

# PRÁCTICA B2 RSI

## PARTE 2.

### Variaciones rápidas y lentas

*Samuel John Suffern Sánchez*

# Índice

<b>1. Inicio del entorno en Matlab</b>	<b>2</b>
<b>2. Potencia recibida</b>	<b>2</b>
2.1. Unidades Logarítmicas . . . . .	2
2.1.1. Primeros 100 metros de la serie . . . . .	2
2.2. Unidades lineales . . . . .	3
2.2.1. Primeros 100 metros . . . . .	3
<b>3. Ventana Rectangular</b>	<b>4</b>
3.1. Unidades lineales . . . . .	5
3.2. Unidades logarítmicas . . . . .	7
3.3. Verificación del modelo Gaussiano y distribución Rayleigh . . . . .	9
3.4. Extracción de las variaciones rápidas . . . . .	11
<b>4. Ventana Hanning</b>	<b>12</b>
4.1. Unidades lineales . . . . .	13
4.2. Unidades logarítmicas . . . . .	14
4.3. Extracción de las variaciones rápidas . . . . .	16

# Índice de figuras

1. Variación de la potencia recibida en dBm con la distancia . . . . .	2
2. Primeros 100 metros de la serie en unidades logarítmicas . . . . .	3
3. Variación de la potencia recibida en unidades lineales . . . . .	3
4. Primeros 100 metros de la serie en unidades lineales . . . . .	4
5. Distintos tamaños de ventana rectangular . . . . .	4
6. Series de potencias instantáneas y medias locales para N=20 . . . . .	5
7. Series de potencias instantáneas y medias locales para N=40 . . . . .	6
8. Series de potencias instantáneas y medias locales para N=80 . . . . .	6
9. Series de potencias instantáneas y medias locales en dBm para N=20 . . . . .	7
10. Series de potencias instantáneas y medias locales en dBm para N=40 . . . . .	8
11. Series de potencias instantáneas y medias locales en dBm para N=80 . . . . .	8
12. Histogramas de pdf y CDF para N=20 . . . . .	9
13. Histogramas de pdf y CDF para N=40 . . . . .	10
14. Histogramas de pdf y CDF para N=80 . . . . .	10
15. Extracción de las variaciones rápidas para una ventana N=20 rectangular . . . . .	11
16. Extracción de las variaciones rápidas para una ventana N=40 rectangular . . . . .	11
17. Extracción de las variaciones rápidas para una ventana N=80 rectangular . . . . .	12
18. Distintos tamaños de ventana Hanning . . . . .	12
19. Series de potencias instantáneas y medias locales para N=20 con una ventana Hanning . . . . .	13
20. Series de potencias instantáneas y medias locales para N=40 con una ventana Hanning . . . . .	13
21. Series de potencias instantáneas y medias locales para N=80 con una ventana Hanning . . . . .	14
22. Series de potencias instantáneas y medias locales en dBm para N=20 con una ventana Hanning . . . . .	14
23. Series de potencias instantáneas y medias locales en dBm para N=40 con una ventana Hanning . . . . .	15
24. Series de potencias instantáneas y medias locales en dBm para N=80 con una ventana Hanning . . . . .	15
25. Extracción de las variaciones rápidas para una ventana N=20 Hanning . . . . .	16
26. Extracción de las variaciones rápidas para una ventana N=40 Hanning . . . . .	16
27. Extracción de las variaciones rápidas para una ventana N=80 Hanning . . . . .	17

## 1. Inicio del entorno en Matlab

Los gráficos y resultados de esta práctica se obtienen con la función `pr10.mat`.

Lo primero que haremos será cargar en nuestro workspace el fichero: `series12new.mat`

```
1      load series2000.mat
```

## 2. Potencia recibida

### 2.1. Unidades Logarítmicas

La variable `series2000.mat` contiene una señal que tiene en la primera columna la distancia recorrida en metros y en la segunda la señal recibida en dBm. El espacio de muestreo es  $d_s = \lambda/4 = 0.0375m$ . Existe un muestreo uniforme.

```
1      d = series2000(:,1); % Distancia en metros
2      P = series2000(:,2); % Potencia recibida en dBm
3      figure, plot(d,P)
4      xlabel('Traveled distance, m')
5      ylabel('Received power, dBm');title('Variation of Received power in dBm with distance');
```

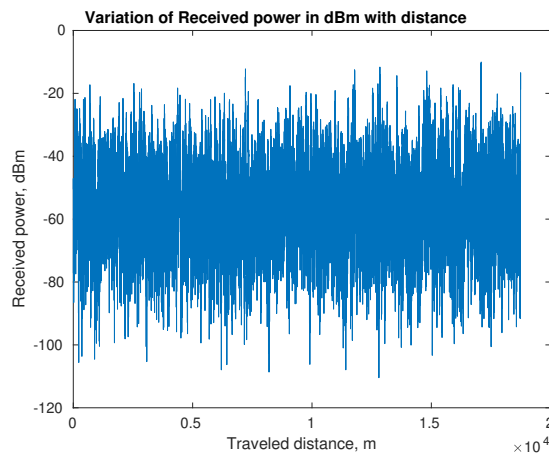


Figura 1: Variación de la potencia recibida en dBm con la distancia

#### 2.1.1. Primeros 100 metros de la serie

Representamos los primeros 100 metros de la serie:

```
1      figure, plot(d,P); xlim([0 100])
2      xlabel('Traveled distance, m') ;ylabel('Received power, dBm')
3      title('First 100 m of the series')
```

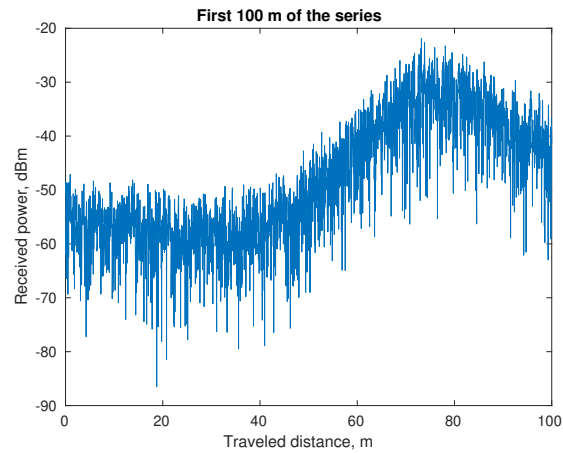


Figura 2: Primeros 100 metros de la serie en unidades logarítmicas

## 2.2. Unidades lineales

Si ahora hacemos la representación en unidades lineales:

```

1      p = 10.^(P/10)/1000;
2      figure, plot(d,p)
3      xlabel('Traveled distance, m')
4      ylabel('Received power, W')

```

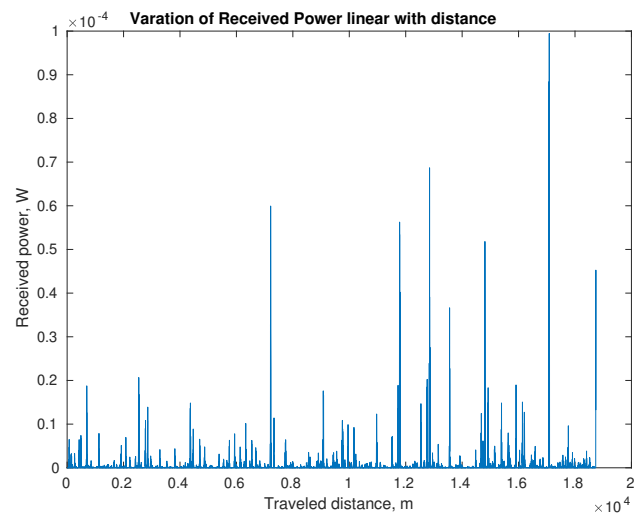


Figura 3: Variación de la potencia recibida en unidades lineales

### 2.2.1. Primeros 100 metros

Ahora representamos los primeros 100 metros de la serie en unidades lineales:

```

1      figure, plot(d,p)
2      xlim([0 100])
3      xlabel('Traveled distance, m')
4      ylabel('Received power, W')
5      title('First 100 m of the series')

```

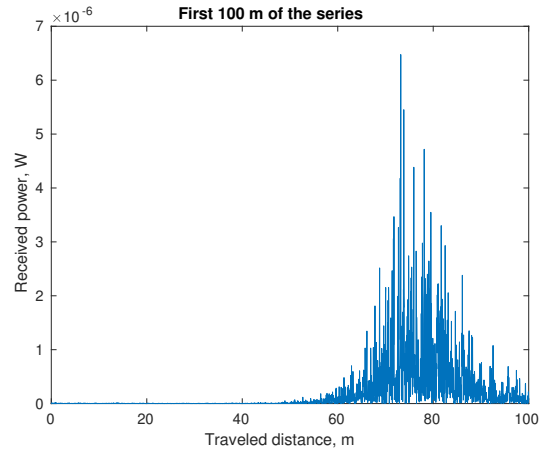


Figura 4: Primeros 100 metros de la serie en unidades lineales

### 3. Ventana Rectangular

Vamos a probar distintos tamaños de ventana:

```

1      wlFraction = 4; % sampling fraction of wavelength
2      ds = d(2)-d(1); % m, sample spacing
3      wl = ds*wlFraction; % m, wavelength
4      windowWavelengths(1) = 5; windowWavelengths(2) = 10; windowWavelengths(3) = 20; % No. of
      wavelengths in running mean filter
5      windowLength(1) = wlFraction*windowWavelengths(1); windowLength(2) = wlFraction*
      windowWavelengths(2); windowLength(3) = wlFraction*windowWavelengths(3); % samples in
      window
6      W1 = ones(windowLength(1),1); W2 = ones(windowLength(2),1); W3 = ones(windowLength(3),1); %
      Create running mean window
7      W1 = W1/windowLength(1); W2 = W2/windowLength(2); W3 = W3/windowLength(3); % Normalize
      window
8      figure, stem(W1); hold on; stem(W2); stem(W3)
9      legend('N=20', 'N=40', 'N=80');
10     title('Ventana de filtrado distintos tamaños de ventana');
11     xlabel('Número de muestras'); ylabel('Amplitud'); axis([-5 length(W3)+10 0 0.05])

```

Obtendríamos la siguiente salida:

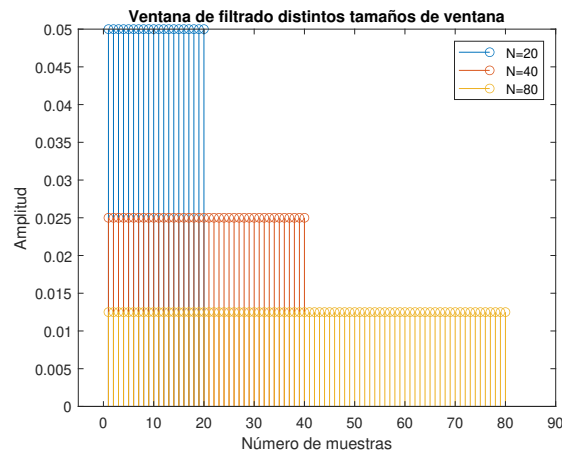


Figura 5: Distintos tamaños de ventana rectangular

Vamos a observar lo que ocurre al convolucionar la potencia recibida en unidades lineales con los diferentes tamaños de ventana.

Utilizamos el siguiente código para representar las potencias y cambiaremos la variable wx para utilizar el tamaño de ventana:

Tamaño de Ventana	20	40	80
Variable en Matlab	W1	W2	W3

### 3.1. Unidades lineales

```

1      pfilt = conv(p,W1,'same');
2      figure, plot(d, p, d, pfilt,'r')
3      xlabel('Traveled distance, m')
4      ylabel('Average received power, W');legend('Linear Power','Power after filtering');title
      (' Serie de potencias instantaneas y de medias locales')
5      figure, plot(d, p,d, pfilt,'r' )
6      xlim([0 100])
7      legend('Overall', 'Mean')
8      xlabel('Traveled distance, m')
9      ylabel('Power, W');title(' Serie de potencias instantaneas y de medias locales (zoom
      100m) ');

```

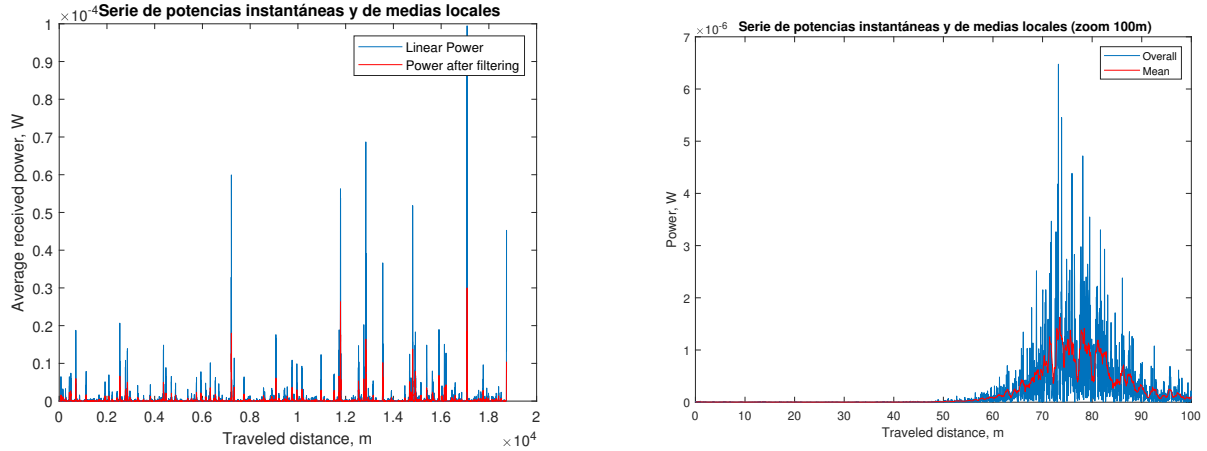


Figura 6: Series de potencias instantáneas y medias locales para N=20

Haciendo los cambios indicados arriba probaremos con tamaños de ventana 40 y 80.

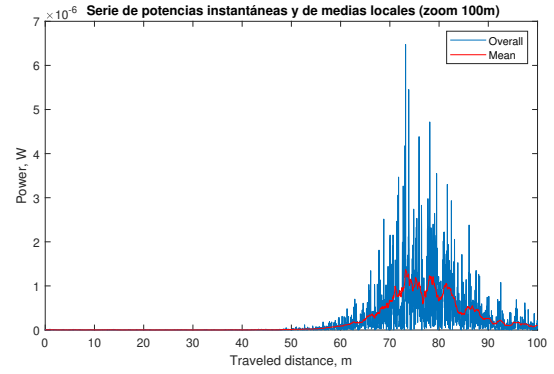
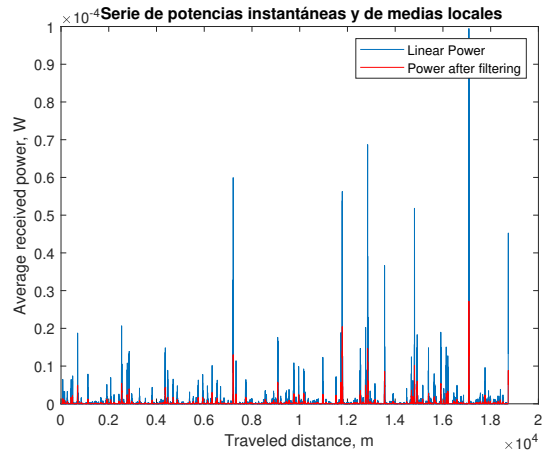


Figura 7: Series de potencias instantáneas y medias locales para N=40

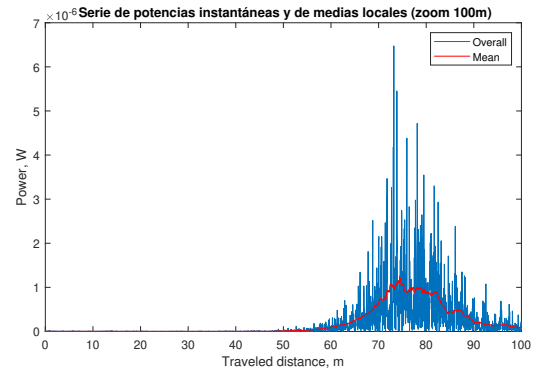
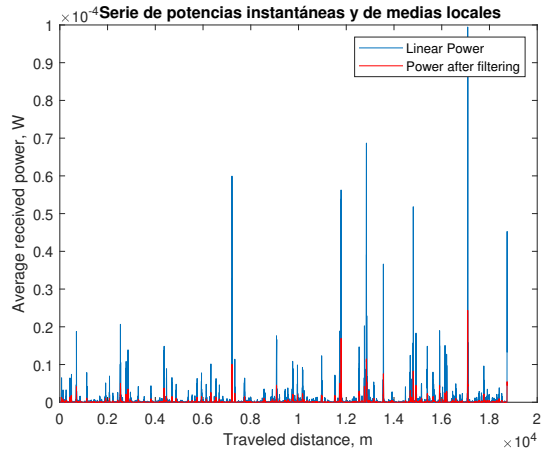


Figura 8: Series de potencias instantáneas y medias locales para N=80

### 3.2. Unidades logarítmicas

Si observamos lo que corre con la potencia en unidades logarítmicas:

```
1      Pfilt = 10*log10(pfilt) + 30; % we now go back to dBm
2      figure,plot(d, P, 'g') , hold on
3      plot(d, Pfilt, 'r', 'Linewidth',2)
4      xlabel('Traveled distance, m')
5      ylabel('Power, dBm')
6      legend('Overall', 'Mean')
7      figure, plot(d, P, 'g'), hold on
8      plot(d, Pfilt, 'r', 'Linewidth',2)
9      xlabel('Traveled distance, m')
10     ylabel('Power, dBm')
11     legend('Overall', 'Mean')
12     xlim([0 50])
13     title('First 50 m in series')
```

Cambiamos pfilt en función del tamaño de ventana que estemos utilizando.

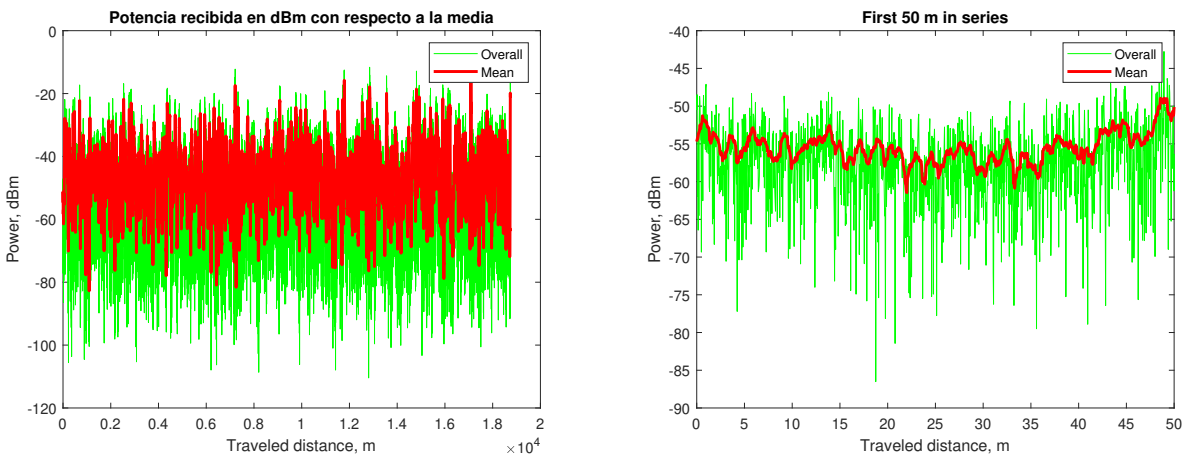


Figura 9: Series de potencias instantáneas y medias locales en dBm para N=20



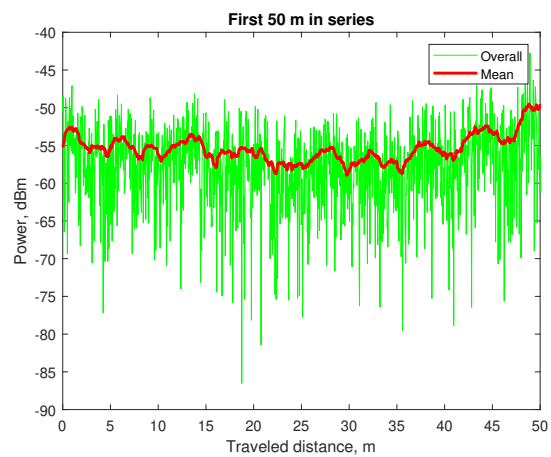
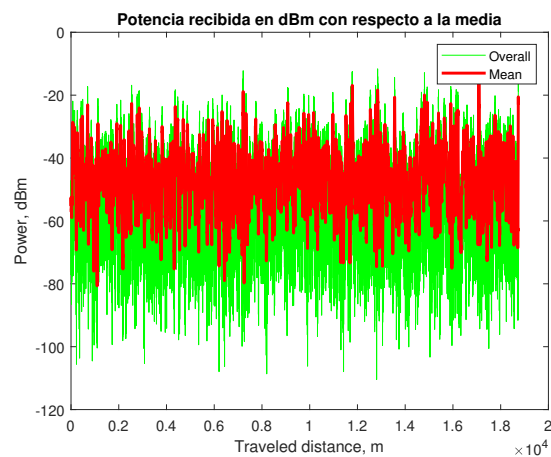


Figura 10: Series de potencias instantáneas y medias locales en dBm para N=40

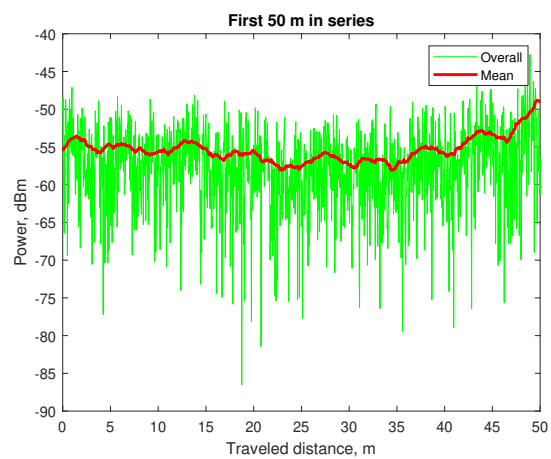
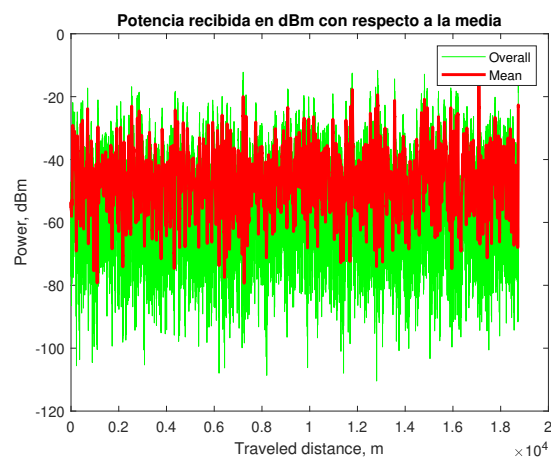


Figura 11: Series de potencias instantáneas y medias locales en dBm para N=80

### 3.3. Verificación del modelo Gaussiano y distribución Rayleigh

Vamos a comprobar si las variaciones rápidas siguen un modelo gaussiano:

```

1      MM = mean(Pfilt);
2      SS = std(Pfilt);
3      disp(['Series mean : ', num2str(MM), ' dBm'])
4      disp(['Series std : ', num2str(SS), ' dBm'])
5      Nbins = 20;
6      [a,b] = hist(Pfilt,Nbins);
7      histBin = b(2)-b(1);
8      a = a/length(Pfilt);
9      aa = cumsum(a);
10     % Theoretical distribution
11     Paxis = [min(Pfilt):max(Pfilt)];
12     pdf = 1/(sqrt(2*pi)*SS)*exp(-0.5*((Paxis-MM)/SS).^2);
13     fhist = pdf*histBin;
14     figure, bar(b,a,'y'), hold on, plot(Paxis, fhist,'r', 'LineWidth',2)
15     xlabel('Potencias medias, dBm')
16     ylabel('Probabilidades');title(pdf)
17     F = 1-qfunc((Paxis-MM)/SS);
18     figure, bar(b,aa, 'y'), hold on, plot(Paxis, F, 'r','LineWidth',2)
19     xlabel('Potencias medias, dBm')
20     ylabel('Probabilidad de no exceder la abscisa');title("CDF")

```

Series mean : -47.452 dBm

Series std : 9.6575 dBm

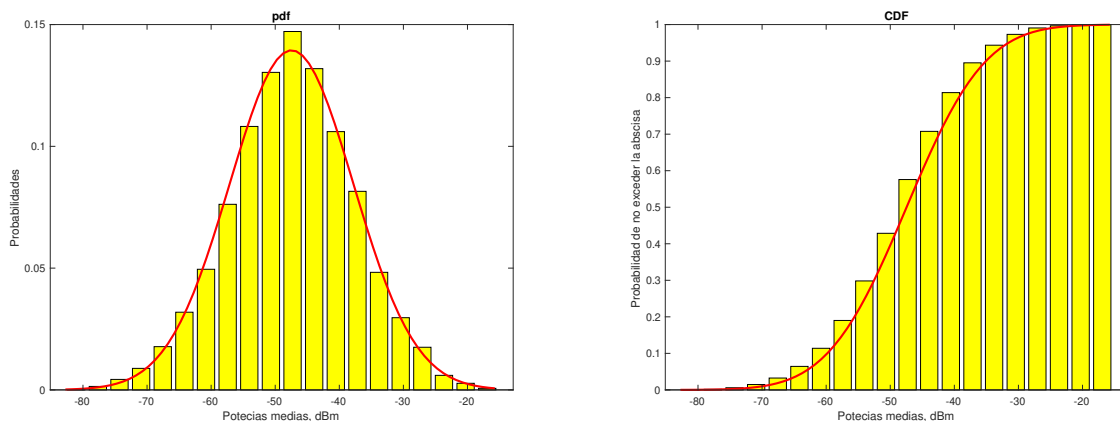


Figura 12: Histogramas de pdf y CDF para N=20

Si repetimos las cuentas para los distintos tamaños de ventana, obtenemos las siguientes dos salidas. Por cada tamaño de ventana, cambiamos el valor del número de bins que cogemos para las cuentas.

Series mean : -47.3304 dBm  
Series std : 9.6003 dBm

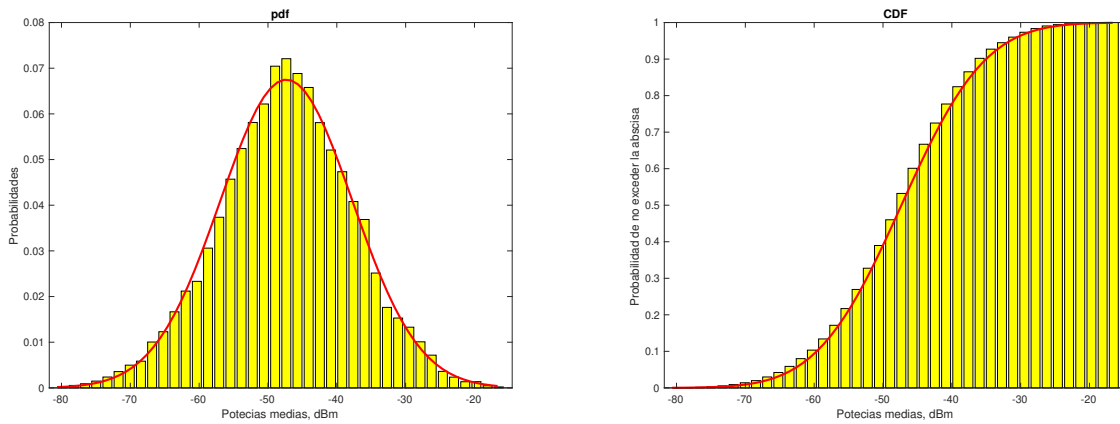


Figura 13: Histogramas de pdf y CDF para N=40

Series mean : -47.2369 dBm  
Series std : 9.5569 dBm

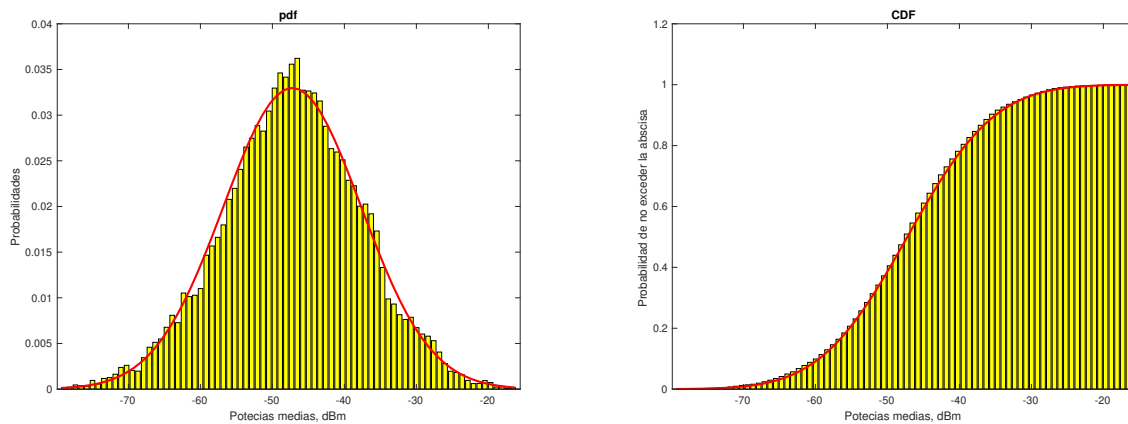


Figura 14: Histogramas de pdf y CDF para N=80

Como se puede observar:

1. La pdf sigue un modelo Gaussiano con valores positivos
2. La CDF sigue una distribución exponencial

Por lo tanto queda comprobado que las variaciones rápidas siguen una distribución Rayleigh.  
Por último vamos a extraer las variaciones rápidas de la señal.

### 3.4. Extracción de las variaciones rápidas

```

1      P0 = P - Pfilt;
2      figure, plot(d, P0)
3      ylabel('Normalized fast variations, dB')
4      xlabel('Traveled distance, m')
5      xlim([0 50])
6      title('First 50 m of series')
7      vnorm = 10.^(P0/20);
8      % mean(r0.^2)
9      figure, plot(d, vnorm)
10     ylabel('Normalized fast variations, dB')
11     xlabel('Traveled distance, m')
12     xlim([0 50])
13     title('First 50 m of series')

```

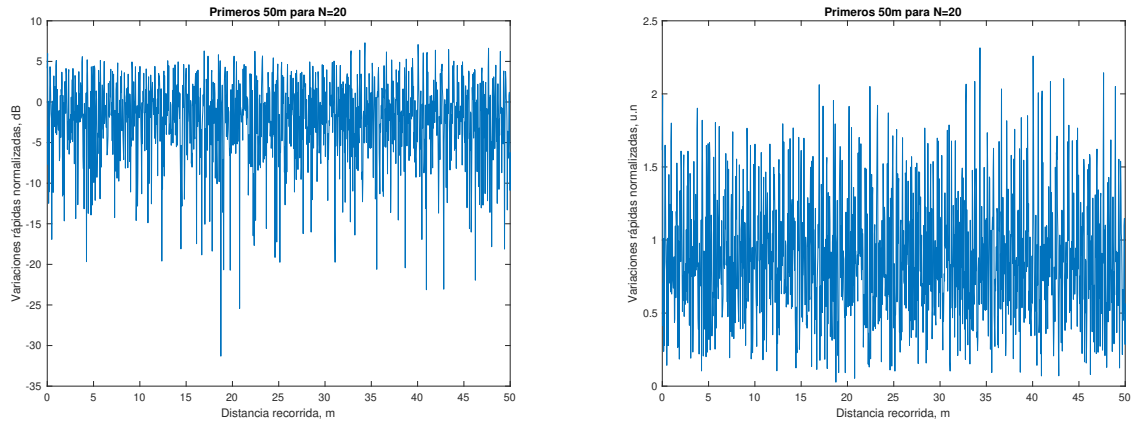


Figura 15: Extracción de las variaciones rápidas para una ventana N=20 rectangular

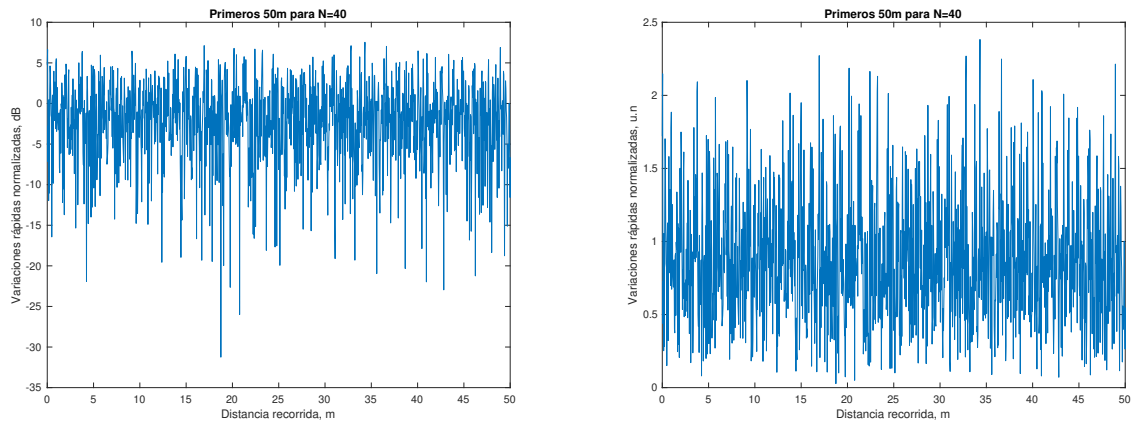


Figura 16: Extracción de las variaciones rápidas para una ventana N=40 rectangular

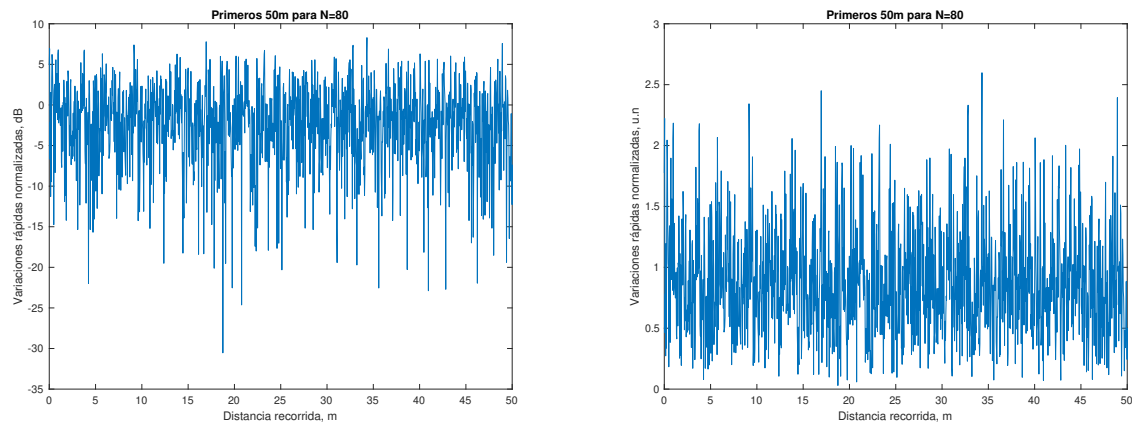


Figura 17: Extracción de las variaciones rápidas para una ventana N=80 rectangular

Como ya sabemos, hemos realizado el estudio con una ventana rectangular que tiene lóbulos laterales muy elevados, vamos a probar a hacer los cálculos rápidamente con una ventana hanning.

## 4. Ventana Hanning

Vamos a realizar el estudio al igual que con la rectangular, con tres ventanas Hanning de distintos tamaños.

```

1      WX=20;
2      Whanning = hann(WX)/WX;
3      figure, stem(Whanning);hold on;
4      WX=40;
5      Whanning=hann(WX)/WX; stem(Whanning);hold on;
6      WX=80;
7      Whanning=hann(WX)/WX; stem(Whanning);
8      legend('N=20','N=40','N=80');
9      title('Ventanas Hanning normalizadas por el n mero de puntos');
10     xlabel('N mero de muestras');
11     ylabel('Amplitud');

```

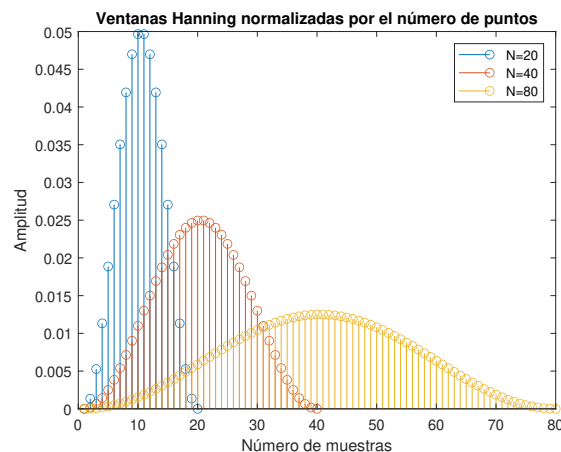


Figura 18: Distintos tamaños de ventana Hanning

## 4.1. Unidades lineales

Una vez tenemos los tres tipos de ventana representamos las potencias medias e instantáneas:

```

1      WX=20;
2      Whanning = hann(WX)/WX;
3      pfilt = conv(p,Whanning,'same');
4      figure, plot(d, p, d, pfilt,'r')
5      xlabel('Traveled distance, m')
6      ylabel('Average received power, W');legend('Linear Power','Power after filtering');title('
7      Serie de potencias instant neas y de medias locales')
8      figure, plot(d, p,d, pfilt,'r' )
9      xlim([0 100])
10     legend('Overall', 'Mean')
11     xlabel('Traveled distance, m')
12     ylabel('Power, W');title(' Serie de potencias instant neas y de medias locales (zoom 100m)'
13     )

```

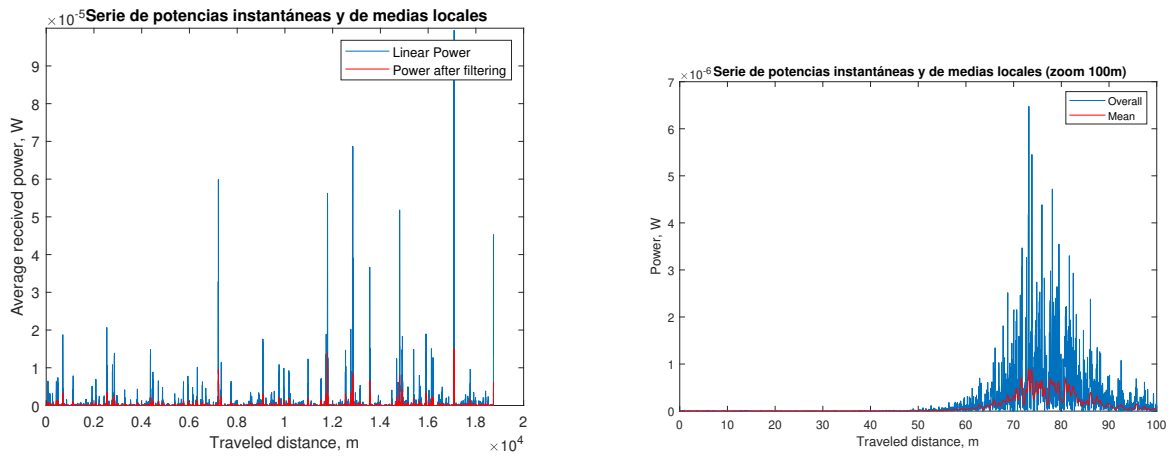


Figura 19: Series de potencias instantáneas y medias locales para N=20 con una ventana Hanning

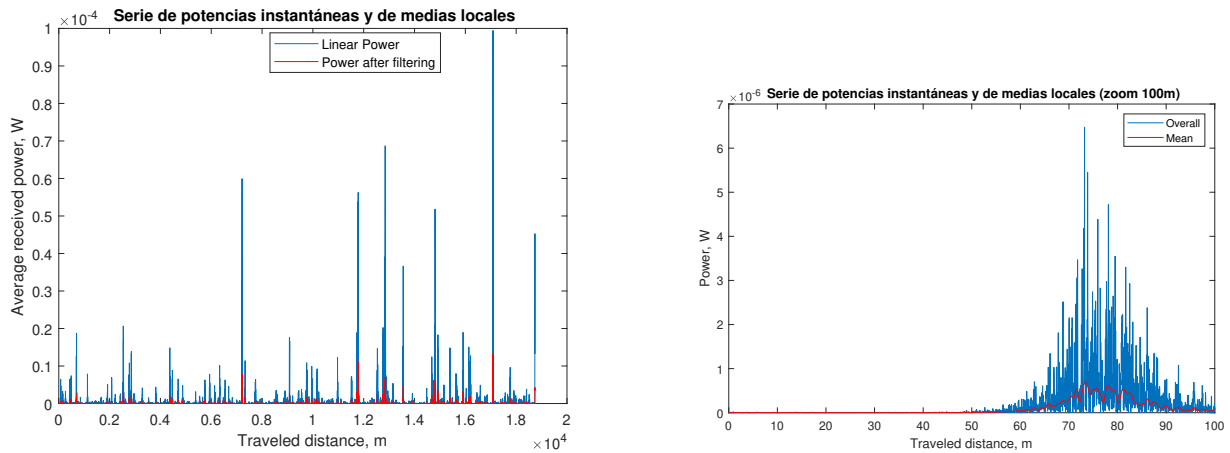


Figura 20: Series de potencias instantáneas y medias locales para N=40 con una ventana Hanning

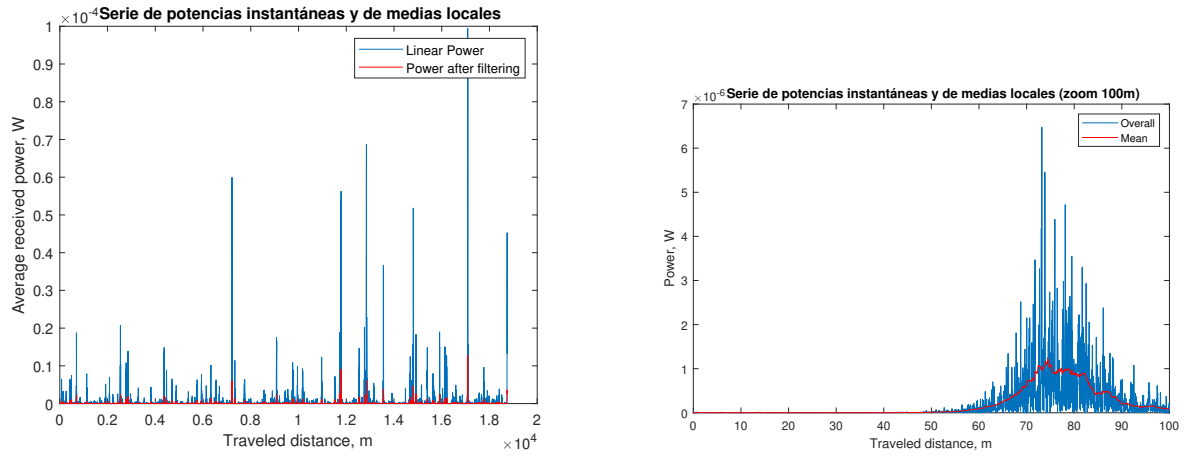


Figura 21: Series de potencias instantáneas y medias locales para N=80 con una ventana Hanning

## 4.2. Unidades logarítmicas

A continuación vemos el efecto del filtrado en unidades logarítmicas:

```

1      Pfilt = 10*log10(pfilt) + 30; % we now go back to dBm
2      figure,plot(d, P, 'g') , hold on
3      plot(d, Pfilt, 'r', 'Linewidth',2)
4      xlabel('Traveled distance, m')
5      ylabel('Power, dBm'); title('Potencia recibida en dBm con respecto a la media');
6      legend('Overall', 'Mean')
7      figure, plot(d, P, 'g'), hold on
8      plot(d, Pfilt, 'r', 'Linewidth',2)
9      xlabel('Traveled distance, m')
10     ylabel('Power, dBm')
11     legend('Overall', 'Mean')
12     xlim([0 50])
13     title('First 50 m in series')

```

Vemos que es el mismo código que hemos utilizado para la ventana rectangular, la diferencia es la variable `pfilt = conv(p, Whanning, 'same')`. Al igual que la rectangular, probaremos para diferentes tamaños de ventana.

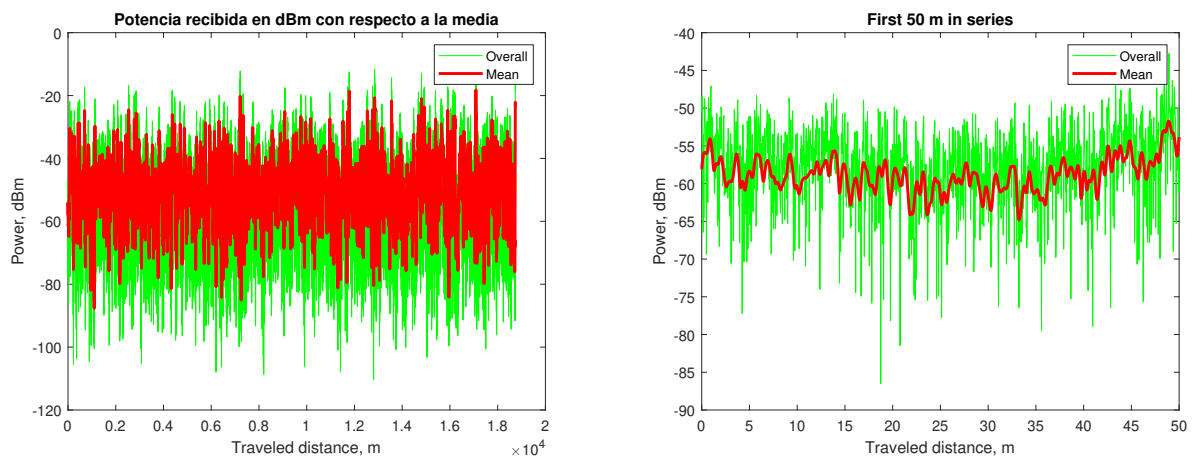


Figura 22: Series de potencias instantáneas y medias locales en dBm para N=20 con una ventana Hanning

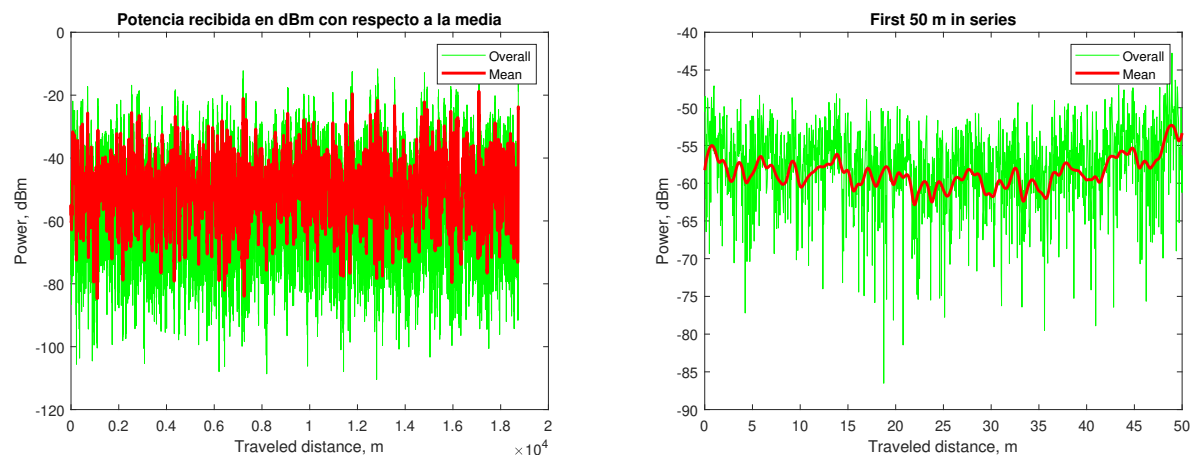


Figura 23: Series de potencias instantáneas y medias locales en dBm para  $N=40$  con una ventana Hanning

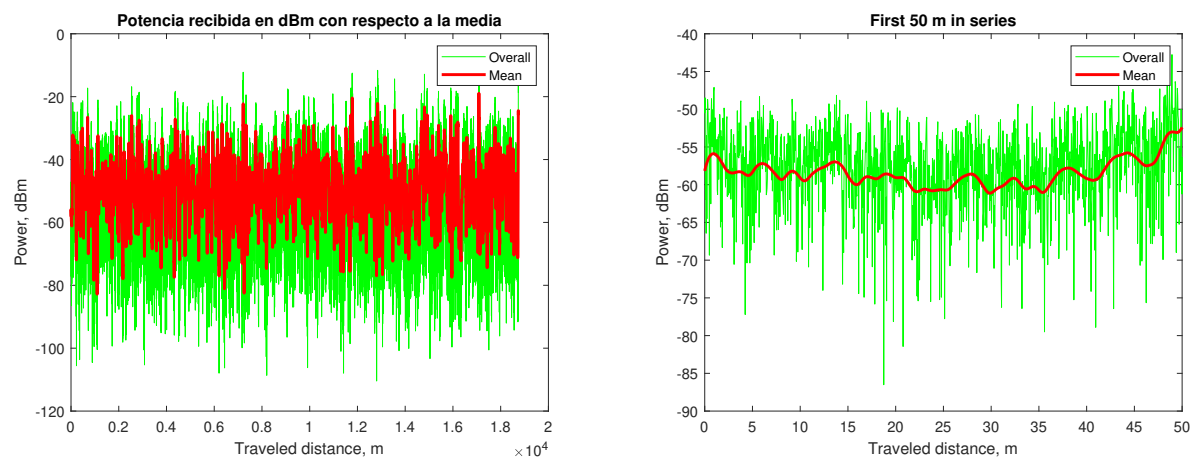


Figura 24: Series de potencias instantáneas y medias locales en dBm para  $N=80$  con una ventana Hanning

Una vez hemos visto el efecto del filtrado con la ventana Hanning en unidades lineales y logarítmicas vamos a extraer las variaciones rápidas de la señal. Nos saltamos el paso de comprobar que sigue una variación gaussiana para no repetir calculos ya que hemos comprobado que sí que la sigue.



### 4.3. Extracción de las variaciones rápidas

```

1      P0 = P - Pfilt;
2      figure, plot(d, P0)
3      ylabel('Normalized fast variations, dB')
4      xlabel('Traveled distance, m')
5      xlim([0 50])
6      title('First 50 m of series')
7      vnorm = 10.^(P0/20);
8      % mean(r0.^2)
9      figure, plot(d, vnorm)
10     ylabel('Normalized fast variations, dB')
11     xlabel('Traveled distance, m')
12     xlim([0 50])
13     title('First 50 m of series')

```

Reutilizando el código anterior, probamos para distintos tamaños de ventana y extraemos las variaciones rápidas.

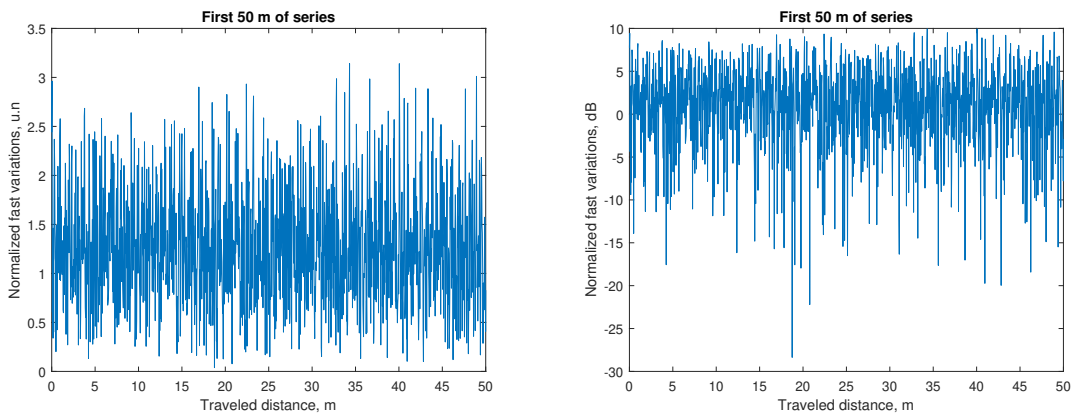


Figura 25: Extracción de las variaciones rápidas para una ventana N=20 Hanning

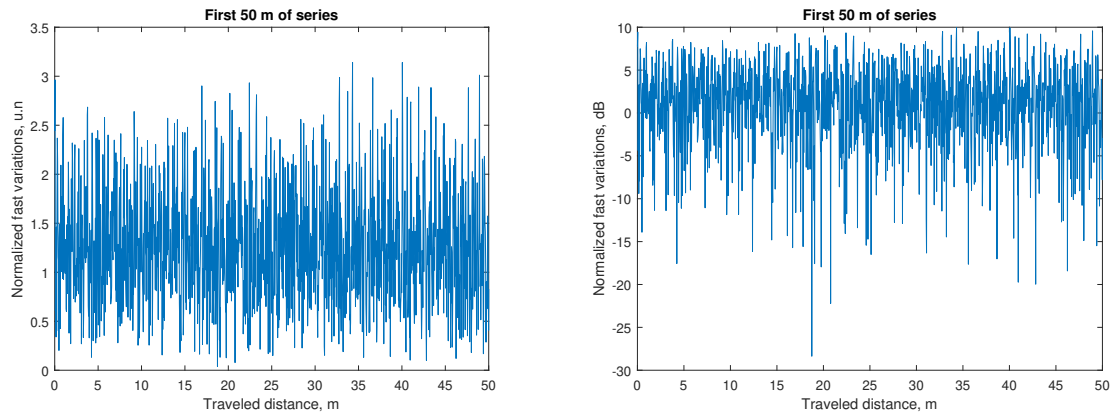


Figura 26: Extracción de las variaciones rápidas para una ventana N=40 Hanning

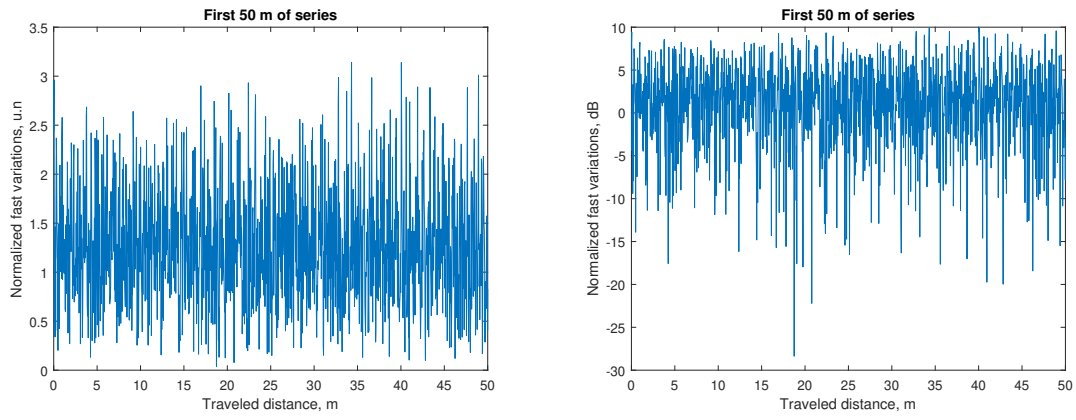


Figura 27: Extracción de las variaciones rápidas para una ventana  $N=80$  Hanning