

## Travaux dirigés N°1

### Exercice 1

On considère la méthode d'accès ALOHA. Les trames sont générées suivant le processus de Poisson.

On définit les paramètres suivants :

- T: durée de trame (temps moyen nécessaire à la transmission d'une trame, taille moyenne / débit) ;
- $\lambda$  : le nombre moyen de trames produites par secondes par l'ensemble des noeuds.
- s : le nombre moyen de trames émises sans collision ;

On pose :

- $g = \lambda$
- $S = s.T$  (débit utile normalisé)
- $G = g.T$  (charge offerte normalisée)

La probabilité d'émettre k trames pendant une durée T (notée  $P_k(T)$ ) est donc :

$$P_k(T) = \frac{(gT)^k}{k!} e^{-gT}$$

- 1) Quelle est la condition pour qu'une trame soit émise avec succès à un instant t ? Déduire la probabilité de succès  $P_{\text{succès}}$ .
- 2) Déterminer la probabilité de succès  $P_{\text{succès}}$  en fonction de s et g.
- 3) Déterminer S en fonction de G.
- 4) Dans le cas de l'Aloha Slotté, que devient l'expression de S en fonction de G.
- 5) Tracer S en fonction de G.

### Exercice 2

On considère un réseau local utilisant la méthode d'accès aléatoire CSMA où chaque station dispose toujours d'un message à transmettre. Lorsqu'une station détecte que le support est libre, elle transmet une trame avec une probabilité P. La probabilité qu'une seule station, à la fois, émette une trame est donc :

$$P_u = N \cdot P \cdot (1-P)^{N-1}$$

On suppose qu'il y a toujours au moins une station qui émet.

On définit les paramètres suivants :

- C = capacité de transmission du support,
- D = délai de propagation d'un signal sur le support de transmission,
- L = longueur d'une trame (supposée toujours constante),
- N = nombre de stations dans le réseau,
- U = utilisation du réseau.

On pose :  $F = D \cdot C / L$

Une unité de temps est égale à la tranche canal ( $2 \cdot D = 1$ ). Une collision est traitée en une tranche canal.

- 1) Montrer que la valeur  $1/N$  de la probabilité P réduit le nombre de collisions ? Cette Valeur sera choisie dans ce qui suit.
- 2) Que représente F ?
- 3) Déterminer le temps d'injection en fonction de F.
- 4) Déterminer le temps moyen de collisions successives.
- 5) En ne considérant que les temps nécessaires pour l'injection d'une trame et la propagation d'un signal, déterminer l'utilisation U en fonction de F et N.

Déduire la valeur de U quand N tend vers l'infini (sachant que lorsque N tend vers l'infini  $(1 - (1/N))^{N-1}$  tend vers  $(1/e)$ ). Que peut on conclure ?

- 6) Pour  $F=0.1$  et  $F=2$  tracer l'allure de la courbe U en fonction de N.
- 7) Pour  $N=2$  et  $N=10$  tracer l'allure de la courbe U en fonction de F.

### **Exercice 3**

On considère un réseau local Token-Ring où chaque station dispose toujours d'un message à transmettre. L'émetteur d'une trame libère le jeton dès que le premier bit de la trame lui revient et une fois qu'il a fini de transmettre la trame courante. Le temps d'injection du jeton est supposé nul.

On définit les paramètres suivants :

- $C$  = capacité de transmission du support (débit de transmission),
- $D$  = délai de propagation d'un signal sur le support de transmission,
- $L$  = longueur d'une trame (supposée toujours constante),
- $N$  = nombre de stations sur le réseau,
- $U$  = utilisation du réseau.

On pose :  $F = D \cdot C / L$

On note que le temps de propagation du jeton d'une station vers la suivante est égal à  $D/N$ .

1) Que représente  $F$  ?

2) Une unité de temps est choisie égale à  $L/C$  ( $L/C=1$ ). En ne considérant que les temps nécessaires pour l'injection d'une trame et la propagation d'un signal, déterminer l'utilisation  $U$  en fonction de  $F$  et  $N$ , dans chacun des deux cas suivants :  $F < 1$  et  $F > 1$

On remarque que l'utilisation  $U$  correspond ici au rapport entre le temps utile pour l'injection d'une trame et le temps total pour émettre une trame et passer le jeton à la station suivante.

Comment varie  $U$  par rapport à  $N$  ? Déduire la valeur de  $U$  quand  $N$  tend vers l'infini. Que peut-on conclure ?

3) Pour  $F=0.1$  et  $F=2$  tracer l'allure de la courbe  $U$  en fonction de  $N$ .

4) Pour  $N=2$  et  $N=10$  tracer l'allure de la courbe  $U$  en fonction de  $F$ .

5) Comparer ces courbes avec ceux de l'exercice précédent.