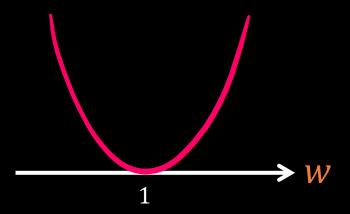
Al and Deep Learning

선형회귀

오류 계산 그래프에서의 역전파

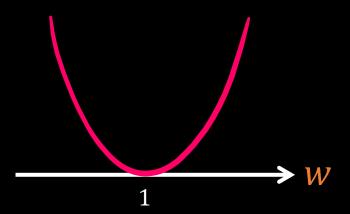
제주대학교 변 영 철

http://github.com/yungbyun/mllecture



오류그래프 E의 w지점에서의기울기 w변화가E에미치는영향

이를 수학 공식으로 표현해보라.



$$\lim_{\Delta w \to 0} \frac{\Delta E}{\Delta w}$$

$$= \frac{\partial E}{\partial w}$$

학습 방법(w 업데이트)



- 시냅스 연결강도 값(w)을 난수 초기화 (ex, 4)
- w값 지점(4)에서 오류 그래프의 기울기(경사) 구함.
- <mark>기울기</mark>로 w를 뺌(경사하강)



TensorFlow



- 텐서(Tensor): '잡아당기다'라는 라틴어 'tensus'
- 무언가를 잡아당기면 그 주위에 복잡한 변형이 일어나는데, 이를 기술하는 수학적 언어가 텐서
- 오류 C가 줄어들도록 아래로 잡아당기면 그에 따라 w 값이 업데이트 (파라미터 튜닝), w가 많을 경우 모든 값에 대해 복잡한 변형이 일어남을 의미
- 텐서는 텐서플로우 내부에서 만들어지는 값(난수), w 와 같이 텐서 값을 담는 데이터(변수, 벡터, 행렬 형태 등)도 텐서라고 함. 텐서와 연산자로 정의되는 수식도 텐서 $E = (w \cdot 1 1)^2$
- TensorFlow는 텐서(Tensor, 데이터)의 흐름(Flow)이며, 오류 계산 그래프의 텐서 흐름을 통해 w 파라미터를 튜닝해주는 머신러닝 (응용개발) 프레임워크

到什些多年 可能让 是利

1시간 일하면 1만원 줄게.

일한 시간만큼 시급을 알아 맞추는 뉴런을 코딩하시오.

올바르게 대답하도록 뉴런의 시냅스 연결강도(w)를 업데이트하는 코드를 작성하시오.

01.py Finding w in linear regression

colab

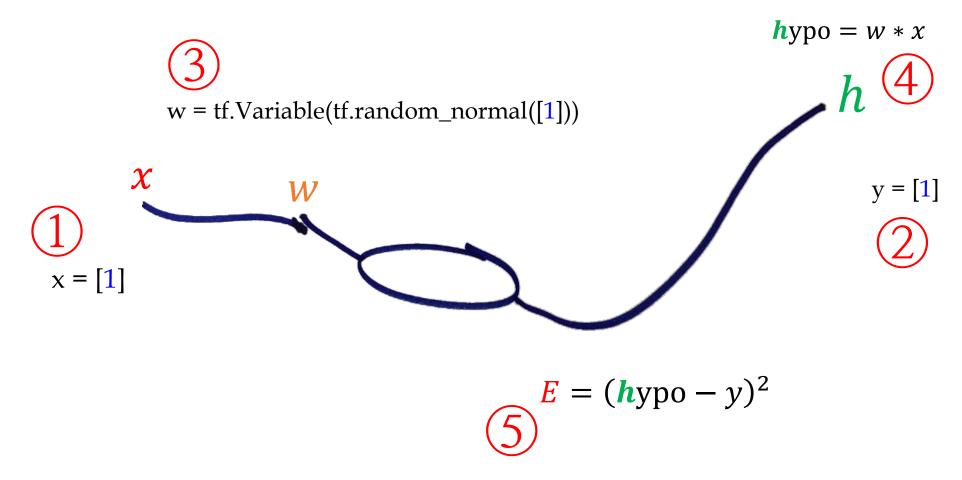
- 구글이 제공하는 "주피터 노트북"
- 구글 클라우드를 이용한 머신러닝 응용 개발
- 텐서플로우, 파이썬 등 이미 준비가 되어 있어서 따로 설치할 필요없음
- 구글 계정 생성 및 로그인 후 아래 페이지 방문 http://colab.research.google.com/



항상 작성해야 하는 기본 코드

%tensorflow_version 1.x import tensorflow as tf

TF를 이용한 선형 회귀 학습



이제 남은 코드는?



Sess 객체 train을 잘 다뤄서 일시키는



```
train = tf.train.GradientDescentOptimizer(learning_rate=0.1).minimize(E)

sess = tf.Session()
sess.run(tf.global_variables_initializer()) #w값 초기화

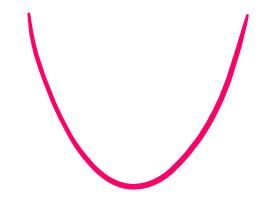
err_list = []

for i in range(101):
    w_val = sess.run(w)
    err = sess.run(E)
    print(i, 'w:', w_val, 'cost:', err)
```

sess.run(train) #한번 경사하강(w 업데이트)

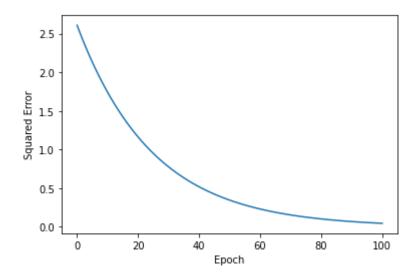
학습이 끝났다. 남는 것은?

list.append(err)



```
# ---- test(prediction)
print(sess.run(w * [3, 4, 6, 9]))
```

show an error graph import matplotlib.pyplot as plt plt.plot(err_list) plt.xlabel('Epoch') plt.ylabel('Square Error') plt.show();



import tensorflow as tf

- import : 라이브러리 모듈을 불러오고, 필요할 경우 초기화도 수행함. 어떤 이름으로 사용될지 지정함(as tf).
- x: 입력 데이터를 보관하는 리스트
- y: 정답을 보관하는 리스트

```
xxx = [1, 'hello', 2, 'world']
print (xxx)
xxx[1] = 'hi'
xxx.append('Jeju')
print (xxx)
```

#---- 신경세포 만들기

$$w = \text{tf.Variable(tf.random_normal([1]))}$$

 $h = w * x$

- random_normal: 난수 텐서를 생성하여 반환하는 함수
- Variable: 텐서를 담는 그릇(변수) w 을 만듦. 난수 텐서를 담는 그릇n w 도 텐서
- h: 입력 데이터(x)와 w 텐서를 곱한 것. 이것도 텐서

#---- 학습 시키기

E = (h - y) ** 2train = tf.train.GradientDescentOptimizer (learning rate=0.1).minimize(E)



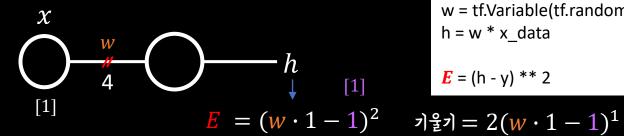
- E: 경사하강할 오류/에러/차이/로스(loss) 함수. 텐서 h가 들어있는 E도 텐서
- GradientDescentOptimizer : 경사하강 알고리즘을 추상화한 클래스
- train 객체: 오류 그래프 **E에서 경사하강하도록 w** 업데이트 (학습)
- *E* 는 계산 그래프(computational graph)로 구성됨.

```
sess = tf.Session()
sess.run(tf.global_variables_initializer())
for i in range(101):
    print(sess.run(w), sess.run(E))
    sess.run(train)
```



- Session: run 함수로 텐서를 평가(eval)하여 값을 구하기도 하고, train 객체에게 경사하강 하도록 시키기도 하는 객체
- sess.run(tf.global_variables_initializer()) global_variables_initializer 함수가 반환하는 변수 초기화 오퍼레이션으로 변수들을 초기화
- for 루프: i를 0에서 100까지 (101번) 바꾸면서 반복문을 수행
- sess.run(train): sess가 train에게 한번 경사하강하도록 일을 시킴. $w = w \alpha \cdot$ 기울기
- 101번 경사하강이 끝나면 업데이트된 ₩가 최종 학습결과

시냅스 초기값 난수 4, 학습상수 0.1일 때



 \rightarrow 2.53

기울기 =
$$2(\mathbf{w} \cdot 1 - 1)^1$$

$$w = 4$$
 $(4-1)^2$ 키울키 = 6 $w = 4 - 0.1 \cdot 6$ $\rightarrow 3.4$ $w = 3.4$ $(3.4-1)^2$ 키울키 = 4.8 $w = 3.4 - 0.1 \cdot 4.8$ $\rightarrow 2.92$

$$w = 2.92$$
 $(2.92 - 1)^2$ 기울기 = 3.84 $w = 2.92 - 0.1 \cdot 3.84$

$$w = 2.53$$
 $(2.53 - 1)^2$ 기울기 = 3.06 $w = 2.53 - 0.1 \cdot 3.06 \rightarrow 2.22$

#---- 학습 후 테스트하기 x = [2] print(sess.run(x * w))

- 학습이 끝났을 때 결과는 무엇? 바로 여러 번 반복해서 업데이트된 w
- 뉴런의 출력은? 학습된 w 값 \times 입력(x)

#---- 학습 후 테스트하기 x = [2] print(sess.run(h))

- 텐서 $h = w \cdot x$ 가 처음 (계산 그래프로) 만들어질 때 딱한번만 x에 값이 설정되며, 이후에는 x에 새로운 값을 넣어도계산 그래프에 반영되지 않음.
- 따라서 이전에 x에 할당된 값 [1]이 여전히 사용됨.
- 따라서 우리가 원하는 값을 넣는 방법이 필요함.
- 이를 위한 것이 PlaceHolder(자리표시기) 방법임.

02.py Placeholder 자리표시기 $x \rightarrow x_data$

y → y_data

 $h \rightarrow hypo$

 $E \rightarrow cost$

소스코드 다운로드

- 1) 명령 프롬프트 실행
- 2) 명령 프롬프트에서 코드를 저장하고자 하는 폴더(C:\)로 이동
- 3) git clone https://github.com/yungbyun/myml.git

03.py Drawing cost function

오류 함수 생각하기

$$E = (wx - y)^2$$

- 어느 부분이 뉴런인가?
- 시냅스는?
- 입력 데이터는?
- 뉴런의 출력(대답)
- 가설(hypothesis)은?
- 정답(ground truth)은?
- 오류 함수 **E**의 의미는?
- 뉴런 입력이 여러 개일 경우
- 데이터로 주어지는 것은(csv 파일)?
- 우리가 튜닝해야 하는 것은?

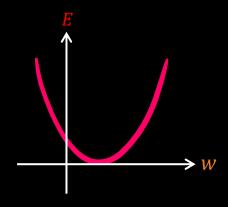
$$x$$
 $E = |h - y|$
 $E = (h - y)^2$
 $E = (w \cdot x - y)^2$
 $E = (w \cdot 1 - 1)^2$

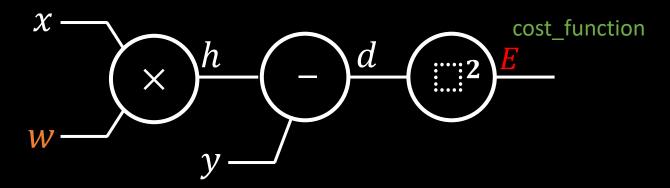
Mean Square Error 평균 제곱 오류 함수
 $E = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} (wx_i - y_i)^2$

오류 함수 🖺

오류계산 그래프 (computational graph)

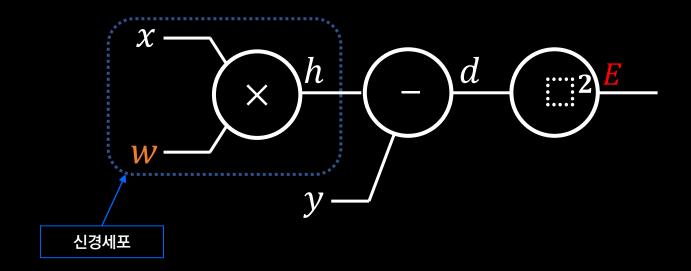
오류계산그래프





텐서란 무엇이고, 텐서 플로우란 무엇인가? 텐서플로우 (응용개발) 프레임워크가 파라미터 튜닝

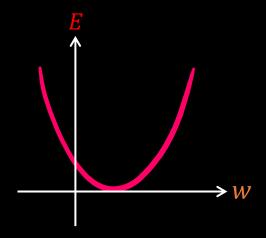
w의 변화가 E에 미치는 영향(기울기)을 구한 후 경사하강하도록 w를 조절



₩의 변화가 E에 미치는 영향E 함수에서 ₩위치에서의 기울기

"수학공식으로 표현해보라."

미치는영향과기울기

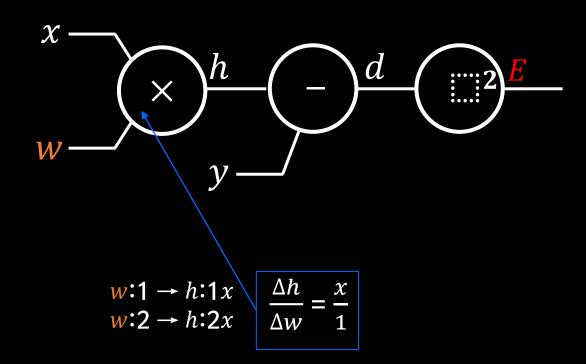


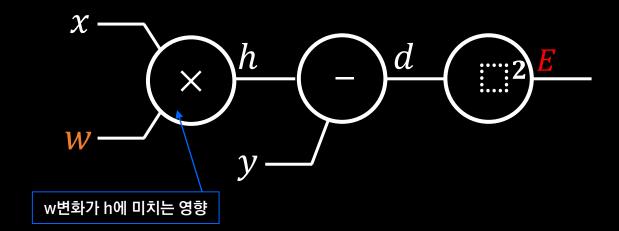
$$\lim_{\Delta w \to 0} \frac{\Delta E}{\Delta w}$$

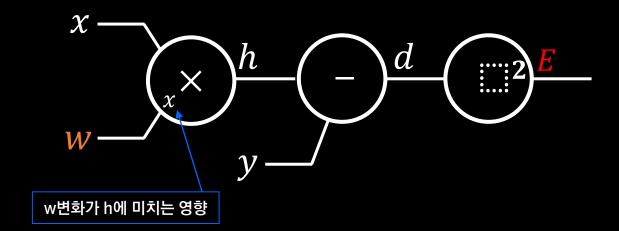
$$= \frac{\partial E}{\partial w}$$

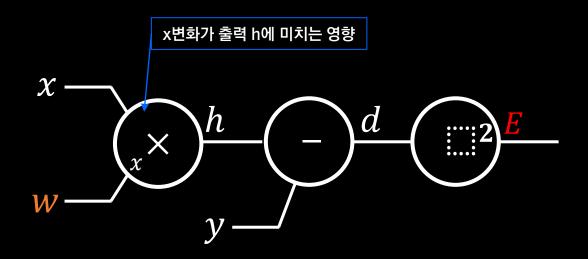
$$\lim_{\Delta \frac{2}{2} \to 0} \frac{\Delta \triangle = \text{레스}}{\Delta \frac{2}{2}}$$

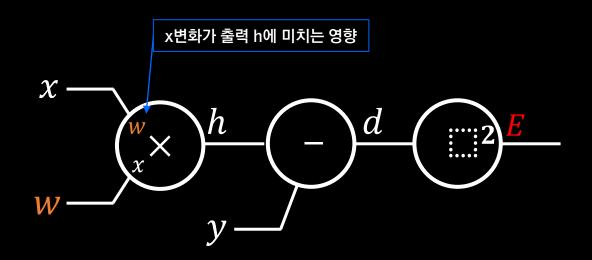
$$=rac{\partial \triangle 트레스}{\partial \mathbb{Q}}$$

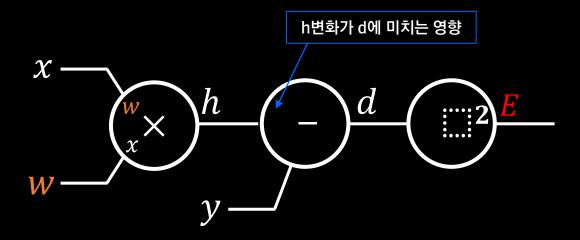


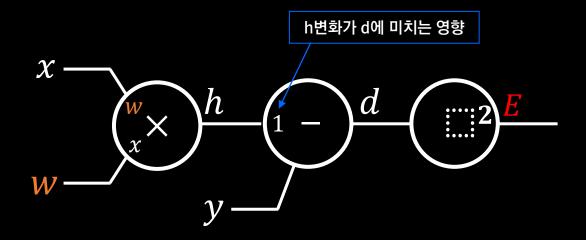


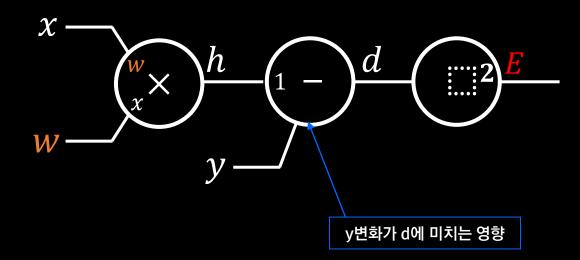


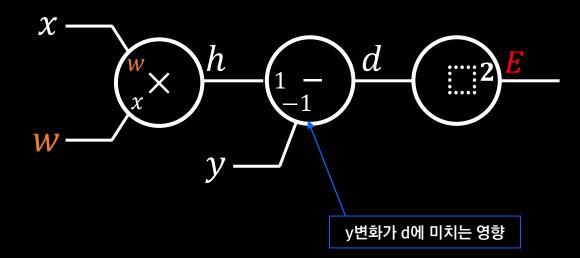


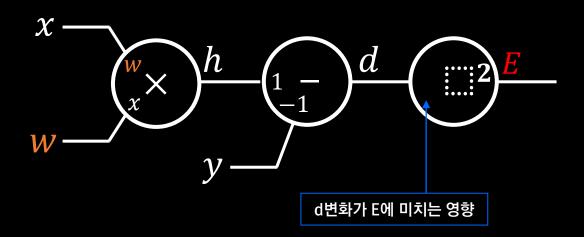


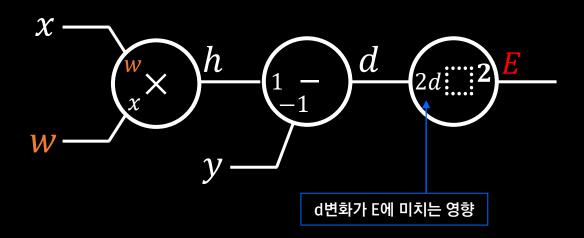




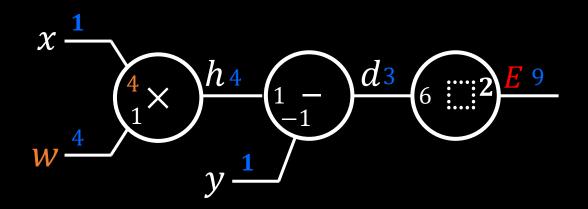




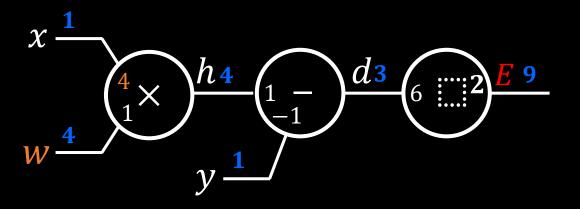




데이터 (x, y) = (1, 1)이고, w 초기값이 4일 때



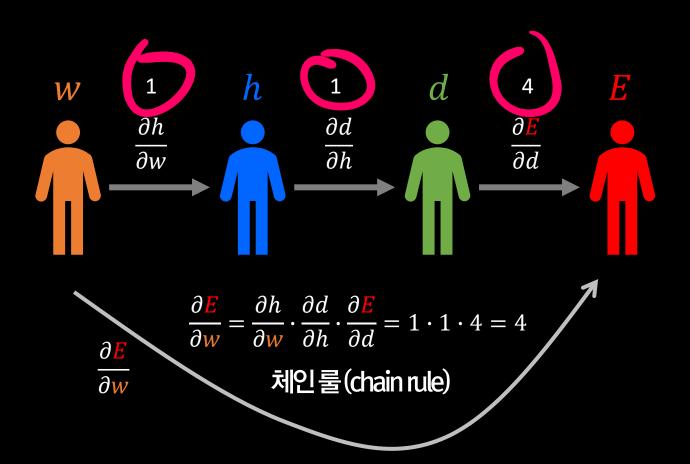
텐서플로 (TensorFlow)!



각 게이트(연산) 별 지역적으로(local) 미치는 영향은 알았다.

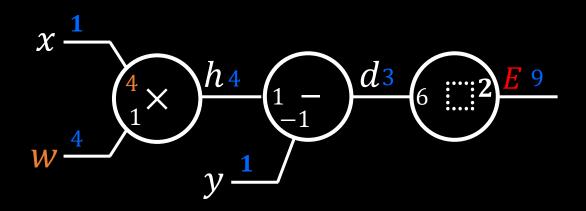
그러면 ₩변화가 E에 미치는 영향력은 어떻게 알 수 있을까?

사람 사이의 영향력

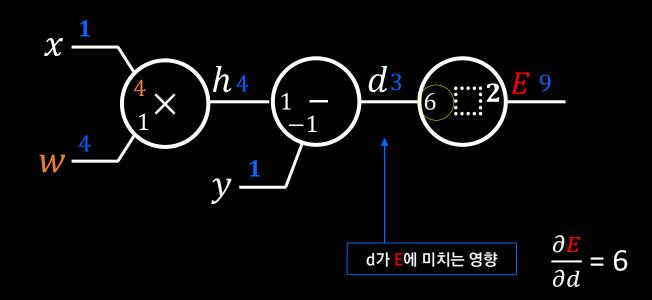


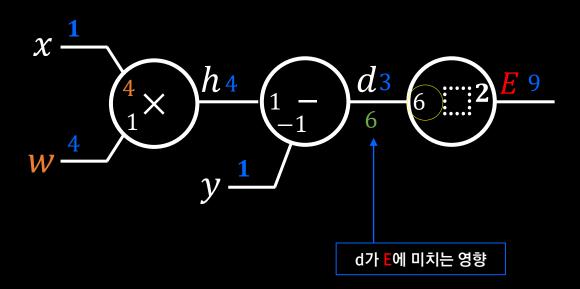
앞으로 전파(forward propagation)

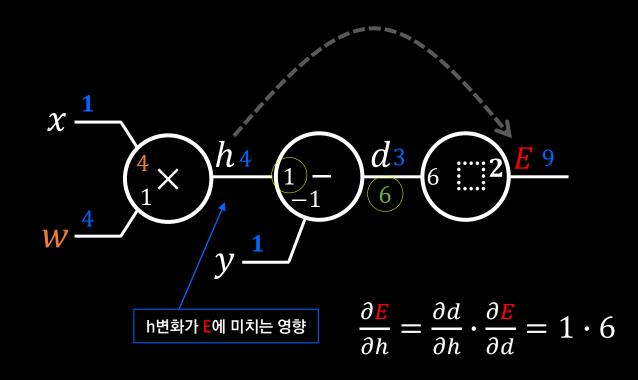
(x,y) = (1,1)이고 w는 4일 경우 에러 값은?

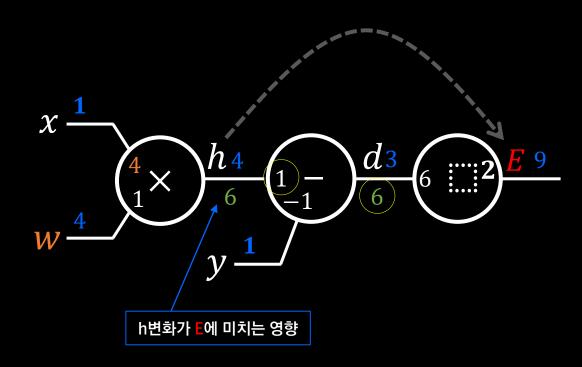


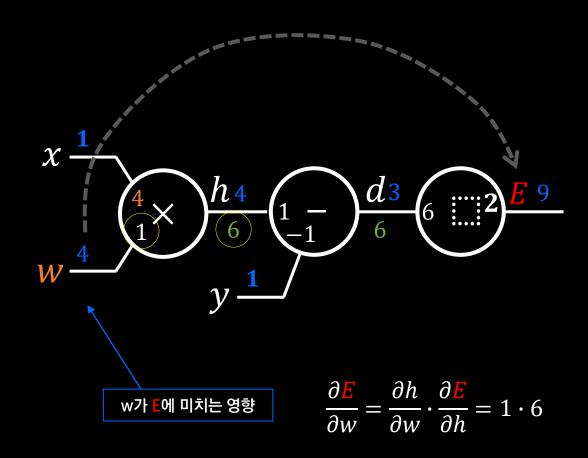
w변화가 E에 미치는 영향(기울기)는 어떻게 구할 수 있을까? $\frac{\partial E}{\partial w}$ $w = w - \alpha * 기울기$

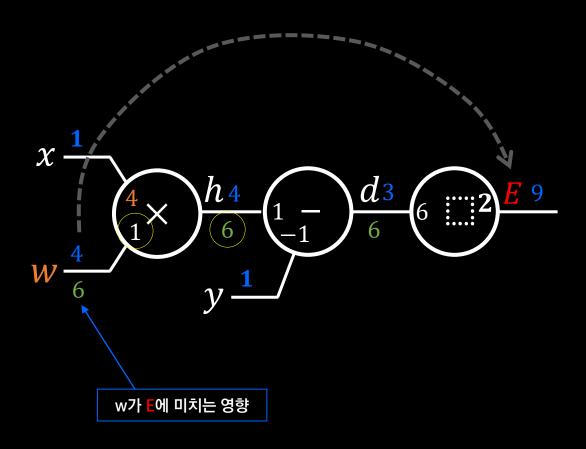












따라서 역전파 (back-propagation)

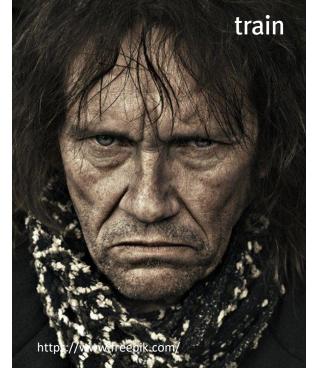
체인 룰(chain rule)을 적용하여 w의 변화가 오류 E에 얼마나 영향을 미치는지(기울기)를 알아내는 과정

 $\frac{\partial E}{\partial w}$

$$w = 4 - 0.1 * 6$$

$$w = 3.4$$

Tuned parameter after 1 step learning.

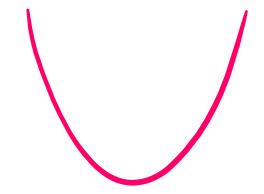




```
train = tf.train.GradientDescentOptimizer(learning_rate
=0.1).minimize(E)
sess = tf.Session()
sess.run(tf.global_variables_initializer()) #w 값 초기화
err_list = []
for i in range(101):
  w_val = <u>sess</u>.run(w)
  err = sess.run(E)
  print(i, 'w:', w_val, 'cost:', err)
  err_list.append(err)
```

sess.run(train) #한번 경사하강(w 업데이트)

학습이 끝난 후 남는 것은?



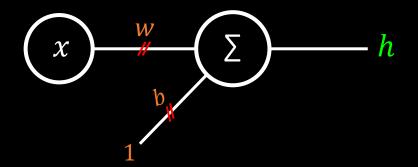
계산 그래프 확장

- bias가 있을 경우 (+ 게이트)
- 뉴런 입력이 3개일 때 (+ 게이트)
- 뉴런이 2개일 때
- 튜닝할 파라미터는 모두 몇 개?

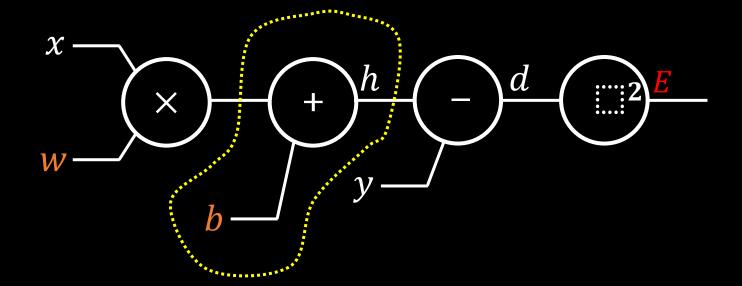


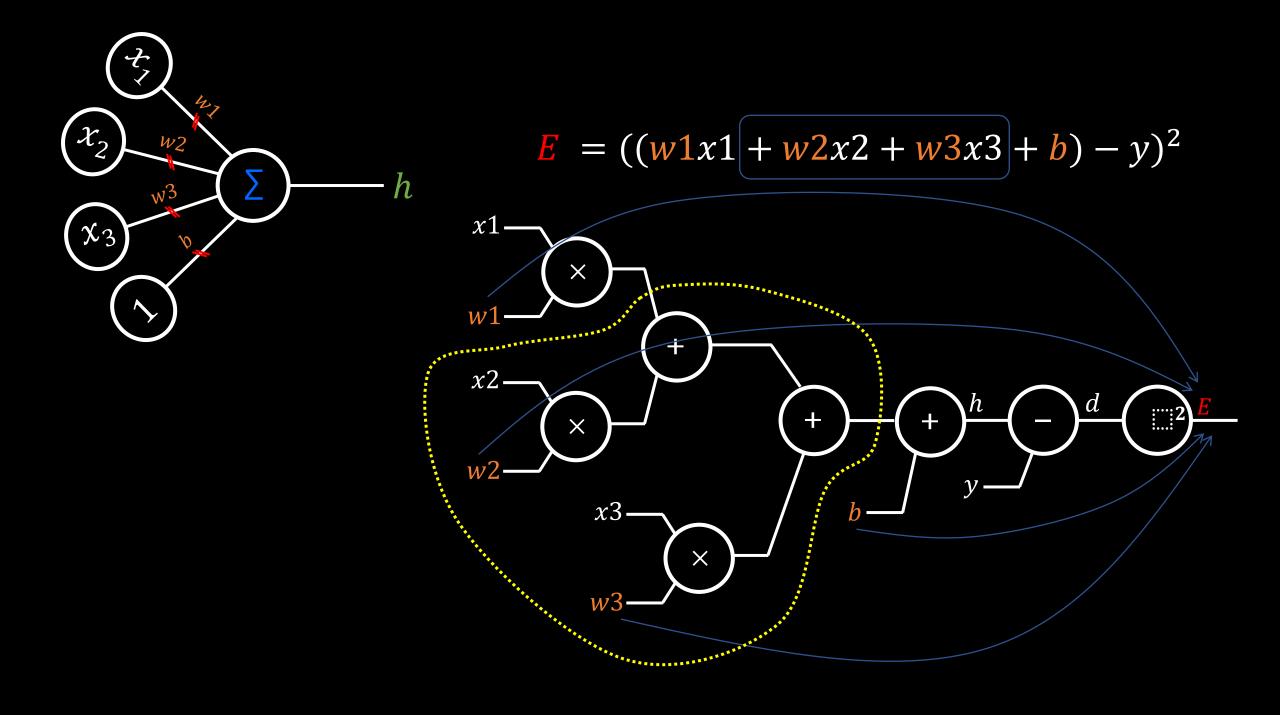
$$E = (wx - y)^2$$

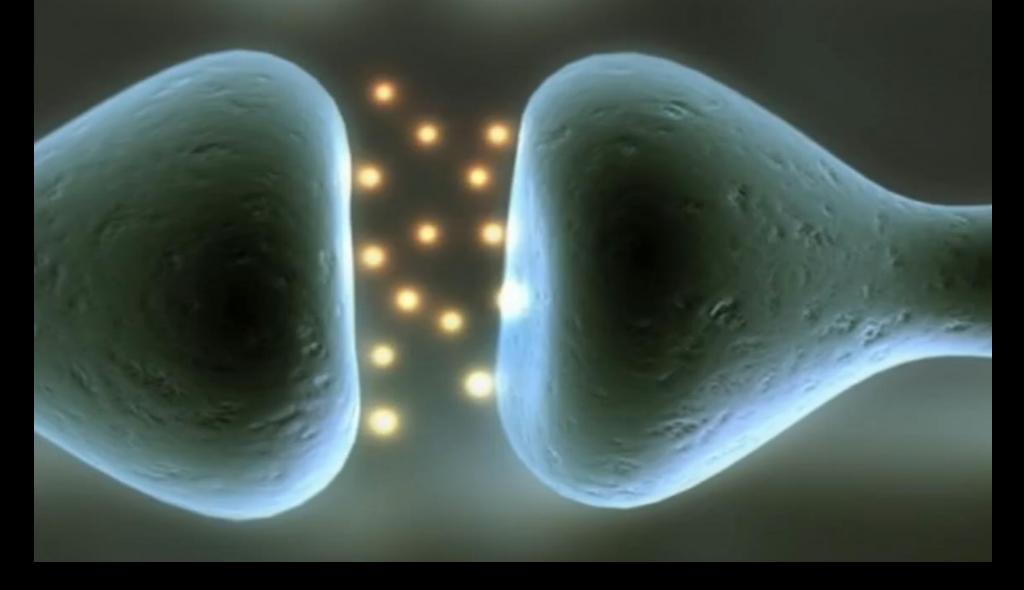
$$\frac{x}{w} = \frac{h}{y} = \frac{d}{\frac{|x|^2}{E}}$$



$$E = ((wx + b) - y)^2$$







학습, 더 새롭고 좋은 연결(w)을 만드는 것

오류 함수의 의미

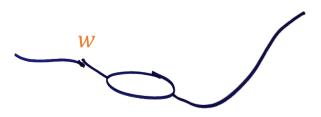
- 기울기가 큼 → 최저점에서 멀리 떨어짐 → 오류가 큼 → bad! → 매우 큰 야단 → 스트레스/고통이 큼 → big update(w)
- 기울기가 작음 → 최저점에 가까움 → 오류가 작음 → not bad! → 작은 야단 → 스트레스/고통이 작음 → small update(w)
- 기울기 0 → 최저점! → 정답을 맞춤! → great!
 → 야단치지 않음 → no update(w) → learning ended!

'좋다', '나쁘다'를 느끼게 하는 기저

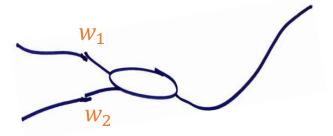
우리 마음 속의 오류함수 🗜

Cost(Error) Graph

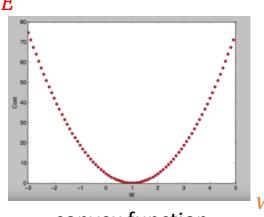




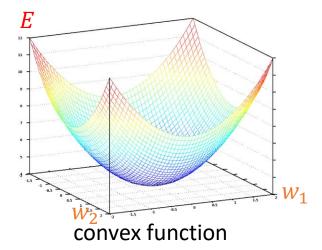
$$E = (W \cdot 1 - 1)^2$$



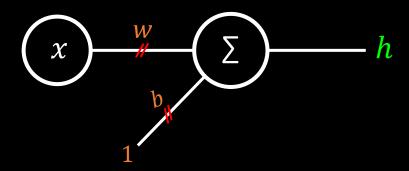
7



convex function



04.with_bias.py Parameter tuning including bias



05.py Using multiple data

O6.py
Training a neuron having multiple inputs

이번 학습에서는

- 텐서플로우 프로그램의 기본 구조를 이해할 수 있다.
- 오류 계산 그래프 직접 그릴 수 있다.
- 오류 계산 그래프에서 게이트(연산)별 local 미 치는 영향을 구할 수 있다.
- 역전파와 체인물을 이용하여 global 미치는 영향을 구할 수 있다.
- 학습 메카니즘을 이해할 수 있다.