

자료구조를 구조하자

2019.10.04

32153180 이상민

32162436 신창우 32163006 이건욱

32164420 조정민 32164959 허전진

학습 내용

한영 한자

$\bigcirc \quad n \geq n_0, f(n) \leq c \cdot g(n) \quad f(n) = O(g(n))$
 $\Omega \quad n \geq n_0, f(n) \geq c \cdot g(n) \quad f(n) = \Omega(g(n))$
 $\Theta \quad n \geq n_0, c_1 \cdot g(n) \leq f(n) \leq c_2 \cdot g(n) \quad f(n) = \Theta(g(n))$

성능 분석을 위한 점근 표기법

3) 점근 표기법(O, Ω, Θ)

- 정확한 단계를 계산하는 것이 힘들며, 그 의미도 명확하게 비교할 수 있는 것이 아니므로, 대략적으로 수행시간이나 공간을 예측하기 위해 사용한다.
- 정의: "빅오" O 가장 느린 것
모든 $n, n \geq n_0$ 에 대해 $f(n) \leq c \cdot g(n)$ 인 두 개의 상수 c 와 n_0 가 존재한다면 $f(n) = O(g(n))$ 이다.
예: $f(n) = 2n + 3$ 일 때, $g(n) = n$ 으로 두면
 $f(n) = 2n + 3 \leq 6n, c = 6, n_0 = 1$
따라서 $f(n) = O(g(n)) = O(n)$ 이다.
- 정의: "오메가" Ω 가장 빠른 것
모든 $n, n \geq n_0$ 에 대해 $f(n) \geq c \cdot g(n)$ 인 두 개의 상수 c 와 n_0 가 존재한다면 $f(n) = \Omega(g(n))$ 이다.
예: $f(n) = 2n + 3$ 일 때, $g(n) = n$ 으로 두면
 $f(n) = 2n + 3 \geq 2n, c = 2, n_0 = 1$
따라서 $f(n) = \Omega(g(n)) = \Omega(n)$ 이다.
- 정의: "세타" Θ 한정사
모든 $n, n \geq n_0$ 에 대해 $c_1 \cdot g(n) \leq f(n) \leq c_2 \cdot g(n)$ 인 세 개의 상수 c_1, c_2 와 n_0 가 존재한다면 $f(n) = \Theta(g(n))$ 이다.
모든 알고리즘에 세타표기가 있는 것은 아님

ex) 순차탐색 $c_1 \cdot 1 \leq f(n) \leq c_2 \cdot n$ 1은 n 세타표기 X
 $g(n) = 1$ $g(n) = n$ $g(n)$ 이 다름

점근 표기 함수의 그래프

$f(n) = 2n + 3 = O(n)$
 $f(n) = 5n + 1 = O(n)$
 같으니까 비교할 수 없어서 성능 측정용 통해 비교

```

Polynomial Polynomial::Multiple(Polynomial b)
//a(x)(*this의 값)와 b(x)를 곱한 결과를 반환한다.
{
    Polynomial answer;//결과 값 저장

    //A항의 첫번째 항부터 B의 식과 차례대로 곱함
    for(int i=0;i<terms;i++)//A항의 개수만큼 반복문 실행
    {
        Polynomial c;//c의 식을 초기화

        for(int j=0;j<b.terms;j++)//B항의 개수만큼 반복문 실행
        {
            c.NewTerm(termArray[i].coef*b.termArray[j].coef,termArray[i].exp+b.termArray[j].exp);

            //계수끼리는 곱하고 지수끼리는 더한 식을 c에 저장

            answer=answer.Add(c);//c의 식끼리 Add함수를 이용해서 더함
        }
        return answer;//결과 반환
    }
}
    
```

신창우

학습 내용

< 소스 코드 >

```
Polynomial Polynomial::multiply(Polynomial b) {
    Polynomial c;
    int aPos, bPos;

    for (aPos = 0; aPos < terms; aPos++) {
        Polynomial load;
        for (bPos = 0; bPos < b.terms; bPos++) {
            float gop = termArray[aPos].coef * b.termArray[bPos].coef;
            int dut = termArray[aPos].exp + b.termArray[bPos].exp;
            load.NewTerm(gop, dut);
        }
        c = c.Add(load);
    }
    return c;
}
```

< 실행 화면 >

| | | |
|--|--|--|
| <p>C:\Users\LEE\KIPU\KIPUDesktop\2의 안쪽이제그림으로그려진W2-2.CPP</p> <pre>다항식 A의 항의 수 : 2 다항식 A의 1항의 계수와 지수 : 3 2 다항식 A의 2항의 계수와 지수 : 3 0 다항식 B의 항의 수 : 2 다항식 B의 1항의 계수와 지수 : 2 1 다항식 B의 2항의 계수와 지수 : 2 1 다항식 곱셈 결과 : 5 x^4 + 6 x^3 + 15 x^2 + 6 x^1 계속하려면 아무 키나 누르십시오 . . .</pre> | <p>C:\Users\LEE\KIPU\KIPUDesktop\2의 안쪽이제그림으로그려진W2-2.CPP</p> <pre>다항식 A의 항의 수 : 3 다항식 A의 1항의 계수와 지수 : 3 5 다항식 A의 2항의 계수와 지수 : 3 3 다항식 A의 3항의 계수와 지수 : 3 1 다항식 B의 항의 수 : 2 다항식 B의 1항의 계수와 지수 : 3 3 다항식 B의 2항의 계수와 지수 : 4 0 다항식 곱셈 결과 : 5 x^8 + 18 x^6 + 12 x^5 + 9 x^4 + 24 x^3 + 12 x^1 계속하려면 아무 키나 누르십시오 . . .</pre> | <p>C:\Users\LEE\KIPU\KIPUDesktop\2의 안쪽이제그림으로그려진W2-2.CPP</p> <pre>다항식 A의 항의 수 : 2 다항식 A의 1항의 계수와 지수 : 1 2 다항식 A의 2항의 계수와 지수 : -3 0 다항식 B의 항의 수 : 3 다항식 B의 1항의 계수와 지수 : -1 5 다항식 B의 2항의 계수와 지수 : -3 3 다항식 B의 3항의 계수와 지수 : 5 0 다항식 곱셈 결과 : -1 x^7 + 9 x^3 + 5 x^2 + -15 x^0 계속하려면 아무 키나 누르십시오 . . .</pre> |
| <p>C:\Users\LEE\KIPU\KIPUDesktop\2의 안쪽이제그림으로그려진W2-2.CPP</p> <pre>다항식 A의 항의 수 : 3 다항식 A의 1항의 계수와 지수 : -1 3 다항식 A의 2항의 계수와 지수 : -1 2 다항식 A의 3항의 계수와 지수 : -1 1 다항식 B의 항의 수 : 3 다항식 B의 1항의 계수와 지수 : 1 3 다항식 B의 2항의 계수와 지수 : 1 2 다항식 B의 3항의 계수와 지수 : 1 1 다항식 곱셈 결과 : -1 x^3 + -1 x^2 + -1 x^1 계속하려면 아무 키나 누르십시오 . . .</pre> | <p>C:\Users\LEE\KIPU\KIPUDesktop\2의 안쪽이제그림으로그려진W2-2.CPP</p> <pre>다항식 A의 항의 수 : 5 다항식 A의 1항의 계수와 지수 : 5 5 다항식 A의 2항의 계수와 지수 : 4 4 다항식 A의 3항의 계수와 지수 : 3 3 다항식 A의 4항의 계수와 지수 : 2 2 다항식 A의 5항의 계수와 지수 : 1 1 다항식 B의 항의 수 : 1 다항식 B의 1항의 계수와 지수 : 1 0 다항식 곱셈 결과 : 5 x^5 + 4 x^4 + 3 x^3 + 2 x^2 + 1 x^1 계속하려면 아무 키나 누르십시오 . . .</pre> | <p>C:\Users\LEE\KIPU\KIPUDesktop\2의 안쪽이제그림으로그려진W2-2.CPP</p> <pre>다항식 A의 항의 수 : 5 다항식 A의 1항의 계수와 지수 : 5 5 다항식 A의 2항의 계수와 지수 : 4 4 다항식 A의 3항의 계수와 지수 : 3 3 다항식 A의 4항의 계수와 지수 : 2 2 다항식 A의 5항의 계수와 지수 : 1 1 다항식 B의 항의 수 : 1 다항식 B의 1항의 계수와 지수 : 0 0 다항식 곱셈 결과 : 5 x^5 + 4 x^4 + 3 x^3 + 2 x^2 + 1 x^1 계속하려면 아무 키나 누르십시오 . . .</pre> |

빅오 표기법은 알고리즘의 효율성을 표기해주는 표기법이다. 알고리즘의 효율성은 데이터 개수(n)가 주어졌을 때 덧셈, 뺄셈, 곱셈 같은 기본 연산의 횟수를 의미한다.

빅오 표기법은 보통 알고리즘의 시간 복잡도와 공간 복잡도를 나타내는데 주로 사용 된다. (시간 복잡도는 알고리즘의 시간 효율성을 의미하고, 공간 복잡도는 알고리즘의 공간(메모리) 효율성을 의미한다.)

그런데 시간과 공간 복잡도를 나타내는 방법으로는 점근 표기법이라고 해서 빅오(Big-O), 빅오메가(big-Ω), 빅세타(big-Θ) 표기법이 있다.

✓ 주로 사용하는 것은 빅오 표기법이다.

$$f(n) = 2n + 3 = O(n)$$

$$f(n) = 5n + 1 = O(n)$$

→ 같기 때문에 비교할 수 없어 성능 측정을 통해 비교한다.

✓ 순차탐색 $c_1 \cdot 1 \leq f(n) \leq c_2 \cdot n$ ($n \neq 1$)

이건육

학습 내용

```
85     cout << " No terms ";
86 }
87
88 Polynomial Polynomial::Multiply(Polynomial b)
89 {
90     Polynomial c; // 결과를 저장할 c객체 생성
91     int aPos, bPos, i;
92     cout << "A의 다항식 >>" << endl;
93     for (i = 0; i < terms - 1; i++)
94         cout << termArray[i].coef << " x^" << termArray[i].exp << " + ";
95     cout << termArray[i].coef << " x^" << termArray[i].exp << " \n";
96     cout << "B의 다항식 >>" << endl;
97     for (i = 0; i < b.terms - 1; i++)
98         cout << b.termArray[i].coef << " x^" << b.termArray[i].exp << " + ";
99     cout << b.termArray[i].coef << " x^" << b.termArray[i].exp << " \n";
100     for (aPos = 0; aPos < terms; aPos++) // 다항식 A 항의 수만큼 반복
101     {
102         Polynomial box; // 곱셈을 저장할 box객체 생성
103         for (bPos = 0; bPos < b.terms; bPos++) // 다항식 B 항의 수만큼 반복
104         {
105             float f = termArray[aPos].coef * b.termArray[bPos].coef; // 계수의 곱셈
106             int e = termArray[aPos].exp + b.termArray[bPos].exp; // 지수의 덧셈
107             box.NewTerm(f, e); // 계산된 계수와 지수를 객체 box에 저장
108         }
109         c = c.Add(box); // 이후 값을 c에 누적 덧셈
110     }
111     return c; // 결과가 저장된 c 객체 반환
112 }
```

성능 분석을 위한 점근 표기법

3) 점근 표기법(O , Ω , Θ)

- 정확한 단계수를 계산하는 것이 힘들며, 그 의미도 명확하게 비교할 수 있는 것이 아니므로, 대략적으로 수행시간이나 공간을 예측하기 위해 사용한다.

✓ 정의: "빅오"

두 개의 함수 $f(n)$ 과 $g(n)$ 이 주어졌을 때, 모든 $n \geq K$ 에 대하여 $f(n) \leq Cg(n)$ 을 만족하는 두 개의 상수 C 와 K 가 존재한다면, $f(n)$ 의 빅-오는 $O(g(n))$ 이다

예: $f(n) = 2n + 3$ 일 때, $g(n) = n$ 으로 두면

$$f(n) = 2n + 3 \leq 6n, \quad c = 6, \quad n_0 = 1$$

따라서 $f(n) = O(g(n)) = O(n)$ 이다.

정리 1.2: 만약 $f(n) = a_m n^m + \dots + a_1 n + a_0$ 이면,

$$f(n) = O(n^m) \text{ 이다.}$$

✓ 정의: "오메가"

모든 $n \geq n_0$ 에 대해 $f(n) \geq cg(n)$ 인 두 개의 상수 c 와 n_0 가 존재한다면 $f(n) = \Omega(g(n))$ 이다.

✓ 정의: "세타"

모든 $n \geq n_0$ 에 대해 $c_1 g(n) \leq f(n) \leq c_2 g(n)$ 인 세 개의 상수 c_1 , c_2 와 n_0 가 존재한다면 $f(n) = \Theta(g(n))$ 이다.

15

조정민

학습 내용

```
count++; // ...
s += a[i];
count++; // 지정문에 대한
}
count++; // for문의 마지막 실행에 대한
count++; // return에 대한
return s;
}
```

13

성능 분석을 위한 점근 표기법

$$f(n) = 2n + 3$$

$$g(n) = n$$

$$c = 6, n_0 = 1$$

$$f(n) = 2n + 3 \leq 6n, n \in \mathbb{N}$$

$$= O(g(n))$$

$$= O(n)$$

3) 점근 표기법 (O , Ω , Θ)

- 정확한 단계수를 계산하는 것이 힘들며, 그 의미도 명확하게 비교할 수 있는 것이 아니므로, 대략적으로 수행시간이나 공간을 예측하기 위해 사용한다.

- 정의: "빅오" $O(g(n))$ (worst case)
모든 $n, n \geq n_0$ 에 대해 $f(n) \leq cg(n)$ 인 두 개의 상수 c 와 n_0 가 존재한다면 $f(n) = O(g(n))$ 이다.

예: $f(n) = 2n + 3$ 일 때, $g(n) = n$ 으로 두면

$$f(n) = 2n + 3 \leq 6n, c = 6, n_0 = 1$$

따라서 $f(n) = O(g(n)) = O(n)$ 이다.

정리 1.2: 만약 $f(n) = a_m n^m + \dots + a_1 n + a_0$ 이면,

$$f(n) = O(n^m) \text{ 이다.}$$

- 정의: "오메가" $\Omega(g(n))$ (best case)
모든 $n, n \geq n_0$ 에 대해 $f(n) \geq cg(n)$ 인 두 개의 상수 c 와 n_0 가 존재한다면 $f(n) = \Omega(g(n))$ 이다.

- 정의: "세타" Θ
모든 $n, n \geq n_0$ 에 대해 $c_1 g(n) \leq f(n) \leq c_2 g(n)$ 인 세 개의 상수 c_1, c_2 와 n_0 가 존재한다면 $f(n) = \Theta(g(n))$ 이다.

15

이정량

$$c_1 \cdot 1 \leq f$$

소스 코드

```
Polynomial Polynomial::Multiply(Polynomial b)
{
    Polynomial c;
    int aPos, bPos;
    for (aPos = 0; aPos < terms; aPos++) {
        Polynomial res;
        for (bPos = 0; bPos < b.terms; bPos++) {
            float f = termArray[aPos].coef * b.termArray[bPos].coef; //계수 곱셈
            int i = termArray[aPos].exp + b.termArray[bPos].exp; //지수 덧셈
            res.NewTerm(f, i); //계수, 지수 res에 저장
        }
        c = c.Add(res); //c에 결과값을 누적으로 덧셈
    }
    return c; //결과 값 c 반환
}
```

실행 화면

```
C:\Windows\system32\cmd.exe
다항식 A의 항의 수 : 2
다항식 A의 1 번째 항의 계수와 지수 : 4 1
다항식 A의 2 번째 항의 계수와 지수 : 2 3
다항식 B의 항의 수 : 2
다항식 B의 1 번째 항의 계수와 지수 : 1 5
다항식 B의 2 번째 항의 계수와 지수 : 2 3
* 다항식 A >> 4 x^1 + 2 x^3
* 다항식 B >> 1 x^5 + 2 x^3
* 다항식 A X 다항식 B >> 2 x^8 + 8 x^6 + 8 x^4
계속하려면 아무 키나 누르십시오 . . .
```

허전진

참고자료

What is Big-O?

- Mathematical notation that describes algorithm efficiency
- Time & Space complexity
- Describes the growth rate of algorithms

<https://www.youtube.com/watch?v=6lq5iMCVsXA>

$O(n)$

```
F(int[] n) {  
    for i = 0 to n.length  
        print i  
}
```

$O(n^2)$

```
F(int[] n) {  
    for i = 0 to n.length  
        for j = 0 to n.length  
            print i + j;  
}
```