# Análisis de Correspondencias: Situación laboral y recuento de votos

# Sara Bengoechea Rodríguez

# Introducción

El objetivo del presente informe es conocer la relación entre la preferencia política y la situación laboral de los españoles mayores de edad a partir de los datos proporcionados por los participantes en una encuesta.

La tabla de contingencia sería la siguiente:

```
PP PSOE UP
                            Cs Resto
## Trabaja
                   441 471 576
                                  369
## Domestico
              502
                        83 606
## Parado
              383
                   544 551 616
                                  230
## Estudiante 316
                   376 388 478
                                  762
## Jubilado
              846
                   639 172 499
                                  169
```

# Análisis exploratorio de datos

Antes de realizar el análisis de correspondencias debemos prestar atención a la concentración e importancia relativa de las filas y columnas mediante el siguiente gráfico:

# Trabaja Domestico Parado Estudiante Jubilado

**Votos** 

# Análisis de correspondencias

Para poder analizar de manera sencilla las correlaciones entre las filas y las columnas realizamos un análisis de correspondencias. El siguiente resumen muestra los aspectos principales de este, que estudiaremos con detenimiento a continuación.

```
##
## Call:
  CA(X = votos, graph = FALSE)
##
## The chi square of independence between the two variables is equal to 1704.298 (p-value =
##
## Eigenvalues
##
                          Dim.1
                                  Dim.2
                                         Dim.3
                                                 Dim.4
## Variance
                            0.09
                                   0.04
                                           0.02
                                                  0.00
## % of var.
                          64.65
                                  24.45
                                         10.79
                                                  0.11
  Cumulative % of var.
                          64.65
                                  89.10
                                         99.89 100.00
##
## Rows
                              Dim.1
                                                   Dim.2
##
                 Iner*1000
                                      ctr
                                            cos2
                      7.86 |
                                     4.33
                                            0.52 |
                                                          9.20
## Trabaja
                               0.14
                                                    0.13
                                                                 0.42
## Domestico
                     30.66
                           | -0.30 18.80
                                            0.58
                                                 -0.18 17.11
                                                                 0.20
## Parado
                     19.47
                               0.09
                                     1.61
                                            0.08 |
                                                    0.29 45.65
                                                                 0.84
## Estudiante
                     51.85
                               0.46 43.70
                                            0.80 | -0.22 27.90
## Jubilado
                     36.95 | -0.39 31.56
                                           0.81 | -0.02
                                                          0.14
                                                                 0.00 |
##
## Columns
                 Iner*1000
##
                              Dim.1
                                      ctr
                                            cos2
                                                   Dim. 2
                                                            ctr
## PP
                     28.84 | -0.30 20.77
                                            0.68 | -0.01
                                                           0.03
                                                                 0.00
## PSOE
                     21.35 | -0.25 16.35
                                            0.73 l
                                                   -0.06
                                                           2.41
## UP
                     40.90 l
                               0.39 23.25
                                            0.54 |
                                                    0.36 52.25
                                                                 0.46 I
## Cs
                      2.45
                           1 - 0.02
                                     0.13
                                            0.05
                                                 - 1
                                                    0.06
                                                           2.05
                                                                 0.30 I
                     53.25 |
                               0.49 39.51
                                           0.70 | -0.32 43.26
## Resto
                                                                 0.29 \, \mathsf{I}
```

# Interpretación del análisis de correspondencias

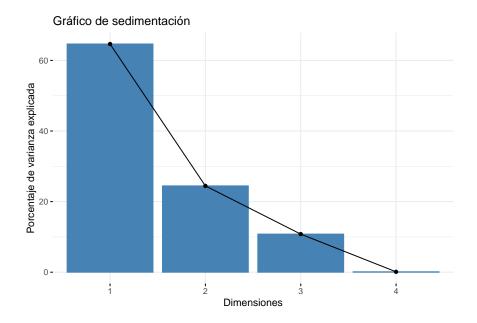
#### Nivel de asociación entre filas y columnas

Mediante la raíz cuadrada de la traza obtenemos el coeficiente de correlación entre filas y columnas y con el Chi cuadrado estudiamos la independencia entre estas. Dado que el coeficiente de correlación está por encima de 0.2 y que el p-valor es muy cercano a cero y que la Chi cuadrado para 16 grados de libertad es de 1704.3, podemos rechazar la hipótesis nula. Por lo tanto, no existe independencia entre las filas y las columnas.

```
## [1] 0.3831393
##
## Pearson's Chi-squared test
##
## data: votos
## X-squared = 1704.3, df = 16, p-value < 2.2e-16</pre>
```

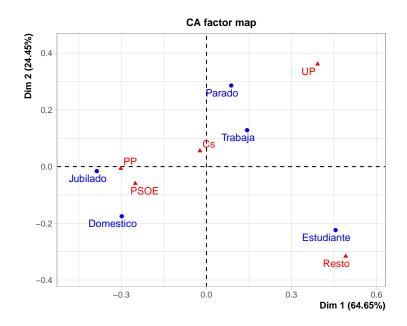
#### Autovalores y gráfico de sedimentación

Mediante el examen de autovalores vemos que para poder explicar el 100% de la varianza necesitaríamos 4 dimensiones. Sin embargo, dado que con solo 2 dimensiones se explica un 89% y nuestro objetivo principal es la reducción de estas y su representación en un espacion de dos dimensiones respetando las posiciones relativas entre los elementos, nos quedaremos solo con estas dos dimensiones. Mediante el siguiente gráfico podemos comprender lo explicado anteriormente de manera visual.



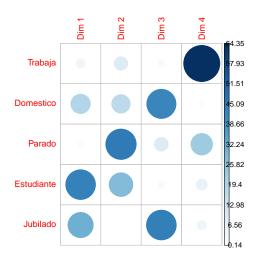
# Gráfico de dispersión del análisis de correspondencias entre filas y columnas.

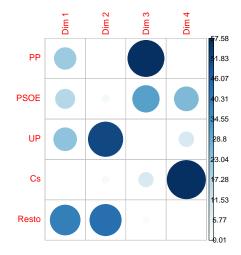
Gracias al gráfico de dispersión podemos intuir la relación entre los elementos de las filas con los ejes y la de los puntos de columna con los mismos ejes, atendiento a la distancia entre los puntos.



# Contribución de filas y columnas

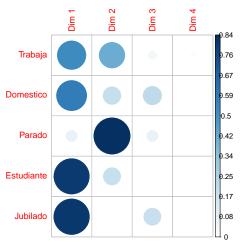
Para estudiar la contribución de las filas y de las columnas a cada dimensión se muestran los dos siguientes corrplots. Cabe destacar que, aunque algunas filas y columnas contribuyan mucho a las dimensiones 3 y 4, esto no nos debe preocupar dado que dichas dimensiones solo explican un 10.9% de la varianza total.

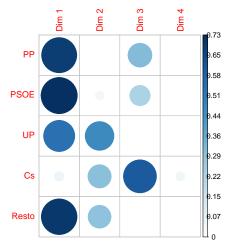




# Calidad de la representación de las filas: el $\cos 2$

Mediante el cos2 estudiamos la calidad de la representación de las variables sobre el mapa factorial, mide la asociación entre las variables y un eje. Gracias a este, podemos ver cómo efectivamente con la dimensión 1 y 2 se puede realizar una buena reducción, ya que los valores mayores del cos2 de las filas y las columnas están en dichas dimensiones.





#### Análisis de correspondencias simples. Gráfico asimétrico.

Por último, debemos estudiar la asociación entre los grupos según su situación laboral y los votos. Un ángulo agudo señala una alta asociación entre el punto de la fila y el de la columna. Por lo tanto, existe mayor asociación entre los votantes de PP y PSOE con las filas de jubilado y doméstico; UP está más asociado con parado y trabaja; estudiante está asociado con la columna "resto" y finalmente, Ciudadanos no tiene ninguna asociación clara con ningún grupo de los estudiados.

