INSTITUTO FEDERAL SUL DE MINAS - MACHADO MG SISTEMAS DA INFORMAÇÃO ESTRUTURA DE DADOS II

ALEX SOARES ANDRÉ LIMA SANDER PIVA

- Origem:
- Donald Knuth (Cientista computacional)
- Definição:
- Árvore B<sup>+</sup>: uma variação da Árvore B.
- Árvores B: árvore busca balanceada: Armazenamento:
  - disco, dispositivos de acesso direto

#### Características:

- Nós internos: Páginas Índices
  Armazenam <u>apenas</u> chaves/índices
- Nós externos: Folhas: Páginas Dados
  Armazenam dados
  Lista encadeada simples (ordenada)

Armazenamento: Disco: índices e dados separados

#### Utilização

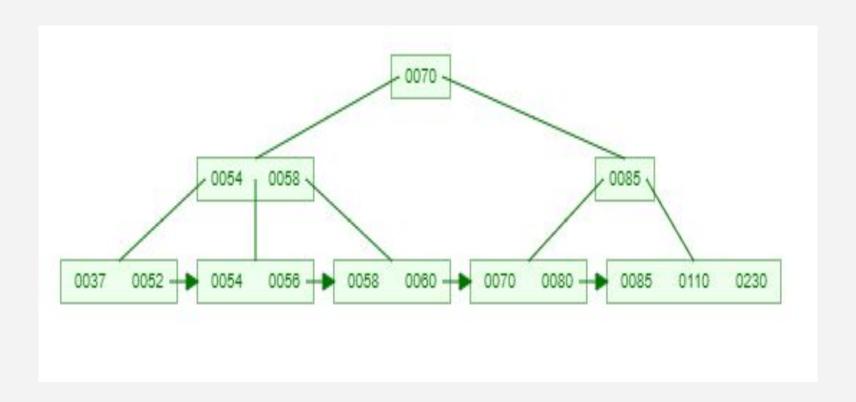
 SGBD: IBM DB2, Informix, Microsoft SQL Server, Oracle, Sybase ASE, PostgreSQL, Firebird, MariaDB e SQLite

Sistemas de arquivo: NTFS, ReiserFS
 Para Indexação

#### Vantagens

- Mantém a eficiência da busca e da inserção da árvore B;
- Aumenta a eficiência da localização do próximo registro na árvore de O(log<sub>2</sub>N) para O(1);
- Não é necessário manter nenhum ponteiro de registro em nós não-folha.

EXEMPLO: ORDEM 4: 1<= N°ELEMENTOS <=3



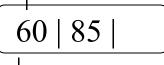
- Inserção
  - Ocorre sempre em um nó folha.
  - Passos:
    - Localizar a folha dentro da qual a chave deve ser inserida;
    - Localizar a posição de inserção dentro da folha;
    - Inserir a chave;
    - Se, após a inserção, a folha estiver completa, realizar a cisão da página ou split.

Inserção: ordem M = 4: (1<= nº elementos <=3)</p>

Inserir chave 85

85 | |

Inserir chave 60



Inserir chave 52

Inserir chave 70 -> Realizar cisão

- Inserção -> Cisão de Página
  - As chaves do nó de dados serão divididas em dois grupos:
    - as chaves menores ficam na folha esquerda;
    - · as chaves maiores ficam na folha direita;
    - a maior chave do meio sobe para o nó interno (Ex.: Ordem m = 4)

Seguindo temos:

**SIMULADOR** 

Inserir valores 85, 60, 52, 70, 95, 110

#### Pesquisa

- Semelhante à pesquisa em árvore B;
- A pesquisa sempre leva a uma página folha;
- A pesquisa não para se a chave procurada for encontrada em uma página índice.

**SIMULADOR** 

Do exemplo anterior,

buscar: chave 60

- Remoção de uma chave X
  - Caso 1: A chave X aparece apenas em um nó folha: remove chave e reorganiza a folha

- Caso 2: A chave X aparece nó folha e nó interno
- Caso 3: Especiais: Requer Tratamentos:
  Concatenação/Redistribuição

Demonstrando um caso de remoção

Remoção de uma chave X

 Caso 1: A chave X aparece apenas em um nó folha: remove chave e reorganiza a folha

**SIMULADOR** 

Do exemplo anterior, remover chave 52

CÓDIGO RODANDO

#### Referências

B+ tree Visualization. Disponível em <a href="https://www.cs.usfca.edu/~galles/visualization/BPlusTree.html">https://www.cs.usfca.edu/~galles/visualization/BPlusTree.html</a>. Acesso em 21 nov 2022

BUENO, Márcio.Professor Márcio Bueno. Árvore B +. Disponível em

<a href="https://marciobueno.com/arquivos/ensino/ed2/ED2\_03\_Arvore\_B.pdf">https://marciobueno.com/arquivos/ensino/ed2/ED2\_03\_Arvore\_B.pdf</a>. Acesso em 14 nov. 2022

CORMEN, Tomas. Algoritmos Teoria e Prática. 3ª Edição. Árvores B. Paginas, 352, 355, 357, 358.