AULA 6 - ANÁLISE DA COMPLEXIDADE DE ALGORITMOS RECURSIVOS

*** Entregue, num ficheiro ZIP, este guião preenchido e o código desenvolvido ***

Implemente os seguintes algoritmos recursivos – sem recorrer a funções de arredondamento (floor e ceil) – e analise o número de chamadas recursivas executadas por cada algoritmo.

$$T_{1}(n) = \begin{cases} 0, \text{se } n = 0 \\ T_{1}\left(\left\lfloor\frac{n}{4}\right\rfloor\right) + n, \text{se } n > 0 \end{cases}$$

$$T_{2}(n) = \begin{cases} n, \text{se } n = 0, 1, 2, 3 \\ T_{2}\left(\left\lfloor\frac{n}{4}\right\rfloor\right) + T_{2}\left(\left\lceil\frac{n}{4}\right\rceil\right) + n, \text{se } n > 3 \end{cases}$$

$$T_{3}(n) = \begin{cases} n, \text{se } n = 0, 1, 2, 3 \\ 2 \times T_{3}\left(\frac{n}{4}\right) + n, \text{se } n \text{ é múltiplo de 4} \end{cases}$$

$$T_{3}\left(\left\lfloor\frac{n}{4}\right\rfloor\right) + T_{3}\left(\left\lceil\frac{n}{4}\right\rceil\right) + n, \text{caso contrário}$$

Deve utilizar **aritmética inteira**: n/4 é igual a $\left\lfloor \frac{n}{4} \right\rfloor$ e (n+3)/4 é igual a $\left\lceil \frac{n}{4} \right\rceil$.

- Preencha a tabela da página seguinte com o resultado de cada função e o número de chamadas recursivas para os sucessivos valores de n.
- Analisando os dados da tabela, estabeleça uma ordem de complexidade para cada algoritmo.

•	Escreva uma expressão recorrente para o número de chamadas recursivas efetuadas pela função
	$T_1(n)$. Obtenha, depois, uma expressão exata e simplificada; determine a sua ordem de
	complexidade. Compare a expressão obtida com os dados da tabela. Sugestão: use o
	desenvolvimento telescópico.

Nome:	N° MEC:
TAOME:	I WILLO.

n	T ₁ (n)	Nº de Chamadas Recursivas	T ₂ (n)	Nº de Chamadas Recursivas	T ₃ (n)	Nº de Chamadas Recursivas
0		Recuisivas		Recuisivas		Recuisivas
1						
2						
3						
4						
5						
6						
7						
8						
9						
10						
11						
12						
13						
14						
15						
16						
17						
18						
19						
20						
21						
22						
23						
24						
25						
26						
27						
28						

•	Escreva uma expressão recorrente para o número de chamadas recursivas efetuadas pela função
	$T_2(n)$. Considere o caso particular $n = 4^k$ e obtenha uma expressão exata e simplificada;
	determine a ordem de complexidade para esse caso particular. Compare a expressão obtida com os
	dados da tabela. Sugestão: use o desenvolvimento telescópico e confirme o resultado obtido
	usando o Teorema Mestre .

Nome: N° Mec:

Pode generalizar a ordem de complexida	de que acabou de obter para todo o n? Justifique.
 Obtenha uma expressão recorrente para o r T₃(n). 	número de chamadas recursivas efetuadas pela função
ordem de complexidade para esse caso p	tenha uma expressão exata e simplificada; determine a particular. Compare a expressão obtida com os dados da telescópico e confirme o resultado obtido usando o
Pode generalizar a ordem de complexida	de que acabou de obter para todo o n? Justifique.
 Atendendo às semelhanças entre T₂(n) e T₃(n). Justifique. 	T ₃ (n) estabeleça uma ordem de complexidade para
Nome:	Nº MEC:

Nome: N° Mec: