

Imagens Biomédicas – Lab04-Python

Tutores: André Arruda / Maíra Suzuka Kudo / Eric Rocha Santos

Professor: Matheus Cardoso Moraes

MÁSCARAS PARA FILTRAGEM – (RESTAURAÇÃO E AGUÇAMENTO)

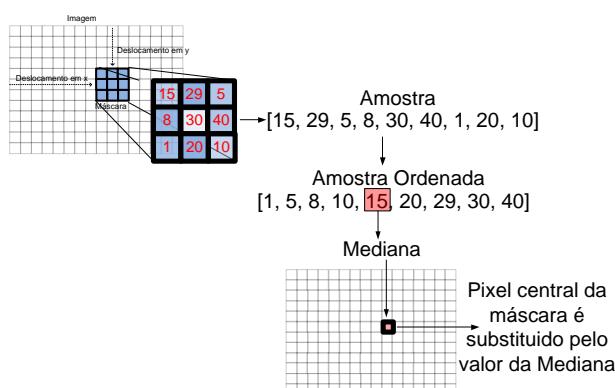
EXERCÍCIOS:

1. → No Editor, faça um vetor amostra = [15 29 5 8 255 40 1 0 10];
 - a. Crie uma função que ordene este vetor em ordem crescente de valores, e chame este novo vetor de **amostraOrdenada**.

Obs.: pode usar → np.sort

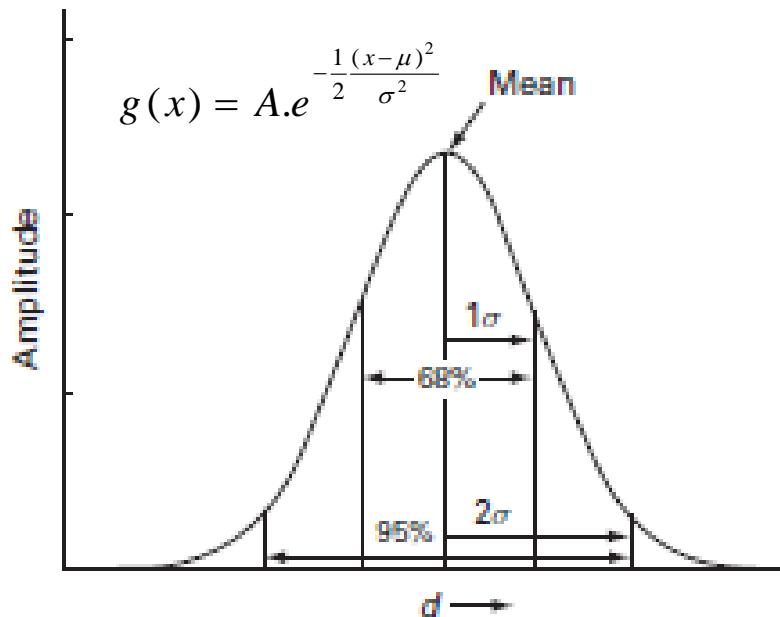
 - b. Crie uma variável **mediana**, para receber a mediana da amostra ordenada.
 2. Leia, normalize e exiba a imagem IMRI = imread('...../TransversalMRI_salt-and-pepper.pgm');
- Adicionalmente crie uma matriz de zeros, chamada **IMRIfiltrada**, com o tamanho de IMRI.
- a. Crie uma função que use uma máscara 3x3 para varrer a imagem e retornar a mediana local para a posição correspondente em **IMRIfiltrada**.

obs.: usar as funções “np.concatenate**” e “**np.sort**” podem ajudar)**



b. Teste sua rotina acima usando a função “`scipy.signal.medfilt2d`”.

3. → No Editor, use a função `scipy.signal.gaussian` (ou implemente da fórmula original). Crie uma função gaussiana unidimensional ($g(x)$), que contenha 9 amostras ($x = 0:8$), e que possua média 4 e desvio padrão de 1
- a. Pinte esta função, mostre e explique para o professor.



b. Construa uma máscara 2D com valores seguindo distribuição Gaussiana. Uma função bidimensional Gaussiana pode ser construída a partir da convolução da máscara unidimensional com sua transposta, ou seja:

$$w_Gauss2D = g1 * gtranspose1;$$

obs: no Python deve-se fazer o seguinte procedimento

```
g1 = np.zeros((9,9), float)
```

```
g1[4,:] = g
```

```
gtranspose1 = np.transpose(g1)
```

```
w_Gauss2D = scipy.signal.convolve2d(g1,gtranspose1,'same')
```

- c. Exiba a imagem e verifique se está coerente com o esperado?

```
plt.figure()  
plt.title('w_Gauss2D ')  
plt.imshow(w_Gauss2D , cmap='gray') # cmap='jet'
```

4. Faça a convolução entre a imagem mamography.pgm e a máscara Gaussiana, e exiba a imagem filtrada. A mesma funcionou como filtro de suavização?

obs1: pode usar a função `scipy.signal.convolve2d`

obs2: normalize a máscara `w_Gauss2D` chame de `w_Gauss2DNormalizado`, no qual o somatório desta, seja igual a 1. Assim, a convolução não acrescentara nível DC na imagem filtrada.

```
MamoFilt =  
scipy.signal.convolve2d(Mamo,w_Gauss2DNormalizado,'same')
```

5. Usando o que aprendeu acima, faça uma função na qual o usuário indique apenas o **desvio_padrão e média**, e a mesma retorne uma máscara bidimensional com distribuição gaussiana. Seguindo o princípio de computar primeiro a função 1D para depois a 2D, o comprimento deve ser computado automaticamente em função da media, como abaixo.

Criar Biblioteca → Abrir um arquivo dentro da pasta Aula04 e chamar de `bibMascara.py`

Dentro desta biblioteca, criar a função: `fazerMascaraGauss2D` usando **def** da seguinte forma:

```
def fazerMascaraGauss2D(media, desvio) :  
    fazer lógica.....  
  
    return wGauss2D
```

6. Programa Principal: chame a função `fazerMascaraGauss2D`

```

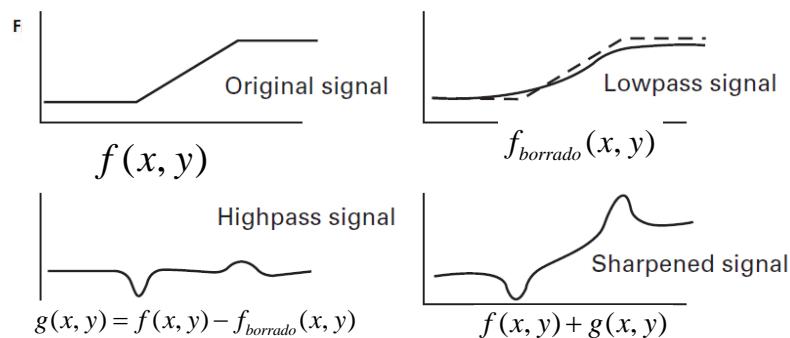
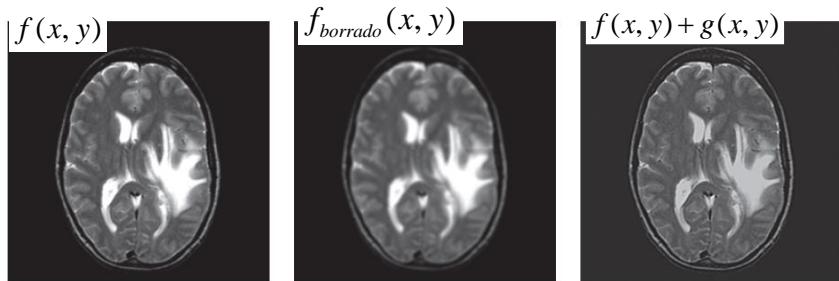
# import lib
import bibMascara
# chame a função com as entradas e saídas
w_Gauss2DNormalizado =
bibMascara.fazerMascaraGauss2D(media=4, desvio=1)
obs1: teste outros valores de media e desvio

```

- Exiba $wGass2D$, para verificar se a mesma esta retornando as dimensões corretas.
- Faça convoluções entre a imagem e diferentes máscaras. O que acontece quando o tamanho da máscara é aumentado?

7. Faça uma operação de afiamento de bordas na imagem TransversalMRI2.pgm.

- Para criar a imagem borrada ($f_{borrado}$) figura abaixo: crie uma máscara gaussiana com média 7 e desvio 3.



8. Para a imagem Stent.pgm e Usando correlação, tire o gradiente em x, em y e compute seu módulo usando as máscaras Prewitt e Sobel abaixo. Exiba o

gradiente em x em y e seu módulo. Qual máscara extraiu melhor o Stent da imagem?

$$w_x priwitt = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$w_y priwitt = \begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$w_x sobel = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$w_y sobel = \begin{bmatrix} -1 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\nabla f = \left[\frac{\partial f}{\partial x}, \frac{\partial f}{\partial y} \right]$$

$$|\nabla f| = \sqrt{\left(\frac{\partial f}{\partial x} \right)^2 + \left(\frac{\partial f}{\partial y} \right)^2}$$

9. Ainda para a imagem Stent.pgm e usando correlação, tire o Laplaciano usando as duas máscaras abaixo. Exiba os dois Laplacianos. Qual máscara extraiu melhor o Stent da imagem?

$$\nabla^2 f = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & -4 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\nabla^2 f = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -8 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

10.(Desafio) Para a imagem Stent.pgm use o filtro mediana remover as marcas de alinhamento; posteriormente, além do Gradiente e Laplaciano, use as máscaras abaixo para extração do Stent. Qual máscara extraiu melhor o Stent da imagem?

Operador de Kirsh

$$w_{01} kirsch = \begin{bmatrix} 5 & -3 & -3 \\ 5 & 0 & -3 \\ 5 & -3 & -3 \end{bmatrix} \quad w_{02} kirsch = \begin{bmatrix} -3 & -3 & -3 \\ 5 & 0 & -3 \\ 5 & 5 & -3 \end{bmatrix} \quad w_{03} kirsch = \begin{bmatrix} -3 & -3 & -3 \\ -3 & 0 & -3 \\ 5 & 5 & 5 \end{bmatrix} \quad w_{04} kirsch = \begin{bmatrix} -3 & -3 & -3 \\ -3 & 0 & 5 \\ -3 & 5 & 5 \end{bmatrix}$$

$$w_{05} kirsch = \begin{bmatrix} -3 & -3 & 5 \\ -3 & 0 & 5 \\ -3 & -3 & 5 \end{bmatrix} \quad w_{06} kirsch = \begin{bmatrix} -3 & 5 & 5 \\ -3 & 0 & 5 \\ -3 & -3 & -3 \end{bmatrix} \quad w_{07} kirsch = \begin{bmatrix} 5 & 5 & 5 \\ -3 & 0 & -3 \\ -3 & -3 & -3 \end{bmatrix} \quad w_{08} kirsch = \begin{bmatrix} 5 & 5 & -3 \\ 5 & 0 & -3 \\ -3 & -3 & -3 \end{bmatrix}$$

$$K = \max \{(i * w_{01} kirsch), (i * w_{02} kirsch), \dots, (i * w_{08} kirsch)\}$$

Operador de Robinson

$$\begin{array}{llll}
 w_{01}robinson = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 2 & 0 & -2 \\ 1 & 0 & -1 \end{bmatrix} & w_{02}robinson = \begin{bmatrix} 0 & -1 & -2 \\ 1 & 0 & -1 \\ 2 & 1 & 0 \end{bmatrix} & w_{03}robinson = \begin{bmatrix} -1 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix} & w_{04}robinson = \begin{bmatrix} -2 & -1 & 0 \\ -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} \\
 w_{05}robinson = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} & w_{06}robinson = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \\ -2 & -1 & 0 \end{bmatrix} & w_{07}robinson = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & -2 & -1 \end{bmatrix} & w_{08}robinson = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & -1 \\ 0 & -1 & -2 \end{bmatrix}
 \end{array}$$

$$R = \max \{(i * w_{01}robinson), (i * w_{02}robinson), \dots, (i * w_{08}robinson)\}$$

Operador de Frei-Chen

$$\begin{array}{llll}
 w_{01}freiChen = \begin{bmatrix} 1 & \sqrt{2} & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & -\sqrt{2} & -1 \end{bmatrix} & w_{02}freiChen = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ \sqrt{2} & 0 & -\sqrt{2} \\ 1 & 0 & -1 \end{bmatrix} & w_{03}freiChen = \begin{bmatrix} 0 & -1 & \sqrt{2} \\ 1 & 0 & -1 \\ -\sqrt{2} & 1 & 0 \end{bmatrix} & \\
 w_{04}freiChen = \begin{bmatrix} \sqrt{2} & -1 & 0 \\ -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & -\sqrt{2} \end{bmatrix} & w_{05}freiChen = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} & w_{06}freiChen = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & -1 \end{bmatrix} & \\
 w_{07}freiChen = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 1 \\ -2 & 4 & -2 \\ 1 & -2 & 1 \end{bmatrix} & w_{08}freiChen = \begin{bmatrix} -2 & 1 & -2 \\ 1 & 4 & 1 \\ -2 & 1 & -2 \end{bmatrix} & w_{09}freiChen = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} &
 \end{array}$$

$$FC = \left\{ \left((p_{01} \cdot w_{01}freiChen) * i \right) + \dots + \left((p_{09} \cdot w_{09}freiChen) * i \right) \right\}$$