

Fundação Getúlio Vargas Escola de Pós-Graduação em Economia Teoria Macroeconômica III

Professor: Ricardo de Oliveira Cavalcanti Monitora: Kátia Aiko Nishiyama Alves

## Lista 1

$\cap$	ri	۵n	t a	cõ	es:
v	П	en	ta	CO	es:

1. A elaboração das suas respostas deve seguir as normas de entrega que estão na wiki do curso.

2. **Data de entrega:** 20/10/2017 às 23h59min.

**Exercício 1** Considere o modelo de search no mercado de trabalho supondo que a f.d.p. é dada por  $f(w) = \alpha_1 + \alpha_2 w$  e a função utilidade instantânea é  $u(c) = c^{\gamma}$ . Suponha ainda que

β	0.98
$\pi$	0.10
b	0
$\overline{w}$	20
f(0)	$2f(\overline{w})$
$\gamma$	1/2

- (i) Resolva numericamente o modelo. Reporte e explique as funções política e valor.
- (ii) Refaça o item anterior, supondo agora que  $f(\overline{w}) = 2f(0)$ . Qual foi a principal mudança? Explique.
- (iii) É correto dizer que há dois tipos de desemprego nesta economia? Explique.
- (iv) Obtenha o salário reserva para os parâmetros do item (i).

**Exercício 2** Considere o modelo clássico de crescimento econômico, cujo problema do planejador é escolher sequências de consumo,  $\{c_t\}_{t=0}^{\infty}$ , e de capital,  $\{k_t\}_{t=0}^{\infty}$  que resolvem

$$\max \left\{ \sum_{t=0}^{\infty} \beta^{t} u(c_{t}) \right\}$$

$$s.a \begin{cases} c_{t} + k_{t+1} \leq f(k_{t}) + (1 - \delta)k_{t} \\ k_{t+1} \geq 0, c_{t} \geq 0, \forall t \geq 0 \\ k_{0} > 0 \ dado \end{cases}$$
(1)

em que 
$$f(k) = k^{\alpha} e u(c) = \frac{c^{1-\gamma}}{1-\gamma}$$
.

(i) Reescreva o problema acima de forma que a escolha de  $\{k_t\}_{t=0}^{\infty}$  seja suficiente para resolver (1). Apresente as hipóteses utilizadas para esta redefinição do problema de otimização.

- (ii) Escreva a equação funcional (Formulação Recursiva) corresponte ao problema obtido no item anterior.
- (iii) Defina o operador de Bellman, T, com base na equação funcional obtida no item anterior.
- (iv) Implemente o método de discretização<sup>1</sup> do grid e o algoritmo de iteração da função valor para obter uma aproximação do ponto fixo do operador de Bellman, ou seja, da função v tal que T(v) = v.
- (v) Defina  $k_0 = 2$ . Utilize a função política obtida no item anterior para simular a trajetória ótima de capital desta economia. Qual é o nível estacionário de capital? E os níveis estacionários de produto e consumo?
- (vi) Construa um exercício numérico que encontre o padrão de depêndencia do capital estacionário em relação ao parâmetro  $\beta$ . Reporte e explique os resultados.
- (vii) Faça um exercício análogo ao item anterior com relação ao parâmetro  $\gamma$ .

**Exercício 3** Considere o modelo de crescimento descrito no exercício 2 com a seguinte modificação:  $f(k_t) = z_t k_t^{\alpha}$ , em que  $z_t$  é um processo estocástico que segue uma cadeia de Markov tal que  $P(z_t = \bar{z}|z_{t-1} = \bar{z}) = \xi$  e  $P(z_t = \underline{z}|z_{t-1} = \underline{z}) = \zeta$ .

- (i) Escreva o problema do planejador.
- (ii) Defina as variáveis de estado da economia e reescreva o problema na sua formulação recursiva.
- (iii) Defina o operador de Bellman, T, com base na equação funcional obtida no item anterior.
- (iv) Implemente o método de discretização do grid e o algoritmo de iteração da função valor para obter uma aproximação do ponto fixo do operador de Bellman, ou seja, da função v tal que T(v)=v. Utilize os parâmetros do exercício  $\mathbf{2}$  e  $(\bar{z},\underline{z})=(1.2,0.8)$  e  $(\xi,\zeta)=(0.7,0.2).^2$
- (v) Reporte as funções valor e política.

## Exercício 4 (Extra) <sup>3</sup>

Considere o modelo de crescimento econômico, cujo problema do planejador é escolher sequências de consumo,  $\{c_t\}_{t=o}^{\infty}$ , de trabalho  $\{\ell_t\}_{t=o}^{\infty}$  e de capital,  $\{k_t\}_{t=0}^{\infty}$  que resolvem

$$\max \left\{ \sum_{t=0}^{\infty} \beta^{t} u(c_{t}, \ell_{t}) \right\}$$

$$s.a \begin{cases} c_{t} + k_{t+1} \leq z_{t} f(k_{t}, \ell_{t}) + (1 - \delta) k_{t} \\ k_{t+1} \geq 0, c_{t} \geq 0, \forall t \geq 0 \\ \ell_{t} \in [0, 1] \\ k_{0} > 0 \ dado \end{cases}$$
(2)

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Utilize os parâmetros  $(\alpha, \beta, \gamma, \delta) = (0.7, 0.98, 2, 0.1)$ .

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Utilize os parâmetros  $(\alpha, \beta, \gamma, \delta) = (0.7, 0.98, 2, 0.1)$ .

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>A entrega desta questão é facultativa.

em que  $f(k,\ell)=k^{\alpha}\ell^{1-\alpha}$  e  $u(c,\ell)=\frac{c^{1-\gamma}}{1-\gamma}+0.5\frac{(1-\ell)^{1+\sigma}}{1+\sigma}$ ,  $z_t$  é um processo estocástico que segue uma cadeia de Markov tal que  $P(z_t=\bar{z}|z_{t-1}=\bar{z})=\xi$  e  $P(z_t=\underline{z}|z_{t-1}=\underline{z})=\zeta$ .

- (i) Defina as variáveis de estado da economia e escreva o problema do planejador na sua formulação recursiva.
- (ii) Defina o operador de Bellman, T, com base na equação funcional obtida no item anterior.
- (iii) Implemente o método de discretização do grid e o algoritmo de iteração da função valor para obter uma aproximação do ponto fixo do operador de Bellman, ou seja, da função v tal que T(v)=v. Utilize os parâmetros do exercício  $\mathbf{2}$ ,  $(\bar{z},\underline{z})=(1.2,0.8)$ ,  $(\xi,\zeta)=(0.7,0.2)$  e  $\sigma=2.4$
- (iv) Reporte as funções valor e política.

**Exercício 5** Considere o sistema linear Ax = b em que

$$A = \begin{pmatrix} 5 & -2 & 3 \\ -3 & 9 & 1 \\ 2 & -1 & -7 \end{pmatrix} e b = \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}$$

- (a) Resolva o sistema com o método de Jacobi utilizando como chute inicial o vetor nulo. Reporte cada passo das iterações e a solução.
- (b) Resolva o sistema utilizando a eliminação de Gauss.

**Exercício 6** Considere o sistema linear Ax = b em que

$$A = \begin{pmatrix} 1 & -5 \\ 7 & -1 \end{pmatrix} e b = \begin{pmatrix} -4 \\ 6 \end{pmatrix}$$

- (a) Resolva o sistema com o método de Jacobi utilizando como chute inicial o vetor nulo. Reporte cada passo das iterações e a solução. Há algum problema?
- (b) Refaça o item anterior utilizando outro chute inicial.
- (c) Resolva o sistema utilizando a eliminação de Gauss.

**Exercício 7 (Equity premium puzzle)** Considere o modelo de apreçamento de ativos visto na terceira monitoria. Calibre o modelo utilizando dados anuais com início em 1994 e fim em 2014 para a economia brasileira. Utilize o índice iBovespa para calcular o retorno das ações e a taxa selic para o retorno ativo livre de risco. Utilize o consumo per capita para calibrar os parâmetros  $\delta$ ,  $\mu$  e  $\phi$ . Lembre-se de deflacionar as séries, sugiro que utilize o IGP-DI.

Resolva o modelo para várias combinações de  $(\beta, \sigma)$ . É possível gerar o equity premium que você encontrou nos dados? Em caso positivo, para quais combinações de parâmetros? Existe o equity premium puzzle no Brasil?

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>Utilize os parâmetros  $(\alpha, \beta, \gamma, \delta) = (0.7, 0.98, 2, 0.1)$ .