

Fisica 1 per Chimica (Canali A-E ed P-Z)
Esame scritto di Laboratorio/Statistica 10/09/2018
docenti: Francesco Santanastasio, Paolo Gauzzi

Nome: _____ Cognome: _____
Matricola _____ Aula: _____
Canale: _____ Docente: _____

La durata del compito è 3 ore. I cellulari devono essere spenti. Non è possibile consultare libri di testo o appunti personali. È possibile utilizzare una calcolatrice ed il formulario fornito insieme al compito.
Riportare a penna (non matita) sul presente foglio i risultati numerici finali (con unità di misura ed incertezze di misura). Nell'elaborato riportare sia lo svolgimento dettagliato degli esercizi (indicando tutte le formule utilizzate ed i passaggi) che i risultati numerici.

Esercizio 1

Uno studio sui consumi medi di carburante di automobili a benzina di diversa cilindrata fornisce i risultati riportati in tabella. Si assuma che l'incertezza sulle misure della distanza percorsa con un litro di carburante sia $\sigma = 0.2 \text{ km}/\ell$, mentre si consideri trascurabile l'incertezza sulla cilindrata.

Distanza al litro - D (km/ ℓ)	Cilindrata - C (cm ³)
13.1	1600
6.7	2800
8.2	2500
9.6	2000
12.4	1400

- a) Assumendo che la relazione tra la distanza percorsa con un litro di carburante e la cilindrata sia lineare, $D = A + B \times C$ determinare il parametri A e B con le loro incertezze.

$A =$ _____
 $B =$ _____

- b) Determinare la distanza attesa percorsa per litro di carburante, con la corrispondente incertezza, per un'autovettura di cilindrata 1900 cm³.

$D =$ _____

- c) Una casa automobilistica afferma di aver ridotto i consumi, producendo una vettura di cilindrata 1900 cm³ che percorre 11.9 km/ ℓ . Si può affermare che sia un miglioramento significativo (assumendo un livello di significatività dello 0.1%)?
SÌ ☐ NO ☐

Esercizio 2

In un test a risposta multipla, ci sono 12 domande con 3 possibili risposte, di cui solo una corretta, per ogni domanda.

- a) Calcolare la probabilità di rispondere correttamente a tutte le domande scegliendo ogni volta la risposta a caso.

$p =$ _____

- b) Per superare il test bisogna rispondere correttamente ad almeno 7 domande. Calcolare la probabilità di superare il test rispondendo a caso.

$p =$ _____

- c) In un test composto da 120 domande, calcolare la probabilità di dare almeno 70 risposte giuste, sempre rispondendo a caso.

$p =$ _____

Esercizio 3

Un studente vuole studiare il fenomeno di assorbimento nella materia della radiazione proveniente da una sorgente radioattiva. A questo scopo, pone un contatore Geiger ad una certa distanza dalla sorgente e misura $N_1 = 491$ conteggi in 1 minuto di misura. Ripete quindi la misura ponendo tra il contatore e la sorgente uno schermo di piombo ottenendo $N_2 = 111$ conteggi in 1 minuto. Infine, per misurare la radioattività di fondo ambientale, egli toglie la sorgente ed ottiene $N_3 = 244$ conteggi in 5 minuti di misura.

- a) Determinare il tasso di conteggi al minuto nei tre casi considerati con le corrispondenti incertezze.

$$\begin{aligned} R_1 &= \underline{\hspace{2cm}} \\ R_2 &= \underline{\hspace{2cm}} \\ R_3 &= \underline{\hspace{2cm}} \end{aligned}$$

- b) Determinare il tasso di conteggi al minuto relativo alla sola sorgente radioattiva in assenza (R_{sorg}) ed in presenza ($R_{sorg+Pb}$) dello schermo di piombo e le relative incertezze. Determinare inoltre il rapporto $A = \frac{R_{sorg+Pb}}{R_{sorg}}$ e la relativa incertezza.

$$\begin{aligned} R_{sorg} &= \underline{\hspace{2cm}} \\ R_{sorg+Pb} &= \underline{\hspace{2cm}} \\ A &= \underline{\hspace{2cm}} \end{aligned}$$

- c) Sapendo che è valida la relazione $A = e^{-\frac{x}{\lambda}}$, dove $x = (5.0 \pm 0.1)$ cm è lo spessore dello schermo di piombo, determinare il parametro λ e la relativa incertezza.

$$\lambda = \underline{\hspace{2cm}}$$

- 1 punto** ogni 3 errori di questo tipo:
- unità di misura non riportate o riportate incorrettamente
 - errori di calcolo (procedimento e formule ok ma risultato numerico significativamente sbagliato)

Soluzione Esercizio 1. (10 punti)

a) **(5 punti)**

$$\Delta = N \sum_i C_i^2 - (\sum_i C_i)^2 = 6960000 \text{ cm}^6 \text{ (1)}$$

$$A = \frac{\sum_i C_i^2 \sum_i D_i - \sum_i C_i \sum_i C_i D_i}{\Delta} = (19.20 \pm 0.36) \text{ km}/\ell \text{ (2)}$$

$$B = \frac{N \sum_i C_i D_i - \sum_i C_i \sum_i D_i}{\Delta} = (-0.00446 \pm 0.00017) \text{ km}/(\ell \text{cm}^3) \text{ (2)}$$

b) **(2 punti)**

$$A + B \times 1900 = (10.71 \pm 0.48) \text{ km}/\ell$$

c) **(3 punti)**

$$t = \frac{11.9 - 10.71}{0.48} = 2.5 \sigma \text{ (2)}$$

Non è significativo. **(1)**

Soluzione Esercizio 2. (10 punti)

a) **(2 punti)**

$$P(12) = B_{12, \frac{1}{3}}(12) = \left(\frac{1}{3}\right)^{12} = 1.88 \times 10^{-6} \text{ (2)}$$

b) **(5 punti)**

$$B_{12, \frac{1}{3}}(7) = \binom{12}{7} \left(\frac{1}{3}\right)^7 \left(\frac{2}{3}\right)^5 = 4.77\%$$

$$B_{12, \frac{1}{3}}(8) = \binom{12}{8} \left(\frac{1}{3}\right)^8 \left(\frac{2}{3}\right)^4 = 1.49\%$$

$$B_{12, \frac{1}{3}}(9) = \binom{12}{9} \left(\frac{1}{3}\right)^9 \left(\frac{2}{3}\right)^3 = 0.33\%$$

$$B_{12, \frac{1}{3}}(10) = \binom{12}{10} \left(\frac{1}{3}\right)^{10} \left(\frac{2}{3}\right)^2 = 4.97 \times 10^{-4}$$

$$B_{12, \frac{1}{3}}(11) = \binom{12}{11} \left(\frac{1}{3}\right)^{11} \frac{2}{3} = 4.52 \times 10^{-5} \text{ (3)}$$

$$P(\nu \geq 7) = B_{12, \frac{1}{3}}(7) + B_{12, \frac{1}{3}}(8) + B_{12, \frac{1}{3}}(9) + B_{12, \frac{1}{3}}(10) + B_{12, \frac{1}{3}}(11) + B_{12, \frac{1}{3}}(12) = 6.64\% \text{ (2)}$$

c) **(3 punti)**

Con n grande la binomiale si approssima con una gaussiana:

$$\mu = np = 120 \times \frac{1}{3} = 40 \text{ (1)}$$

$$\sigma = \sqrt{np(1-p)} = 5.16 \text{ (1)}$$

$$t = \frac{70-40}{5.16} = 5.8$$

$$P(t > 5.8\sigma) < 3 \times 10^{-7} \text{ (1)}$$

Soluzione Esercizio 3. (10 punti)

a) **(3 punti)**

$$R_1 = \frac{491 \pm \sqrt{491}}{1} = (491 \pm 22) \text{ conteggi/min} \text{ (1)}$$

$$R_2 = \frac{111 \pm \sqrt{111}}{1} = (111 \pm 11) \text{ conteggi/min} \text{ (1)}$$

$$R_3 = \frac{244 \pm \sqrt{244}}{5} = (48.8 \pm 3.1) \text{ conteggi/min} \text{ (1)}$$

b) **(5 punti)**

$$\sigma_{R_{sorg}} = \sqrt{\sigma_{R_1}^2 + \sigma_{R_3}^2} = 22 \text{ conteggi/min}$$

$$R_{sorg} = R_1 - R_3 = (442 \pm 22) \text{ conteggi/min} \text{ (1.5)}$$

$$\sigma_{R_{sorg+Pb}} = \sqrt{\sigma_{R_2}^2 + \sigma_{R_3}^2} = 11 \text{ conteggi/min}$$

$$R_{sorg+Pb} = R_2 - R_3 = (62 \pm 11) \text{ conteggi/min} \text{ (1.5)}$$

$$\frac{\sigma_A}{A} = \sqrt{\left(\frac{\sigma_{R_{sorg+Pb}}}{R_{sorg+Pb}}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_{R_{sorg}}}{R_{sorg}}\right)^2} = 18.4\% \text{ (1)}$$

$$\sigma_A = A \cdot \frac{\sigma_A}{A} = 0.02585$$

$$A = (0.141 \pm 0.026) = (14.1 \pm 2.6)\% \text{ (1)}$$

c) **(2 punti)**

$$\lambda = -\frac{x}{\ln(A)}$$

$$\frac{\partial \lambda}{\partial x} = -\frac{1}{\ln(A)} = 0.5098$$

$$\frac{\partial \lambda}{\partial A} = -\frac{x}{(\ln(A))^2 \cdot A} = -9.2398 \text{ cm}$$

$$\sigma_\lambda = \sqrt{\left(\frac{\partial \lambda}{\partial x}\right)^2 \sigma_x^2 + \left(\frac{\partial \lambda}{\partial A}\right)^2 \sigma_A^2} = 0.24 \text{ cm} \text{ (1)}$$

$$\lambda = -\frac{x}{\ln(A)} = (2.55 \pm 0.24) \text{ cm} \text{ (1)}$$