

# Taller de Programación (INF – 143)

## Practica 1

### II/2008

1.-Consideramos entonces los procedimientos y funciones siguientes.

```
void Algoritmo1(int a[], int n)
{
    int i, j, temp;
    for(i = 1; i <= n - 1; i++)
    {
        for(j = n; j >= i+1; j--)
        {
            if (a [j - 1] > a [j])
            {
                temp = a [j - 1];
                a [j - 1] = a [j];
                a [j] = temp;
            }
        }
    }
}

int Algoritmo2(int a[], int c,
int n)
{
    int inf, sup, i;
    inf = 1;
    sup = n;
    while (sup >= inf)
    {
        i = (inf + sup) / 2;
        if (a [i] == c)
            return (i);
        else
            if (c < a [i])
                sup = i - 1;
            else
                inf = i + 1;
    }
    return (0);
}

int Euclides (int m, int n)
{
    int temp;
    while (m > 0)
    {
        temp = m;
        m = n % m;
        n = temp;
    }
    return n
}

void Misterio (int n)
{
    int i, j, k, s;
    s = 0;
    for(i = 1; i <= n - 1; i++)
    {
        for(j = i+1; j <= n; j++)
        {
            for(k = 1; k <= j; k++)
            {
                s = s + 2;
            }
        }
    }
}
```

- ¿Qué hace el algoritmo?
- Calcular sus tiempos de ejecución en el mejor, peor, y caso medio.

## 2. Hallar el $O(T(n))$ de:

```
Void Hanoi(int n, int a, int c, int b)
{
    If(n==1)
        System.out.println(a + "->" + b);
    Else
    {
        Hanoi(n-1,a,b,c);
        System.out.println(a + "->" +b);
        Hanoi(n-1,c,b,a);
    }
}
```

## 3.- Método iterativo.

Para cada una de las siguientes ecuaciones en recurrencia, encuentre el tiempo  $T(n)$

- a)  $T(n) = 4 \cdot T\left(\frac{n}{2}\right) + n$
- b)  $T(n) = 4 \cdot T\left(\frac{n}{2}\right) + n^2$
- c)  $T(n) = 4 \cdot T\left(\frac{n}{2}\right) + n^3$
- d)  $T(n) = 2 \cdot T\left(\frac{n}{4}\right) + \sqrt{n}$
- e)  $T(n) = 16T\left(\frac{n}{4}\right) + n$
- f)  $T(n) = 3T\left(\frac{n}{2}\right) + n$
- g)  $T(n) = 3T\left(\frac{n}{3}\right) + \frac{n}{2}$
- h)  $T(n) = 7T\left(\frac{n}{3}\right) + n^2$
- i)  $T(n) = 4T\left(\frac{n}{2}\right) + \log n$
- j)  $T(n) = 2T\left(\frac{n}{2}\right) + \log_b n$

## 4.- Teorema Master.

Para cada una de las siguientes ecuaciones en recurrencia encontrar, de ser posible, el tiempo  $T(n)$  de la ecuación. En otro caso, mostrar porqué no es posible resolverla.

- a)  $T(n) = 3T\left(\frac{n}{2}\right) + n^2$
- b)  $T(n) = 4T\left(\frac{n}{2}\right) + n^2$

- c)  $T(n) = T\left(\frac{n}{2}\right) + 2^n$
- d)  $T(n) = 2^n T\left(\frac{n}{2}\right) + n^n$
- e)  $T(n) = 16T\left(\frac{n}{4}\right) + n$
- f)  $T(n) = 2T\left(\frac{n}{2}\right) + n \log n$
- g)  $T(n) = 2T\left(\frac{n}{2}\right) + \frac{n}{\log n}$
- h)  $T(n) = 2T\left(\frac{n}{4}\right) + n^{0.51}$
- i)  $T(n) = 0.5T\left(\frac{n}{2}\right) + \frac{1}{n}$
- j)  $T(n) = 16T\left(\frac{n}{4}\right) + n!$
- k)  $T(n) = \sqrt{2}T\left(\frac{n}{2}\right) + \log n$
- l)  $T(n) = 3T\left(\frac{n}{2}\right) + n$
- m)  $T(n) = 3T\left(\frac{n}{3}\right) + \sqrt{n}$
- n)  $T(n) = 4T\left(\frac{n}{2}\right) + cn$
- o)  $T(n) = 3T\left(\frac{n}{4}\right) + n \log n$
- p)  $T(n) = 3T\left(\frac{n}{3}\right) + \frac{n}{2}$
- q)  $T(n) = 6T\left(\frac{n}{3}\right) + n^2 \log n$
- r)  $T(n) = 4T\left(\frac{n}{2}\right) + \frac{n}{\log n}$
- s)  $T(n) = 64T\left(\frac{n}{8}\right) - n^2 \log n$
- t)  $T(n) = 7T\left(\frac{n}{3}\right) + n^2$
- u)  $T(n) = 4T\left(\frac{n}{2}\right) + \log n$
- v)  $T(n) = T\left(\frac{n}{2}\right) + n(2 - \cos n)$