Multiplicação e Divisão bitwise

MSc. Joao Rossi

IDP

≥ joao.borba@idp.edu.br

github.com/joaorossi15

Multiplicação: Algoritmo

- 1. Inicializar $P \leftarrow 0$, count $\leftarrow 0$;
- 2. Verificar se LSB(Q) == 1;
- 3. Se sim, $P \leftarrow P + M$;
- 4. Deslocamento logico de um bit à esquerda em M («= 1);
- 5. Deslocamento logico de um bit à direita em Q (»= 1);
- 6. Verificar se count == 32;
- 7. Se sim, finalize o algoritmo;
- 8. Se não, count++ e retorne ao inicio.

Multiplicação: Como Otimizar?

- 1. Podemos otimizar o algoritmo básico:
 - E se, ao invés de deslocar M à esquerda, deslocarmos o produto para a direita?
 - E se salvarmos o multiplicador na porcão menos significativa do produto?
- 2. Com isso:
 - Não precisamos de outro local para salvar Q;
 - M precisa de apenas 32 bits.

Multiplicação: Algoritmo Otimizado

- 1. $P[63..32] \leftarrow 0$;
- 2. $P[31..0] \leftarrow Q$;
- 3. Se P[o] == 1, $P[63..32] \leftarrow P[63..32] + M$;
- 4. Deslocamento de 1 bit à direita em *P* utilizando *carry* da soma;
- 5. Verificar se count == 32;
- 6. Se sim, finalize o algoritmo;
- 7. Se não, count + + e retorne ao inicio.

Divisão: Algoritmo

- 1. Inicializar *count* \leftarrow 0, $R[31..0] \leftarrow$ Dividendo;
- 2. Deslocar à esquerda R em 1 bit;
- 3. $R[63..32] \leftarrow R[63..32] D$
- 4. Deslocar à esquerda Q em 1 bit;
- 5. Se $R \geqslant 0$, então $LSB(Q) \leftarrow 1$;
- 6. Caso contrário, restaure o valor original dos 32 bits mais significativos de $R(R[63..32] \leftarrow R[63..32] + D)$;
- 7. Verificar se count == 32;
- 8. Se não, count + + e retornar ao passo 2.

Divisão: Como Otimizar?

- 1. Ambos o quociente quanto o resto recebem deslocamentos à esquerda;
- 2. Podemos combinar o quociente nos bits menos significativos do resto:
 - Com isso, o resto receberá um deslocamento à esquerda a mais;
 - Para corrigir: um *shift* à direita.

Divisão: Algoritmo

- 1. Inicializar *count* \leftarrow 0, $R[31..0] \leftarrow$ Dividendo;
- 2. Deslocar à esquerda R em 1 bit;
- 3. $R[63..32] \leftarrow R[63..32] D$
- 4. Se $R \geqslant 0$, então deslocar R à esquerda e $LSB(R) \leftarrow 1$;
- 5. Caso contrário, restaure o valor original dos 32 bits mais significativos de R (R[63..32] $\leftarrow R$ [63..32] + D) e deslocar R à esquerda;
- 6. Verificar se count == 32;
- 7. Se não, count + + e retornar ao passo 3;
- 8. Descolar à direita os 32 hi bits de R.

Atualmente

 Processadores modernos utilizam unidades de multiplicação e divisão dedicadas, reduzindo as operações em poucos ciclos de clock

Atualmente

- Processadores modernos utilizam unidades de multiplicação e divisão dedicadas, reduzindo as operações em poucos ciclos de clock
- Em arquiteturas mais simples ainda podem existir algoritmos iterativos, mas com otimizadores

Atualmente

- Processadores modernos utilizam unidades de multiplicação e divisão dedicadas, reduzindo as operações em poucos ciclos de clock
- Em arquiteturas mais simples ainda podem existir algoritmos iterativos, mas com otimizadores
- Mesmo com otimizações, a divisão costuma levar mais ciclos que a multiplicação devido à sua maior complexidade de implementação e paralelização, muitas vezes necessitando de algoritmos de aproximação (float)