



**KAUNO TECHNOLOGIJOS UNIVERSITETAS**  
**INFORMATIKOS FAKULTETAS**  
**COMPUTER DEPARTMENT**

**Skaitinių metodų ir algoritmų 3-a projektinė užduotis**

---

**Darbą atliko:**

IFF 6/8 grupės  
studentas  
Tadas Laurinaitis

**Darbą vertino:**

Lekt. Dalia Čalnerytė

## Užduotys

### I užduotis. Interpoliavimas daugianariu.

*1 lentelėje* duota interpoliuojamos funkcijos analitinė išraiška. Pateikite interpoliacinės funkcijos išraišką naudodami *1 lentelėje* nurodytas bazines funkcijas, kai:

- Taškai pasiskirstę tolygiai.
- Taškai apskaičiuojami naudojant Čiobyševo absceses.

Interpoliavimo taškų skaičių parinkite laisvai, bet jis turėtų neviršyti 30. Pateikite du grafikus, kai interpoliacinės funkcijos apskaičiuojamos naudojant skirtingas absceses ir gautas interpoliuojančių funkcijų išraiškas. Tame pačiame grafike vaizduokite duotąją funkciją, interpoliacinę funkciją ir netiktį.

### II užduotis. Interpoliavimas daugianariu ir splainu per duotus taškus

Pagal *2 lentelėje* pateiktą šalį ir metus, sudaryti interpoliuojančią kreivę 12 mėnesių temperatūroms atvaizduoti nurodytais metodais:

- Daugianariu, sudarytu naudojant *1 lentelėje* nurodytas bazines funkcijas.
- 2 lentelėje* nurodyto tipo splainu.

### III užduotis. Parametrinis interpoliavimas.

Naudodami **parametrinio** interpoliavimo metodą *2 lentelėje* nurodytu splainu suformuokite *2 lentelėje* nurodytos šalies kontūrą. Pateikite pradinius duomenis ir rezultatus, gautus naudojant 10, 20, 50, 100 interpoliavimo taškų.

### IV užduotis. Aproximavimas

Pagal *2 lentelėje* nurodytą šalį ir metus mažiausių kvadratų metodu sudarykite aproksimuojančią kreivę 12 mėnesių temperatūroms atvaizduoti naudojant **antros, trečios, ketvirtos ir penktos** eilės daugianarius. Pateikite gautas daugianarių išraiškas.

Pav. #1 Užduočių sąrašas

30	$\frac{\ln(x)}{(\sin(2 \cdot x) + 1,5)} - \cos\left(\frac{x}{5}\right); 2 \leq x \leq 10$		Niutono
30	Kamerūnas	1999	Ermito (Akima)
24.4692	1999	1	CMR
26.1946	1999	2	CMR
27.7291	1999	3	CMR
26.7083	1999	4	CMR
25.3865	1999	5	CMR
24.4072	1999	6	CMR
23.3871	1999	7	CMR
22.9818	1999	8	CMR
23.555	1999	9	CMR
23.8082	1999	10	CMR
24.7706	1999	11	CMR
25.1817	1999	12	CMR

Pav. #2 Užduočių variantų sąrašas

## Užduočių sprendimai:

Spręstas variantas: 30 (užduočių funkcijos bei metodai kuriais jas spręsti matomos Pav. #2)

Niutono metodo realizacija, daryta pagal Moodle sistemoje įkeltame pdf'e esantį Matlab kodą:

```
private double Newton(double[] X, double[] a, int n, double x)
{
    double rez = 0;
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        double temp = 1;
        for (int j = 0; j < i; j++)
        {
            temp = temp * (x - X[j]);
        }
        rez += a[i] * temp;
    }
    return rez;
}
```

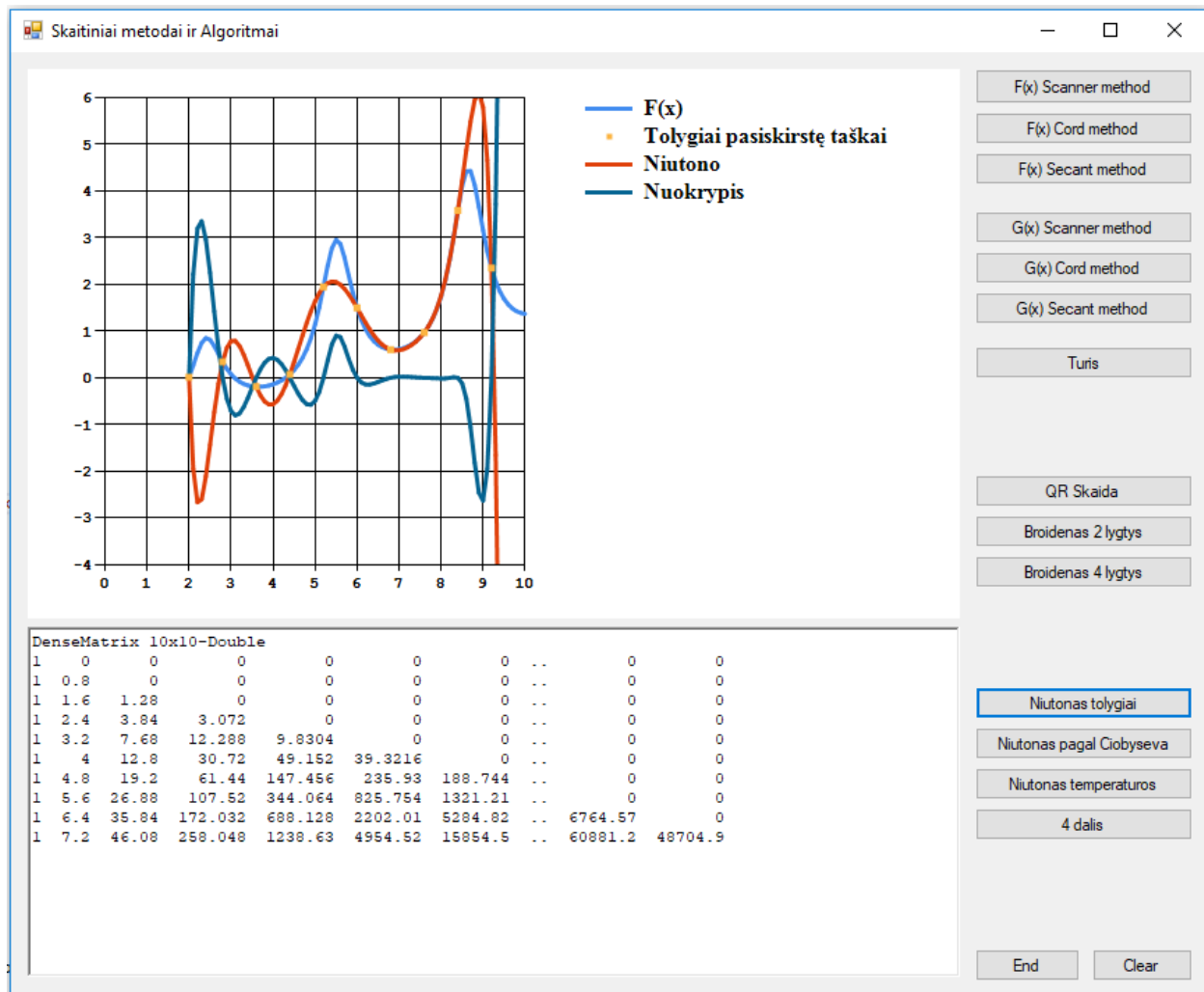
```
private double[] GetA(double[] X, double[] Y, int N)
{
    double[,] m = new double[N, N];
    double[] a = new double[N];
    for (int i = 0; i < N; i++)
    {
        m[i, 0] = 1;
    }
    for (int i = 1; i < N; i++)
    {
        for (int j = 1; j <= i; j++)
        {
            m[i, j] = m[i, j - 1] * (X[i] - X[j - 1]);
        }
    }
    a[0] = Y[0];
    for (int i = 1; i < N; i++)
    {
        double temp = 0;
        for (int j = 0; j <= i; j++)
        {
            temp += m[i, j];
        }
        a[i] = Y[i] / temp;
    }
    Matrix<double> M = DenseMatrix.Build.Dense(N, N);
    for (int i = 0; i < N; i++)
    {
        for (int j = 0; j < N; j++)
        {
            M[i, j] = m[i, j];
        }
    }
    richTextBox1.AppendText("M = " + M);
    Matrix<double> YY = DenseMatrix.Build.Dense(N, 1);
    for (int i = 0; i < N; i++) { YY[i, 0] = Y[i]; }
}
```

```

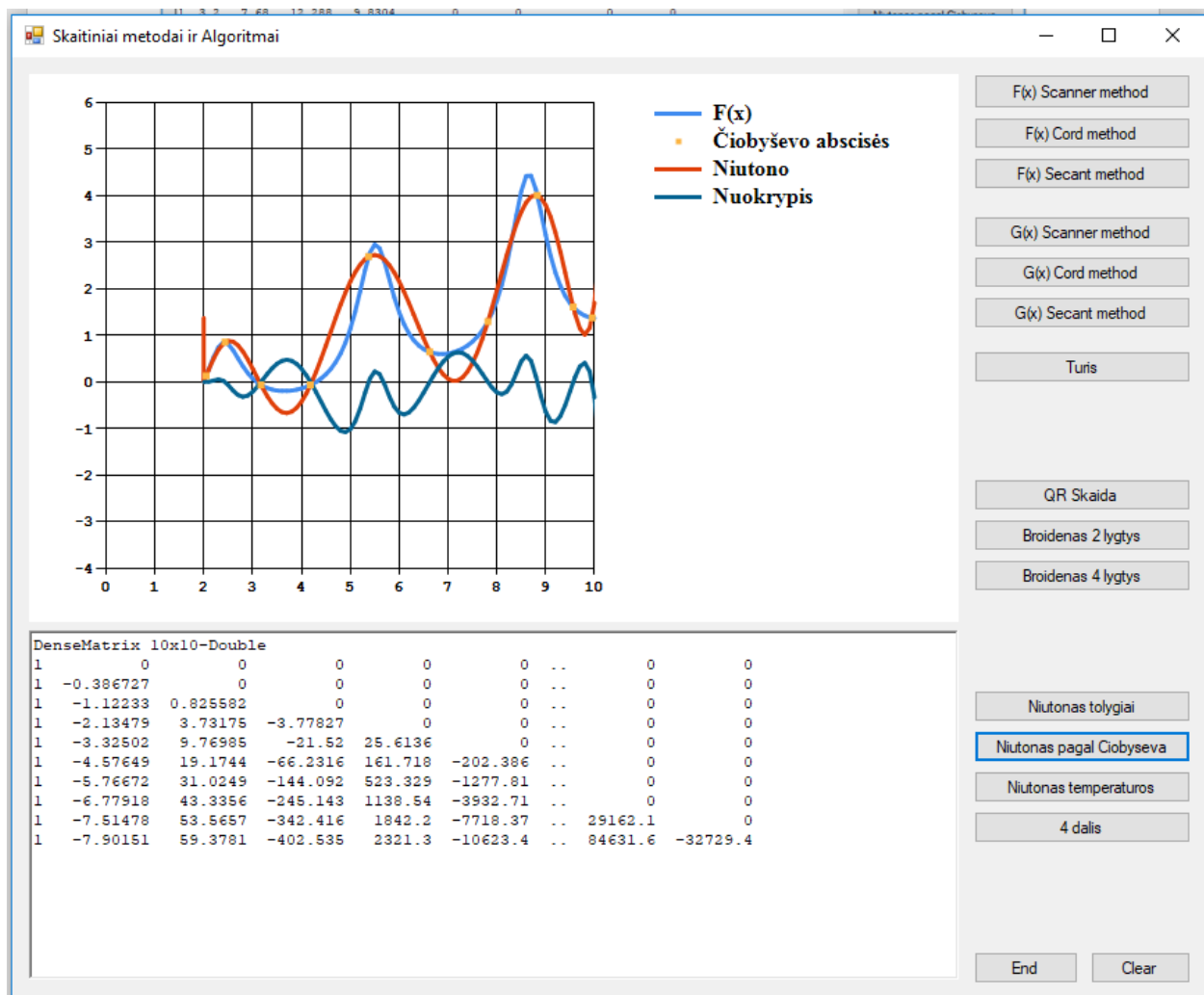
Vector<double> YYY = YY.Column(0);
Vector<double> A = (M.Inverse() * YYY);
for (int i = 0; i < N; i++) {
    a[i] = A[i];
}
return a;
}

double[] chyobysev = new double[N];
double[] Y = new double[N];
for (int i = 0; i < N; i++)
{
    chyobysev[i] = ((double)(xmax - xmin) / 2) * Math.Cos(Math.PI * ((double)(2 * i +
1)) / ((double)(2 * N))) + ((double)(xmax + xmin) / 2);
    Y[i] = Func(chyobysev[i]);
    task.Points.AddXY(chyobysev[i], Func(chyobysev[i]));
}

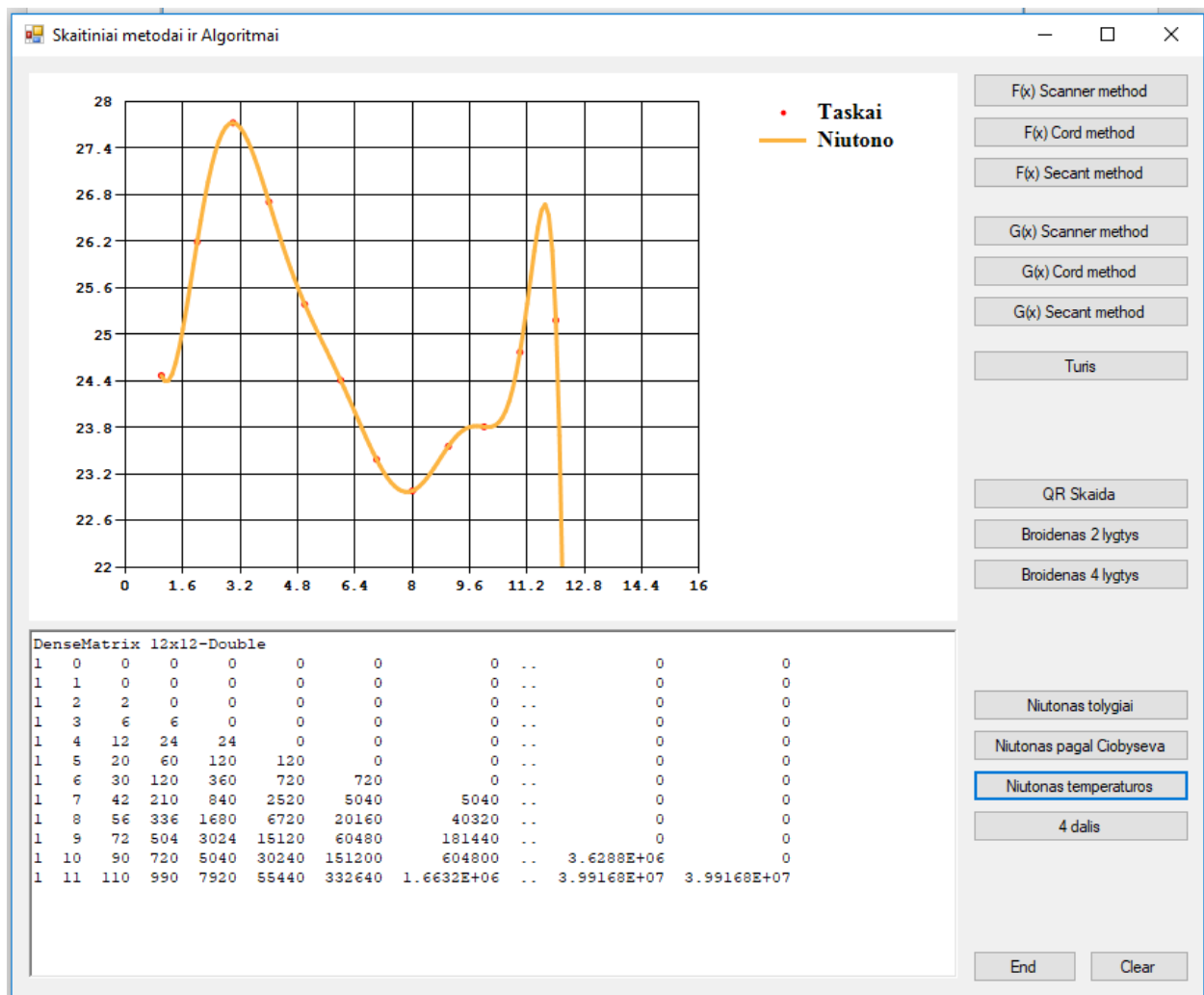
```



Pav. #3 1 Užduoties A dalis – Interpoliacinės funkcijos išraiška naudojant Niutono bazinį metodą bei tolygiai pasiskirsčiusius taškus



Pav. #4 1 Užduoties B dalis – Interpoliacinės funkcijos išraiška naudojant Niutono bazinį metodą bei taškus sudėtus pagal Čiobyševo abscises.



Pav. #5 2 Užduties B dalis – Sudaryta interpoliuojanti temperatūrų kreivė naudojantis pirmos dalies daugianariu sudarytu pagal Niutono bazinį metodą.

4-oje dalyje naudojamo mažiausių kvadratų metodo realizacija, padaryta pagal Moodle esančio pdf'o Matlab kodą:

```
double[] mkm(int n, double[] x, double[] y)
{
    int m = x.Length;
    double[,] pa = new double[m, 2 * n + 1];
    double[,] pxy = new double[m, n + 1];
    double[] xk = new double[m];
    for (int i = 0; i < m; i++)
    {
        xk[i] = 1;
    }
    for (int j = 0; j < 2 * n + 1; j++)
    {
        for (int i = 0; i < m; i++)
        {
            pa[i, j] = xk[i];
        }
        if (j < n + 1)
        {
            for (int i = 0; i < m; i++)
            {
                pxy[i, j] = xk[i] * y[i];
            }
        }
        for (int i = 0; i < m; i++)
        {
            xk[i] = xk[i] * x[i];
        }
    }
    double[] s = new double[2 * n + 1];
    for (int i = 0; i < 2 * n + 1; i++)
    {
        double temp = 0;
        for (int j = 0; j < m; j++)
        {
            temp += pa[j, i];
        }
        s[i] = temp;
    }
    double[] b = new double[n + 1];
    for (int i = 0; i < n + 1; i++)
    {
        double temp = 0;
        for (int j = 0; j < m; j++)
        {
            temp += pxy[j, i];
        }
        b[i] = temp;
    }
    double[,] c = new double[n + 1, n + 1];
    for (int i = 0; i < n + 1; i++)
    {
        for (int j = 0; j < n + 1; j++)
        {
            c[i, j] = s[i + j];
        }
    }
}
```

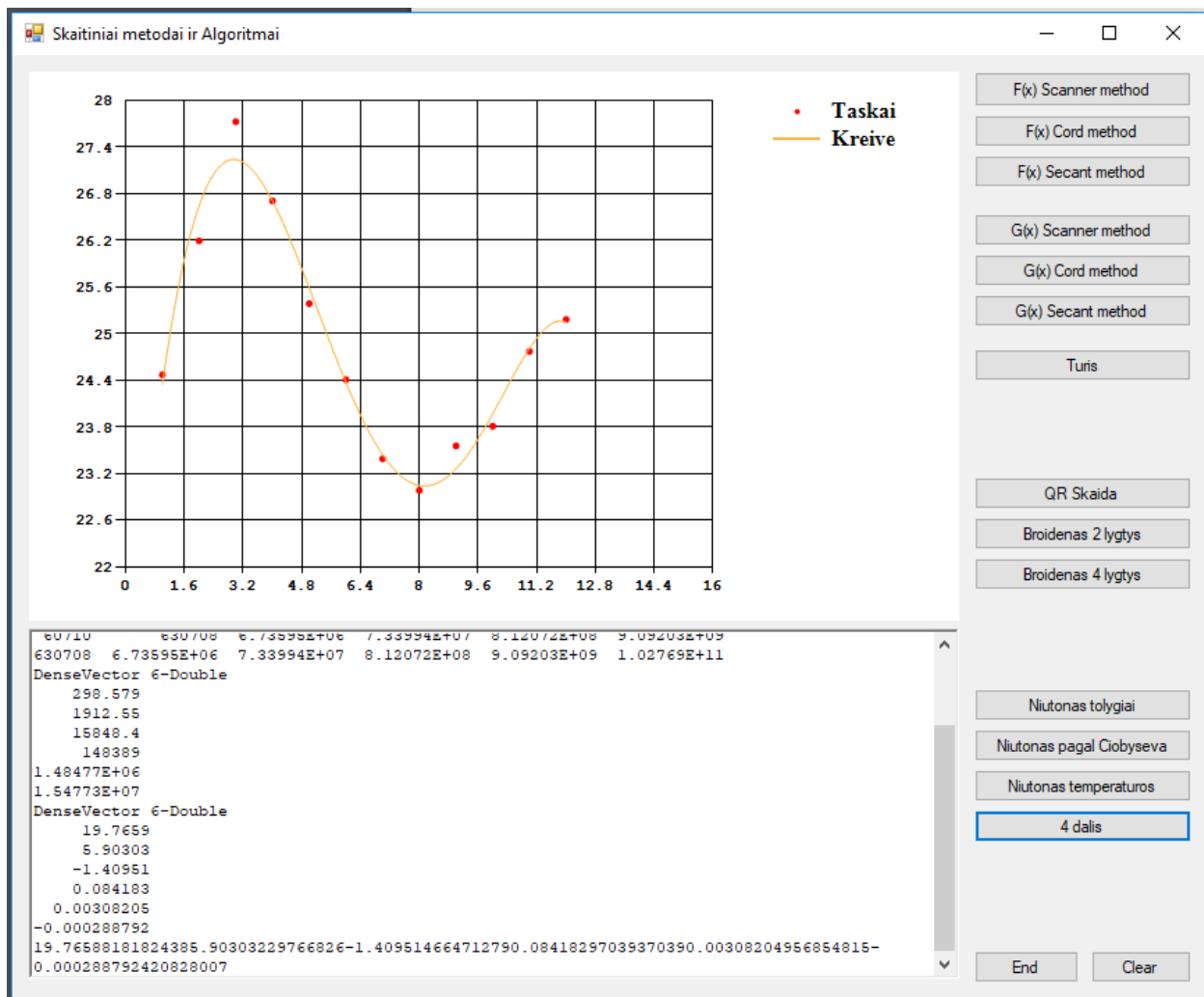
```

    }
}
Matrix<double> cm = DenseMatrix.OfArray(c);
Vector<double> bm = Vector.Build.DenseOfArray(b);
Vector<double> a = cm.Solve(bm);
richTextBox1.AppendText(cm.ToString());
richTextBox1.AppendText(bm.ToString());
richTextBox1.AppendText(a.ToString());
double[] array = new double[n + 1];
for (int i = 0; i < n + 1; i++)
{
    array[i] = a[i];
}
return array;
}

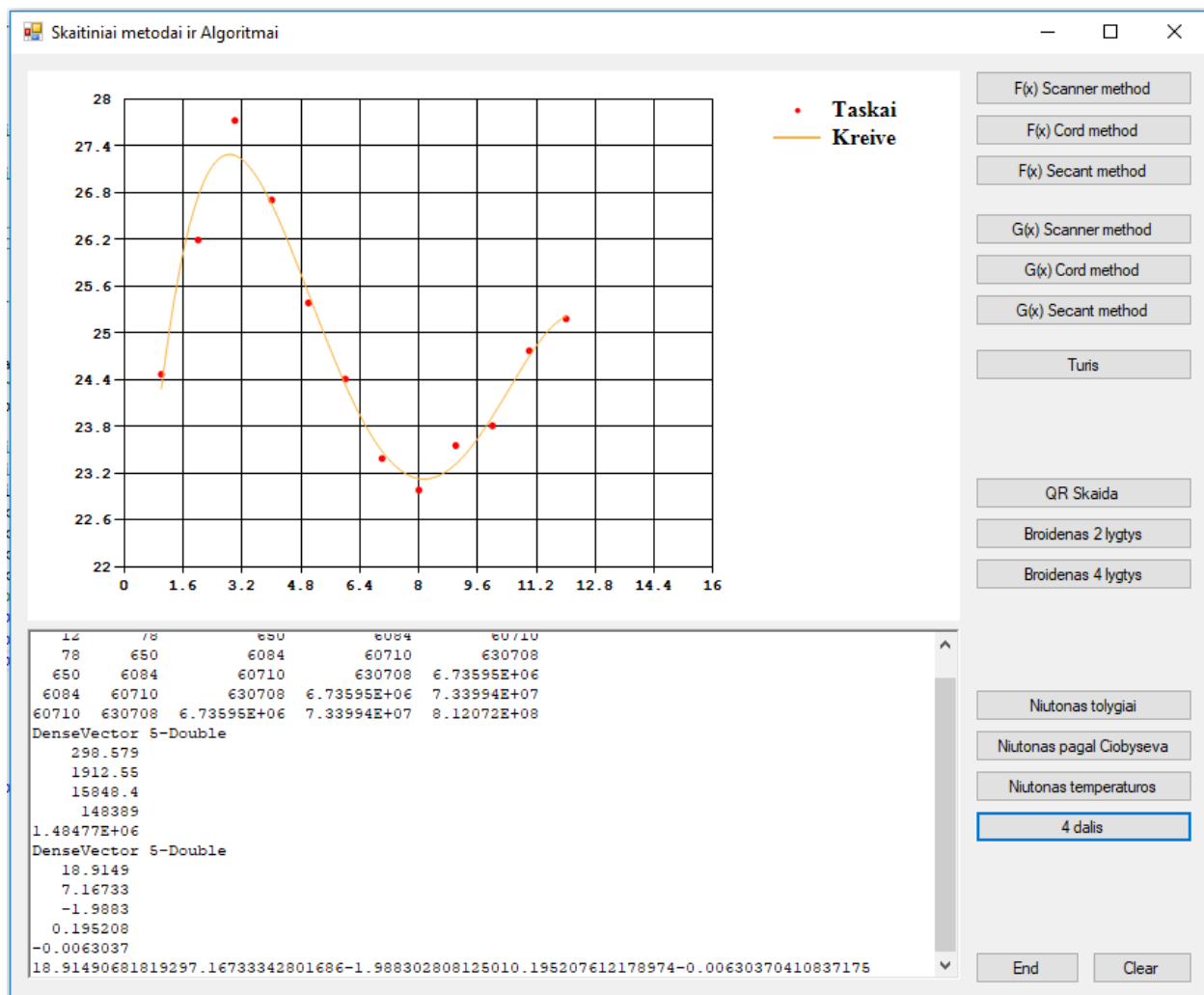
double func2(double[] array, double x)
{
    double sum = 0;
    for (int i = 0; i < array.Length; i++)
    {
        sum += array[i] * Math.Pow(x, i);
    }
    return sum;
}

```

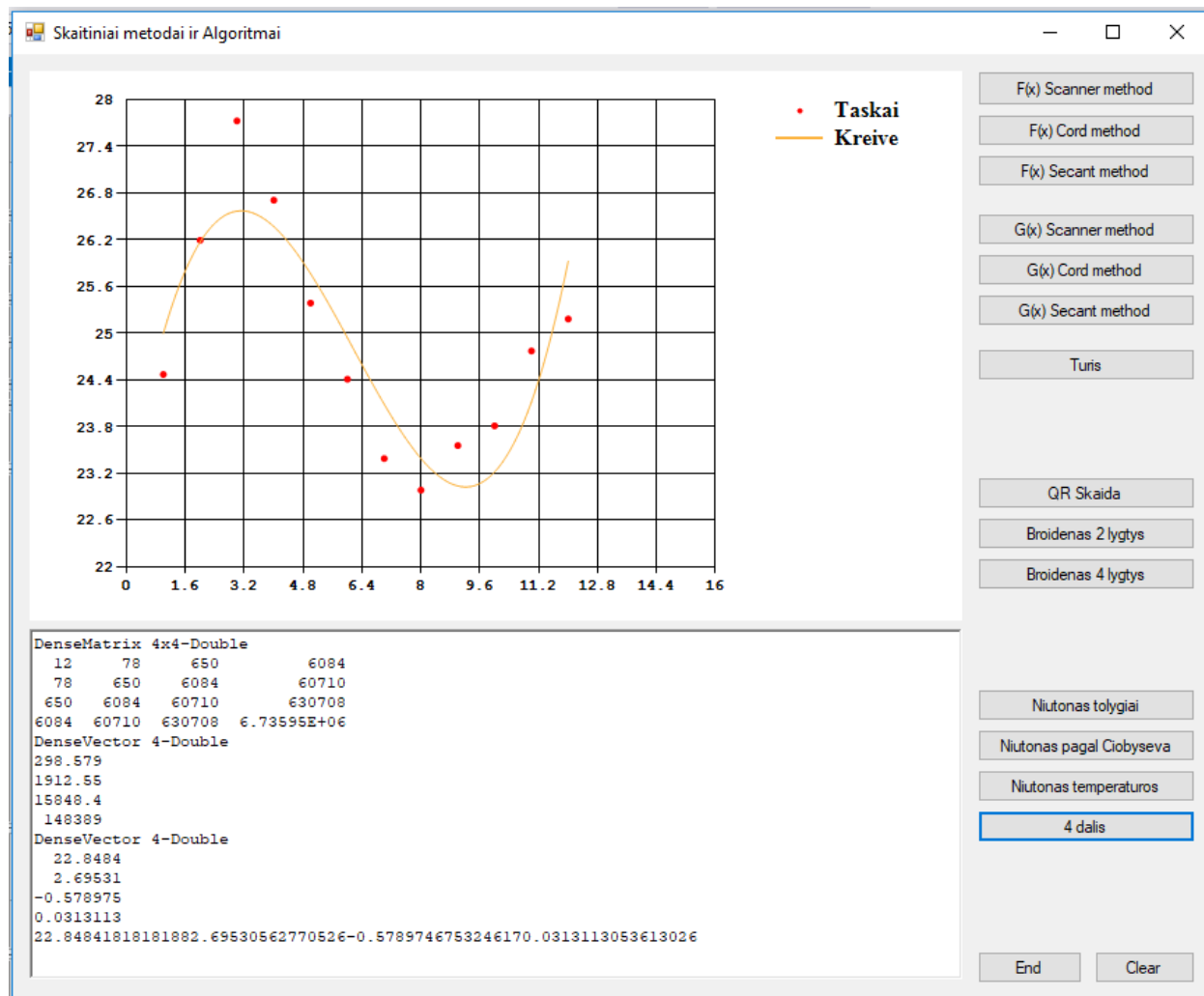




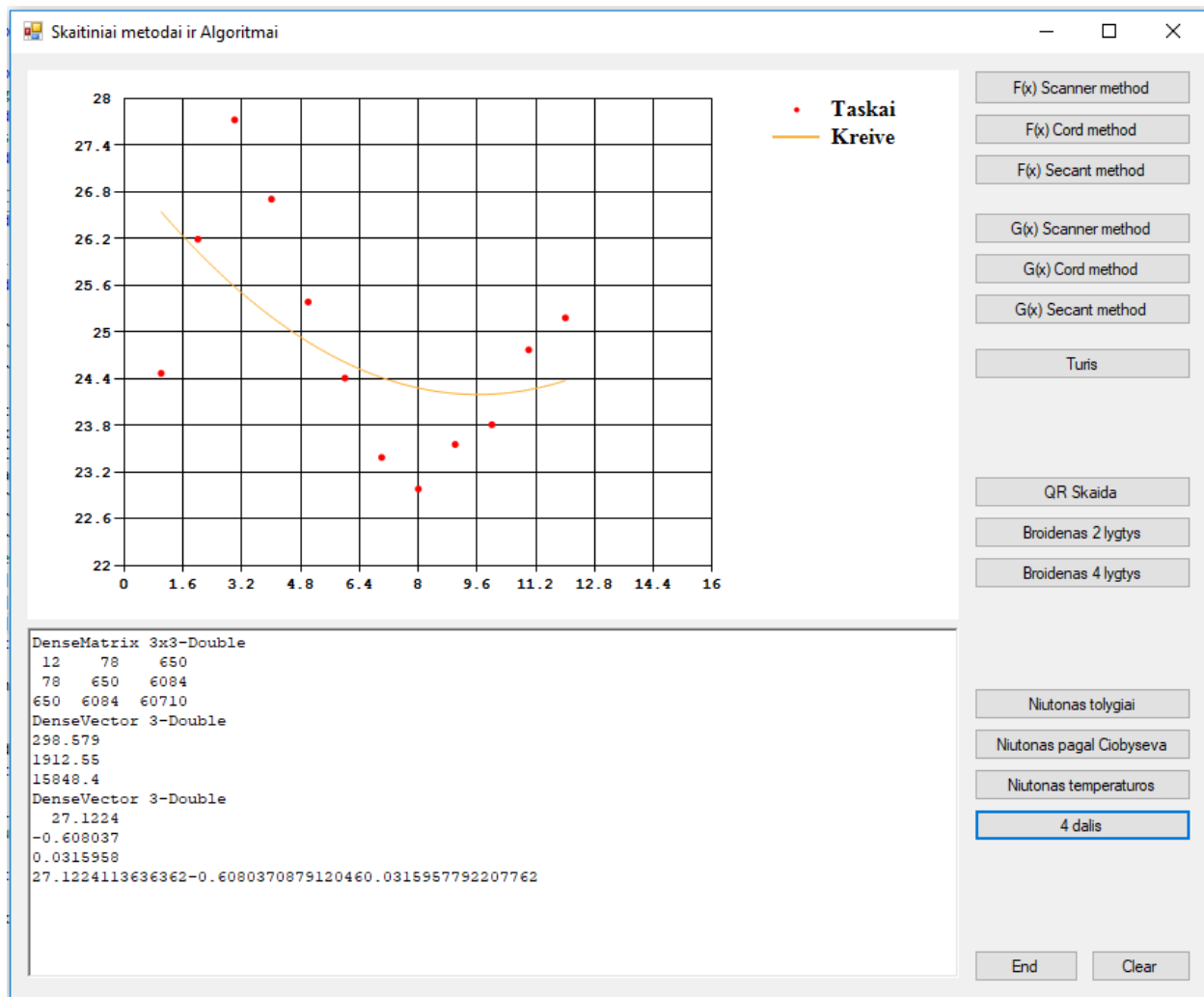
Pav. #6 4 Uždutis – Sudaryta aproksimuojanti kreivė 12 mėnesių temperatūroms atvaizduoti naudojant penktos eilės daugianarį. Išraiškų koeficientai matomi RichTextbox1 elemente.



Pav. #7 4 Uždutis – Sudaryta aproksimuojanti kreivė 12 mėnesių temperatūroms atvaizduoti naudojant ketvirtos eilės daugianarį. Išraiškų koeficientai matomi RichTextbox1 elemente.



Pav. #8 4 Uždutis – Sudaryta aproksimuojanti kreivė 12 mėnesių temperatūroms atvaizduoti naudojant trečios eilės daugianarį. Išraiškų koeficientai matomi RichTextbox1 elemente.



Pav. #8 4 Uždutis – Sudaryta aproksimuojanti kreivė 12 mėnesių temperatūroms atvaizduoti naudojant antros eilės daugianarį. Išraiškų koeficientai matomi RichTextbox1 elemente.

### Programos kodo fragmentai:

```
private double Func(double x)
{
    return (Math.Log(x) / (Math.Sin(2 * x) + 1.5)) - Math.Cos(x/5);
}
// ----- 1 Dalis Niutonas -----
```

```
private double Newton(double[] X, double[] a, int n, double x)
{
    double rez = 0;
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        double temp = 1;
        for (int j = 0; j < i; j++)
        {
            temp = temp * (x - X[j]);
        }
        rez += a[i] * temp;
    }
    return rez;
}
```

```
private double[] GetA(double[] X, double[] Y, int N)
{
    double[,] m = new double[N, N];
    double[] a = new double[N];
```

```

for (int i = 0; i < N; i++)
{
    m[i, 0] = 1;
}
for (int i = 1; i < N; i++)
{
    for (int j = 1; j <= i; j++)
    {
        m[i, j] = m[i, j - 1] * (X[i] - X[j - 1]);
    }
}
a[0] = Y[0];
for (int i = 1; i < N; i++)
{
    double temp = 0;
    for (int j = 0; j <= i; j++)
    {
        temp += m[i, j];
    }
    a[i] = Y[i] / temp;
}
Matrix<double> M = DenseMatrix.Build.Dense(N, N);
for (int i = 0; i < N; i++)
{
    for (int j = 0; j < N; j++)
    {
        M[i, j] = m[i, j];
    }
}

```

```

    }
}

richTextBox1.AppendText("" + M);

Matrix<double> YY = DenseMatrix.Build.Dense(N, 1);

for (int i = 0; i < N; i++) { YY[i, 0] = Y[i]; }

Vector<double> YYY = YY.Column(0);

Vector<double> A = (M.Inverse() * YYY);

for (int i = 0; i < N; i++) {
    a[i] = A[i];
}

return a;
}

//Taskai pagal Ciobysevo abscises

private void Button13_click(object sender, EventArgs e)
{
    ClearForm(); // išvalomi programos duomenys

    PrepareForm(0, 10, -4, 6);

    // Nubraižoma f-ja, kuriai ieskome saknies

    Fx = chart1.Series.Add("F(x)");

    Fx.ChartType = SeriesChartType.Line;


    int N = 10;

    double xmax = 10, xmin = 2;

    double temp = 2;

    for (int i = 0; i < N * 10; i++)
    {
        Fx.Points.AddXY(temp, Func(temp));
    }
}

```

```
temp = temp + 0.1;  
}
```

```
Fx.BorderWidth = 3;
```

```
Series task = chart1.Series.Add("Čiobyšev abscisès");  
task.ChartType = SeriesChartType.Point;
```

```
double[] chyobysev = new double[N];  
double[] Y = new double[N];  
for (int i = 0; i < N; i++)  
{  
    chyobysev[i] = ((double)(xmax - xmin) / 2) * Math.Cos(Math.PI * ((double)(2 * i + 1)) /  
((double)(2 * N))) + ((double)(xmax + xmin) / 2);  
    Y[i] = Func(chyobysev[i]);  
    task.Points.AddXY(chyobysev[i], Func(chyobysev[i]));  
}
```

```
Series newton = chart1.Series.Add("Niutono");  
newton.ChartType = SeriesChartType.Line;
```

```
double tempo = 2;  
var a = GetA(chyobysev, Y, N);
```

```
newton.Points.AddXY(2, Y[0]);  
for (int i = 1; i < N * 100; i++)  
{  
    newton.Points.AddXY(tempo, Newton(chyobysev, a, N, tempo));  
    tempo += 0.1;
```



```

    }

    newton.BorderWidth = 3;

    Series nuokrypis = chart1.Series.Add("Nuokrypis");
    nuokrypis.ChartType = SeriesChartType.Line;

    tempo = 2;
    for (int i = 1; i < N * 100; i++)
    {
        nuokrypis.Points.AddXY(tempo, Func(tempo) - Newton(chyobysev, a, N, tempo));
        tempo += 0.1;
    }
    nuokrypis.BorderWidth = 3;
}

//Taskai pasiskirste tolygiai
private void Button14_click(object sender, EventArgs e)
{
    ClearForm(); // išvalomi programos duomenys
    PreparareForm(0, 10, -4, 6);

    // Nubraižoma f-ja, kuriai ieskome saknies
    Fx = chart1.Series.Add("F(x)");

    Fx.ChartType = SeriesChartType.Line;
    double x = 0;

    int N = 10;

```

```
double xmax = 10, xmin = 2;
double temp = 2;
for (int i = 0; i < N * 10; i++)
{
    Fx.Points.AddXY(temp, Func(temp));
    temp = temp + 0.1;
}
Fx.BorderWidth = 3;
```

```
Series task = chart1.Series.Add("Tolygiai pasiskirstę taškai");
task.ChartType = SeriesChartType.Point;
```

```
double[] Y = new double[N];
double[] tolygus = new double[N];
double zingsnis = (xmax - xmin) / N;
double first = xmin;
for (int i = 0; i < N; i++)
{
    tolygus[i] = first + zingsnis * i;
    Y[i] = Func(tolygus[i]);
    task.Points.AddXY(tolygus[i], Func(tolygus[i]));
}
```

```
Series newton = chart1.Series.Add("Niutono");
newton.ChartType = SeriesChartType.Line;
double tempo = 2;
```

```

var a = GetA(tolygus, Y, N);

newton.Points.AddXY(2, Y[0]);
for (int i = 1; i < N * 100; i++)
{
    newton.Points.AddXY(tempo, Newton(tolygus, a, N, tempo));
    tempo += 0.1;
}
newton.BorderWidth = 3;

Series nuokrypis = chart1.Series.Add("Nuokrypis");
nuokrypis.ChartType = SeriesChartType.Line;

tempo = 2;
for (int i = 1; i < N * 100; i++)
{
    nuokrypis.Points.AddXY(tempo, Func(tempo) - Newton(tolygus, a, N, tempo));
    tempo += 0.1;
}
nuokrypis.BorderWidth = 3;
}

// ----- 2 Dalis -----

//Daugianaris pagal pirmos lenteles funkcija (Niutonas)
private void button15_Click(object sender, EventArgs e)
{

```

```
ClearForm(); // išvalomi programos duomenys
```

```
PreparareForm(0, 16, 22, 28);
```

```
Series task = chart1.Series.Add("Taskai");
```

```
task.ChartType = SeriesChartType.Point;
```

```
task.MarkerSize = 5;
```

```
task.MarkerStyle = MarkerStyle.Circle;
```

```
task.MarkerColor = Color.Red;
```

```
double[] temperature = { 24.4692, 26.1946, 27.7291, 26.7083, 25.3865, 24.4072,  
23.3871, 22.9818, 23.555, 23.8082, 24.7706, 25.1817};
```

```
double[] month = new double[12] { 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12 };
```

```
int N = month.Length;
```

```
for (int i = 0; i < month.Length; i++)
```

```
{
```

```
    task.Points.AddXY(month[i], temperature[i]);
```

```
}
```

```
Series newton = chart1.Series.Add("Niutono");
```

```
newton.ChartType = SeriesChartType.Line;
```

```
double tempo = 1;
```

```
var a = GetA(month, temperature, N);
```

```
// newton.Points.AddXY(month[0], temperature[0]);
```

```
for (int i = 1; i < N * 100; i++)
```

```
{
```

```
    newton.Points.AddXY(tempo, Newton(month, a, N, tempo));
```

```
    newton.Points.AddXY(tempo, Newton(month, a, N, tempo));
```

```

        newton.Points.AddXY(tempo, Newton(month, a, N, tempo));

        tempo += 0.1;
    }

    newton.BorderWidth = 3;
}

```

```

// ----- 4 Dalis -----

```

```

private void button16_Click(object sender, EventArgs e)
{

```

```

    ClearForm(); // išvalomi programos duomenys

    //PreparareForm(0, 16, 18, 35); //deivio
    PreparareForm(0, 16, 22, 28); //mano

```

```

    Series task = chart1.Series.Add("Taskai");

    Series kreive = chart1.Series.Add("Kreive");

    kreive.ChartType = SeriesChartType.Line;

    task.ChartType = SeriesChartType.Point;

    task.MarkerSize = 5;

    task.MarkerStyle = MarkerStyle.Circle;

    task.MarkerColor = Color.Red;

```

```

    //double[] temperature = { 19.8794, 23.7751, 27.883, 31.0976, 33.2133, 33.8218,
31.8081, 29.8617, 29.1279, 28.8316, 25.9363, 21.4918 }; //deivio

```

```

    double[] temperature = { 24.4692, 26.1946, 27.7291, 26.7083, 25.3865, 24.4072,
23.3871, 22.9818, 23.555, 23.8082, 24.7706, 25.1817 }; //mano

```

```

    double[] month = new double[12] { 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12 };

```

```

    double[] a = mkM(2, month, temperature); //pirmas parametras - polinomo eile

```

```

    for (int i = 0; i < a.Length; i++)

```

```

    {

```

```

        richTextBox1.AppendText(a[i].ToString());
    }

    int N = 100;

    double dx = (12.0 - 1) / (N - 1);

    for (int i = 0; i < N; i++)
    {
        kreive.Points.AddXY(1 + i * dx, func2(a, 1 + i * dx));

        //func2(a, i * dx);
    }

    for (int i = 0; i < month.Length; i++)
    {
        task.Points.AddXY(month[i], temperature[i]);
    }
}

```

```

double[] mkm(int n, double[] x, double[] y)
{
    int m = x.Length;

    double[,] pa = new double[m, 2 * n + 1];
    double[,] pxy = new double[m, n + 1];
    double[] xk = new double[m];

    for (int i = 0; i < m; i++)
    {
        xk[i] = 1;
    }

    for (int j = 0; j < 2 * n + 1; j++)
    {

```

```

for (int i = 0; i < m; i++)
{
    pa[i, j] = xk[i];
}
if (j < n + 1)
{
    for (int i = 0; i < m; i++)
    {
        pxy[i, j] = xk[i] * y[i];
    }
}
for (int i = 0; i < m; i++)
{
    xk[i] = xk[i] * x[i];
}
}
double[] s = new double[2 * n + 1];
for (int i = 0; i < 2 * n + 1; i++)
{
    double temp = 0;
    for (int j = 0; j < m; j++)
    {
        temp += pa[j, i];
    }
    s[i] = temp;
}
double[] b = new double[n + 1];

```

```

for (int i = 0; i < n + 1; i++)
{
    double temp = 0;
    for (int j = 0; j < m; j++)
    {
        temp += pxy[j, i];
    }
    b[i] = temp;
}

double[,] c = new double[n + 1, n + 1];
for (int i = 0; i < n + 1; i++)
{
    for (int j = 0; j < n + 1; j++)
    {
        c[i, j] = s[i + j];
    }
}

Matrix<double> cm = DenseMatrix.OfArray(c);
Vector<double> bm = Vector.Build.DenseOfArray(b);
Vector<double> a = cm.Solve(bm);
richTextBox1.AppendText(cm.ToString());
richTextBox1.AppendText(bm.ToString());
richTextBox1.AppendText(a.ToString());
double[] array = new double[n + 1];
for (int i = 0; i < n + 1; i++)
{
    array[i] = a[i];
}

```



```
    }  
    return array;  
}
```

```
double func2(double[] array, double x)  
{  
    double sum = 0;  
    for (int i = 0; i < array.Length; i++)  
    {  
        sum += array[i] * Math.Pow(x, i);  
    }  
    return sum;  
}
```

```
#endregion
```