## Very Busy Expression

Un'espressione è **very busy** in un punto p se, indipendentemente dal percorso preso da p, l'espressione viene usata prima che uno dei suoi operandi venga definito.

Ogni blocco genera delle espressioni, e se ne definisce uno degli operandi, la uccide. Allo stesso modo, ogni blocco riceve delle espressioni definite in precedenza e potrebbe ucciderle definendone gli operandi.

ļ l			
	Very Busy Expression		
Domain	Sets of Expressions		
Direction	Backward: IN[B]=f <sub>B</sub> (OUT[B]) OUT[B]=\(\) IN[succ(B)]		
Transfer Function	f <sub>B</sub> (x)=Use <sub>B</sub> ∪(x-Def <sub>B</sub> ) Use <sub>B</sub> tutte le espressioni usate in B Def <sub>B</sub> se B definisce t, si uccidono tutte le espressioni che contengono t		
Meet Operation	n		
Boundary Condition	IN[entry]=Ø		
Initial interior points	IN[B]=∪, insieme universale		

Basic Block	Iter1		lter2	
	IN[BB]	OUT[BB]	IN[BB]	OUT[BB]
BB1	b-a	b-a	b-a	b-a
BB2	b-a	a-b,b-a N b-a = b-a	b-a	a-b,b-a N b-a = b-a
BB3	a-b	a-b	a-b	a-b
BB4	a-b	Ø	a-b	Ø
BB5	b-a	Ø	b-a	Ø
BB6	Ø	a-b	Ø	a-b
BB7	a-b	Ø	a-b	Ø
BB8	Ø	Ø	Ø	Ø

## Dominator Analysis

	Very Busy Expression
Domain	Basic Blocks (ossia i nodi del CFG)
Direction	Forward: DOM[B] = B + $f_B(IN[B])$ $IN[B] = \land DOM[pred(B_{-1})]$ *nota: considero DOM[B] come un sinonimo di OUT[B]
Transfer Function	/ (non applica nessuna trasformazione)
Meet Operation	Π
Boundary Condition	DOM[Entry] = Entry
Initial interior points	DOM[B]=U, insieme universale

Basic Block	Iter1		Iter2		
	IN[BB]	OUT[BB]	IN[BB]	OUT[BB]	
A (Entry)	/ A		/	А	
В	A + B = (A, E		А	A + B = (A, B)	
С	А	(A, C)	А	(A, C)	
D	(A, C)	(A, C, D)	(A, C)	(A, C, D)	
Е	(A, C) (A, C, E)		(A, C)	(A, C, E)	
F	(A, C, B) ∩ (A, C, D) = (A, C)	(A, C, F)	(A, C, B) ∩ (A, C, D) = (A, C)	(A, C, F)	
G (Exit)	(A, B) ∩ (A, C, F) = A	(A, G)	(A, B) ∩ (A, C, F) = A	(A, G)	

## **Constant Propagation**

	Constant Propagation
Domain	Sets of variables
Direction	Forward: OUT[B]=f <sub>B</sub> (IN[B]) N OUT[B] IN[B]=^ OUT[pred(B)]
Transfer Function	f <sub>B</sub> (x)=(Gen <sub>B</sub> ∪ x)-Kill <sub>B</sub> Gen <sub>B</sub> è l'insieme di variabili definite nel blocco Kill <sub>B</sub> è l'insieme di variabili che vengono definite come non costanti nel blocco, ossia che sono definite da operandi NON IN IN[B].
Meet Operation	Λ
Boundary Condition	OUT[entry]=Ø
Initial interior points	OUT[B]= Universale

Basic Block	Iter0 (init)	Iter1		Iter2		lter3 (convergenza)	
	IN[BB]	IN[BB]	OUT[B B]	IN[BB]	OUT[B B]	IN[BB]	OUT[B B]
B1	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø	Ø
B2	U	Ø	<k,2></k,2>	Ø	<k,2></k,2>	Ø	<k,2></k,2>
В3	U	<k,2></k,2>	<k,2></k,2>	<k,2></k,2>	<k,2></k,2>	<k,2></k,2>	<k,2></k,2>
B4	U	<k,2></k,2>	<0,4>, <k ,2&gt;</k 	<k,2><a, 4&gt;</a, </k,2>	<k,2><a, 4&gt;</a, </k,2>	<k,2><a, 4&gt;</a, </k,2>	<k,2><a, 4&gt;</a, </k,2>
B5	U	<a,4>,<k, 2&gt;</k, </a,4>	<a,4>,<k ,2&gt;, <x,5></x,5></k </a,4>	<a,4><k, 2&gt;<x,5></x,5></k, </a,4>	<a,4><k, 2&gt;<x,5></x,5></k, </a,4>	<a,4><k, 2&gt;<x,5></x,5></k, </a,4>	<a,4><k, 2&gt;<x,5></x,5></k, </a,4>
В6	U	<k,2></k,2>	<0,4>, <k ,2&gt;</k 	<0,4> <k, 2&gt;</k, 	<0,4> <k, 2&gt;</k, 	<a,4><k, 2&gt;</k, </a,4>	<0,4> <k, 2&gt;</k, 
В7	U	<0,4>, <k, 2&gt;</k, 	<0,4>, <k ,2&gt;,<x,8 &gt;</x,8 </k 	<0,4> <k, 2&gt;,<x,8></x,8></k, 	<0,4> <k, 2&gt;<x,8></x,8></k, 	<0,4> <k, 2&gt;,<x,8></x,8></k, 	<0,4> <k, 2&gt;<x,8></x,8></k, 
B8	U	<a,4>,<k, 2&gt;</k, </a,4>	<0,4>, <k ,4&gt;</k 	<k,4><a, 4&gt;</a, </k,4>	<k,4>,<a ,4&gt;</a </k,4>	<k,4><a, 4&gt;</a, </k,4>	<k,4>,<a ,4&gt;</a </k,4>

В9	U	<0,4>, <k, 4&gt;</k, 	<0,4>, <k ,4&gt;</k 	<k,4>,<a ,4&gt; \(\) <a,4>,&lt; b,2&gt;,<k, 5&gt;,<x,8> ,<y,8> =<a,4>,\epsilon k,5&gt;</a,4></y,8></x,8></k, </a,4></a </k,4>	<a,4>,<k ,5&gt; \(\) <a,4>,<k ,4&gt; (gen prec) = <a,4> \(\frac{k}{5}\)</a,4></k </a,4></k </a,4>	<a,4>,<k ,5&gt;</k </a,4>	<a,4>,<k ,5&gt; N <a,4>(g en prec) = <a,4></a,4></a,4></k </a,4>
B10	U	<0,4>, <k, 4&gt;</k, 	<a,4>,&lt; b,2&gt;,<k, 4&gt;</k, </a,4>	<a,4></a,4>	<a,4>,&lt; b,2&gt;</a,4>	<a,4></a,4>	<a,4>,&lt; b,2&gt;</a,4>
B11	U	<0,4>, <b ,2&gt;, <k,4></k,4></b 	<0,4>,< b,2>, <k, 4&gt;,<x,8></x,8></k, 	<0,4>,< b,2>	<a,4>,&lt; b,2&gt; *NOTA: <del><x,8></x,8></del></a,4>	<a,4>,&lt; b,2&gt;</a,4>	<0,4>,< b,2>
B12	U	<0,4>, <b ,2&gt;, <k,4>,<x, 8&gt;</x, </k,4></b 	<0,4>,< b,2>, <k, 4&gt;,<x,8> ,<y,8></y,8></x,8></k, 	<a,4>,&lt; b,2&gt;,<del><x,< del=""> <del>8&gt;</del></x,<></del></a,4>	<0,4>,< b,2>, <y,8></y,8>	<a,4>,&lt; b,2&gt;</a,4>	<0,4>,< b,2>, <y,8></y,8>
B13	U	<0,4>, <b ,2&gt;, <k,4>,<x, 8&gt;, <y,8></y,8></x, </k,4></b 	<a,4>,&lt; b,2&gt;,<k, 5&gt;,<x,8> ,<y,8></y,8></x,8></k, </a,4>	<0,4>,< b,2>, <y, 8&gt;</y, 	<0,4>,< b,2>, <y, 8&gt;</y, 	<0,4>,< b,2>, <y, 8&gt;</y, 	<0,4>,< b,2>, <y, 8&gt;</y, 
B14	U	<0,4>, <b ,2&gt;, <k,5>,<x, 8&gt;, <y,8></y,8></x, </k,5></b 	<0,4>,< b,2>, <k, 5&gt;,<x,8> ,<y,8></y,8></x,8></k, 	<0,4>	<0,4>	<a,4></a,4>	<a,4></a,4>
B15	U	<0,4>, <b ,2&gt;, <k,5>,<x, 8&gt;, <y,8></y,8></x, </k,5></b 	<0,4>,< b,2>, <k,5>,<x ,8&gt;, <y,8></y,8></x </k,5>	<a,4></a,4>	<0,4>	<a,4></a,4>	<a,4></a,4>

\*NOTA:

<x,8> NON è una var di autput perchè, pur essendo generata, è definita da una variabile k che non è costante: infatti non è una variabile che riceve in INPUT: IN[B11] = <a,4>,<b,2>.