

一、后缀表达式求值

后缀表达式也叫逆波兰表达式，其求值过程可以用到栈来辅助存储。假定待求值的后缀表达式为：6 5 2 3 + 8 * + 3 + *，则其求值过程如下：

1) 遍历表达式，遇到的数字首先放入栈中，此时栈如下所示：

| | |
|------------|---|
| TopOfStack | 3 |
| | 2 |
| | 5 |
| | 6 |

2) 接着读到“+”，则弹出3和2，执行3+2，计算结果等于5，并将5压入到栈中。

| | |
|------------|---|
| TopOfStack | 5 |
| | 5 |
| | 6 |

3) 读到8，将其直接放入栈中。

| | |
|------------|---|
| TopOfStack | 8 |
| | 5 |
| | 5 |
| | 6 |

4) 读到“*”，弹出8和5，执行8*5，并将结果40压入栈中。而后过程类似，读到“+”，将40和5弹出，将40+5的结果45压入栈...以此类推。最后求的值288。

二、中缀表达式转后缀表达式

中缀表达式 $a + b * c + (d * e + f) * g$ ，其转换成后缀表达式则为 $a b c * + d e * f + g * +$ 。

转换过程需要用到栈，具体过程如下：

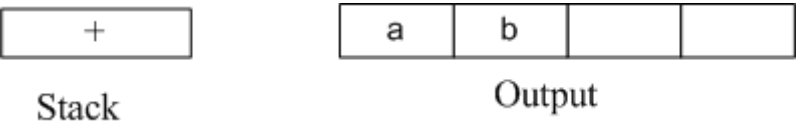
- 1) 如果遇到操作数，我们就直接将其输出。
- 2) 如果遇到操作符，则我们将其放入到栈中，遇到左括号时我们也将之放入栈中。
- 3) 如果遇到一个右括号，则我们将栈元素弹出，将弹出的操作符输出直到遇到左括号为止。注意，左括号只弹出并不输出。
- 4) 如果遇到任何其他的操作符，如（“+”，“*”，“（”）等，从栈中弹出元素直到遇到发现更低优先级的元素(或者栈为空)为止。弹出完这些元素后，才将遇到的操作符压入到栈中。有一点需要注意，只有在遇到“)”的情况下我们才弹出“（”，其他情况我们都不会弹出“（”。
- 5) 如果我们读到了输入的末尾，则将栈中所有元素依次弹出。

2.2) 实例

规则很多，还是用实例比较容易说清楚整个过程。以上面的转换为例，输入为 $a + b * c + (d * e + f) * g$ ，处理过程如下：

- 1) 首先读到a，直接输出。
- 2) 读到“+”，将其放入到栈中。
- 3) 读到b，直接输出。

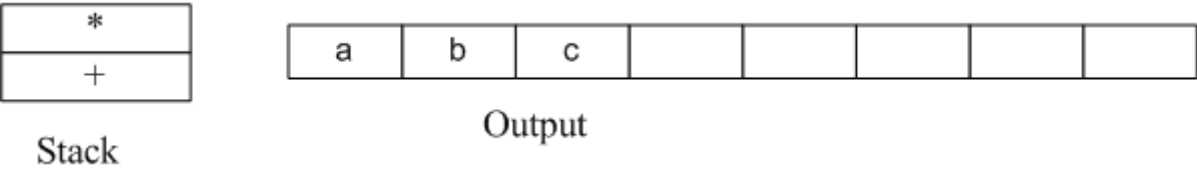
此时栈和输出的情况如下：



4) 读到"*", 因为栈顶元素"+"优先级比"*"低, 所以将"*"直接压入栈中。

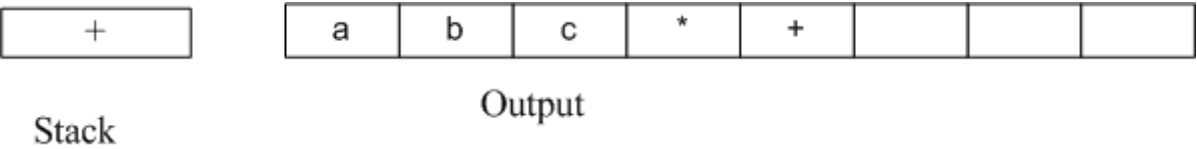
5) 读到c, 直接输出。

此时栈和输出情况如下：



6) 读到"+", 因为栈顶元素"*"的优先级比它高, 所以弹出"*"并输出, 同理, 栈中下一个元素"+"优先级与读到的操作符"+"一样, 所以也要弹出并输出。然后再将读到的"+"压入栈中。

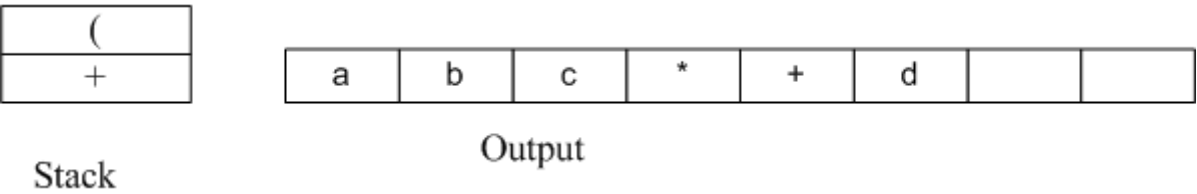
此时栈和输出情况如下：



7) 下一个读到的为(", 它优先级最高, 所以直接放入到栈中。

8) 读到d, 将其直接输出。

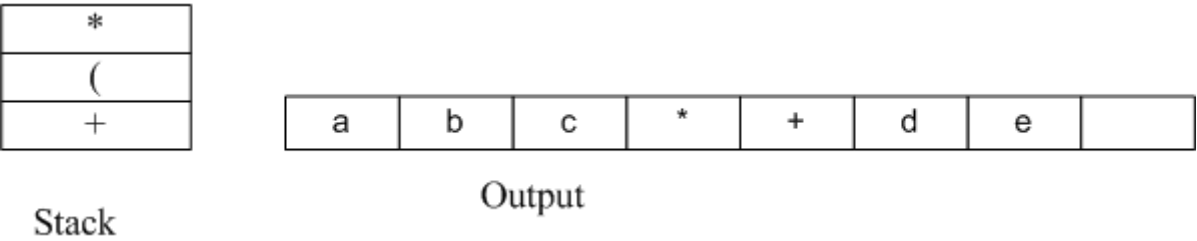
此时栈和输出情况如下：



9) 读到"*", 由于只有遇到")"的时候左括号 "(" 才会弹出, 所以"*"直接压入栈中。

10) 读到e, 直接输出。

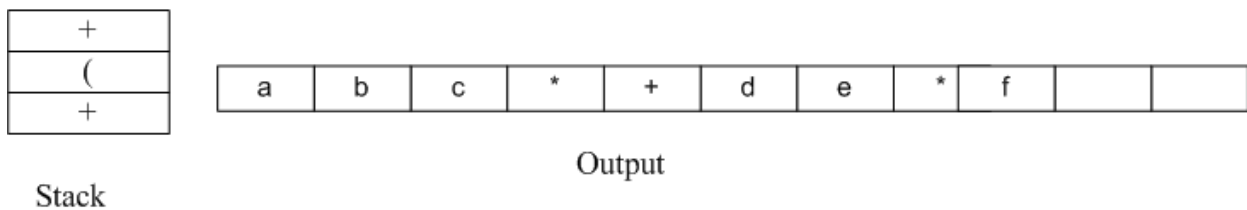
此时栈和输出情况如下：



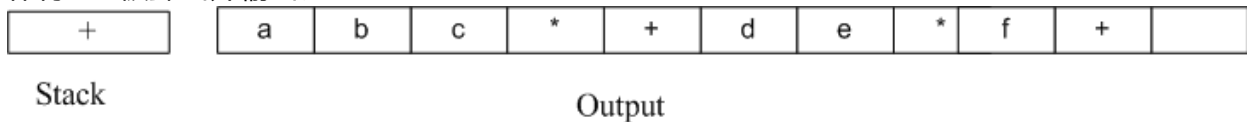
11) 读到"+", 弹出"*"并输出, 然后将"+"压入栈中。

12) 读到f, 直接输出。

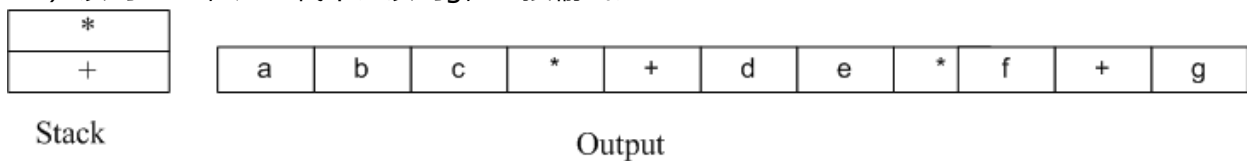
此时栈和输出情况：



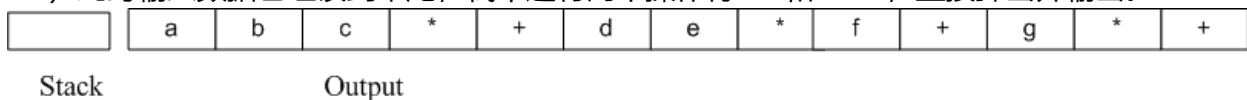
13) 接下来读到")", 则直接将栈中元素弹出并输出直到遇到 "(" 为止。这里右括号前只有一个操作符 "+" 被弹出并输出。



14) 读到 " * ", 压入栈中。读到 g, 直接输出。



15) 此时输入数据已经读到末尾, 栈中还有两个操作符 "*" 和 " + ", 直接弹出并输出。



至此整个转换过程完成。程序实现代码后续再补充了。

2.3) 转换的另一种方法

- 1) 先按照运算符的优先级对中缀表达式加括号, 变成 $((a+(b*c)) + (((d*e)+f) * g))$
- 2) 将运算符移到括号的后面, 变成 $((a(bc)*)+(((de)*f)+g)*)+$
- 3) 去掉括号, 得到 $abc*+de*f+g*+$

三、代码实现



```

1 function isOperator(value) {
2     var operatorString = "+-*/()";
3     return operatorString.indexOf(value) > -1
4 }
5
6 function getPrioraty(value) {
7     switch (value) {
8         case '+':
9         case '-':
10            return 1;
11         case '*':
12         case '/':
13            return 2;
14         default:
15            return 0;

```

```

16     }
17 }
18
19 function priority(o1, o2){
20     return getPriority(o1) <= getPriority(o2);
21 }
22
23 function dal2Rpn(exp) {
24     var inputStack = [];
25     var outputStack = [];
26     var outputQueue = [];
27
28     for(var i = 0, len = exp.length; i < len; i++){
29         var cur = exp[i];
30         if(cur !== ' '){
31             inputStack.push(cur);
32         }
33     }
34     console.log('step one');
35     while(inputStack.length > 0){
36         var cur = inputStack.shift();
37         if(isOperator(cur)){
38             if(cur === '('){
39                 outputStack.push(cur);
40             }else if(cur === ')'){
41                 var po = outputStack.pop();
42                 while(po !== '(' && outputStack.length > 0){
43                     outputQueue.push(po);
44                     po = outputStack.pop();
45                 }
46                 if(po !== '('){
47                     throw "error: unmatched ()";
48                 }
49             }else{
50                 while(priority(cur, outputStack[outputStack.length - 1]) &&
outputStack.length > 0){
51                     outputQueue.push(outputStack.pop());
52                 }
53                 outputStack.push(cur);
54             }
55         }else{
56             outputQueue.push(new Number(cur));
57         }
58     }
59     console.log('step two');
60     if(outputStack.length > 0){
61         if(outputStack[outputStack.length - 1] === ')') ||
outputStack[outputStack.length - 1] === '('){
62             throw "error: unmatched ()";

```

```
63     }
64     while(outputStack.length > 0){
65         outputQueue.push(outputStack.pop());
66     }
67 }
68 console.log('step three');
69 return outputQueue;
70
71 }
```