As séries matemáticas é o resultado da soma de sequência infinita convergente. Uma série de grande importância é a série geométrica que se torna convergente quando a razão (r) entre um termo e seu antecessor se torna constante. Neste caso a soma dos infinitos termos se convergente para o primeiro termo da série divido pela diferença entre um e sua razão.

De acordo com texto o valor de 4 + 1 + 0.25 + 0.0625 + ... + 0 vale:

Uma série geométrica tem seus dois primeiros termos dados por $a_1 = 1/2$ e $a_2 = 1/3$.

Podemos então afirmar que:

Todo número que pode ser escrito na forma fracionária a/b sendo a e b números inteiros com b ¹ 0 é chamado de número racional. As dízimas são números racionais já que podem ser escrita mesma forma fracionária. Esta fração é chamada de geratriz da dízima e pode ser determinada usando a soma de uma série geométrica convergente.

Qual é a geratriz da dízima 0,233333333333.....?

Considere a série

$$S = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{4^{n-2}}$$

E A série é convergente e S = 48.