

## Лабораторная работа №3

### Модель боевых действий

Вишняков А.

9 апреля 2024

#### Информация

##### Докладчик

- Вишняков Александр
- студент группы НКНбд-01-21
- Факультет физико-математических и естественных наук
- Российский университет дружбы народов
- <<https://github.com/sanchess02>>

#### Вводная часть

##### Объект и предмет исследования

- Модель боевых действий
- Язык программирования Julia
- Система моделирования Openmodelica

##### Цели и задачи

- Построить графики изменения численности войск армии X и армии Y для определенных случаев

#### Содержание лабораторной работы

##### Постановка задачи

Между страной X и страной Y идет война. Численность состава войск исчисляется от начала войны, и являются временными функциями  $x(t)$  и  $y(t)$ . В начальный момент времени страна X имеет армию численностью 50 000 человек, а в распоряжении страны Y армия численностью в 69 000 человек. Для упрощения модели считаем, что коэффициенты  $a$ ,  $b$ ,  $c$ ,  $h$  постоянны. Также считаем  $P(t)$  и  $Q(t)$  непрерывные функции. Постройте графики изменения численности войск армии X и армии Y для следующих случаев:

1. Модель боевых действий между регулярными войсками  
 $dx/dt = -0,34x(t)-0,72y(t)+\sin(t+10)$   $dy/dt = -0,89x(t)-0,43y(t)+\cos(t+20)$

2. Модель ведение боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов  $dx/dt = -0,12x(t)-0,51y(t)+\sin(20t)$

### Решение задачи.

В первом случае численность регулярных войск определяется тремя факторами:

скорость уменьшения численности войск из-за причин, не связанных с боевыми действиями (болезни, травмы, дезертирство);

скорость потерь, обусловленных боевыми действиями противоборствующих сторон (что связано с качеством стратегии, уровнем вооружения, профессионализмом солдат и т.п.);

скорость поступления подкрепления (задаётся некоторой функцией от времени).

В этом случае модель боевых действий между регулярными войсками описывается следующим образом:

$$dx/dt = -a(t)x(t)-b(t)y(t)+P(t)$$

$$dy/dt = -c(t)x(t)-h(t)y(t)+Q(t)$$

Потери, не связанные с боевыми действиями, описывают члены  $-a(t)x(t)$  и  $-h(t)y(t)$ , члены  $-b(t)y(t)$  и  $-c(t)x(t)$  отражают потери на поле боя.

Коэффициенты  $b(t)$  и  $c(t)$  указывают на эффективность боевых действий со стороны  $y$  и  $x$  соответственно,  $a(t)$ ,  $h(t)$  - величины, характеризующие степень влияния различных факторов на потери. Функции  $P(t)$ ,  $Q(t)$  учитывают возможность подхода подкрепления к войскам  $X$  и  $Y$  в течение одного дня.

Во втором случае в борьбу добавляются партизанские отряды. Нерегулярные войска в отличии от постоянной армии менее уязвимы, так как действуют скрытно, в этом случае сопернику приходится действовать неизбирательно, по площадям, занимаемым партизанами. Поэтому считается, что тем потерь партизан, проводящих свои операции в разных местах на некоторой известной территории, пропорционален не только численности армейских соединений, но и численности самих партизан. В результате модель принимает вид (в этой системе все величины имеют тот же смысл):

$$dx/dt = -a(t)x(t)-b(t)y(t)+P(t)$$

$$dy/dt = -c(t)x(t)y(t)-h(t)y(t)+Q(t)$$

### Решение программными средствами.

#### 1 случай на *OpenModelica*

model lab3

parameter Real a=0.34 ;// Константа, характеризующая степень влияния различных факторов на потери

parameter Real b=0.72; // Эффективность боевых действий для армии y

parameter Real c=0.89; // Эффективность боевых действий для армии x

parameter Real h=0.43; // Константа, характеризующая степень влияния различных факторов на потери

Real x;

Real y;

initial equation

x=50000; // Численность армии в X

y=69000; // Численность армии в Y

equation

der(x)= -a\*x - b\*y + sin(10\*time); // Возможность подхода подкрепления к войскам X

der(y)= -c\*x - h\*y + cos(20\*time); // Возможность подхода подкрепления к войскам Y

end lab3;

2 случай на *OpenModelica*

model lab3

parameter Real a=0.12;

parameter Real b=0.51;

parameter Real c=0.3;

parameter Real h=0.61;

Real x;

Real y;

initial equation

x=50000;

y=69000;

equation

der(x)= -a\*x - b\*y + sin(20\*time);

der(y)= -c\*x - h\*y + cos(13\*time);

end lab3;

Оба случая на *Julia*

using Plots  
using DifferentialEquations

x0 = 50000

y0 = 69000

t0 = 0

tmax = 0.001

a=0.37;

b= 0.72;

c=0.89;

h=0.43;

a2=0.12;

b2= 0.51;

c2=0.3;

h2=0.61;

function P(t)

return sin(10\*t)

end

function Q(t)

return cos(20\*t)

end

function P2(t)

return sin(20\*t)

end

function Q2(t)

return cos(13\*t)

end

function syst(dy, y, p, t)

dy[1] = -a\*y[1] - b\*y[2] + P(t)

dy[2] = -c\*y[1] - h\*y[2] + Q(t)

end

function syst2(dy, y, p, t)

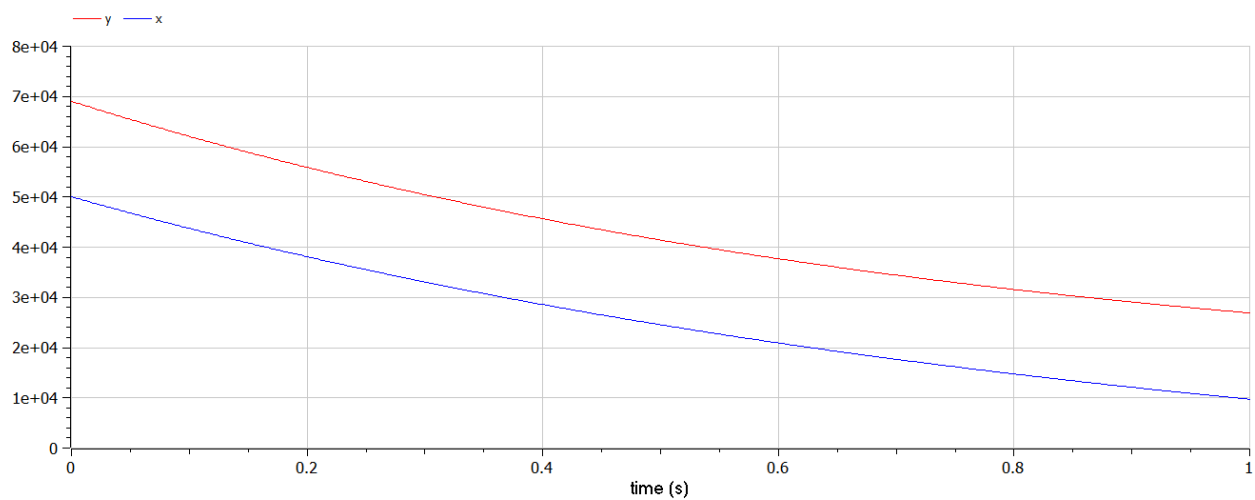
dy[1] = -a2\*y[1] - b2\*y[2] + P2(t)

dy[2] = -c2\*y[1]\*y[2] - h2\*y[2] + Q2(t)

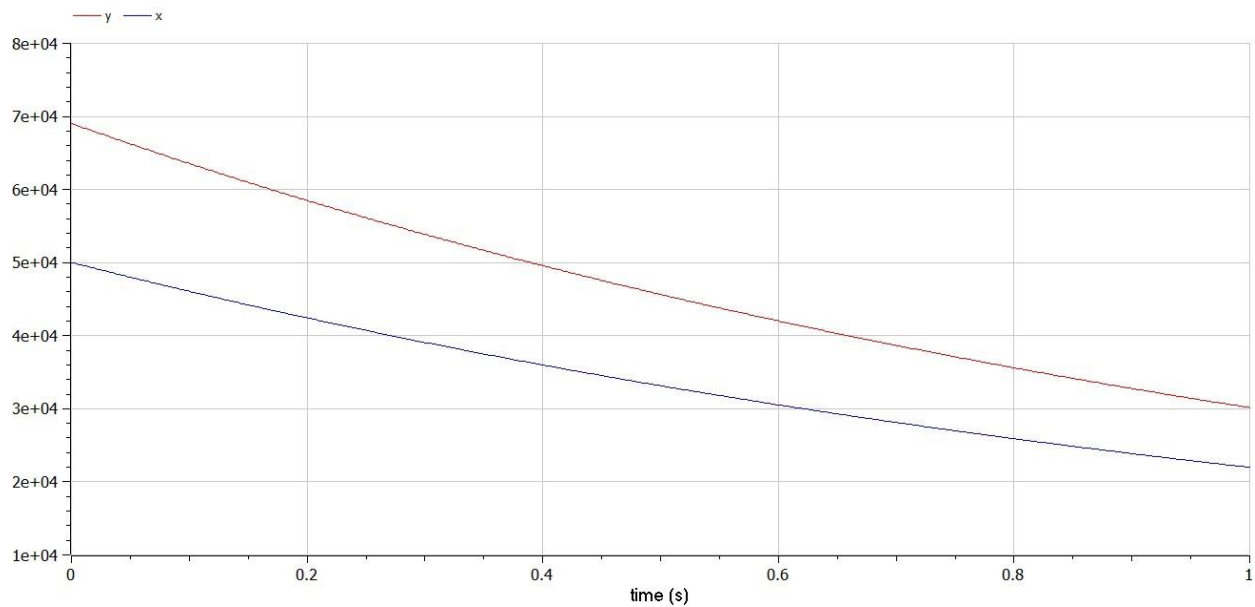
```
end
u0 = [x0; y0]
tspan = (t0, tmax)
t = collect(LinRange(0, 1, 100))
prob = ODEProblem(syst, u0, tspan)
sol = solve(prob, saveat=t)
prob2 = ODEProblem(syst2, u0, tspan)
sol2 = solve(prob2, saveat=t)
plot(sol)
plot(sol2)
```

## Результаты

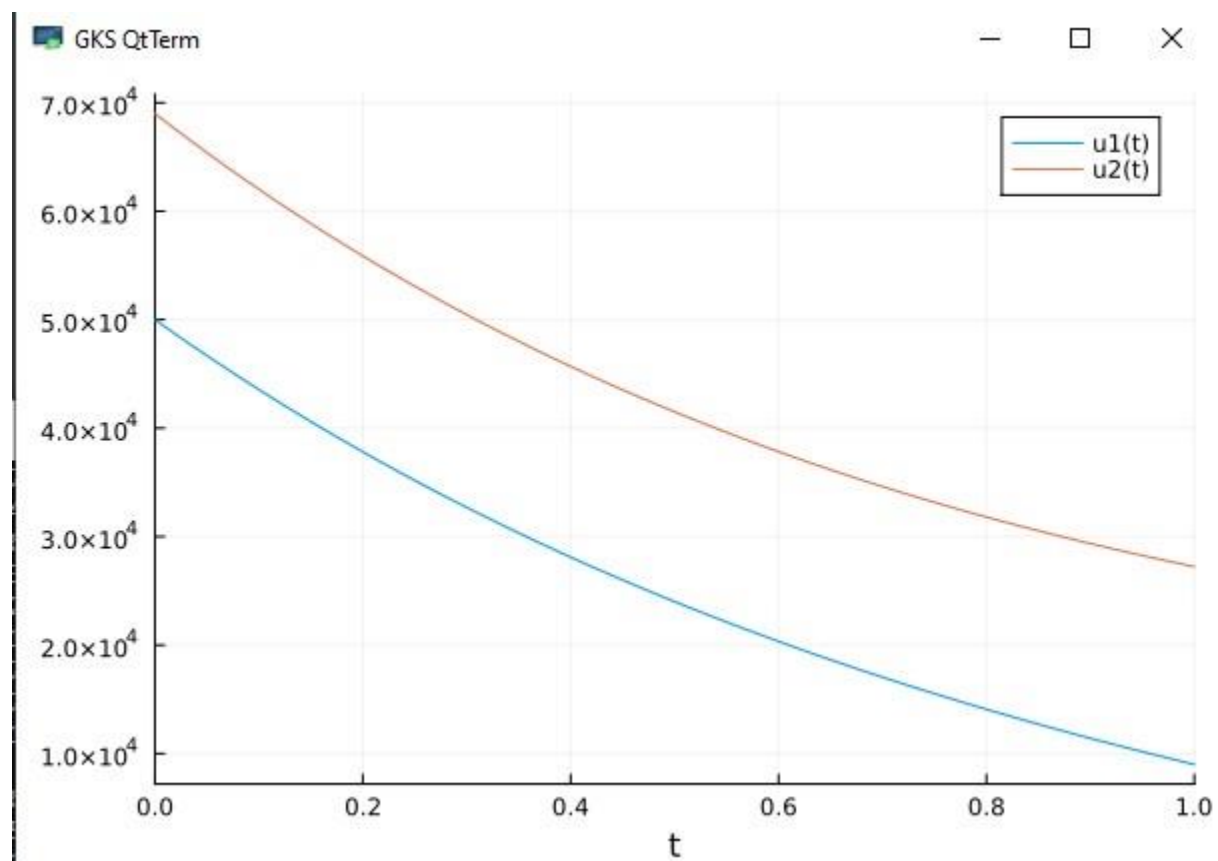
Получили график для первого случая на OpenModelica (рис 3.1):



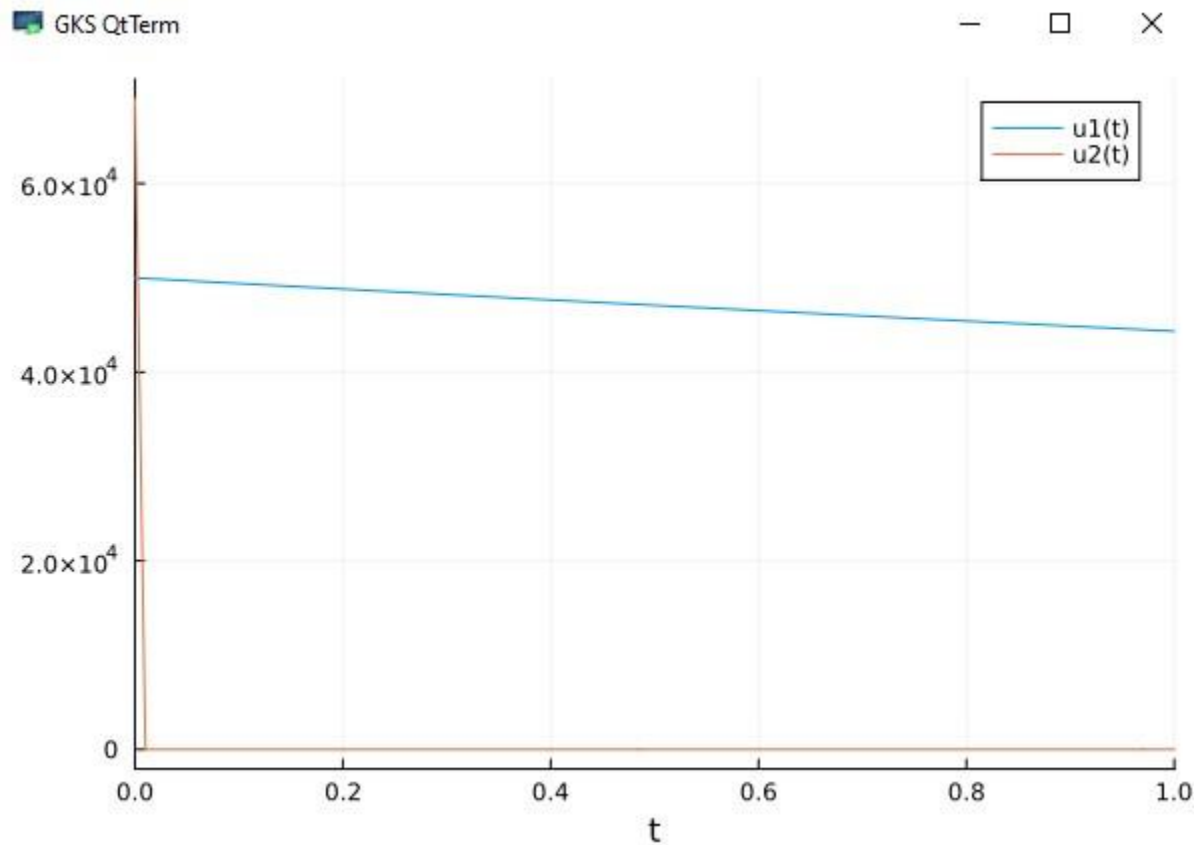
Получили график для второго случая на OpenModelica (рис 3.2):



Получили график для первого случая на Julia (рис 3.3):



Получили график для второго случая на Julia (рис 3.4):



## Вывод

- Научились составлять системы дифференциальных уравнений изменения численностей армий
- Научились строить графики для модели Ланчестера