Конспекты по Теории Категорий

Лектор – Павел Гилев 23 октября 2021 г.

Содержание

1 Лекция

Категорией С

- 1. "Коллекция" объектов Obj(C)
- 2. "Коллекция" морфизмов / стрелочек Mor(C) / Arr(C)

$$f(X) = X$$

- 3. (a) $\forall x \in Obj(C) \exists f \in Arr(C): f: X \to X$ $(f,X) = X \text{ или } id_x$
 - (b) $\forall f: X \to Y; g: Y \to Z$ $f, g \in Arr(C)$ $x, y, z \in Obj(C)$ $\exists ! h: X \to Z, h \in Arr(C)$ $h = g \circ f$ $\exists h!: X \to Z, h' \in Arr(C)$ $h' = g \circ f$ запрещено
 - (c) $\forall a, b, c \in Arr(C)$ $(a \circ b) \circ c = a \circ (b \circ c)$

$$\forall f: X \to Y \\ id_x: X \to X$$

$$id_y: Y \to Y$$

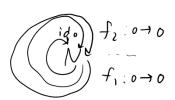
$$f \circ id_x = id_y \circ f = f$$

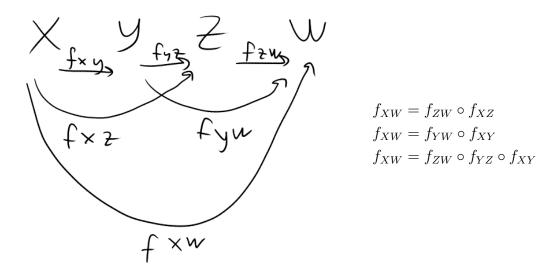
Примеры Категорий:

- 1. Пустая категория
- 2. id_1 $id_1 \circ id_1 = id_1$
- 3.



4.





Определение 1. *Топосы – множества + адекватное равенство + свободные структуры*Свободные структуры – всегда имеем понятие о том, как построен объект