INSTITUTO FEDERAL SUL DE MINAS - MACHADO MG SISTEMAS DA INFORMAÇÃO ESTRUTURA DE DADOS II

ALEX SOARES ANDRÉ LIMA SANDER PIVA

- Origem:
 - Donald Knuth (Cientista computacional)
- Definição:
- A árvore B⁺: uma variação da estrutura básica da árvore B.

Características:

- Nós internos: Páginas Índices
 Armazenam <u>apenas</u> chaves/índices
- Nós externos: Folhas: Páginas Dados
 Armazenam dados
 Lista encadeada simples (ordenada)

Utilização

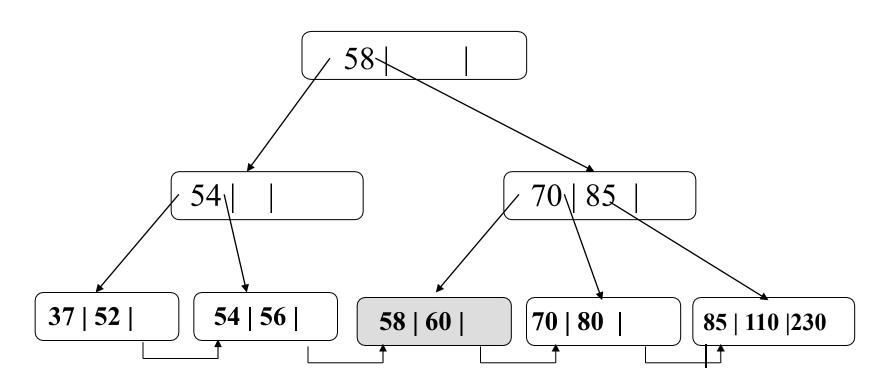
 SGBD: IBM DB2, Informix, Microsoft SQL Server, Oracle, Sybase ASE, PostgreSQL, Firebird, MariaDB e SQLite

Sistemas de arquivo: NTFS, ReiserFS
 Para Indexação

Vantagens

- Mantém a eficiência da busca e da inserção da árvore B;
- Aumenta a eficiência da localização do próximo registro na árvore de O(log₂N) para O(1);
- Não é necessário manter nenhum ponteiro de registro em nós não-folha.

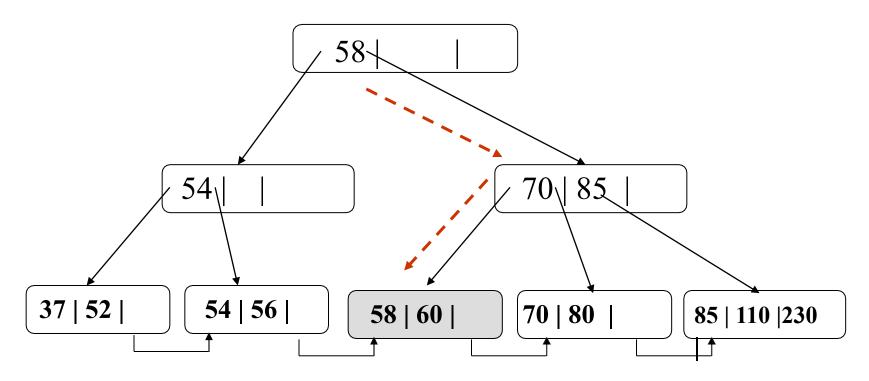
Exemplo



Pesquisa

- Semelhante à pesquisa em árvore B;
- A pesquisa sempre leva a uma página folha;
- A pesquisa não para se a chave procurada for encontrada em uma página índice.

- Pesquisa (Exemplo)
 - Procurar chave 60



- Inserção
 - Ocorre sempre em um nó folha.
 - Passos:
 - Localizar a folha dentro da qual a chave deve ser inserida;
 - Localizar a posição de inserção dentro da folha;
 - Inserir a chave;
 - Se, após a inserção, a folha estiver completa, realizar a cisão da página ou split.

Inserção: ordem M = 4: (1<= nº elementos <=3)</p>

Inserir chave 85

85 | |

Inserir chave 60



Inserir chave 52

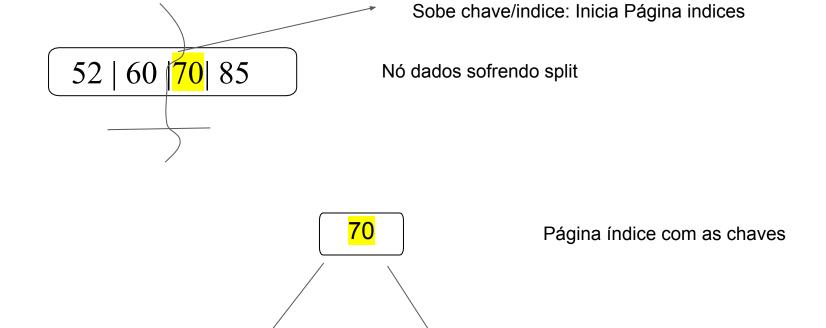
Inserir chave 70 -> Realizar cisão

- Inserção -> Cisão de Página
 - As chaves do nó de dados serão divididas em dois grupos:
 - as chaves menores ficam na folha esquerda;
 - as chaves maiores ficam na folha direita;
 - A maior chave do meio sobe para o nó interno (Ex.: Ordem m = 4)

Seguindo temos:

52

60



NA PÁGINA DE DADOS TEM QUE MANTER O DADO: SOBE O ÍNDICE (CÓPIA) PARA PÁGINA ÍNDICE

85

Página dados

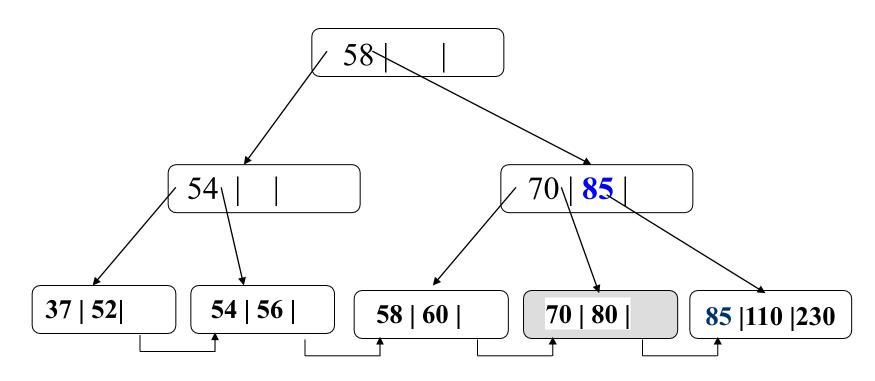
- Remoção de uma chave X
 - Caso 1: A chave X aparece apenas em um nó folha: remove chave e reorganiza a folha

- Caso 2: A chave X aparece nó folha e nó interno
- Caso 3: Especiais: Requer Tratamentos:
 Concatenação/Redistribuição

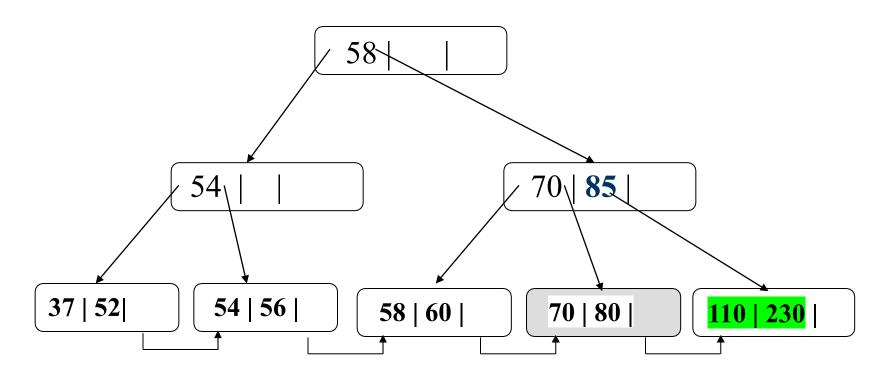
Demonstrando um caso de remoção

- Remoção de uma chave X
 - Caso 2: A chave X aparece também em nós internos (índice)
 - A chave X é removida;
 - A folha é reorganizada;
 - A chave X não é removida dos nós internos.

Remover chave 85



Após remoção chave 85



CÓDIGO RODANDO

Referências

BUENO, Márcio.Professor Márcio Bueno. Árvore B +. Disponível em

https://marciobueno.com/arquivos/ensino/ed2/ED2_03_Arvore_B.pdf. Acesso em 14 nov. 2022

CORMEN, Tomas. Algoritmos Teoria e Prática. 3ª Edição.