

به نام خدا

درس تحلیل کلاز داده‌ها

تمرین سری ۱

سنا موحدین ۹۹۳۱۰۸۰

سوال ۱

- بخش ۱-۱:

(عنوان فایل کد مربوط به این بخش q1-1 است.)

(a) خروجی مربوطه:

```
Product Category: Electronics
Total Revenue: 101324330.20000139

Product Category: Books
Total Revenue: 100772199.18999891

Product Category: Sports & Outdoors
Total Revenue: 101433008.11000131

Product Category: Home & Kitchen
Total Revenue: 101214302.76999967

Product Category: Clothing
Total Revenue: 100953812.93999816
```

(b) خروجی مربوطه:

```
Top 10 Customers by Purchase Volume:
1. Customer ID: 9179, Purchase Volume: $79828.49000000002
2. Customer ID: 2959, Purchase Volume: $79175.129999999996
3. Customer ID: 8818, Purchase Volume: $78446.820000000002
4. Customer ID: 9161, Purchase Volume: $78006.31
5. Customer ID: 8907, Purchase Volume: $76459.569999999999
6. Customer ID: 2973, Purchase Volume: $75656.470000000004
7. Customer ID: 3870, Purchase Volume: $75642.159999999999
8. Customer ID: 9637, Purchase Volume: $75586.39
9. Customer ID: 5820, Purchase Volume: $75461.579999999999
10. Customer ID: 6763, Purchase Volume: $75371.320000000004
```

(c) برای انجام فرایند خواسته شده، می‌توانیم از map و reduce استفاده کنیم. هنگامی که دیتا را از فایل می‌خوانیم. هر خط را به بخش‌های مختلفی که دارد، split کرده و به عنوان خروجی تابع read\_data قرار می‌دهیم. سپس کل این دیتا را به عنوان ورودی تابع map می‌گذاریم. بخش a و b در این سوال بسیار شبیه به یکدیگرند و تنها کلید و مقداری که در هر بخش نیاز است متفاوت است. این تفاوت در تابع map موثر است. به همین دلیل در ورودی این تابع یک پارامتر با عنوان question\_part هم قرار داده‌ام و در ادامه مشخص شده که اگر مربوط به بخش a بود، دو تایی‌های مربوطه چه مواردی باشند و در غیر این صورت چطور. در بخش a، product category به عنوان کلید و در بخش b، customer\_id باید به این عنوان قرار داشته باشد. همچنین مقادیر در هر دو قسمت، مربوط به قیمت و هزینه است. خروجی این تابع به ازای هر خط دیتا به صورت یک دو تایی که شامل موارد گفته شده است، می‌باشد. این تابع به ازای هر entry در فایل‌ماز صدا زده می‌شود. در ادامه خروجی تابع map برای هر دو بخش را می‌بینیم. (در هر دو بخش مشخص شده که خروجی تابع برای ده خط اول پرینت شود.)

### خروجی تابع map برای بخش a:

```
Data after Map Function: (for part a)
[('Electronics', 590.18), ('Books', 537.2), ('Sports & Outdoors', 130.1), ('Home & Kitchen', 127.13), ('Home & Kitchen', 686.1), ('Books', 827.38), ('Clothing', 198.82), ('Books', 564.84), ('Books', 858.33), ('Home & Kitchen', 263.86)]
```

### خروجی تابع map برای بخش b:

```
Data after Map Function (for part b)
[('5844', 590.18), ('1221', 537.2), ('1462', 130.1), ('8885', 127.13), ('7888', 686.1), ('8520',
827.38), ('9569', 198.82), ('6536', 564.84), ('8936', 858.33), ('9310', 263.86)]
```

در ادامه تابع `group_by` را داریم. این تابع خروجی تابع `map` را به عنوان ورودی دریافت می‌کند. فرآیندی که باید در این تابع صورت بگیرد این است که به ازای هر کلید، مقادیر متناظرش همه در کنار هم قرار بگیرند. پس به این صورت عمل می‌کنیم که به ازای هر دوتایی `(key, value)` که داریم، اگر کلید قبلاً اضافه نشده، کلید را به همراه مقدارش اضافه می‌کنیم و اگر کلید از دوتایی‌های قبلی اضافه شده باشد، تنها مقدار این دوتایی جدید را به مقادیر مربوط به کلید، `append` می‌کنیم. پس در نهایت به ازای هر کلید، مجموعه‌ای از تمام مقادیر متناظرش خواهیم داشت. در ادامه برای هر دو بخش `a` و `b` نمونه‌ای از خروجی این تابع قرار داده می‌شود.

خروجی تابع `group_by` برای بخش `a`:

این اسکرین‌شات تنها برخی از مقادیر مربوط به کلید `electronics` را نشان می‌دهد. (در نهایت ۵ دیکشنری خواهیم داشت که کلیدهایشان هم‌ا‌ ۵ دسته هستند و `value`های هر کدام هم به صورت زیر قرار داده شده).

```
Data after Group-By Function: (for part a)
dict_items([('Electronics', 1590.18, 762.74, 558.02, 442.24, 159.57, 607.83, 398.59, 338.74,
220.37, 243.27, 731.95, 502.33, 197.02, 479.81, 919.68, 589.09, 35.33, 446.85, 998.8, 647.42,
865.22, 136.8, 512.21, 314.1, 581.16, 690.9, 777.61, 534.96, 311.81, 718.97, 851.73, 785.76,
1.8, 777.82, 639.1, 327.72, 660.12, 885.35, 833.4, 713.89, 474.8, 825.79, 456.25, 162.45, 17.
36, 534.36, 58.26, 17.4, 493.55, 298.98, 950.65, 97.08, 563.46, 777.87, 580.59, 748.66, 68.
96, 297.29, 214.28, 876.9, 899.72, 929.09, 26.49, 321.19, 589.81, 383.83, 446.52, 502.68, 52.
5, 464.27, 385.08, 846.39, 606.52, 348.09, 158.95, 273.98, 804.35, 438.52, 179.15, 203.86,
15, 92.14, 64.95, 527.63, 680.38, 337.47, 687.5, 829.85, 132.41, 734.32, 247.54, 45.93, 96
```

خروجی تابع `group_by` برای بخش `b`:

به ازای هر کاربر، چنین لیستی از مخارجش خواهیم داشت. البته این اسکرین‌شات تنها برخی از مقادیر مربوط به کاربر 5844 را نشان می‌دهد.

```
Data after Group-By Function: (for part b)
dict_items([('S844', 1590.18, 356.74, 529.85, 574.2, 348.07, 235.29, 800.51, 609.51, 278.6,
77, 137.28, 842.48, 505.08, 698.31, 732.13, 325.97, 287.87, 246.41, 486.96, 155.76, 988.52,
89.51, 367.94, 298.45, 423.25, 395.06, 704.2, 488.41, 756.13, 210.1, 243.44, 243.15, 176.18,
52.85, 248.18, 282.29, 357.69, 61.24, 923.83, 680.39, 226.78, 381.97, 958.05, 488.77, 449.5)
1.04, 817.05, 515.04, 352.42, 286.85, 249.08, 741.4, 499.03, 860.26, 122.69, 994.88, 168.8,
842.47, 43.12, 906.93, 560.29, 125.43, 382.96, 166.32, 878.93, 173.47, 951.89, 286.14, 938.
361.64, 980.85, 296.82, 512.45, 241.75, 94.67, 382.91, 680.05, 946.36, 490.76, 420.75, 241.
5.482, 9.442, 17.181, 73.516, 44.147, 14.236, 12.729, 84.336, 115.95, 802.4, 316.28, 240.1
```

در نهایت از تابع `reduce` استفاده می‌کنیم. در هر دو بخش `a` و `b`، نوع تابعی که در این مرحله نیاز است یک جور است. در هر دو قرار است جمع مقادیر حساب شود. پس این تابع خروجی تابع `group_by` را دریافت کرده و برای هر کلید، مقادیر را جمع می‌کند.

در نهایت برای بخش `a`، این مقادیر را برای هر دسته‌بندی برمی‌گرداند. برای بخش `b` هم با توجه به مقدار بدست آمده، کاربر را سورت کرده و ۱۰ کاربر اول از نظر میزان خرج را برمی‌گرداند. اسکرین شات مربوط به خروجی این مراحل بالاتر قرار داده شده بود.

**(d)** تابع `map` برای رعایت و افزایش `efficiency`، روی یک ورودی در هر زمان عمل می‌کند، فیلدهای لازم را استخراج کرده و آنها را به یک فرمت مناسب برای پردازش بیشتر نگاشت می‌کند. این تابع با عدم بارگیری کل مجموعه داده به یکباره در حافظه، به بهره‌وری حافظه اطمینان می‌دهد. تابع `group_by` برای بهینه‌سازی استفاده از حافظه، داده‌های گروه‌بندی شده را در یک دیکشنری ذخیره می‌کند. و در نهایت تابع `reduce` بدون هیچ پیچیدگی خاصی به طور بهینه مقادیر نهایی را محاسبه می‌کند. رویکردهای پیش گرفته شده باعث کاهش استفاده ناپایدار از حافظه شده و از حجم محاسبات غیرضروری هم جلوگیری می‌کند.

- بخش ۱-۲:

(عنوان فایل کد مربوط به این بخش q1-2 است.)

(a) خروجی مربوطه:

```
Top 10 users:
1. User ID: 909087, Number of actions: 9
2. User ID: 917845, Number of actions: 8
3. User ID: 852131, Number of actions: 8
4. User ID: 819422, Number of actions: 8
5. User ID: 787417, Number of actions: 8
6. User ID: 749904, Number of actions: 8
7. User ID: 741832, Number of actions: 8
8. User ID: 627332, Number of actions: 8
9. User ID: 435727, Number of actions: 8
10. User ID: 403101, Number of actions: 8
```

یکی از نکاتی که در این سوال وجود داشت، این بود که برخی کاربرها تعداد actionهای یکسانی داشتند. با توجه به این که محدودیتی از این نظر در صورت سوال قرار داده نشده بود، این طور تعریف کردم که وقتی این حالت پیش آمد، کاربر با آیدی بزرگتر اول قرار بگیرد. پس با توجه به نوع سورت شدن و محدودیت‌هایی که می‌توان تعریف کرد، آیدی یوزرهایی که از شماره ۲ تا ۱۰ گزارش شده می‌تواند بین افراد متفاوت باشد. همچنین در این سوال کل بازه زمانی برای محاسبه‌ی فعالترین کاربر در نظر گرفته شده.

(b) این سوال بسیار شبیه به بخش قبلی است. ابتدا از تابع map استفاده می‌کنیم و به ازای هر entry، یک دو تایی از user\_id و action تشکیل می‌دهیم. با توجه به این که صورت سوال تغییر کرد و بنا بر این شد که فعالترین کاربر از جهت تعداد like, share, comment گزارش شود، در مرحله group\_by یوزر آیدی‌ها به عنوان کلید و اکشن‌های صورت گرفته به عنوان مقادیر آن کلید قرار داده می‌شوند. در نهایت در تابع reduce، تعداد اکشن‌ها شمرده و برای هر کاربر برگردانده می‌شود. این تنها تفاوت در تابع reduce این بخش و بخش قبلی است که در اینجا تعداد اکشن‌ها و در سوال قبل جمع مقادیر مهم بود.

(c) در بخش b تا حدودی این موارد توضیح داده شد. در این بخش اسکرین‌شات خروجی map و group\_by را هم برای بخشی از دیتا قرار می‌دهم.

خروجی map:

```
Data after Map Function:
[('963962', 'share'), ('558390', 'post'), ('192442', 'comment'), ('792113', 'like'), ('507769', 'comment'), ('566401', 'like'), ('203339', 'share'), ('422252', 'comment'), ('593306', 'post'), ('335538', 'share')]
```

## خروجی group\_by

```
Data after Group-By Function:
dict_items([('963962', ['share']), ('558390', ['post', 'comment', 'share', 'comment']),
e]), ('203339', ['share', 'share']), ('422252', ['comment', 'post']), ('593306', ['post
'like']), ('951379', ['comment']), ('211513', ['comment']), ('39293', ['share', 'post'])
821', ['share', 'post', 'comment']), ('471538', ['comment', 'post', 'share', 'like']), (
ost', 'post']), ('50059', ['comment', 'comment']), ('492855', ['like', 'share']), ('8737
9343', ['post']), ('385081', ['post', 'comment', 'like']), ('336907', ['post', 'like', '])
```

(d) مهمترین مساله‌ای که باید در چنین سوالی مدنظر قرار بگیرد، همانا حجم زیاد دیتا است. انتخاب روش MapReduce برای یافتن پاسخ این سوال و بررسی دیتاست، خود یکی از موثرترین پیش‌بینی‌ها برای رویارویی با آن است. در این مراحل، bottleneck ما تابع group\_by است. پس باید سعی کنیم تا حد امکان این تابع را ساده پیاده کرده و از هر پیچیدگی جلوگیری کنیم. مثلاً یکی از کارهایی که صورت گرفته، انجام این مرحله تنها با یک iteration است تا از حجم محاسبات اضافه و پیچیده جلوگیری شود.

در این سوال یکی از چالش‌های مهم مربوط به دیتاست داده شده بود که حتی باعث شد صورت سوال تغییر کند. در ابتدا خواسته شده بود که تاثیرگذارترین کاربر گزارش شود و این طور تعیین شده بود که منظور از تاثیرگذارترین، تعداد تعاملاتی است که پست آنها دریافت می‌کند. در حالی که در دیتاستی که در اختیار ما قرار گرفت، بنظر می‌رسد منظور از post\_id، پستی است که هر کاربر روی آن اکشن خود (لایک، کامنت یا شیر) را اعمال کرده، نه پستی که خودش آپلود کرده است. از طرف دیگر ممکن است تصور شود وقتی در دیتاست entry شبیه به مورد زیر وجود دارد، منظور این است که پست شماره ۱۱۲۱ را کاربر ۱۸۷۳۴۸ آپلود کرده و در تاریخ بیاز شده، یک عملیات share روی آن صورت گرفته.

(187348,1121,share,2022-10-24 23:58:17)

پس اطلاعات درون این دیتاست واضح و مشخص نیست. چیزی که باعث می‌شود فرض اول درست‌تر بنظر برسد، این است که دیده می‌شود آیدی بعضی پست‌ها در بیش از دو entry وجود دارد. این در حالی می‌تواند درست باشد که آیدی پست، پستی که روی آن اکشن صورت گرفته را نشان دهد (یعنی نمی‌دانیم چه کسی آن را آپلود کرده).

سوال ۲



(a)

basket ID	Items	pairs with their count (support)	item	count (support)
1	1,2,3,5	{{(1,2):4}, {(1,3):4}, {(1,5):8}, {(2,3):7}, {(2,5):2}, {(3,5):3}}	1	10
2	1,2,3	{{(1,2):4}, {(1,3):4}, {(2,3):7}}	2	8
3	2,3	{{(2,3):7}}	3	9
4	1,5	{{(1,5):8}}	4	6
5	1,2,3	{{(1,2):4}, {(1,3):4}, {(2,3):7}}	5	9
6	1,3,5	{{(1,3):4}, {(1,5):8}, {(3,5):3}}		
7	1,2,5	{{(1,2):4}, {(1,5):8}, {(2,5):2}}		
8	1,5	{{(1,5):8}}		
9	2,3	{{(2,3):7}}		
10	1,5	{{(1,5):8}}		
11	2,3	{{(2,3):7}}		
12	1,5	{{(1,5):8}}		
13	3,5	{{(2,3):7}}		
14	2,3	{{(2,3):7}}		
15	1,5	{{(1,5):8}}		

جدول item و count در حقیقت به pass 1 و جدول دیگر به pass 2 مربوط هستند. در pass 1، همان طور که دیده می شود ساپورت 4 از 7 کمتر است، پس تنها این item حذف می شود. در pass 2 باید بررسی کنیم که این مقدار نسبت به threshold که مقدارش 7 است چگونه است. با انجام این کار می فهمیم کدام جفت ها را باید نگه داریم. طبق جدول تنها دو جفت (2,3) و (1,5) فرکانس کمتر از ۷ ندارند.

(b) با توجه به آنچه در بخش قبل توضیح داده شد، hash شدن به bucket ها را تنها برای دو جفت گفته شده باید انجام دهیم.

$$(i * j) \bmod 7$$

$$(2,3): (2 * 3) \bmod 7 = 6 \bmod 7 = 6$$

$$(1,5): (1 * 5) \bmod 7 = 5 \bmod 7 = 5$$

بنابراین  $(2,3)$  به bucket شماره 6 و  $(1,5)$  به bucket شماره 5، hash می‌شوند.

(c)

دو جفت  $(2,3)$  و  $(1,5)$

bit vector	bucket no.	count	pair	candidate set
1	6	7	(2,3)	(2,3)
1	5	8	(1,5)	(1,5)

- بخش ۲-۲:

به طور قطعی می‌توان گفت که شرط‌ها برای a, c, d برقرار است.

$$1 \text{ A, B, C} \rightarrow \text{D, E, F, G, H} \quad \text{conf} = \text{support (A B C D E F G H)} / \text{support (A B C)}$$

$$2 \text{ A, B, C, D, E} \rightarrow \text{H} \quad \text{conf} = \text{support (A B C D E H)} / \text{support (A B C D E)}$$

$$a) \text{ A, B, C, D} \rightarrow \text{E, G, H} \quad \text{conf} = \text{support (A B C D E G H)} / \text{support (A B C D)}$$

سایپورت صورت a از سایپورت ۱ بزرگتر یا مساوی است. سایپورت مخرج a از مخرج ۱ کمتر است (محدودیت بیشتری دارد پس سایپورتش یا کمتر است یا مساوی است) پس شرط اول برقرار است.  
سایپورت صورت از سایپورت صورت ۲ کمتر یا مساوی است. همچنین سایپورت مخرج از سایپورت مخرج ۲ بیشتر یا مساوی است. پس در کل conf a از conf 2 کمتر بوده و این شرط هم برقرار است.

$$b) \text{ C, D, E} \rightarrow \text{A, B, G, H} \quad \text{conf} = \text{support (A B C D E G H)} / \text{support (C D E)}$$

سایپورت صورت b با سایپورت صورت ۱ مساوی است. ولی درمورد مقایسه‌ی مخرج این دو، نمی‌توان چیزی گفت پس لزوماً شرط گفته شده برقرار نیست.

$$c) \text{ A, B, C, D, E} \rightarrow \text{G, H} \quad \text{conf} = \text{support (A B C D E G H)} / \text{support (A B C D E)}$$

سایپورت صورت c از سایپورت ۱ بزرگتر یا مساوی است. سایپورت مخرج c از مخرج ۱ کمتر است (محدودیت بیشتری دارد پس سایپورتش یا کمتر است یا مساوی است). در کل کسر c بزرگتر بوده و شرط اول برقرار است.  
سایپورت صورت c از سایپورت صورت ۲ کمتر یا مساوی است. همچنین سایپورت مخرج از سایپورت مخرج ۲ بیشتر یا مساوی است. پس در کل conf c از conf 2 کمتر بوده و این شرط هم برقرار است.

$$d) \text{ A, B, C, E} \rightarrow \text{D, G, H} \quad \text{conf} = \text{support (A B C D E G H)} / \text{support (A B C E)}$$

سایپورت صورت d از سایپورت ۱ بزرگتر یا مساوی است. سایپورت مخرج d از مخرج ۱ کمتر است (محدودیت بیشتری دارد پس سایپورتش یا کمتر است یا مساوی است). در کل کسر d بزرگتر بوده و شرط اول برقرار است.  
سایپورت صورت d از سایپورت صورت ۲ کمتر یا مساوی است. همچنین سایپورت مخرج از سایپورت مخرج ۲ بیشتر یا مساوی است. پس در کل conf d از conf 2 کمتر بوده و این شرط هم برقرار است.

$$e) \text{ A, B, C} \rightarrow \text{F} \quad \text{conf} = \text{support (A B C F)} / \text{support (A B C)}$$

سایپورت مخرج e با سایپورت مخرج ۱ برابر است. سایپورت صورت آذهم از سایپورت صورت ۱ بزرگتر یا مساوی است، پس شرط اول برقرار است.

سایپورت مخرج e از سایپورت مخرج ۲ بزرگتر یا مساوی است ولی درمورد صورت آنها نمی‌توان مقایسه‌ای انجام داد و شرط ۲ لزوماً برقرار نخواهد بود.

- بخش ۳-۲:

(عنوان فایل کد مربوط به این بخش q2 است.)

توضیح روند کلی کد:

پس از خواندن دیتا (توابع `read_data` و `preprocess_data`)، اولین مرحله پیدا کردن آیت‌های پرتکرار است. برای این کار باید تعداد هر آیت را در مجموعه داده‌ها پیدا کنیم (`generate_candidate_itemsets`). سپس ساپورت هر کدام را با ترشولد داده شده (۲۰۰) مقایسه می‌کنیم و آیت‌های پرتکرار را بدست می‌آوریم (تابع `generate_frequent_itemsets`). در نهایت برای نمایش در خروجی، آن‌ها را سورت کرده و ۱۰ تای اول را پرینت می‌کنیم. برای تشکیل جفت‌های پرتکرار باید از آیت‌های پرتکرار استفاده کنیم. پس آن‌ها را به عنوان ورودی به تابع `generate_pairs` می‌دهیم. سپس بررسی می‌کنیم که آیا این جفت در هیچ تراکنشی وجود دارد یا نه. اگر وجود داشت، یکی به تعداد تکرارهای آن اضافه می‌کنیم. در نهایت با ترشولد ۱۰۰ مقایسه کرده و برای نمایش در خروجی، تنها ۱۰ تای اول را از لیست جفت‌های پرتکرار نمایش می‌دهیم (تابع `generate_frequent_pairs`). برای ساخت سه‌تایی‌های پرتکرار هم شبیه به مرحله قبل عمل کرده و از جفت‌های پرتکرار بدست آمده استفاده می‌کنیم. تابع `generate_triples`، تمام سه‌تایی‌ها را می‌سازد و در تابع `generate_frequent_triples`، ساپورت آن‌ها را محاسبه و با ترشولد ۷۵ مقایسه می‌کنیم.

برای محاسبه‌ی `confidence` از قواعد گفته شده، از این فرمول استفاده می‌کنیم:

(تابع `confidence_based_top_rules`)

$$\text{confidence}(A, B \rightarrow C) = \text{support}(A \ B \ C) / \text{support}(A \ B)$$

برای محاسبه‌ی `interest` می‌توانیم از روش‌هایی استفاده کنیم ولی در اینجا از فرمولی که در اسلایدها هم داشتیم استفاده شده. این فرمول به این صورت است:

(تابع `interest_based_top_rules`)

$$\text{interest}(A, B \rightarrow C) = \text{conf}(A, B \rightarrow C) - \text{transactions with } c / \text{total transactions}$$

درمورد `lift` در بخش مربوطه توضیح داده خواهد شد.

خروجی های مربوط به هر بخش:

(a)

```
10 most frequent items:  
{'mineral water'}: 1788  
{'eggs'}: 1348  
{'spaghetti'}: 1306  
{'french fries'}: 1282  
{'chocolate'}: 1229  
{'green tea'}: 991  
{'milk'}: 972  
{'ground beef'}: 737  
{'frozen vegetables'}: 715  
{'pancakes'}: 713
```

(b)

```
10 most frequent pairs of items:  
{'spaghetti', 'mineral water'}: 448  
{'chocolate', 'mineral water'}: 395  
{'mineral water', 'eggs'}: 382  
{'mineral water', 'milk'}: 360  
{'ground beef', 'mineral water'}: 307  
{'spaghetti', 'chocolate'}: 294  
{'spaghetti', 'ground beef'}: 294  
{'spaghetti', 'eggs'}: 274  
{'french fries', 'eggs'}: 273  
{'frozen vegetables', 'mineral water'}: 268
```

(c)

```
10 most frequent pairs of items:  
{'spaghetti', 'mineral water'}: 448  
{'chocolate', 'mineral water'}: 395  
{'mineral water', 'eggs'}: 382  
{'mineral water', 'milk'}: 360  
{'ground beef', 'mineral water'}: 307  
{'spaghetti', 'chocolate'}: 294  
{'spaghetti', 'ground beef'}: 294  
{'spaghetti', 'eggs'}: 274  
{'french fries', 'eggs'}: 273  
{'frozen vegetables', 'mineral water'}: 268
```

(d)

```
Top 5 association rules based on confidence:
('spaghetti', 'milk') -> mineral water: 0.44360902255639095
('chocolate', 'milk') -> mineral water: 0.43568464730290457
('spaghetti', 'ground beef') -> mineral water: 0.43537414965986393
('frozen vegetables', 'spaghetti') -> mineral water: 0.430622009569378
('milk', 'eggs') -> mineral water: 0.424242424242425
```

(e)

```
Top 5 association rules based on interest:
('ground beef', 'mineral water') -> spaghetti: 0.24282799209833913
('spaghetti', 'milk') -> mineral water: 0.20524080498540043
('mineral water', 'olive oil') -> spaghetti: 0.19787055767765585
('chocolate', 'milk') -> mineral water: 0.19731642973191404
('spaghetti', 'ground beef') -> mineral water: 0.1970059320888734
```

(f) معیار Lift برای اندازه‌گیری قوت یا اهمیت یک قاعده انجمنی مورد استفاده قرار می‌گیرد. علاوه بر این، Lift میزان وابستگی بین دو آیتم را نسبت به وقوع یکدیگر می‌سنجد.  
به طور کلی این قاعده به این صورت تعریف می‌شود:

$$\text{lift}(A \rightarrow b) = \frac{\text{support}(A \cup B)}{(\text{support}(A) * \text{support}(B))}$$

(معنی صورت، تراکنش‌هایی است که هم A و هم B را دارد.)

اگر این قاعده دارای lift یک باشد، به طور ضمنی دلالت بر این دارد که احتمال پیش‌آمد مقدم و نتیجه از یکدیگر مستقل هستند. هنگامی که دو رویداد مستقل از هم هستند، هیچ قاعده‌ای را نمی‌توان با این دو رویداد ایجاد کرد. اگر lift بزرگ‌تر از یک باشد، باعث می‌شود بدانیم درجه کدام دو پیش‌آمد وابسته به دیگری است و این قواعد را به طور بالقوه برای پیش‌بینی نتیجه در مجموعه داده آینده مورد استفاده قرار دهیم. اگر lift کمتر از یک باشد، یعنی اقلام جایگزین یکدیگر هستند. این بدین معناست که حضور یک آیتم تاثیر منفی بر حضور آیتم دیگر دارد و بالعکس. پس به طور کلی با استفاده از معیار lift، می‌توانیم قواعد انجمنی را بر اساس اهمیت و وابستگی آنها به یکدیگر ارزیابی کرده و قواعد مهم‌تر و معنادارتر را شناسایی کنیم.

(g)

```
Top 5 association rules based on lift:
('spaghetti', 'mineral water') -> ground beef: 0.0003876720294630742
('spaghetti', 'mineral water') -> olive oil: 0.0003479251012145749
('milk', 'mineral water') -> frozen vegetables: 0.00032245532245532246
('ground beef', 'mineral water') -> spaghetti: 0.00031924817055833515
('frozen vegetables', 'mineral water') -> milk: 0.0003186229347091702
```

سوال ۳



(عنوان فایل کد مربوط به این بخش q3 است.)

من در کد این فایل، برای نمونه خروجی برخی توابع از فایل سعدی و رومی استفاده کردم که در کد کامنت شده‌اند. (به طور کلی، برای بررسی توابع بخش a, b, c ابتدا از فایل سعدی و رومی استفاده کردم تا دیتاست کمی سبک‌تر باشد و درستی توابع بررسی شوند.)

(a)

در این بخش، ابتدا توسط تابع `read_file`، فایل‌های مربوط به هر شاعر را می‌خوانیم. در تابع `preprocess_data`، علاوه بر توکنایز کردن هر `entry` در فایل (که ما هر `entry` را معاداً یک خط یا همان مصرع در نظر می‌گیریم و طبق آن جلو می‌رویم)، با استفاده از توابع موجود در کتابخانه‌ی `hazm`، برخی عملیات‌های `normalization, stemming, removing stopwords` و چنین مواردی را انجام می‌دهیم. این عمل باعث افزایش دقت و بهبود نتیجه می‌شود. بین مصرع هر فایل هم عملیات `shuffling` هم انجام می‌دهیم. همچنین دیتا باید به نسبت ۸:۲ تقسیم شده تا برای `train` و `test` مورد استفاده قرار گیرد. این فرآیند در تابع `split_data` انجام می‌شود. در این جا مثالی از خروجی این بخش می‌بینیم (این خروجی‌ها برای یکی از مصرع‌ها در فایل رومی و سعدی هستند).

```
saadi:
Original line: سل الجوعان كيف الخبز وحده
Tokens: ['سل', 'الجوع', 'كيف', 'الخبز', 'وحده']

rumi:
Original line: جام از ساقی ربود و انداخت شکست
Tokens: ['جام', 'ساقی', 'ربود', 'انداخت', 'شکست']
```

یکی از چالش‌هایی که در این بخش وجود داشت این بود که با این که اعمال این پیش‌پردازش‌ها به نتیجه‌ی نهایی کمک می‌کند و باعث می‌شود دقت بیشتری بگیریم، ولی زمان پردازش را زیاد می‌کند و در چنین پروژه‌ای که با کلان داده‌ها سر و کار داریم، این مساله کامل مشهود است.

(b)

با پیاده‌سازی الگوریتم‌های گفته شده، در بخش‌های قبل‌تر هم آشنا شده‌ایم. چیزی که در اینجا مهم است انتخاب مینیمم ساپورت‌ها و همچنین این مساله است که ست‌های پرتکرارمان چندتایی باشند. مسلماً هر چقدر تعداد و تنوع آنها بیشتر باشد، نتیجه بهتری خواهیم گرفت ولی از آن طرف زمان و حجم حافظه بیشتری هم گرفته می‌شود. پس در اینجا یک `trade off` داریم و باید ببینیم چطور عمل کنیم. تابع `apriori_and_support` طوری نوشته شده که تمام فریکوئنس ست‌هایی که از توکن‌های هر خط ممکن است بدست بیاید را محاسبه می‌تواند

محاسبه کند. (مثلا اگر یک خط شامل ۵ توکن «سل، الجوع، کیف، الخبز، وحده» است، از آدمی توان آیت‌های تک، جفت، سه‌تایی، چهارتایی و پنج‌تایی بسازیم و این تابع می‌تواند تمام آنها را حساب کند، خودمان تعیین می‌کنیم که تا ست‌های چندتایی را محاسبه کند. این تابع علاوه بر ست‌های پرتکرار، ساپورت یا count هر کدام را هم برمی‌گرداند. (از تابع prune\_infrequent درون این تابع استفاده شده تا ست‌های غیرپرتکرار حذف شوند).

یکی از ورودی‌های این تابع، min support است که همانطور که اشاره کردیم، خودمان باید با ایده‌هایی این مقدار را تعیین کنیم. مسلما یکی از کارها این است که مقادیری را امتحان کرده و با آن خروجی‌ها را بررسی کنیم و ببینیم چه دقتی می‌گیریم. برای این که تخمین اولیه برای این کار کمی منطقی‌تر بوده و خیلی دور از ذهن نباشد، تصمیم گرفتیم برای هر دسته از ست‌ها (مثلا برای ست‌های تکی)، ساپورت آنها را پرینت کرده و مقادیر را ببینیم. می‌توانیم از ماکس یا مین هم استفاده کنیم تا ببینیم اعداد در چه بازه‌ای قرار دارند. همچنین تعداد تکرار هر عدد ساپورت که موجود است را هم می‌توانیم پرینت و مشاهده کنیم. من از میانگین هم استفاده کردم. همه‌ی این‌ها باعث می‌شود بتوانیم در ابتدای کار تخمین منطقی‌تری برای میزان min support داشته باشیم و در ادامه با مشاهده‌ی نتایج، دقتی که می‌گیریم و همچنین با توجه به میزان زمان و حجم حافظه، تصمیمات بهتری اخذ کنیم و این مقدار را آپدیت کنیم. توابعی مانند average\_support و count\_word\_occurences در همین راستا تعریف شده‌اند. برای افزایش دقت، برای هر ست چندتایی، ساپورت متناسب با آن و برای هر شاعر هم متناسب با خودش این مقدار را تعریف می‌کنیم. اسکرین‌شات زیر برخی نتایج عددی بیان شده را برای فایل مربوط به سعدی نشان می‌دهد:

این موارد مربوط به تک‌آیتم‌های پرتکرار است. همانطور که دیده می‌شود تعداد کلماتی که ساپورتش از ۸ بیشتر است، حدود ۱۶ درصد از کل کلمات این فایل است. بنظر می‌رسد این مقدار همچنان زیاد باشد. چواین درصد تنها برای یک دسته از آیتم‌های پرتکرار یک شاعر است! می‌توانیم یک درصد (مثلا ۵ درصد از کل را برای هر دسته از آیتم‌های پرتکرار هر شاعر در نظر بگیریم و طبق آن ساپورت را تعیین کنیم. می‌توانیم تعداد تکرار هر ساپورت را در نظر بگیریم و طبق آن از ساپورت را تعیین کنیم. یعنی مثلا اگر برای تک‌آیتم‌های فریکوینت فایلی این مقادیر را داشته باشیم:

[illegible][illegible]



در نهایت توسط تابع `save_rules_to_files`، قواعد بدست آمده برای هر شاعر را در فایل با نام خودش سیو می‌کنیم.

در اینجا بخش `training` به پایان می‌رسد.

(d)

حالا نوبت کار با داده‌های تست است. این داده‌ها در ابتدای کار از ۲۰ درصد کل دیتا جدا شده بود و حالا نوبت به کارگیری آنهاست. در استفاده از قوانین برای بررسی نتیجه و بدست آوردن دقت، می‌توانیم به قاعده‌ها با سمت چپ بزرگتر وزن بیشتری دهیم و با توجه به آنها و درصدی که برای هر شاعر بدست می‌آید، نتیجه نهایی را برای هر مصرع اعلام کنیم.