

# Ray marching

Projet ISIM

# Agenda

Les sujets traités

1

Algorithme Ray Marching

2

SDF (Signed Distance Function)

3

Effet 3D sur la scene et  
Gestion des ombres

4

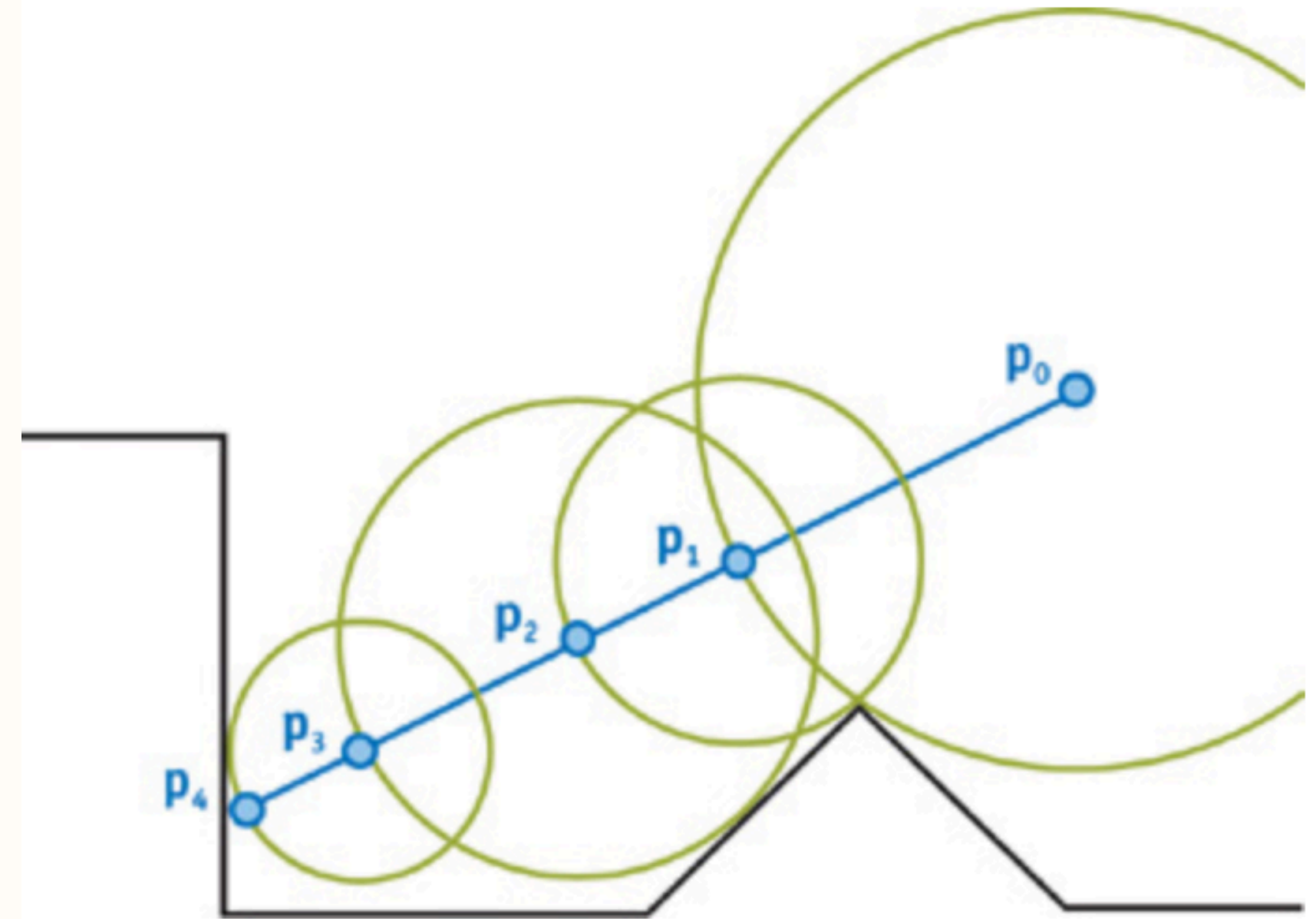
Reflection

5

Union, intersection, Différence

# Algorithme Ray marching

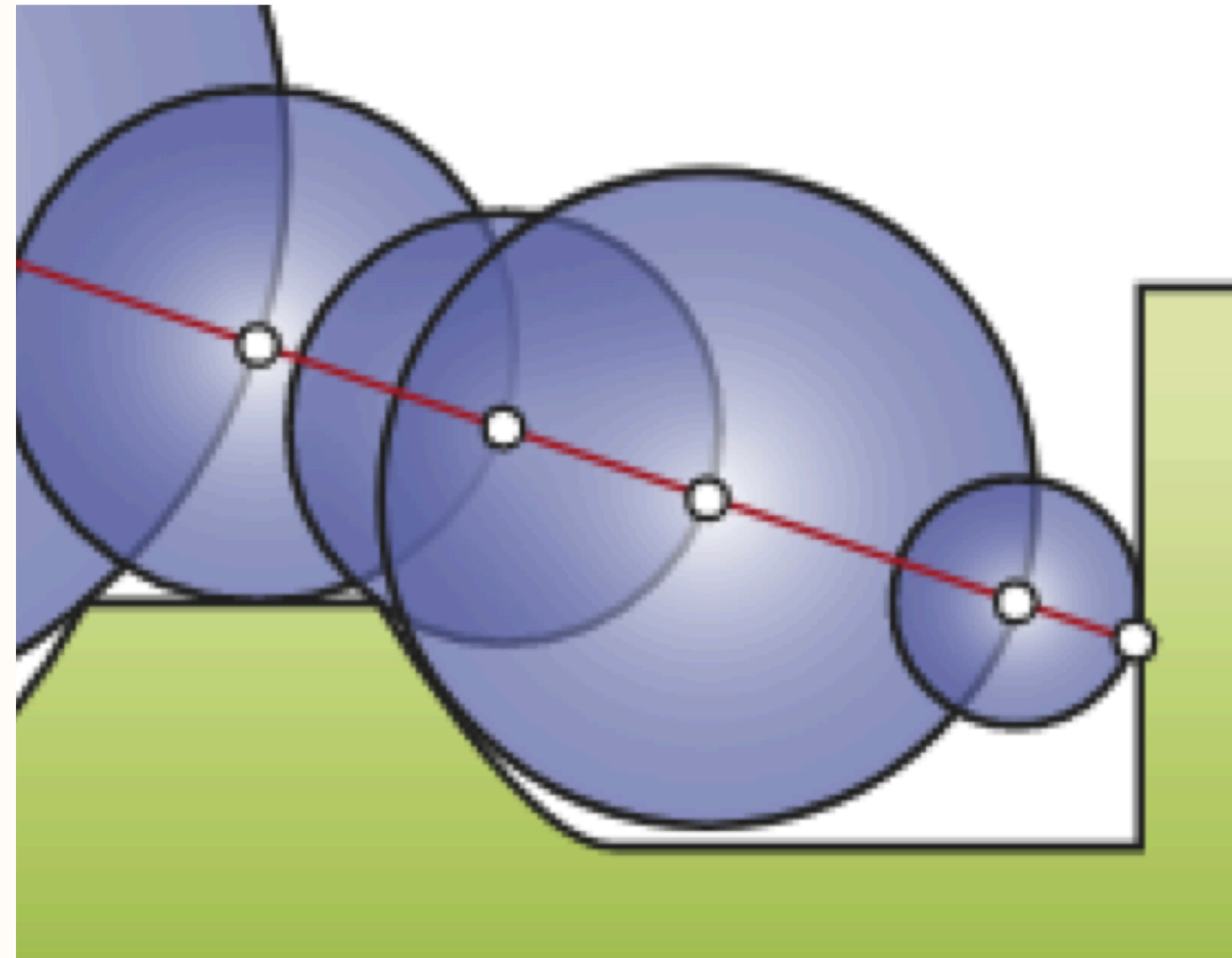
```
for (int i = 0; i < MAX_MARCHING_STEPS; i++) {  
    float dist = sceneSDF(eye + depth * viewRayDirection);  
    if (dist < EPSILON) {  
        // We're inside the scene surface!  
        return depth;  
    }  
    // Move along the view ray  
    depth += dist;  
  
    if (depth >= end) {  
        // Gone too far; give up  
        return end;  
    }  
}  
return end;
```



From *GPU Gems 2: Chapter 8*.

# SDF (Signed Distance Function)

Une SDF retourne une valeur qui représente la distance la plus courte d'un point donné dans l'espace à la surface de l'objet. La fonction est positive à l'extérieur de l'objet, négative à l'intérieur, et zéro sur la surface.



avec des fonctions de distance (*Enhanced Sp*)

# EXEMPLES de SDF

$$\text{SDF}_{\text{sphère}}(\mathbf{p}, \mathbf{c}, r) = \|\mathbf{p} - \mathbf{c}\| - r$$

où  $\mathbf{p} = (x, y, z)$  est le point d'évaluation,  $\mathbf{c} = (x_c, y_c, z_c)$  est le centre de la sphère, et  $r$  est le rayon de la sphère.

$$\text{SDF}_{\text{cube}}(\mathbf{p}, \mathbf{c}, \mathbf{b}) = \|\max(\mathbf{a} - \mathbf{c}, 0) + \min(\mathbf{a} - \mathbf{b}, 0)\|$$

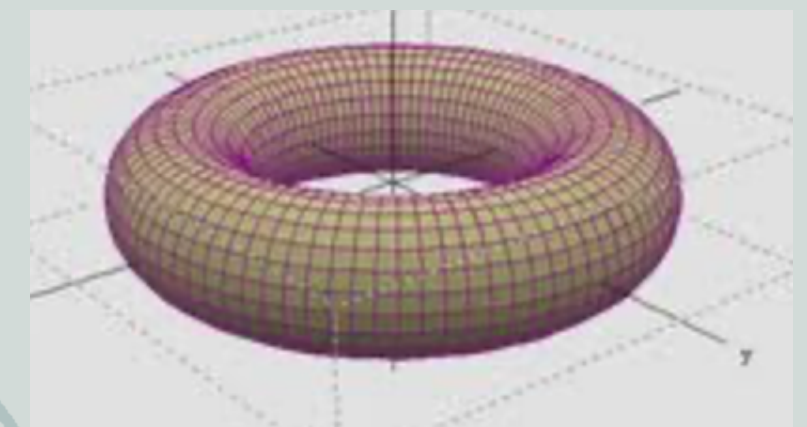
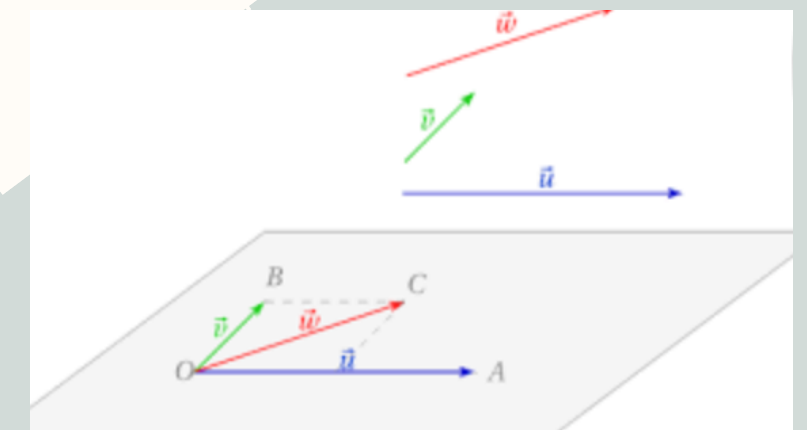
où  $\mathbf{a} = \mathbf{p} - \mathbf{c}$  est le vecteur de la position du point par rapport au centre du cube, et  $\mathbf{b} = (b_x, b_y, b_z)$  représente les demi-dimensions du cube le long de chaque axe.

$$\text{SDF}_{\text{plan}}(\mathbf{p}, \mathbf{n}, d) = \mathbf{p} \cdot \mathbf{n} + d$$

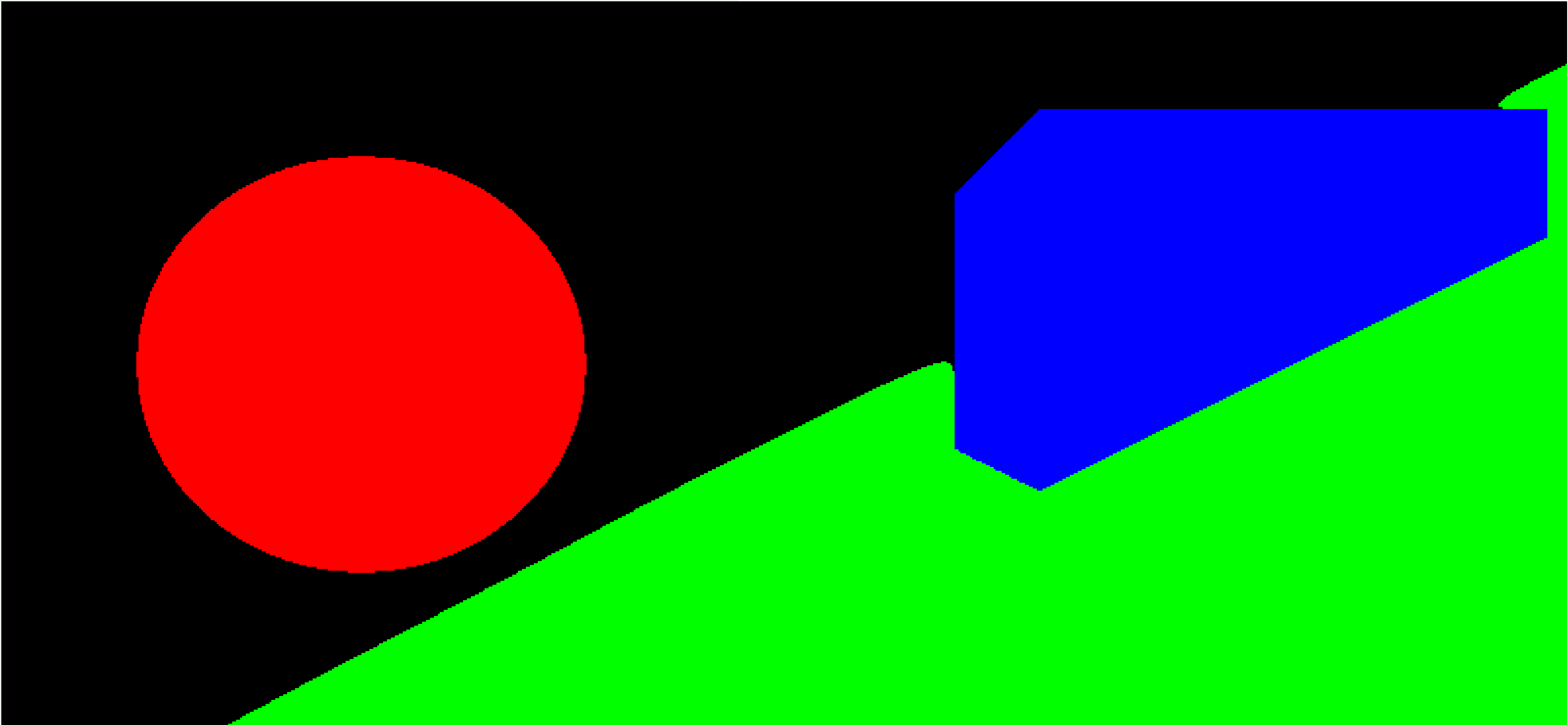
où  $\mathbf{n}$  est le vecteur normal au plan et  $d$  est la distance du plan à l'origine.

$$\text{SDF}_{\text{tore}}(\mathbf{p}, \mathbf{c}, r_1, r_2) = \left( \sqrt{(x^2 + y^2)} - r_1 \right)^2 + z^2 - r_2^2$$

où  $(r_1, r_2)$  sont les rayons du tore.

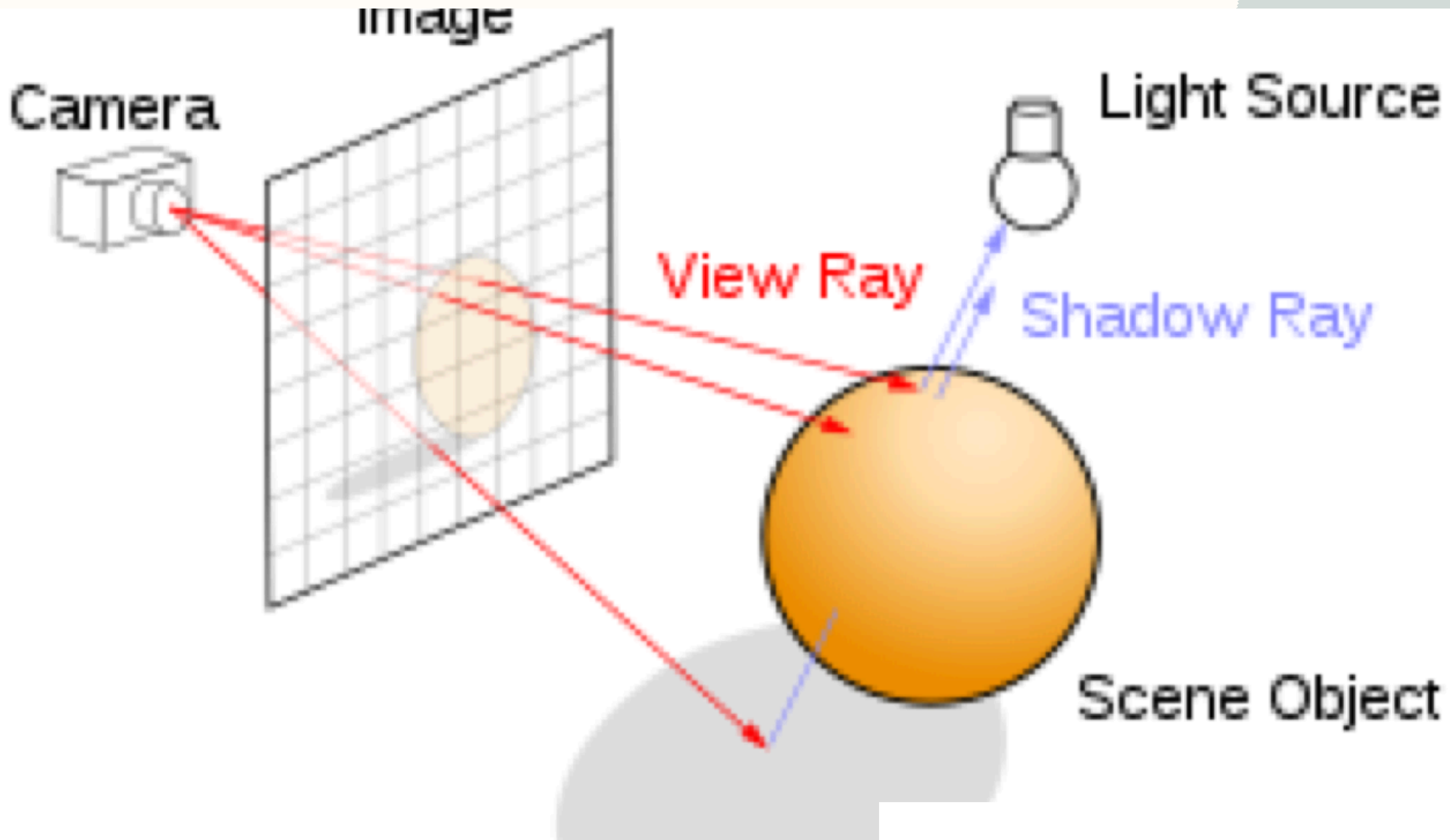


# Raymarcher uniquement





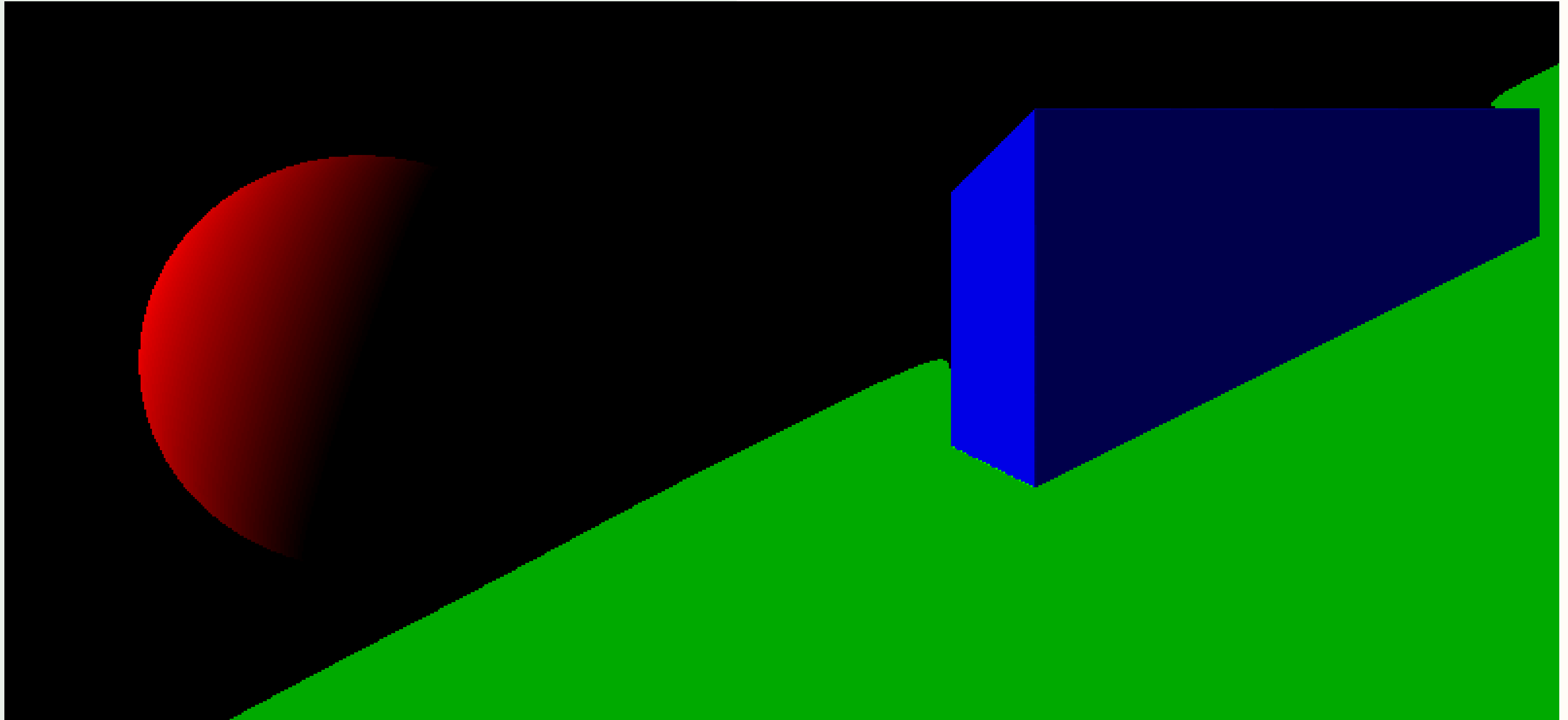
# Effet 3D sur la scene et Gestion des ombres



Cacul de la normale à chaque point de la surface avec  $f$  comme SDF

$$\vec{n} = \begin{bmatrix} f(x + \varepsilon, y, z) - f(x - \varepsilon, y, z) \\ f(x, y + \varepsilon, z) - f(x, y - \varepsilon, z) \\ f(x, y, z + \varepsilon) - f(x, y, z - \varepsilon) \end{bmatrix}$$

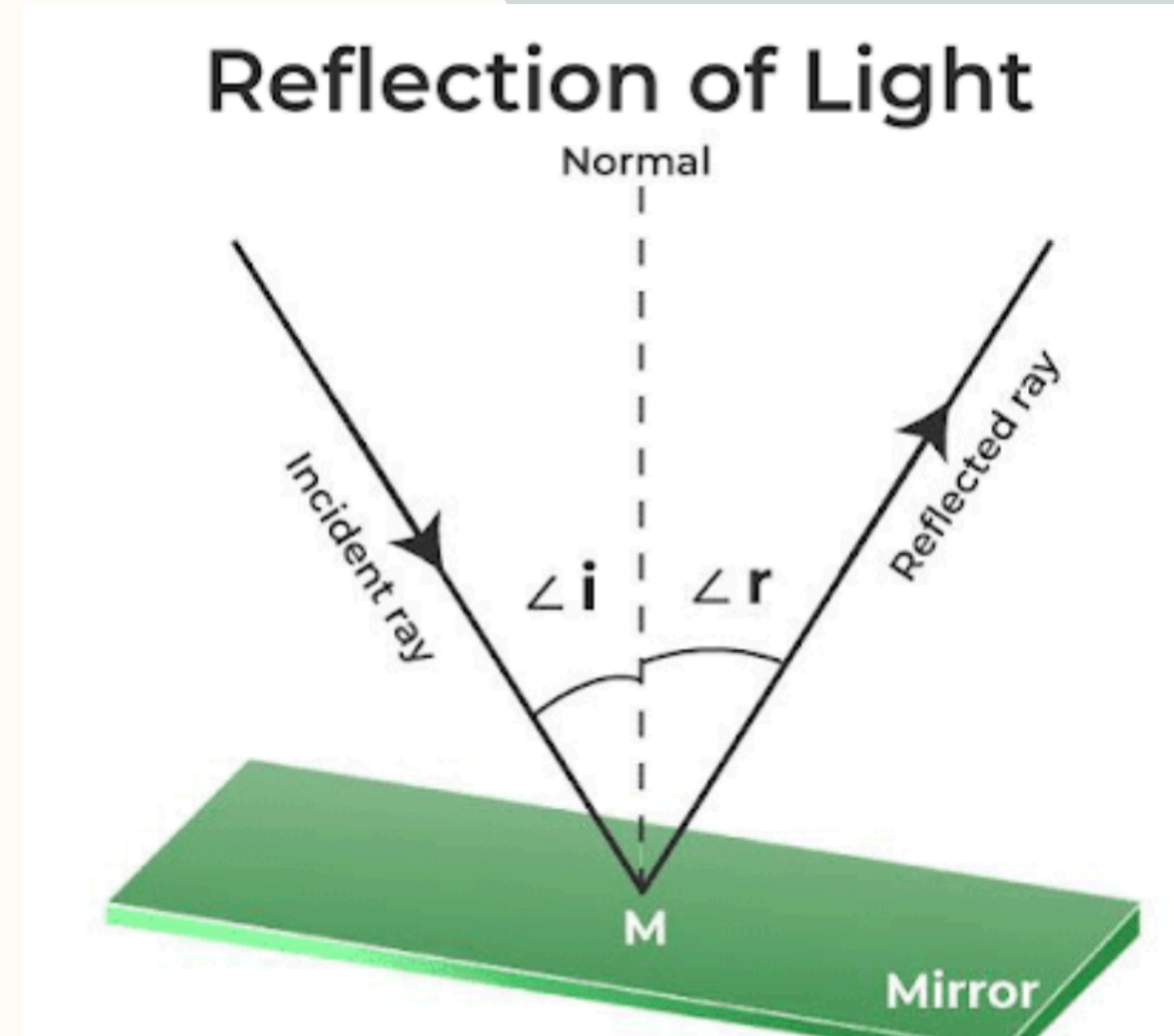
# Raymarcher + Effet 3D + Ombre



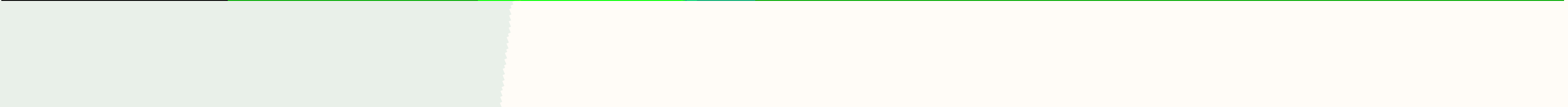


# Reflection du rayon

On effectue une reflection du rayon lorsqu'il frappe une surface réfléchissante.



# Raymarcher + Effet 3D + Ombre + reflection



# Union, intersection, différence entre deux objets

On veut construire d'autres objets dans notre scène en effectuant des opérations simples comme:

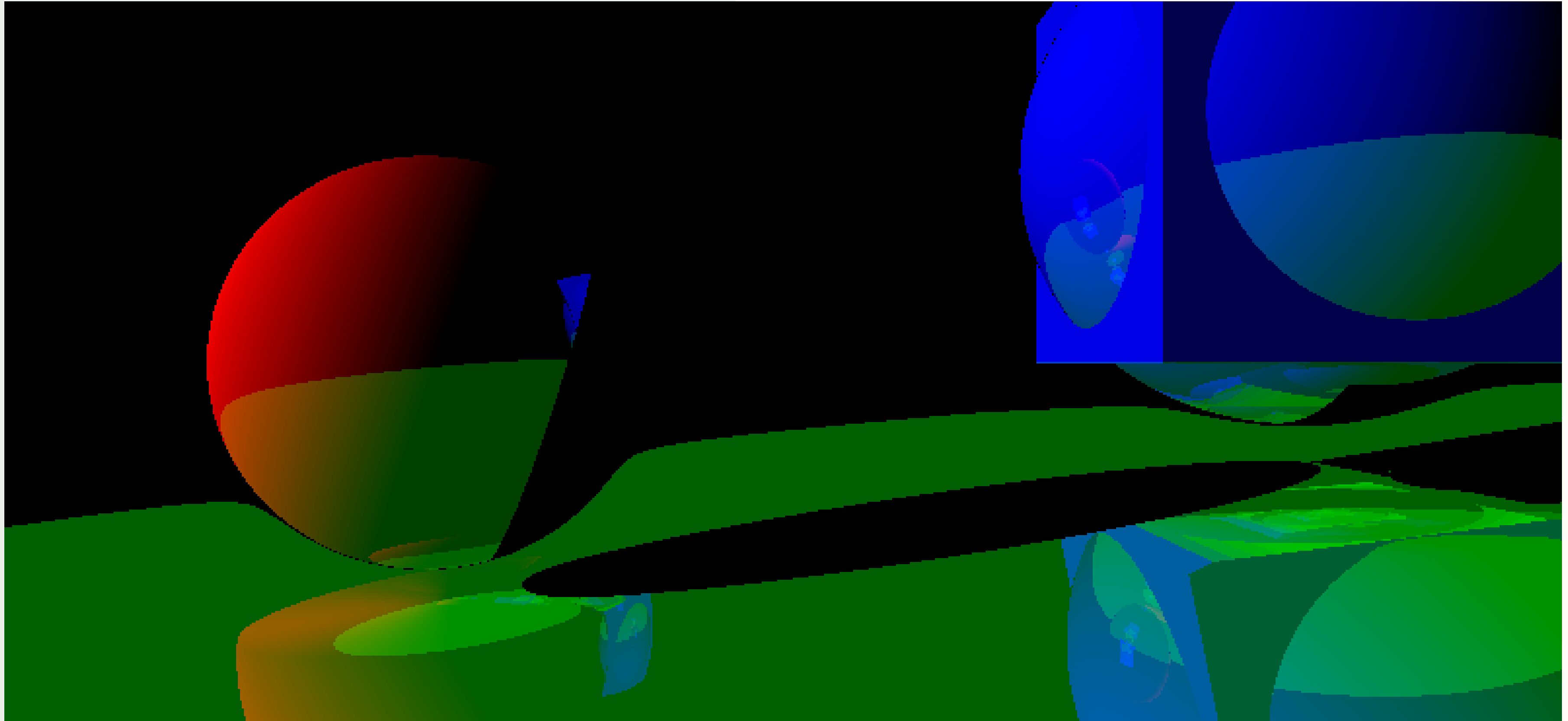
- l'union (min des SDF)
- l'intersection (max des SDF)
- la différence (max du premier SDF et de la négation du deuxième SDF)

```
float intersectSDF(float distA, float distB) {  
    return max(distA, distB);  
}
```

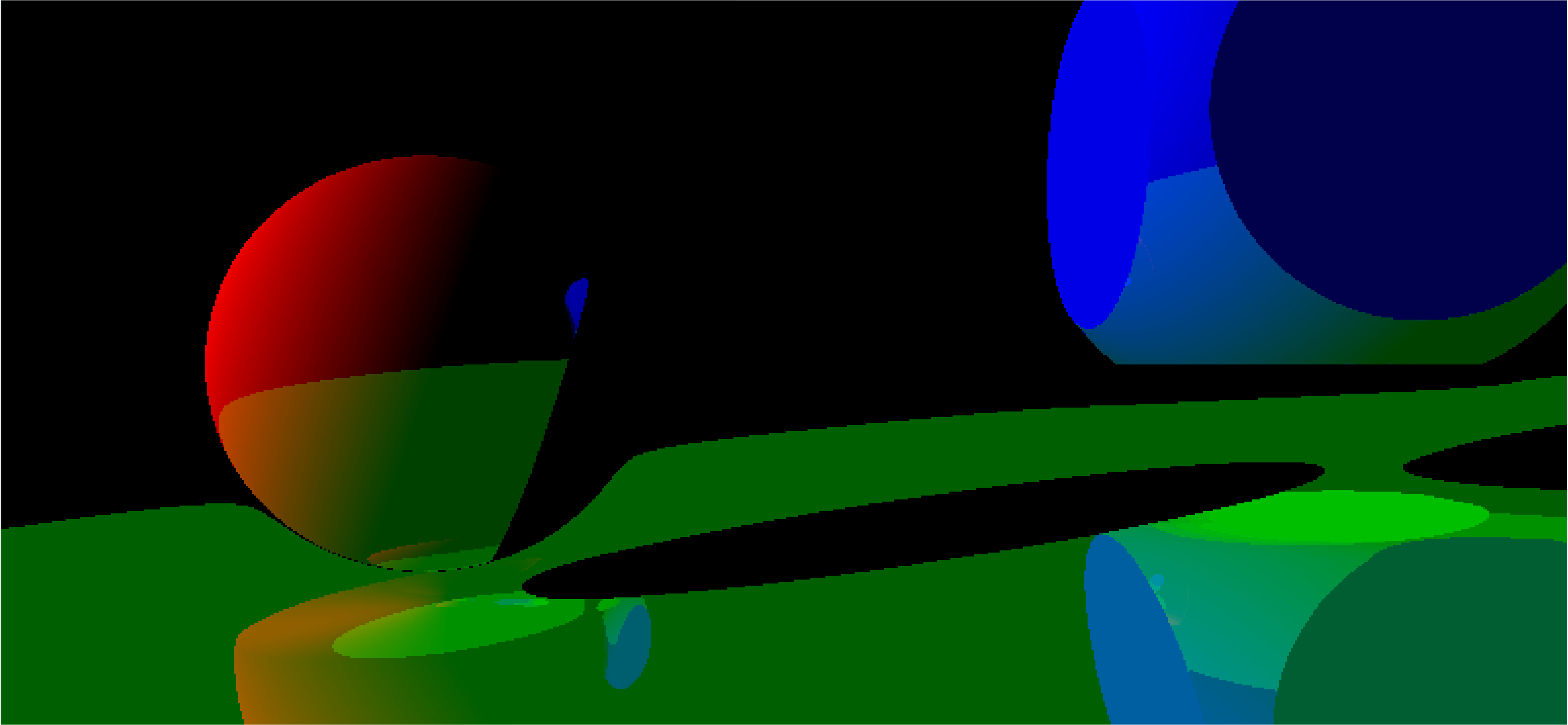
```
float unionSDF(float distA, float distB) {  
    return min(distA, distB);  
}
```

```
float differenceSDF(float distA, float distB) {  
    return max(distA, -distB);  
}
```

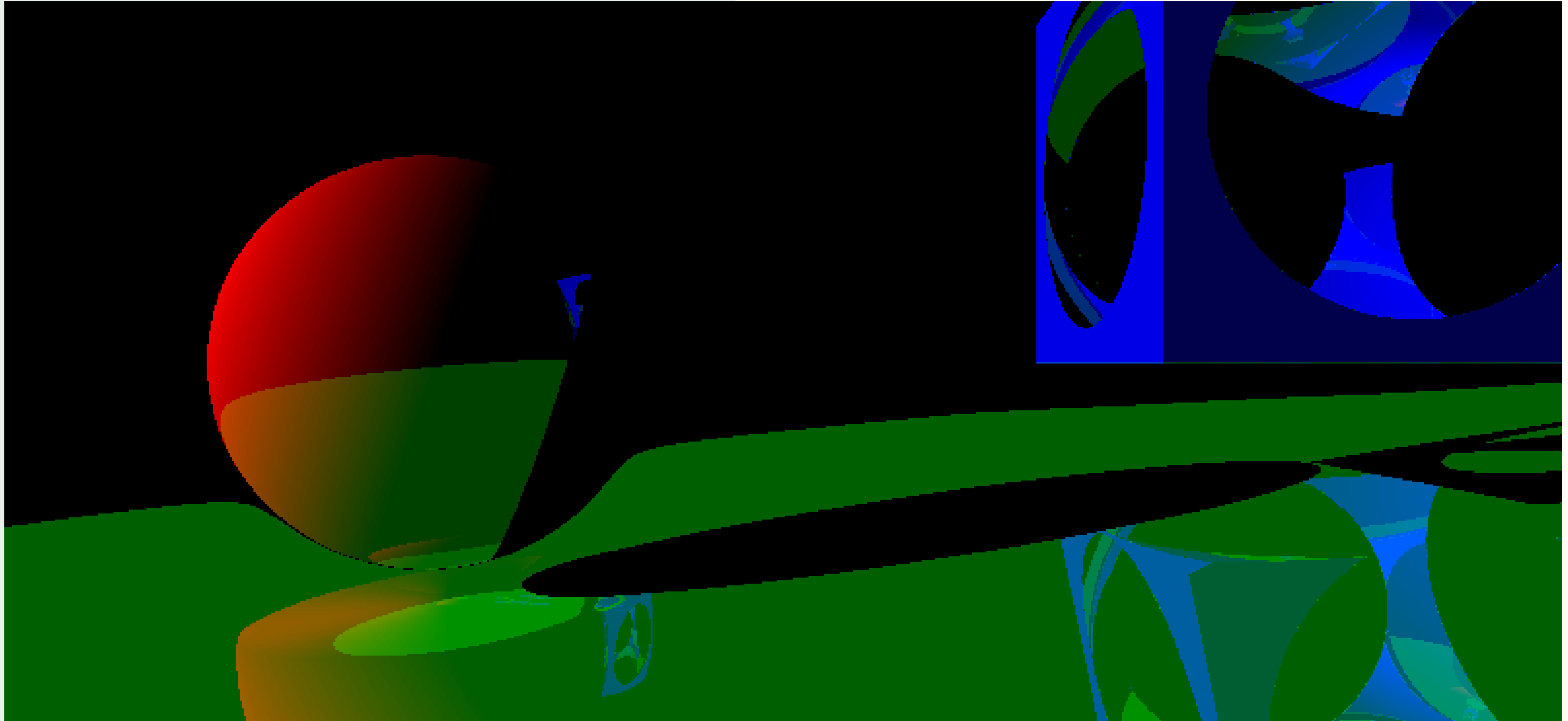
# Union Sphere et Cube



# Intersection Sphere et Cube



# Différence Sphere et Cube



# Page de Ressources

**A**

[http://jo.fabrizio.free.fr/teaching/synt/tpcs13\\_fr\\_1.3.pdf](http://jo.fabrizio.free.fr/teaching/synt/tpcs13_fr_1.3.pdf)

**B**

<https://jamie-wong.com/2016/07/15/ray-marching-signed-distance-functions/>





Merci !