Šifra predmeta: R265 28.02.2023.

Uvod u interaktivno dokazivanje teorema Vežbe 2

Zadatak 1 Zapisivanje logičkih formula (nastavak)

- (a) Zapisati sledeće rečenice u logici prvog reda i dokazati njihovu ispravnost.
- (a.1) Ako "šta leti to ima krila i lagano je" i "šta pliva, to nema krila", onda "šta pliva, to ne leti"
- (a.2) Ako postoji cipela koja u svakom trenutku odgovara svakoj nozi, onda za svaku nogu postoji cipela koja joj u nekom trenutku odgovara i za svaku nogu postoji trenutak takav da postoji cipela koja joj u tom trenutku odgovara.
- (b) Pokazati da je rečenica P logička posledica rečenica P1, P2, P3.

(b.1)

P: Andrija voli da pleše.

P1: Svako ko je srećan voli da peva.

P2: Svako ko voli da peva, voli da pleše.

P3: Andrija je srećan.

(b.2)

P: Svako dete voli da se igra.

P1: Svaki dečak voli da se igra.

P2: Svaka devojčica voli da se igra.

P3: Dete je dečak ili je devojčica.

- (c) Na jeziku logike prvog reda zapisati sledeće rečenice i dokazati da su skupa nezadovoljive.
- Svaka dva brata imaju zajedničkog roditelja.
- Roditelj je stariji od deteta.
- Postoje braća.
- Nijedna osoba nije starija od druge.

Zadatak 2 Siloqizmi

Barbara (AAA-1)

All men are mortal. (MaP)

All Greeks are men. (SaM)

— All Greeks are mortal. (SaP)

lemma Barbara: Celarent (EAE-1) Similar: Cesare (EAE-2) No reptiles have fur. (MeP) All snakes are reptiles. (SaM) — No snakes have fur. (SeP) lemma Celarent: Ferioque (EIO-1) No homework is fun. (MeP) Some reading is homework. (SiM) — Some reading is not fun. (SoP) lemma Ferioque: Bocardo (OAO-3) Some cats are not pets. (MoP) All cats are mammals. (MaS) — Some mammals are not pets. (SoP) lemma Bocardo: Barbari (AAI-1) All men are mortal. (MaP) All Greeks are men. (SaM) — Some Greeks are mortal. (SiP) lemma Barbari: Celaront (EAO-1) No reptiles have fur. (MeP) All snakes are reptiles. (SaM) — Some snakes have no fur. (SoP) lemma Celaront: Camestros (AEO-2) All horses have hooves. (PaM) No humans have hooves. (SeM) — Some humans are not horses. (SoP) lemma Camestros:

Felapton (EAO-3)

No flowers are animals. (MeP)

All flowers are plants. (MaS)

— Some plants are not animals. (SoP)

lemma Felapton:

Zadatak 3 Raymond M. Smullyan: Logical Labyrinths

Edgar Aberkrombi je bio antropolog koji se interesovao za logiku i socijologiju laganja i govorenja istine. Jednog dana je odlučio da poseti ostrvo vitezova i podanika. Stanovnike ovog ostrva delimo na one koji uvek govore istinu *vitezove* i one koji uvek govore laži *podanike*. Dodatno, na ostrvu žive samo vitezovi i podanici. Aberkrombi susreće stanovnike i želi da prepozna ko je od njih vitez, a ko je podatnik.

1. Svaka osoba će odgovoriti potvrdno na pitanje: Da li si ti vitez?

lemma no-one-admit-knaves:

1.1 Aberkombi je razgovarao sa tri stanovnika ostrva, označimo ih sa A, B i C. Pitao je stanovnika A: "Da li si ti vitez ili podanik?" A je odgovorio ali nerazgovetno pa je Aberkombi pitao stanovnika B: "Šta je A rekao?" B je odgovorio: "Rekao je da je on podanik." Tada se uključila i osoba C i rekla: "Ne veruj mu, on laže!" Da li je osoba C vitez ili podanik?

lemma Smullyan-1-1:

1.2 Aberkombi je pitao stanovnika A koliko među njima trojicom ima podanika. A je opet odgovorio nerazgovetno, tako da je Aberkombi pitao stanovnika B šta je A rekao. B je rekao da je A rekao da su tačno dvojica podanici. Ponovo je stanovnik C tvrdio da B laže. Da li je u ovoj situaciji moguće odrediti da li je C vitez ili podanik?

lemma Smullyan-1-2:

1.3 Da li se zaključak prethodnog tvrđenja menja ako B promeni svoj odgovor i kaže da je A rekao da su tačno dva od njih vitezovi?

lemma Smullyan-1-3: