## AULA 3 - ALGORITMOS DISTINTOS PARA A RESOLUÇÃO DO MESMO PROBLEMA

Pretende-se comparar o **número de operações** e os **tempos de execução** de **métodos alternativos** para o cálculo dos sucessivos valores de resultam de uma **generalização dos Números de Fibonacci**.

Implemente os diferentes métodos; construa tabelas registando as sequências de valores obtidos, e os correspondentes tempos de execução e número de multiplicações efetuadas.

Antes de implementar a função recursiva, calcule o valor dos primeiros termos de P(n) usando uma tabela.

Analise as sequências de valores obtidas para os diferentes métodos; esteja atento a eventuais discrepâncias.

## Solução recursiva

$$P(n) = 
 \begin{cases}
 0, \text{ se } n = 0 \\
 1, \text{ se } n = 1 \\
 3 \times P(n-1) + 2 \times P(n-2), \text{ se } n \ge 2
 \end{cases}$$

# Solução iterativa

$$P(0) = 0; P(1) = 1; P(2) = 3 \times P(1) + 2 \times P(0); P(3) = 3 \times P(2) + 2 \times P(1); ...$$

Para efetuar calcular os sucessivos valores, de modo iterativo, precisamos de três variáveis inteiras para representarem, respetivamente: o *valor atual* (inicialmente indefinido); o *valor anterior ao anterior* (que inicialmente é 0 e em cada iteração passa a ser o valor anterior); o *valor anterior* (que inicialmente é 1 e em cada iteração passa a ser o valor atual acabado de calcular).

#### Equação de recorrência

$$P(n) = \frac{\left(\frac{1}{2}(3+\sqrt{17})\right)^n - \left(\frac{1}{2}(3-\sqrt{17})\right)^n}{\sqrt{17}}$$

Termo mais importante da equação de recorrência

$$P(n) = \text{round}\left(\frac{1}{\sqrt{17}} \times \left(\frac{1}{2}\left(3 + \sqrt{17}\right)\right)^n\right),$$

que é equivalente a

$$P(n) = \left[ \frac{1}{\sqrt{17}} \times \left( \frac{1}{2} \left( 3 + \sqrt{17} \right) \right)^n + \frac{1}{2} \right]$$

## Fórmula fechada usando a função exponencial

6 
$$P(n) = \text{round}(c_1 \times e^{c_2 \times n})$$
  
 $c_1 = 0.24253562503633297352$   
 $c_2 = 1.27019663313689157536$ 

Nome: N° Mec:

Nome: N° Mec: