

Uma série recebe o nome de série alternada quando existe a alternância de termos positivos e negativo sucessivamente. A expressão matemática abaixo indica uma série alternada.

$$S = \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \cdot (2n-1)$$

Esta série é indicada pela alternativa:

C $S = 1 - 3 + 5 - 7 + 9 - 11 + 13 \dots\dots$

$$S_1 = \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \cdot \left(\frac{1}{n}\right)$$

$$S_2 = \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \cdot \left(\frac{1}{n}\right)$$

Considere as séries (acima) S_1 e S_2 , podemos afirmar que $S = S_1 + S_2$ é igual a:

E zero

$$S = \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \cdot \frac{1}{n^3}$$

Aplicando o critério de Leibniz para séries infinitas alternadas concluímos que:

A Esta série é convergente.

$$a_n = (-1)^{n+1} \cdot \left(\frac{1}{n!}\right)$$

$$b_n = (-1)^n \cdot \left(\frac{1}{n}\right)$$

As duas expressões representam o geral de duas sequências alternadas. O valor do dobro da diferença entre o terceiro termo da sequência a e o terceiro termo da sequência b ou seja $2 \cdot (a_3 - b_3)$ vale:

A 1