AULA 7 - ANÁLISE DA COMPLEXIDADE DE ALGORITMOS RECURSIVOS

*** Entregue, num ficheiro ZIP, este guião preenchido e o código desenvolvido ***

Considere a seguinte relação de recorrência:

$$F(n) = \begin{cases} 1, & \text{se n} = 0 \text{ ou n} = 1 \text{ ou n} = 2 \\ F(n-1) + F(n-2) + \sum_{k=0}^{n-3} F(k) \times F(n-3-k), & \text{se n} > 2 \end{cases}$$

Função Recursiva

- Implemente uma função recursiva que use diretamente a relação de recorrência acima, sem qualquer simplificação.
- Construa um programa para executar essa função para **sucessivos valores de n** e que permita **contar o número total de multiplicações efetuadas** para cada valor de n.
- Preencha a as primeiras colunas tabela seguinte com o resultado da função recursiva e o número de multiplicações efetuadas para os sucessivos valores de n.

n	F(n) – Versão Recursiva	Nº de Multiplicações	F(n) – Versão de Programação Dinâmica	Nº de Multiplicações
0				
1				
2				
3				
4				
5				
6				
7				
8				
9				
10				
11				
12				
13				
14				
15				
16				
17				
18				
19				
20				
21				
22				
23				
24				
25				

Nome: N° mec:

• Analisando os dados da tabela, estabeleça uma ordem de complexidade para a função recursiva .
Programação Dinâmica
• Uma forma alternativa de resolver alguns problemas recursivos, para evitar o cálculo repetido de valores, consiste em efetuar esse cálculo de baixo para cima ("bottom-up"), ou seja, de F(0) para F(n) e utilizar um array para manter os valores entretanto calculados. Este método designa-se por programação dinâmica e reduz o tempo de cálculo à custa da utilização de mais memória para armazenar os valores intermédios.
 Usando programação dinâmica, implemente uma função iterativa para calcular F(n). Não utilize um array global.
 Construa um programa para executar a função iterativa que desenvolveu para sucessivos valores de n e que permita contar o número de multiplicações efetuadas para cada valor de n.
• Preencha as últimas colunas tabela anterior com o resultado da função iterativa e o número de multiplicações efetuadas para os sucessivos valores de n.
 Analisando os dados da tabela, estabeleça uma ordem de complexidade para a função iterativa.
Função Recursiva – Análise Formal da Complexidade
Escreva uma expressão recorrente (direta) para o número de multiplicações efetuadas pela função recursiva F(n). Obtenha, depois, uma expressão recorrente simplificada. Note que $\sum_{k=0}^{n-3} \text{Mult}(k) = \sum_{k=0}^{n-3} \text{Mult}(n-3-k)$. Sugestão: efetue a subtração $\text{Mult}(n) - \text{Mult}(n-1)$.

Nome: N° Mec:

Nome:

a correspor polinómio	e recorrência obtida idente equação d o característico (Su escreva a solução d a	e recorrência lin gestão: use o W	ear homogénea. olfram Alpha). S	Determine as ra Sem determinar a	úzes do seu
número de	lução da equação de multiplicações efe bter com o resultado	tuadas pela função	recursiva. Compar		

 N° MEC:

Programação Dinâmica – Análise Formal da Complexidade

sua complexidade. Obtenha uma e multiplicações efetuadas.	ões efetuadas pela função iterativa, efetue a análise formal c expressão exata e simplificada para o número d
Ucando a evergeção obtida acima	
	determine a ordem de complexidade do número de iterativa. Compare a ordem de complexidade que acabou de rimental.
multiplicações efetuadas pela função	iterativa. Compare a ordem de complexidade que acabou o
multiplicações efetuadas pela função	iterativa. Compare a ordem de complexidade que acabou o
multiplicações efetuadas pela função	iterativa. Compare a ordem de complexidade que acabou o
multiplicações efetuadas pela função	iterativa. Compare a ordem de complexidade que acabou o
multiplicações efetuadas pela função	iterativa. Compare a ordem de complexidade que acabou o
multiplicações efetuadas pela função	iterativa. Compare a ordem de complexidade que acabou o
multiplicações efetuadas pela função	iterativa. Compare a ordem de complexidade que acabou o
multiplicações efetuadas pela função	iterativa. Compare a ordem de complexidade que acabou o