Elemente de programare si gândire algoritmică Model de Examen de admitere UPT 2024

01.11.2023

- 1. (3 p.) Care dintre expresiile de mai jos este echivalenta, din punct de vedere logic, cu expresia: ! (x>0 && y>0) ?
 - A. x <= 0 && y <= 0
 - B. x>0 && y>0
 - C. x <= 0 | y <= 0
 - D. !(x>0) && !(y>0)
- 2. (5 p.) Considerand ca variabilele x, y și z sunt de tip întreg și memorează numere naturale, indicati expresia aritmetico-logica care are valoarea 1 dacă si numai dacă valoarea variabilei x este strict mai mare decât valoarea oricăreia dintre variabilele v si z.
 - A. (x*z>x*y) && (y*z>y*x)
 - B. (y*z>y*x) && (y*z>z*x)
 - C. (y*z>x*z) && (y*x>z*x)
 - D. (x*y>y*z) && (x*z>y*z)
- 3. (2 p.) Pentru a verifica dacă în tabloul unidimensional (0, 2, 5, 7, 16, 21, 49) există elementul cu valoarea x=15, se aplică metoda căutării binare. Indicati succesiunea de elemente din tablou ale căror valori se compară cu valoarea lui x pe parcursul aplicării metodei indicate.
 - A. (7, 21, 49, 16)
 - B. (0, 2, 5, 6, 16)
 - C. (7, 21, 16)
 - D. (7, 16)
- 4. (2 p.) Tablourile unidimensionale A şi B au elementele: A=(20,17,12,10,3), iar B=(45,16,12,7,2). Selectati optiunea ce reprezinta elementele tabloului obtinut in urma interclasarii celor doua tablouri, in ordine descrescatoare.
 - A. (45, 20, 17, 16, 12, 12, 7, 10, 3, 2)
 - B. (45, 20, 17, 16, 12, 12, 10, 7, 3, 2)
 - C. (45, 20, 16, 17, 12, 12, 7, 10, 2, 3)
 - D. (45,17,12,10,3)
- 5. (3 p.) Variabilele i și j sunt de tip întreg. Indicati expresia care poate înlocui punctele de suspensie in algoritmul de mai jos, astfel încât, în urma executării secvenței obținute, să se afiseze valorile indicate. Se considera existente functiile min() si max() care efectueaza calculul exprimat de numele lor.

```
for(int i=1; i<=5; i++) {
    for (int j=1; j<=5; j++) {
      printf("%u", ...);
    printf("\n");
}
si se afiseaza:
    4 4 4 4 4
    4 3 3 3 3
    4 3 2 2 2
    4 3 2 1 1
    4 3 2 1 0
     A. 5-\min(i,j)
     B. 5-max(i,j)
     C. 4-min(i, j)
     D. 4-max(i,j)
```

6. (3 p.) Tabloul unidimesional ν are elementele: $\nu[1] = 4$, $\nu[2] = 3$, $\nu[3] = 2$, $\nu[4] = 1$. Stiind că s-a notat cu $x \Leftrightarrow y$ interschimbarea valorilor variabilelor x și y, indicați cu ce se pot înlocui punctele de suspensie în algoritmul de sortare scris mai jos, pentru a ordona crescător cele patru elemente ale tabloului

```
for(int i=1; i<=3; i++){
  int m=i;
  for (int k=i+1; k<=4; k++) {
     if (v[k] < v[m]) {
      m=k;
      A. v[i] \Leftrightarrow v[m+1]
      B. v[k] \iff v[m]
     C. v[k+1] \Leftrightarrow v[m]
```

- 7. (4 p.) Se consideră un graf neorientat cu 80 de noduri și 3160 muchii. Care este numărul de muchii ce pot fi eliminate astfel astfel încât graful parțial obținut să fie arbore?
 - A. 3080

D. $v[i] \Leftrightarrow v[m]$

- B. 3081
- C. 81
- D. 79
- 8. (5 p.) Câte grafuri neorientate, distincte, cu 5 vârfuri, se pot construi? Două grafuri se consideră distincte dacă matricele lor de adiacență sunt diferite.
 - A. 2^5 B. 2^{20}
 - C. 2^{10}
- 9. (5 p.) În secvența de mai jos toate variabilele sunt întregi și memorează valori naturale. Indicați o expresie care poate înlocui punctele de suspensie, astfel încât, în urma executării secvenței obținute, variabila z să memoreze câtul împărțirii numărului memorat initial în x la numărul nenul memorat în y.

```
int z=0;
while (x>=y) {
x=...;
 z=z+1;
     А. х-у
     B. x/10
     C. x%10
```

D. x+y

- 10. (4 p.) Se consideră un graf orientat cu 6 noduri numerotate de la 1 la 6 și cu mulțimea arcelor formată doar din arcele:
 - de la fiecare nod numerotat cu un număr neprim i (i > 1) la toate nodurile numerotate cu numere ce aparțin mulțimii

divizorilor proprii ai lui i (divizori diferiți de 1 și de i)

- de la nodul numerotat cu 1 la nodul numerotat cu 6
- de la fiecare nod numerotat cu un număr prim i la nodul numerotat cu i-1

Pentru graful dat, care este lungimea celui mai mare drum, format doar din noduri distincte?

- A. 5
- B. 4
- C. 6
- D. 3
- 11. (3 p.) Se consideră un graf orientat cu 6 noduri, numerotate 1,2,..,6. Arcele grafului sunt de forma $(x,2\cdot x)$ pentru orice $x\in\{1,2,3\}$ și de forma (x,x-1) pentru orice $x\in\{2,3,4,5,6\}$. Care este numărul minim de arce ce trebuie adăugate astfel încât graful să fie tare conex?
 - A. 3
 - B. 2
 - C. 0
 - D. 5
 - E. 4
 - F. 1
- 12. (5 p.) Precizați care sunt numărul minim și numărul maxim de arce ale unui graf orientat tare conex cu 15 vârfuri.
 - A. 14 si 105
 - B. 15 si 15
 - C. 15 si 105
 - D. 14 si 15
 - E. 14 si 210
 - F. 15 si 210
- 13. (3 p.) Precizați care este numărul maxim de frunze ce apar într-un arbore cu 17 de noduri, dacă fiecare nod are gradul mai mic sau egal cu 4.
 - A. 13
 - B. 12
 - C. 15
 - D. 14
 - E. 11
 - F. 16
- 14. (2 p.) Utilizând metoda backtracking se generează toate anagramele (permutari ale literelor) cuvântului **avion**. Precizați câte anagrame încep și se termină cu câte o consoană a alfabetului englez standard.
 - A. 60
 - B. 120
 - C. 12
 - D. 6
 - E. 240
 - F. 40
- 15. (3 p.) Se utilizează metoda backtracking pentru a genera șiruri de câte 5 caractere din mulțimea $\{a,1,b,2,c,3,d,4\}$ cu proprietatea că nu pot aparea două cifre sau două litere alăturate. Știind că primul șir generat este alala, iar al doilea este alalb, indicați șirul obținut imediat înainte de 2c1a1.
 - A. 2c4d4
 - B. 2b1a1
 - C. 2b4d4
 - D. 2b4d3
 - E. 3c4d4
 - F. 1c4d4
- 16. (4 p.) In cazul generarii combinarilor de n elemente luate cate p, folosind metoda backtracking, intr-o implementare iterativa, conditia necesara si suficienta pe care trebuie sa o satisfaca

un element de pe nivelul k al stivei pentru a fi considerat valid este:

- A. $st_{i-1} \neq st_i; i \in [1..k] \cap \mathbb{N}$
- B. $st_i < st_k; i \in [1..k-1] \cap \mathbb{N}$
- C. $st_{i-1} \leq st_i; i \in [1..k-1] \cap \mathbb{N}$
- D. $st_{i-1} \le st_{i+1}; i \in [1..k] \cap \mathbb{N}$
- E. $st_{i-1} \neq st_k$; $i \in [1..k+1] \cap \mathbb{N}$
- F. $st_{i-1} \neq st_k$; $i \in [1..k] \cap \mathbb{N}$
- 17. (4 p.) Care dintre urmatoarele probleme permite solutie optima folosind metoda **greedy**?
 - A. Amplasarea damelor pe o tabla de sah astfel incat sa nu se atace reciproc.
 - B. Parcurgerea unui graf in latime
 - C. Generarea permutarilor unei multimi
 - D. Parcurgerea unui graf in adancime
 - E. Problema continua a rucsacului
 - F. Problema discreta a rucsacului
- 18. (2 p.) Se considera functia recursiva de mai jos, descrisa in notatie simplificata. Daca apelul initial nu se ia in considerare, precizati cate autoapeluri vor fi făcute pentru apelul F(6).

```
int f(int t) {
  if (t==1) {
    return 0;
  }
  else{
    if (t==2) {
       return 1;
    }
    else {
       return F(t-2)+F(t-1);
    }
}
```

- A. 8
- B. 6
- C. 10
- D. 14
- E. 11
- F. 5
- 19. (3 p.) Se definește funcția:

$$M_n^k = \begin{cases} M_{n-1}^k + k \cdot M_{n-1}^{k-1} & : k \ge 0 \\ 1 & : k \le 0 \end{cases}$$

Dacă se dau numerele naturale n,k (n>=k) și se apelează funcția recursivă scrisă într-un limbaj de programare cunoscut (C++/C sau Pascal) care evaluează funcția definită mai sus, in notatie matematica, valoarea calculată reprezintă:

- A. produsul cartezian
- B. nici una dintre celelalte variante
- C. afișarea tuturor combinărilor mulțimii $\{1, 2, ..., n\}$ luate câte k
- D. numărul submulțimilor cu k elemente ale unei mulțimi cu n elemente
- E. numărul submultimilor unei multimi cu *n* elemente
- F. afișarea tuturor aranjamentelor mulțimii $\{1, 2, ...n\}$ luate câte k
- 20. (3 p.) Se considera functia recursiva de mai jos. În urma apelului numar (824972345) se va afișa:

```
void numar(int n) {
  if (n<=100) {
    printf("/");
  }
  else{</pre>
```

```
if (n%10<5) {
  printf("%d",n%10);
}
numar(n/10);
if(n%10>5) {
  printf("%d", n%10);
}

A. 4234/97
B. 4324/97
C. 4324/79
D. 3244/97
E. 4234/79
F. 2443/97
```

21. (5 p.) Se considera algoritmul de mai jos. Cate numere naturale impare, distincte, fiecare având exact două cifre, pot fi citite pentru variabila *n* astfel încât să se afișeze valoarea 3.

```
int n;
scanf("%d", &n);
int z=0;
int p=1;
while (n>0) {
  int c=n%10;
  n=n/10;
  if (c%3==0) {
    z=z+p*(9-c);
    p=p*10;
  }
A. 6
B. 5
C. 2
D. 4
E. 3
```

F. 7

22. (3 p.) Pentru afisarea celui mai mic numar natural, care se poate forma cu cifrele unui numar natural, avand k cifre, citit de la tastatura, exista un algoritm optim, care are complexitatea de timp:

- A. $\mathcal{O}(k)$; liniar raportat la numarul de cifre
- B. $\mathcal{O}(k^{10})$; polinomial raportat la numarul de cifre
- C. $\mathcal{O}(k^2)$; patratic raportat la numarul de cifre
- D. $\mathcal{O}(1)$; constant raportat la numarul de cifre
- E. $\mathcal{O}(\log 2(k))$; logaritmic raportat la numarul de cifre
- F. $\mathcal{O}(10^k)$; exponential raportat la numarul de cifre
- 23. (3 p.) Pe suprafata unui rezervor umplut cu apa se dezvolta o populatie de *Spirogyra* (matasea broastei). Stiind ca in prima zi luciul apei este ocupat de o colonie circulara cu raza de 10 cm, ca in fiecare zi aria suprafetei ocupate se dubleaza, iar in cea de-a 64-a zi colonia ocupa pentru prima data intrega suprafata a lacului, sa se determine dupa cate zile lacul este acoperit in proportie de 25% din suprafata.
 - A. 63
 - B. 65
 - C. 62
 - D. 16
 - E. 128
 - F. 32
- 24. (4 p.) Se considera algoritmul de mai jos, in notatie pseudocod, simplificata. Cate cifre distincte se vor afisa?

```
for(int i=1; i<=5 i++) {
  for(int j=1; j<=5; j++) {
    printf("%d", (i+j)%10);
  }
}
A. 8
B. 25
C. 24
D. 26</pre>
```

- 25. (2 p.) Cate numere naturale din intervalul $[1, 2^N]$ au exact N-1 biti de 1 in reprezentarea in baza 2?
 - A. 1

E. 9

F. 10

- B. $n \cdot (n-1)/2$
- C. *N*
- D. N 1
- E. 2 · *n*