AG2 - Actividad Guiada 2

Nombre: Luis Enrique Sanchez Zamora

URL: https://colab.research.google.com/drive/1gvNE-69zgRu4j_mlBDfl2JCZwzLWOARv?usp=sharing

Repositorio: https://github.com/sanieni6/03MIAR---Algoritmos-de-Optimizacion

In [1]:

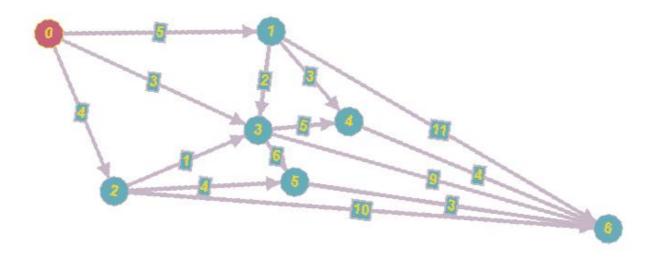
import math

Programación Dinámica. Viaje por el rio

- **Definición**: Es posible dividir el problema en subproblemas más pequeños, guardando las soluciones para ser utilizadas más adelante.
- Características que permiten identificar problemas aplicables:
 - -Es posible almacenar soluciones de los subproblemas para ser utilizados más adelante
 - -Debe verificar el principio de optimalidad de Bellman: "en una secuencia optima de decisiones, toda subsecuencia también es óptima" (*)
 - -La necesidad de guardar la información acerca de las soluciones parciales unido a la recursividad provoca la necesidad de preocuparnos por la complejidad espacial (cuantos recursos de espacio usaremos)

Problema

En un río hay n embarcaderos y debemos desplazarnos río abajo desde un embarcadero a otro. Cada embarcadero tiene precios diferentes para ir de un embarcadero a otro situado más abajo. Para ir del embarcadero i al j, puede ocurrir que sea más barato hacer un trasbordo por un embarcadero intermedio k. El problema consiste en determinar la combinación más barata.



Consideramos una tabla TARIFAS(i,j) para almacenar todos los precios que nos ofrecen los embarcaderos. Si no es posible ir desde i a j daremos un valor alto para garantizar que ese trayecto no se va a elegir en la ruta óptima(modelado habitual para restricciones)

```
In [ ]:
```

```
[0,5,4,3,float("inf"),999,999], #desde nodo 0
[999,0,999,2,3,999,11], #desde nodo 1
[999,999, 0,1,999,4,10], #desde nodo 2
[999,999,999, 0,5,6,9],
[999,999, 999,999,0,999,4],
[999,999, 999,999,0,3],
[999,999,999,999,999,0]
#999 se puede sustituir por float ("inf") del modulo math
TARIFAS
Out[]:
[[0, 5, 4, 3, inf, 999, 999],
 [999, 0, 999, 2, 3, 999, 11],
 [999, 999, 0, 1, 999, 4, 10],
 [999, 999, 999, 0, 5, 6, 9],
 [999, 999, 999, 999, 0, 999, 4],
 [999, 999, 999, 999, 0, 3],
 [999, 999, 999, 999, 999, 0]]
In [ ]:
#Calculo de la matriz de PRECIOS y RUTAS
# PRECIOS - contiene la matriz del mejor precio para ir de un nodo a otro
         - contiene los nodos intermedios para ir de un nodo a otro
***
def Precios (TARIFAS):
#Total de Nodos
 N = len(TARIFAS[0])
  #Inicialización de la tabla de precios
  PRECIOS = [ [9999] *N for i in [9999] *N] \#n \times n
  RUTA = [ [""]*N for i in [""]*N]
  #Se recorren todos los nodos con dos bucles(origen - destino)
  # para ir construyendo la matriz de PRECIOS
  for i in range(N-1):
    for j in range(i+1, N):
     MIN = TARIFAS[i][j]
     RUTA[i][j] = i
     for k in range(i, j):
   if PRECIOS[i][k] + TARIFAS[k][j] < MIN:</pre>
           MIN = min(MIN, PRECIOS[i][k] + TARIFAS[k][j] )
           RUTA[i][j] = k
       PRECIOS[i][j] = MIN
  return PRECIOS, RUTA
In [ ]:
PRECIOS, RUTA = Precios(TARIFAS)
#print(PRECIOS[0][6])
print("PRECIOS")
for i in range(len(TARIFAS)):
  print(PRECIOS[i])
print("\nRUTA")
for i in range(len(TARIFAS)):
 print(RUTA[i])
PRECIOS
[9999, 5, 4, 3, 8, 8, 11]
[9999, 9999, 999, 2, 3, 8, 7]
[9999, 9999, 9999, 1, 6, 4, 7]
[9999, 9999, 9999, 5, 6, 9]
[9999, 9999, 9999, 9999, 999, 4]
[9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 3]
            0000
                  0000
      0000
                       0000
```

```
RUTA
['', 0, 0, 0, 1, 2, 5]
['', '', 1, 1, 1, 3, 4]
['', '', '', 2, 3, 2, 5]
['', '', '', '', 3, 3, 3]

['', '', '', '', '', 4, 4]

['', '', '', '', '', '', 5]

['', '', '', '', '', '', '']
In [ ]:
#Calculo de la ruta usando la matriz RUTA
def calcular ruta(RUTA, desde, hasta):
  if desde == RUTA[desde][hasta]:
  #if desde == hasta:
    #print("Ir a :" + str(desde))
    return desde
    return str(calcular ruta(RUTA, desde, RUTA[desde][hasta])) + ',' + str(RUTA[desde][
hasta])
print("\nLa ruta es:")
calcular_ruta(RUTA, 0,6)
La ruta es:
Out[]:
'0,2,5'
Problema de Asignacion de tarea
In [22]:
#Asignacion de tareas - Ramificación y Poda
COSTES=[[11,12,18,40],
        [14, 15, 13, 22],
         [11,17,19,23],
         [17,14,20,28]]
In [23]:
#Calculo del valor de una solucion parcial
def valor(S, COSTES):
  VALOR = 0
  for i in range(len(S)):
    VALOR += COSTES[S[i]][i]
  return VALOR
valor((3,2,),COSTES)
Out[23]:
34
In [5]:
#Coste inferior para soluciones parciales
\# (1,3,) Se asigna la tarea 1 al agente 0 y la tarea 3 al agente 1
def CI(S, COSTES):
  VALOR = 0
  #Valores establecidos
```

[9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 9999]

```
for i in range(len(S)):
    VALOR += COSTES[i][S[i]]
  #Estimacion
  for i in range( len(S), len(COSTES)
    print(min( [ COSTES[j][i] for j in range(len(S), len(COSTES)) ]))
    VALOR += min( [ COSTES[j][i] for j in range(len(S), len(COSTES)) ])
  return VALOR
def CS(S, COSTES):
  VALOR = 0
  #Valores establecidos
  for i in range(len(S)):
    VALOR += COSTES[i][S[i]]
  #Estimacion
  for i in range(len(S), len(COSTES)
                                       ):
    VALOR += max( [ COSTES[j][i] for j in range(len(S), len(COSTES)) ])
  return VALOR
print(CI((0,1),COSTES))
print(CS((0,1),COSTES))
19
23
68
74
In [6]:
#Genera tantos hijos como como posibilidades haya para la siguiente elemento de la tupla
\#(0,) \rightarrow (0,1), (0,2), (0,3)
def crear hijos(NODO, N):
  HIJOS = []
  for i in range(N ):
    if i not in NODO:
      HIJOS.append({'s':NODO +(i,)
                                      })
  return HIJOS
In [7]:
crear hijos((0,), 4)
Out[7]:
[\{'s': (0, 1)\}, \{'s': (0, 2)\}, \{'s': (0, 3)\}]
In [8]:
def ramificacion y poda(COSTES):
#Construccion iterativa de soluciones (arbol). En cada etapa asignamos un agente (ramas).
#Nodos del grafo { s:(1,2),CI:3,CS:5 }
  #print (COSTES)
  DIMENSION = len(COSTES)
 MEJOR SOLUCION=tuple( i for i in range(len(COSTES)) )
  CotaSup = valor(MEJOR SOLUCION, COSTES)
  #print("Cota Superior:", CotaSup)
  NODOS=[]
  NODOS.append({'s':(), 'ci':CI((),COSTES)
  iteracion = 0
  while( len(NODOS) > 0):
    iteracion +=1
    nodo prometedor = [ min(NODOS, key=lambda x:x['ci']) ][0]['s']
    #print("Nodo prometedor:", nodo prometedor)
    #Ramificacion
    #Se generan los hijos
    HIJOS = [ \{ 's':x['s'], 'ci':CI(x['s'], COSTES) \}  for x in crear hijos(nodo prometed
```

```
or, DIMENSION) ]
    #Revisamos la cota superior y nos quedamos con la mejor solucion si llegamos a una so
lucion final
   NODO FINAL = [x \text{ for } x \text{ in HIJOS if len}(x['s']) == DIMENSION ]
    if len(NODO FINAL ) >0:
      \#print("\n*******Soluciones:", [x for x in HIJOS if len(x['s']) == DIMENSION ])
      if NODO FINAL[0]['ci'] < CotaSup:</pre>
        CotaSup = NODO FINAL[0]['ci']
        MEJOR SOLUCION = NODO FINAL
    #Poda
    HIJOS = [x for x in HIJOS if x['ci'] < CotaSup ]</pre>
    #Añadimos los hijos
    NODOS.extend(HIJOS)
    #Eliminamos el nodo ramificado
    NODOS = [ x for x in NODOS if x['s'] != nodo prometedor
  print("La solucion final es:" ,MEJOR SOLUCION , " en " , iteracion , " iteraciones" ,
" para dimension: " ,DIMENSION )
ramificacion y poda(COSTES)
11
12
13
22
14
13
22
14
13
22
14
13
22
14
13
22
19
23
19
23
19
23
19
23
19
23
19
23
28
28
19
23
19
23
19
23
28
28
28
28
28
28
La solucion final es: [{'s': (1, 2, 0, 3), 'ci': 64}] en 10 iteraciones para dimensio
```

Fuerza Bruta

Descenso del gradiente

```
In [17]:
```

```
import math
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
    #Funciones matematicas
#Generacion de gráficos (otra opcion seaborn)
#Tratamiento matriz N-dimensionales y otras (fundamenta
1!)
#import scipy as sc
import random
```

Vamos a buscar el minimo de la funcion paraboloide :

$$f(x) = x^2 + y^2$$

Obviamente se encuentra en (x,y)=(0,0) pero probaremos como llegamos a él a través del descenso del gradiante.

```
In [18]:
```

```
#Definimos la funcion
#Paraboloide
f = lambda X:     X[0]**2 + X[1]**2  #Funcion
df = lambda X: [2*X[0] , 2*X[1]]  #Gradiente

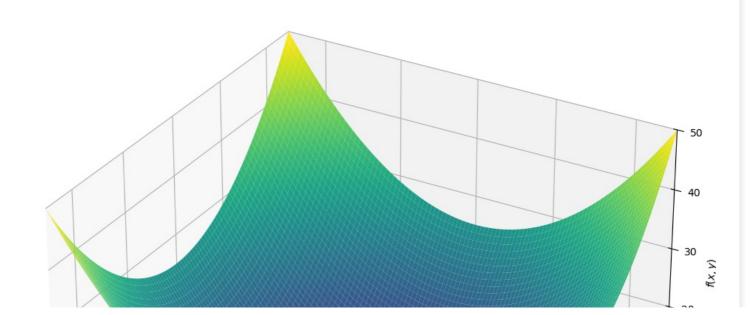
df([1,2])
```

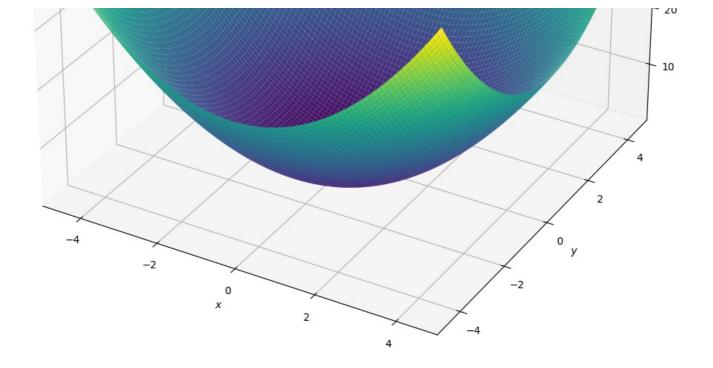
Out[18]:

[2, 4]

In [19]:

$$x^{**}2 + y^{**}2$$





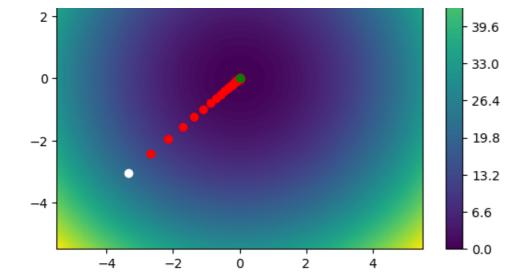
Out[19]:

<sympy.plotting.backends.matplotlibbackend.matplotlib.MatplotlibBackend at 0x16e026010>

In [20]:

```
#Prepara los datos para dibujar mapa de niveles de Z
resolucion = 100
rango=5.5
X=np.linspace(-rango, rango, resolucion)
Y=np.linspace(-rango, rango, resolucion)
Z=np.zeros((resolucion, resolucion))
for ix, x in enumerate(X):
  for iy, y in enumerate(Y):
    Z[iy,ix] = f([x,y])
#Pinta el mapa de niveles de Z
plt.contourf(X,Y,Z,resolucion)
plt.colorbar()
#Generamos un punto aleatorio inicial y pintamos de blanco
P=[random.uniform(-5,5), random.uniform(-5,5)]
plt.plot(P[0], P[1], "o", c="white")
#Tasa de aprendizaje. Fija. Sería más efectivo reducirlo a medida que nos acercamos.
TA=.1
#Iteraciones:50
for in range (50):
 grad = df(P)
  #print(P, grad)
  P[0], P[1] = P[0] - TA*grad[0], P[1] - TA*grad[1]
 plt.plot(P[0], P[1], "o", c="red")
#Dibujamos el punto final y pintamos de verde
plt.plot(P[0], P[1], "o", c="green")
plt.show()
print("Solucion:" , P , f(P))
```

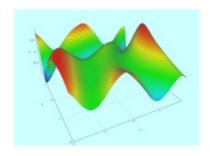




Solucion: [-4.789794672219121e-05, -4.341982820610018e-05] 4.17949478164912e-09

¿Te atreves a optimizar la función?:

$$f(x) = sin \ (1/2 + x^2 - 1/4 + 3) + cos(2 + x + 1 - e^y)$$

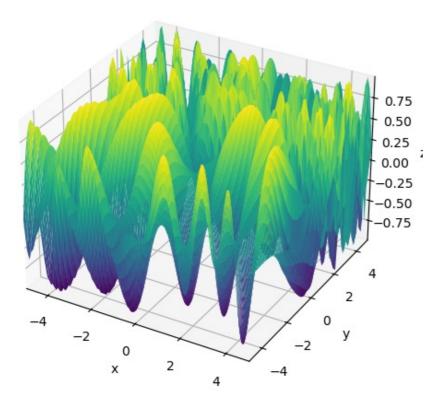


In [50]:

In [26]:

```
title='sin(1/2*x^2 - 1/4*y^2 + 3) * cos(2x + 1 - exp(y))',
    xlabel='x',
    ylabel='y',
    zlabel='z')
plt.show()
```

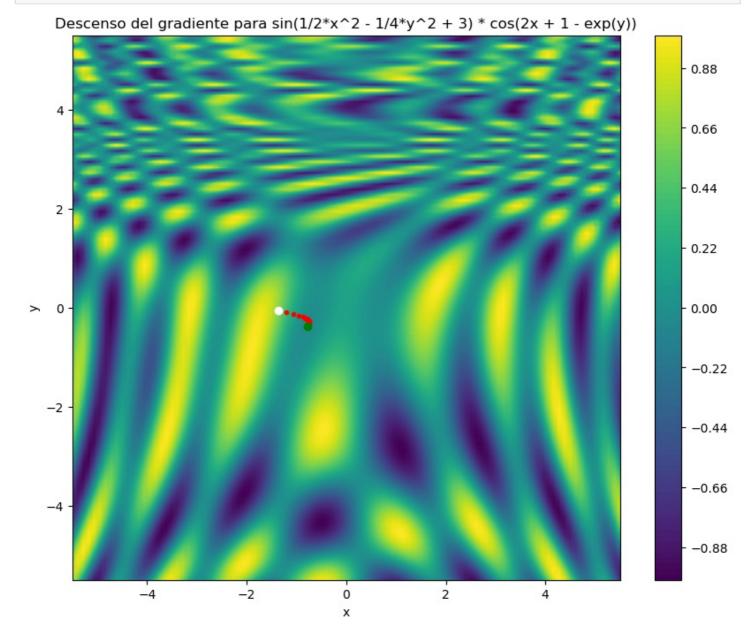
$\sin(1/2*x^2 - 1/4*y^2 + 3) * \cos(2x + 1 - \exp(y))$



In []:

```
#Prepara los datos para dibujar mapa de niveles de Z
resolucion = 100
rango = 5.5
X = np.linspace(-rango, rango, resolucion)
Y = np.linspace(-rango, rango, resolucion)
Z = np.zeros((resolucion, resolucion))
for ix, x in enumerate(X):
  for iy, y in enumerate(Y):
    Z[iy, ix] = f([x, y])
#Pinta el mapa de niveles de Z
plt.figure(figsize=(10, 8))
plt.contourf(X, Y, Z, resolucion)
plt.colorbar()
#Generamos un punto aleatorio inicial y pintamos de blanco
P = [random.uniform(-5, 5), random.uniform(-5, 5)]
plt.plot(P[0], P[1], "o", c="white")
#Tasa de aprendizaje. Fija.
TA = 0.1
#Iteraciones:50
for in range (50):
 grad = df(P)
  P[0], P[1] = P[0] - TA*grad[0], P[1] - TA*grad[1]
 plt.plot(P[0], P[1], "o", c="red", markersize=3)
#Dibujamos el punto final y pintamos de verde
plt.plot(P[0], P[1], "o", c="green")
plt.title("Descenso del gradiente para \sin(1/2*x^2 - 1/4*y^2 + 3) * \cos(2x + 1 - \exp(y))"
plt.xlabel("x")
```

```
plt.ylabel("y")
plt.show()
print("Solución:", P, f(P))
```



Solución: [-0.7829035086050368, -0.38637278014903476] -0.04067608817879334

In []: