Katedra za računarstvo i informatiku

Šifra predmeta: R265 28.03.2023.

Uvod u interaktivno dokazivanje teorema

Vežbe 6

Zadatak 1 Svojstva funkcija

Pokazati da je slika unije, unija pojedinačnih slika.

Savet: Razmotriti teoreme image-def i vimage-def.

lemma *image-union*:

```
shows f'(A \cup B) = f'A \cup f'B
```

Neka je funkcija f injektivna. Pokazati da je slika preseka, presek pojedinačnih slika. Savet: Razmotriti teoremu inj-def.

lemma image-inter:

```
assumes inj f
shows f \cdot (A \cap B) = f \cdot A \cap f \cdot B
```

Savet: Razmotriti teoremu surj-def i surjD.

lemma *surj-image-vimage*:

```
assumes surj f
shows f \cdot (f - B) = B
```

Pokazati da je kompozicija injektivna ako su pojedinačne funkcije injektivne.

Savet: Razmotrite teoremu inj-eq.

```
lemma comp-inj:
assumes inj\ f
and inj\ g
shows inj\ (f\circ g)
lemma
```

assumes inj fshows $x \in A \longleftrightarrow f x \in f$ ' A

 $\mathbf{lemma} \ inj\text{-}vimage\text{-}image\text{:}$

```
assumes inj f
shows f - (f \cdot A) = A
```

Kompozicija je surjekcija ako su pojedinačne funkcije surjekcije.

lemma comp-surj:

```
assumes surj\ f

and surj\ g

shows surj\ (f\circ g)

lemma vimage\text{-}compl:

shows f-`(-B)=-(f-`B)
```