

## DIEGO DAMAS ALMEIDA - 6ª LISTA DE EXERCÍCIOS

1 - Dado um conjunto de objetos (com sua geometria e polinômio) e uma imagem na tela (estrutura de dados na memória - matriz de pixels com origem no canto inferior esquerdo). O problema da visibilidade é: como pintar na imagem os objetos visíveis?

### 2 - PINTOR

ordene os objetos pela  $z$  (de trás para frente)

itere sobre objetos

itere em  $y$

itere em  $x$

escreva o pixel

### Z-BUFFER

Inicialize o Z-Buffer (itere em  $x, y$ ;  $Z_{buff}[x, y] = \text{Infinito}$ ;) itere sobre os objetos

itere em  $y$

itere em  $x$

$x \quad z(x, y) < Z_{buff}[x, y]$

$Z_{buff}[x, y] = z(x, y)$

escreva o pixel da imagem

### RAY-CASTING

itere em  $y$

itere em  $x$

Trace o raio do olho através do pixel  $(x, y)$  em direção à cena. Intersecte todas as superfícies, encontre a primeira que o raio toca. Pinte o pixel de acordo.



## RAY-TRACING

SICP CADA FÓTON DA FONTE enquanto:

se energia é totalmente absorvida sai do loop.  
não se saiu do Frustum sai do loop.

se não se tocar o plano imagem:

Escreva o pixel na imagem

## 3- PINTOR -

Vantagens - Simplicidade. Rápido se os objetos forem pré-classificados. Trabalha com transparências.

Desvantagens - Implementação difícil e lenta se for necessário classificar e dividir os objetos. Difícil de ordenar para objetos não poligonais. Em geral não muito adequado para renderização 3D, pela dificuldade de "sorting" e "splitting".

## Z-BUFFER

Vantagens - Implementação de nível moderado, com velocidade alta (exceto quando a complexidade da profundidade é muito alta). Fácil de mixar com polígonos, esferas e outras primitivas geométricas.

Desvantagens - Velocidade dependente da complexidade. Não faz transparência. Precisa de uma boa resolução do Z-buffer para não gerar artefatos.

## RAY-CASTING

Vantagens - Implementação fácil e de excelente generalidade,

MAXIMA



podendo realizar GSC (Geometria Scélica Construtiva),  
transparência e sombras.

Desvantagens - Lento se tiver muitos objetos (difícil  
de executar rapidamente).

4 - Dependendo do tamanho e formato do objeto, varia o Z-Buffer, pois apesar de ser somente um objeto, ele equivale a muitos pequenos objetos triangulares. Dessa forma, pode haver sobreposição destes pequenos triângulos e necessidade de ordená-los, o que tornaria difícil a implementação do Algoritmo painter. No caso do Ray Casting se o objeto tiver muitos triângulos pode aumentar muito a complexidade do algoritmo e torná-lo mais lento.

5 - O princípio básico do Forward Ray Tracing é seguir cada fóton da fonte de Luz até que aconteça uma das seguintes coisas:

- Toda sua energia seja absorvida (depois de muitas reflexões);
- Ele saia do universo conhecido (frustum);
- Ele bata no plano imagem e sua contribuição seja adicionada ao respectivo pixel.

6 - O Forward Ray Tracing acompanha todos os raios de luz que saem da fonte e que são refletidos nos objetos, já o Backward Ray Tracing faz o caminho contrário acompanhando o raio da imagem até o objeto ou fonte. → continua



O principal problema do primeiro método é que apenas uma pequena parte dos raios alcançam a imagem, sendo extremamente lento calcular o percurso de todos os raios de uma fonte de luz. O Backward Ray Tracing resolveu o problema, pois calcula apenas os raios que contribuem para a formação da imagem.

7- A ideia básica do Ray Tracing recursivo é, assim como o Ray Tracing Conventional, acompanhar o raio até que alcance o objeto, a fonte ou raio de um curso conhecido. No entanto, se alcançar um objeto, determinam-se os raios refletidos e refratados, percorre-se esses raios para detectar se são provenientes de uma outra reflexão ou refração, calcula-se novamente os raios refletidos e refratados, percorre-se novamente e assim por diante de forma recursiva até a fonte de luz. Então são calculadas as contribuições de cada reflexão/refração para o Pixel. Também são calculados os "raios de sombra" no ponto da superfície. Tipos de raios:

Eye rays: Originam-se no olho

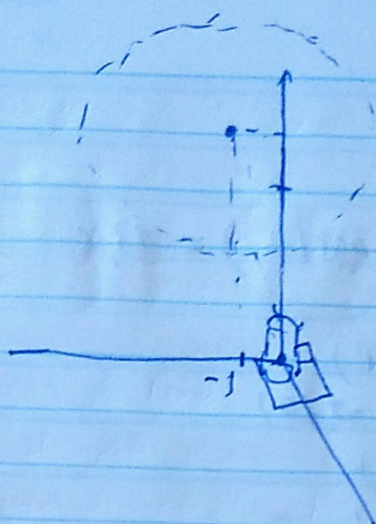
Shadow rays: Do ponto na superfície na direção da luz

Reflection rays: do ponto na superfície na direção refletida

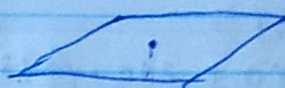
Transmission rays: Do ponto na superfície na direção refratada.



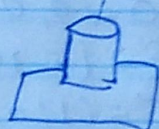
8.



Centro da imagem (50,50)



100 mm = 0,1 m



1-  $(x+1)^2 + y^2 + (z-4)^2 = 2^2$  como é o pixel central da imagem, e a câmera está na origem apontando para o eixo Z. O ponto de interseção estará em cima do eixo Z.

$$(0+1)^2 + 0^2 + (z-4)^2 = 2^2 \Rightarrow 1 + z^2 - 8z + 16 = 4$$

$$z^2 - 8z + 13 = 0$$

$$z' = 4 - \sqrt{3} \approx 2,268 \text{ (mais próximo)}$$

$$z'' = 4 + \sqrt{3} \approx 5,732$$

Logo será o ponto  $(0; 0; 2,268)$

2- Normal  $\vec{N} = (0; 0; 2,268) - (-1; 0; 4) = (1; 0; -1,73) = \vec{N}$

$$\vec{L} = (1, 1, 1) - (0; 0; 2,268) = (1; 1; -1,27)$$

$$\vec{R} = 2 N(N \cdot L) - L = 6,3942 N - L = (6,3942; 0; -11,06) - L$$

$$|N \cdot L| = 1 + 0 + 2,197 = 3,197$$

$$(6,3942; 0; -11,06) - (1; 1; -1,27) = (5,3942; -1; -9,79) = \vec{R}$$

$$\vec{O} = (0; 0; -2,268) \quad \cos \varphi = \frac{\vec{R} \cdot \vec{O}}{|\vec{R}| |\vec{O}|} = \frac{-22,62}{11,22 \cdot 2,268} = 0,872$$

$$\cos \varphi = 0,872$$

$$\cos \theta = 0,442$$

$$\cos \theta = \frac{\vec{N} \cdot \vec{L}}{|\vec{N}| |\vec{L}|} = \frac{3,197}{1,998 \cdot 3,6127} = 0,442$$

$$I_{dra} = k_a I_a + \rho_{diff} I_{light} (k_d \cdot \cos \theta + k_s (\cos \varphi)^n \sin^2 \theta)$$

$$I_{dra} = 0,5 \cdot 100 + 200 (k_d \cdot 0,442 + k_s \cdot (0,872)^2)$$

$$0,736 k_d = 2,18 k_s$$

$$k_d = 2,96 k_s$$

$$\frac{0,442 k_d}{0,442 k_d + 0,872 k_s} = 0,6$$

$$\frac{0,872 k_s}{0,442 k_d + 0,872 k_s} = 0,4$$



$$K_d = 0,296$$

$$K_s = 0,1$$

$$J_{d+a} = 50 + 200 \cdot (0,1308 + 0,0872) = 93,6$$

3 - Vektoren  $\vec{O} = (0, 0; -2,268)$

$$\vec{R} = (5,394; -1; -9,19)$$

$$\vec{P} = (1; 0; -1,73)$$

$$\vec{L} = (1; 1; -1,27)$$