model (rozkład, parametr, działalność liczenia)  
**WZORY**
- 2) Postawienie hipotezy  $\begin{cases} H_0: \text{zerowa} \\ H_1: \text{alternatywna} \end{cases}$   
 $H_0:$   
 $H_1:$   
 $m = 8$   
 $m > 8$
- 3) Mierzenie poziom istotności:  $\alpha$ . "Przyjmujemy poziom istotności  $\alpha = 0.05$ "
- 4) Liczenie statystyki testowej - liczy się samo w R  
 $T(\mathbf{x}) = 6.671\dots$
- 5) liczenie p-wartości dla statystyki T. (liczy się samo w R)
- 6) Decyzja i ODPOWIEDZ.

### p-value (p-wartość) [poziom krytyczny]

Jest to najmniejszy poziom istotności, przy którym, dla danej wartości statystyki testowej odrzucilibyśmy hipotezę zerową.



$p\text{-value} < \alpha \Rightarrow \text{odrzucamy } H_0$   
 $p\text{-value} > \alpha \Rightarrow \text{nie ma podstaw do odrzucenia}$

p-wartość to  $p = P(\mathbb{X}) = \inf \{\alpha : T(\mathbb{X}) \in K_\alpha, \alpha \in (0,1)\}$   
 co ona oznacza?

↑  
zmienna losowa

mniejszy argumentów

im mniejsze p-value, tym  
**SILNIEJSZE** są argumenty o  
 odmieniu H<sub>0</sub>.

$$\begin{aligned} \alpha &= 0.05 \\ p &= 0.017 \\ p &= 0.00000017 \end{aligned}$$

### Metody wyznaczania p-wartości dla typowych hipotez:

- dla  $H_0 : \theta \leq \theta_0$  vs.  $H_1 : \theta > \theta_0$

$$p = \mathbb{P}_{\theta_0}(T(\mathbb{X}) \geq t),$$

podzielone  
z danymi

gdzie  $t = T(\mathbb{X})$ ;

- dla  $H_0 : \theta \geq \theta_0$  vs.  $H_1 : \theta < \theta_0$

$$p = \mathbb{P}_{\theta_0}(T(\mathbb{X}) \leq t);$$

- dla  $H_0 : \theta = \theta_0$  vs.  $H_1 : \theta \neq \theta_0$

$$p = 2 \cdot \min \left\{ \mathbb{P}_{\theta_0}(T(\mathbb{X}) \geq t), \mathbb{P}_{\theta_0}(T(\mathbb{X}) \leq t) \right\}.$$

► duże p-wartości NIE SĄ DOWODEM na rzecz prawdziwości H<sub>0</sub>

- p-wartość to nie jest dowód tego, że H<sub>0</sub> jest prawdziwe
- czytamy treści zadań, nie używamy zasad regruły  $p < 0.05$ .

$X_1, \dots, X_n \sim N(\mu, \sigma^2)$   $\mu$ ,  $\sigma$  - nieznane $H_0: \mu = \mu_0$  $H_1: \mu \neq \mu_0$  "two-sided" $\mu > \mu_0$  "greater" $\mu < \mu_0$  "less"

t-test()

hip. dot. wartości oczekiwanej

 $X_1, \dots, X_{n_1} \sim N(\mu_1, \sigma_1^2)$  $Y_1, \dots, Y_{n_2} \sim N(\mu_2, \sigma_2^2)$  $H_0: \mu_1 = \mu_2$ 

var.equal =

TRUE - równe  $\sigma_1^2$  i  $\sigma_2^2$  $H_1: \mu_1 \neq \mu_2$  $\mu_1 > \mu_2$ 

paired = TRUE obs. zawsze w parach

 $\mu_1 < \mu_2$ 

t.test(x, y)

 $X_1, \dots, X_{n_1} \sim N(\mu_1, \sigma_1^2)$  $Y_1, \dots, Y_{n_2} \sim N(\mu_2, \sigma_2^2)$  $H_0: \sigma_1^2 = \sigma_2^2$  $H_1: \sigma_1^2 \neq \sigma_2^2$  $\sigma_1^2 > \sigma_2^2$  $\sigma_1^2 < \sigma_2^2$ 

Var.test(x, y)

hip. dot. wariancji

wskazniki proporcji nast. typu:

zwiększenie wartości i przedziałów ufności? Wtł?