

GENEVA UNIVERSITY



ADVANCED FORMAL TOOLS

14X007

Probabilistic Model Checking with PRISM

Production Line

PATRICK SARDINHA

SPRING 2021

Table des matières

Table des matières	2
1 Introduction.....	3
2 Related work	4
2.1 Arbres de défaillances	4
2.2 Analyse des arbres de défaillances	4
2.3 Nouvelle méthodologie proposée	5
3 Model	6
3.1 Machines et chaîne de production	6
3.2 Propagation des erreurs et arbres de défaillances	6
3.3 <i>Fault propagation</i> et <i>Fault masking</i>	7
3.4 Portes Logiques et automate probabiliste	8
3.5 Propriété	9
3.6 Ordre d'évaluation des portes	10
3.7 Modélisation du temps de production	10
4 Implémentation	12
4.1 VisualParadigm Online.....	12
4.2 PRISM	12
5 Evaluation	13
5.1 Paramètres du modèle	13
5.2 Résultats obtenus	13
5.3 Analyse des résultats	14
6 Conclusion et travaux futurs	15
Références	16
Appendices	17

1 Introduction

Dans le cadre de ce projet, nous voulons étudier une chaîne de production en passant par le vérificateur de modèles probabilistes PRISM. La chaîne de production étudiée se base sur le jeu Factorio [1], où le but est de construire et d'entretenir des chaînes de production automatisées. A partir de là, nous avons décidé de construire un modèle basé sur la propagation des erreurs et utilisé par les arbres de défaillances. Ce modèle va nous permettre d'étudier des propriétés sur notre chaîne de production tel que dans notre cas, calculer la probabilité qu'une erreur se produisant dans une machine va se propager jusqu'à impliquer une panne globale du système avant un certain temps.

La structure du papier va ainsi suivre le plan suivant. Dans un premier temps, nous aborderons dans la section 2 les travaux en lien avec notre sujet. Nous verrons ensuite dans la section 3 la méthodologie proposée puis l'implémentation de celle-ci dans la section 4. Dans la section 5, nous étudierons les résultats obtenus et évaluerons la méthode proposée. Enfin, dans la section 6, nous évoquerons les conclusions de ce travail et de possibles travaux futurs.

2 Related work

2.1 Arbres de défaillances

Les arbres de défaillances ou arbres de pannes (en anglais *fault trees* (FT)) représentent graphiquement toutes les combinaisons possibles d'événements (événements bas niveau) pouvant mener à un événement indésirable prédéfini, situé sur le niveau supérieur de l'arbre. Schématiquement, un arbre de défaillances est proposé en Figure 1 où les événements bas niveau sont représentés en jaune (LLE) alors que l'événement au niveau supérieur de l'arbre est lui indiqué en rouge (TLE). Ces arbres sont construits avec différents types d'événements et de portes logiques. Les principaux événements utilisés dans ces arbres sont les *basic event* représentant des échecs dans des composants du système ainsi que les *intermediate event*, ceux situés à la sortie des portes. Ces dernières permettent de décrire la relation entre les événements d'entrée et de sortie liés à une même porte. Deux types de portes logiques sont ainsi utilisés : *OR* où la sortie se produit si l'une des entrées se produit ainsi que *AND* nécessitant que les deux entrées se produisent pour avoir la sortie.

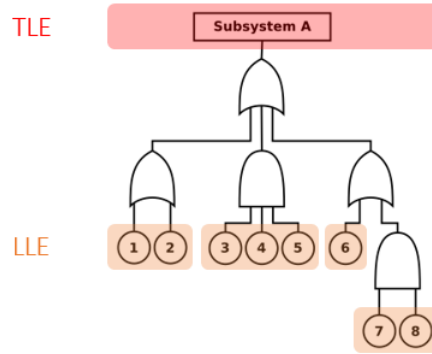


FIGURE 1: Représentation des différents éléments d'un arbre de défaillances

2.2 Analyse des arbres de défaillances

L'analyse des arbres de défaillances (en anglais *Fault Tree Analysis (FTA)*) est une méthode permettant d'évaluer les risques du système relatif au FT en question. Cette méthode permet notamment de comprendre comment un système peut tomber en panne, savoir comment les risques peuvent être réduits voir supprimés ainsi qu'obtenir les taux de panne du système. Cette analyse est souvent réalisée en transformant l'arbre de défaillances en une fonction booléenne,

elle-même utilisée pour la simulation. Cependant, une nouvelle méthodologie probabiliste pour l'analyse des arbres de défaillances a été proposée par les auteurs Marwan Ammar, Ghaith Bany Hamad, Otmane Ait Mohamed et Yvon Savaria dans le papier de recherche intitulé "Efficient Probabilistic Fault Tree Analysis of Safety Critical Systems via Probabilistic Model Checking" [2]. Un papier, utilisant cette méthodologie sur une étude de cas [3] a aussi été écrit par Marwan Ammar, Khaza Anuarul Hoque et Otmane Ait Mohamed.

2.3 Nouvelle méthodologie proposée

La méthodologie proposée suit les cinq étapes principales suivantes. Premièrement, il faut modéliser le système (la composition des composants) et surtout spécifier les paramètres liés aux différents événements. Ensuite, l'idée est de synthétiser l'arbre de défaillances du système puis de modéliser le comportement de chaque porte de l'arbre comme un automate probabiliste (PA). Une fois cette étape effectuée, il faut générer un modèle formel probabiliste de l'arbre de défaillances en combinant les PA à l'aide d'un vérificateur de modèle probabiliste tel que PRISM. L'étape finale est d'analyser ce modèle pour évaluer la probabilité maximale qu'un événement atteigne le haut de l'arbre (TLE).

Cette nouvelle méthode a pour avantage de limiter les contraintes au niveau temps/ressources rencontrées avec l'autre méthode. Il est ainsi possible d'analyser des arbres de défaillances plus rapidement et surtout avec un plus grand nombre d'états.

Comme mentionné auparavant, la nouvelle méthode proposée pour la FTA passe par un vérificateur de modèles probabilistes. Nous allons ainsi utiliser PRISM [4], "un outil logiciel de vérification formel pour la modélisation et l'analyse de systèmes qui présentent un comportement probabiliste" [5].

3 Model

3.1 Machines et chaîne de production

Comme évoqué auparavant, notre but est d'utiliser le modèle de la propagation des fautes avec les arbres de défaillances sur un système de chaîne de production. Cette chaîne de production est ainsi composée de machines extrayant des ressources et de machines les transformant. De plus, sur chacune des machines constituant la chaîne, il est possible que des événements perturbateurs les affectent selon une certaine probabilité. Pour notre cas pratique, nous avons deux machines d'extraction : la foreuse thermique et la pompe offshore. La première a besoin d'une source de minerai à extraire (fer ou charbon) pour les fournir à la chaîne de production alors que la pompe nécessite quant à elle une source d'eau. Ces deux machines peuvent être affectées par différents événements tels qu'une panne technique ou un manque de ressources premières (nous minimisons volontairement le nombre d'événements pouvant affecter une machine pour éviter une explosion des états du modèle). Nous avons ensuite quatre machines de transformation : la chaudière prenant du charbon et de l'eau en entrée pour produire de la vapeur, la machine à vapeur transformant cette vapeur d'eau en électricité, le four qui produit des minéraux transformés à partir des minéraux bruts et d'un combustible (charbon) et finalement, la machine d'assemblage qui prend en entrée les minéraux transformés et fonctionne grâce à une source électrique pour produire le produit final de la chaîne. Toutes ces machines sont aussi susceptibles d'être affectées par des événements perturbateurs dont les principaux sont typiquement, une panne de la machine ou un manque d'approvisionnement des ressources d'entrées.

En assemblant ces différentes machines, nous avons donc construit une chaîne de production typique du jeu Factorio dans le but d'appliquer notre modèle sur celle-ci et d'observer des propriétés voulues. Notre chaîne de production est ainsi composée de huit machines dont quatre foreuses, un four, une chaudière, une machine à vapeur et une machine d'assemblage. Cette chaîne de production est représentée schématiquement en Figure 2.

3.2 Propagation des erreurs et arbres de défaillances

Le modèle de la propagation des erreurs dans les arbres de défaillances nous permet d'estimer et de comparer les probabilités que des pannes provenant de différents événements bas niveau de l'arbre provoquent une panne globale du système due à la propagation d'une faute jusqu'au TLE. Il est ainsi possible d'identifier le ou les composants les plus critiques de notre chaîne de production. Une possible application proposée dans la littérature à partir des composants critiques d'un système est d'ajouter un principe de redondance à ceux-ci afin de réduire les pannes du système.

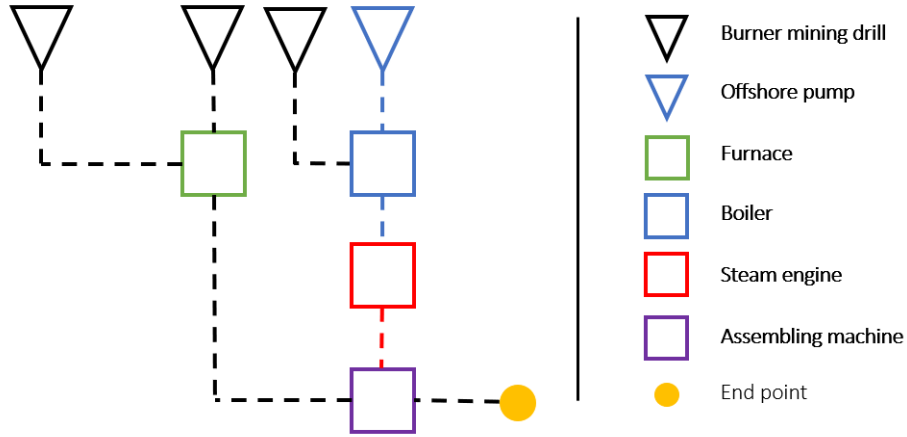


FIGURE 2: Schéma de la chaîne de production avec sa légende

L'arbre de défaillances relatif à notre chaîne de production est représenté en Figure 3. Les événements situés en bas de l'arbre (cercles verts) représentent les fautes pouvant provoquer une panne du système. Les rectangles jaunes indiquent les événements intermédiaires et sont situés sur les sorties des portes. Finalement, l'événement situé en haut de l'arbre "system failure" est le TLE et implique une panne globale du système si une faute se propage jusqu'à lui.

3.3 Fault propagation et Fault masking

Avec l'utilisation des arbres de défaillances, nous ajoutons deux mécanismes supplémentaires. Le *fault propagation* ainsi que le *fault masking*. La propagation d'une erreur est le fait qu'une erreur dans un noeud d'une couche inférieure de l'arbre va se propager avec une certaine probabilité à la couche supérieure alors que le masquage d'erreur va au contraire impliquer une atténuation de l'erreur avec une certaine probabilité et donc stopper la propagation de la faute. Ce mécanisme de masquage peut être perçu comme le fait qu'une machine peut d'elle-même réparer la faute ou alors que la faute n'était finalement pas assez importante pour se propager. Le masquage de faute agit donc de la même manière que la redondance pouvant être ajoutée à une machine. Ces deux mécanismes s'appliquent à toutes les portes de l'arbre de défaillances représentant notre chaîne de production et pour simplification, toutes les portes auront les mêmes probabilités pour la propagation et le masquage des erreurs. En Figure 4 et 5, nous montrerons schématiquement le principe de ces deux mécanismes.

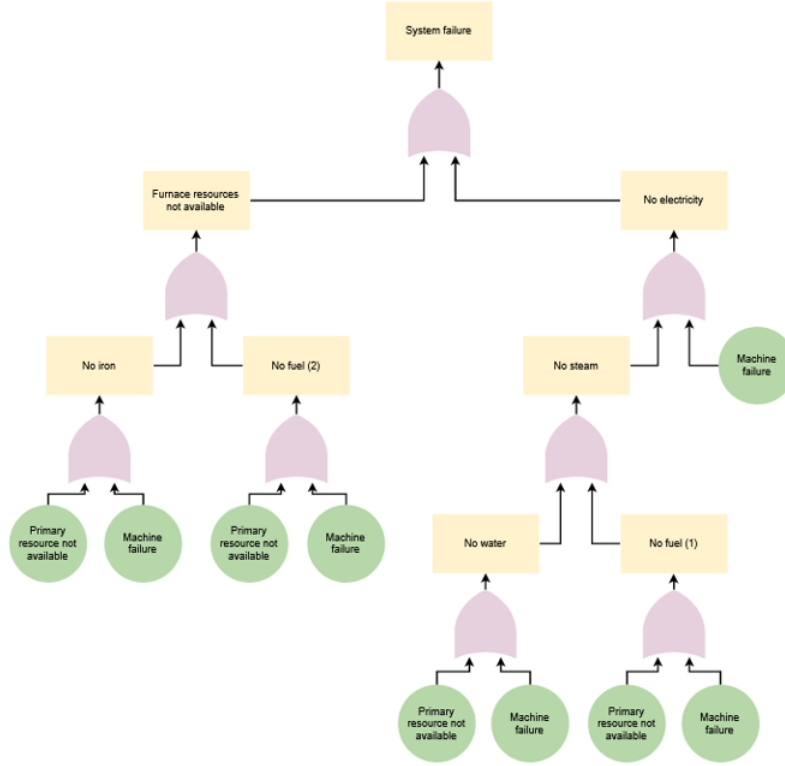


FIGURE 3: Arbres de défaillances de la chaîne de production

3.4 Portes Logiques et automate probabiliste

Le comportement des différentes portes (OR et AND) d'un arbre de défaillances est modélisé sous forme d'automate probabiliste. En Figure 6, nous représentons le comportement d'une porte OR prenant deux entrées. Dans l'état S_0 , un des deux événements est déclenché menant à l'état S_1 ou S_2 . A partir de ces deux états, il est possible de masquer la faute avec une certaine probabilité menant à l'état S_4 ou alors, avec une probabilité de $1 - P_{masking}$, de propager la faute à travers la porte et atteindre l'état S_3 .

Pour la porte logique AND, représentée en Figure 7, le comportement est similaire. Cependant, pour propager la faute à l'état S_3 , il est nécessaire dans les états S_1 et S_2 que le deuxième événement lié à la porte soit aussi déclenché.

Avec le comportement de ces deux types de porte, il est ainsi possible de représenter sous forme d'automate probabiliste, le comportement d'une combinaison de portes et donc d'un arbre de défaillances plus complexe. Notre chaîne de production est ainsi représentée dans la Figure 8.

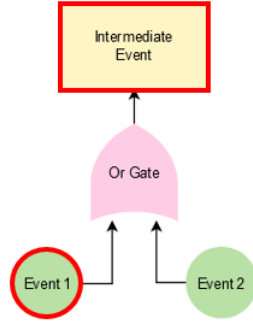


FIGURE 4: Propagation d'une erreur sur une porte OR

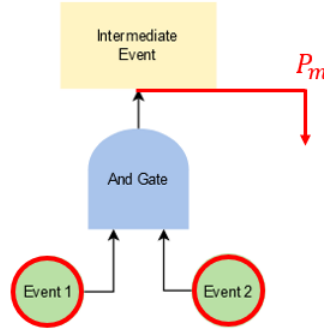


FIGURE 5: Masquage d'une erreur sur une porte AND

3.5 Propriété

Nous pouvons maintenant définir des propriétés intéressantes à observer sur notre modèle. L'une d'entre elles est de pouvoir estimer et comparer la probabilité qu'une faute se produisant dans un événement bas niveau de l'arbre puisse causer une panne globale du système avant un certain temps, par exemple 10 unités de temps. Cette propriété pourra par la suite est traduite sur PRISM (formule PCTL) de la manière suivante : $P_{max} = ?[(FX_i = 1) \& (FTLE = 1) \& (FT < X_t)]$ signifiant qu'on cherche la probabilité maximum qu'un événement X_i soit déclenché ($X_i = 1$), que la faute se propage jusqu'en haut de l'arbre ($TLE = 1$) et tout cela avant X_t unités de temps ($T < X_t$).

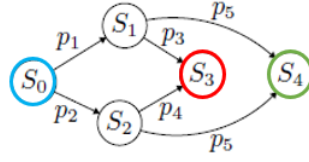


FIGURE 6: AP d'une porte OR

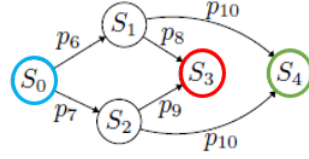


FIGURE 7: AP d'une porte AND

3.6 Ordre d'évaluation des portes

Pour pouvoir évaluer cette propriété, il est nécessaire de spécifier la façon dont les portes de l'arbre de défaillances doivent être visitées. Premièrement, quelque soit le type de porte (OR ou AND), l'idée est d'évaluer toutes les entrées d'une même porte avant de passer à une autre. Ensuite, les portes de l'arbre de défaillances doivent être évaluées couche par couche permettant ainsi d'assurer pour une porte sur une couche supérieure que toutes ses entrées ont été évaluées au préalable. L'ordre dans l'évaluation des portes sur une même couche de l'arbre n'importe pas et peut donc se faire de n'importe quelle manière.

3.7 Modélisation du temps de production

Pour représenter le temps de fonctionnement de notre chaîne de production, nous ajoutons un système de "poids" sur chacune des machines composant la chaîne. Ce poids indique donc le temps nécessaire à une machine pour effectuer son travail. A partir de là, il est impératif de prendre en compte le mécanisme le plus important d'une chaîne de production : le parallélisme entre plusieurs machines. Ce comportement est schématisé en Figure 9 avec un système composé de trois machines.

La première machine effectue son travail en 2 unités de temps (UT), alors que les deux autres mettent seulement 1 unité de temps. Le temps mis par la première machine pour propager une erreur va donc être au minimum de 2, puis va à nouveau être incrémenté de 2 à chaque fois qu'une faute est masquée dans cette machine. La valeur v_1 représente ainsi le nombre de fois qu'une faute est masquée. En parallèle, la deuxième machine effectue son action. La troisième machine va ainsi prendre la valeur maximale entre T_1 et T_2 (puisque'elle nécessite

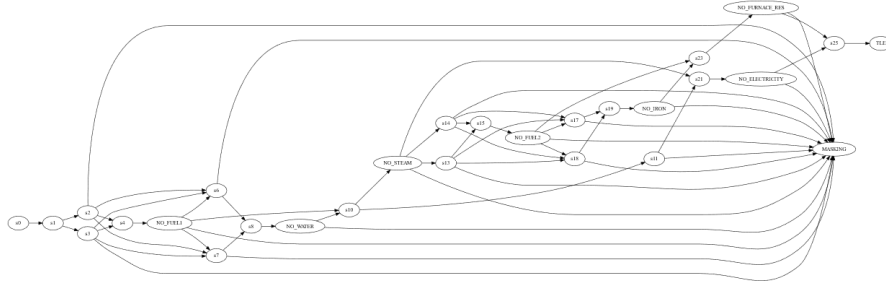


FIGURE 8: AP de notre chaîne de production

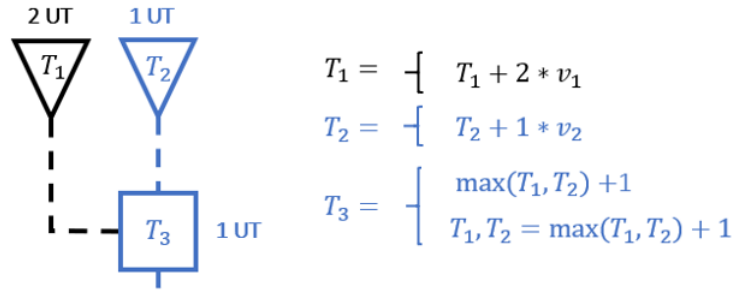


FIGURE 9: Parallélisme sur une chaîne de production

les ressources des deux machines pour fonctionner) puis ajoute son temps d'exécution à la valeur T_3 . Ensuite, à nouveau, deux cas sont possibles, soit la faute est propagée dans la chaîne et on passe à la machine suivante, soit la faute est masquée et alors on recommence l'exécution à la première machine de la branche concernée de l'arbre en gardant les valeurs des temps d'exécution déjà effectués.

4 Implémentation

4.1 VisualParadigm Online

Pour construire l'arbre de défaillances de notre chaîne de production, nous avons utilisé l'outil VisualParadigm Online [6], un outil de conception visuelle permettant entre autre de construire des arbres de défaillances.

4.2 PRISM

Comme expliqué dans les parties précédentes, le vérificateur de modèles probabilistes utilisé est PRISM. Cet outil nous permet d'analyser des systèmes qui présentent un comportement probabiliste tel que la propagation des erreurs dans un arbre de défaillances dû au déclenchement d'événements perturbateurs dans une chaîne de production. Sur PRISM, les portes logiques de notre arbre de défaillances représentant notre chaîne de production, sont chacune créées sous forme de module. Un module définit les états suivants pouvant être atteints en fonction de l'état actuel du système. Le module principal nommé "tree" définit l'ordre dans lequel les portes de l'arbre sont à visiter ainsi que la règle définissant si une faute a atteint le TLE et donc provoqué une panne globale du système. Le module "tree" est représenté en Figure 12 dans la partie appendices.

Un module pour une porte logique va de même définir à l'aide de règles, les états suivants atteignables du système. Ces règles déterminent typiquement les déclenchements possibles d'événements perturbateurs (pour des portes situées en bas de l'arbre), le masquage d'une faute ou alors au contraire la propagation d'une faute. Nous avons avec la Figure 13, également représenté dans la partie appendices, le module représentant la première porte visitée de l'arbre de défaillances.

Avec PRISM, nous définissons aussi les propriétés que nous voulons observer sur notre modèle. Comme expliqué dans la section 3, la propriété observée est définie par la formule suivante : $P_{max} = ?[(FX_i = 1) \& (FTLE = 1) \& (FT < X_t)]$ dans le but de calculer la probabilité maximum qu'un événement X_i soit déclenché, que la faute se propage jusqu'en haut de l'arbre et cela avant X_t unités de temps. Nous calculons cette propriété pour chaque événement possible (X_i), nous donnant ainsi la possibilité de les comparer.

5 Evaluation

5.1 Paramètres du modèle

Pour évaluer la propriété voulue sur notre modèle, nous devons dans un premier temps définir les probabilités de déclenchement des événements bas niveau. Nous avons cinq machines qui composent notre chaîne de production avec pour quatre d'entre elles, deux événements perturbateurs pouvant les affecter contre un seul pour la cinquième machine. Les probabilités de déclenchement des événements sont ainsi représentées en Table 1.

Bottom Event	Probability trigger
Primary res. (X_1)	0.32
Machine failure (X_2)	0.05
Primary res. (X_3)	0.15
Machine failure (X_4)	0.20
Primary res. (X_5)	0.32
Machine failure (X_6)	0.05
Primary res. (X_7)	0.10
Machine failure (X_8)	0.05
Machine failure (X_9)	0.25

TABLE 1: Tableau des probabilités de déclenchement des événements perturbateurs

Concernant les probabilités du masquage et de la propagation des fautes, nous prenons respectivement 10% et $100 - 10 = 90\%$ pour chacune des portes de l'arbre. Finalement, nous avons choisi de calculer la propriété pour un temps $X_t = 10$ et un temps $X_t = 20$, c'est-à-dire : $P_{max} = ?[(FX_i = 1) \& (FTLE = 1) \& (FT < 10)]$ et $P_{max} = ?[(FX_i = 1) \& (FTLE = 1) \& (FT < 20)]$.

5.2 Résultats obtenus

Pour le premier cas, nous obtenons les résultats de la Figure 10 et la Figure 11 présente les résultats obtenus pour $X_t = 20$.

$$\begin{aligned}
P &= ? [(F X_1 = 1) \& (F TLE = 1) \& (T_{f1} < 10)] = 0.54066383 \\
P &= ? [(F X_2 = 1) \& (F TLE = 1) \& (T_{f1} < 10)] = 0.08447872 \\
P &= ? [(F X_3 = 1) \& (F TLE = 1) \& (T_{f1} < 10)] = 0.26791824 \\
P &= ? [(F X_4 = 1) \& (F TLE = 1) \& (T_{f1} < 10)] = 0.35722432 \\
P &= ? [(F X_5 = 1) \& (F TLE = 1) \& (T_{f1} < 10)] = 0.54066383 \\
P &= ? [(F X_6 = 1) \& (F TLE = 1) \& (T_{f1} < 10)] = 0.08447872 \\
P &= ? [(F X_7 = 1) \& (F TLE = 1) \& (T_{f1} < 10)] = 0.41676170 \\
P &= ? [(F X_8 = 1) \& (F TLE = 1) \& (T_{f1} < 10)] = 0.20838085 \\
P &= ? [(F X_9 = 1) \& (F TLE = 1) \& (T_{f1} < 10)] = 0.12502851
\end{aligned}$$

FIGURE 10: Résultats pour $P_{max} = ?[(FX_i = 1) \& (FTLE = 1) \& (FT < 10)]$

5.3 Analyse des résultats

En analysant les résultats, nous pouvons observer que la probabilité qu'une faute se propage et atteigne le sommet de l'arbre est beaucoup plus élevée pour $X_t = 20$ que pour $X_t = 10$, ce qui implique que plus le temps de production est long, plus une panne technique est susceptible de se produire.

Nous observons aussi que les mêmes machines avec les mêmes propriétés à un même niveau de l'arbre de défaillances, donnent des résultats similaires et que le nombre d'unité de temps associé à chaque machine influence de manière significative les résultats. En effet, une faute se propageant à travers une machine ayant un temps d'exécution long aura moins de chance de se propager jusqu'au TLE avant un temps donné.

Finalement, un événement particulier sera plus impacté par les événements qui lui sont plus ou moins directement liés, c'est-à-dire les événements situés sur la même porte logique ou alors partageant la même branche/sous partie de l'arbre.

Au niveau des performances, la première version de l'implémentation permettait de vérifier la propriété voulue en un temps assez conséquent, entre 8 à 10 minutes et était limité sur la taille du système à cause de la mémoire. Avec quelques modifications et la réutilisation des résultats intermédiaires dans le parcours de l'arbre de défaillances, le temps de calcul pour une propriété a été divisé par 30 environ et s'effectue actuellement entre 16 et 25 secondes.

$$\begin{aligned}
P &= ? [(F X_1 = 1) \& (F TLE = 1) \& (T_{f2} < 20)] = 0.83347989 \\
P &= ? [(F X_2 = 1) \& (F TLE = 1) \& (T_{f2} < 20)] = 0.13023123 \\
P &= ? [(F X_3 = 1) \& (F TLE = 1) \& (T_{f2} < 20)] = 0.41301905 \\
P &= ? [(F X_4 = 1) \& (F TLE = 1) \& (T_{f2} < 20)] = 0.55069207 \\
P &= ? [(F X_5 = 1) \& (F TLE = 1) \& (T_{f2} < 20)] = 0.83347989 \\
P &= ? [(F X_6 = 1) \& (F TLE = 1) \& (T_{f2} < 20)] = 0.13023123 \\
P &= ? [(F X_7 = 1) \& (F TLE = 1) \& (T_{f2} < 20)] = 0.64247408 \\
P &= ? [(F X_8 = 1) \& (F TLE = 1) \& (T_{f2} < 20)] = 0.32123704 \\
P &= ? [(F X_9 = 1) \& (F TLE = 1) \& (T_{f2} < 20)] = 0.19274222
\end{aligned}$$

FIGURE 11: Résultats pour $P_{max} = ?[(F X_i = 1) \& (F TLE = 1) \& (T_{f2} < 20)]$

6 Conclusion et travaux futurs

Ce projet nous a donné la possibilité d'étudier plus en détail les arbres de défaillances et le principe de la propagation des fautes. De plus, nous avons pu nous baser sur une nouvelle méthodologie pour l'analyse de ces arbres et adapter celle-ci pour notre cas pratique concernant une chaîne de production. A partir de ce modèle de la propagation des fautes, la propriété étudiée dans ce papier nous permet d'évaluer les chances qu'une chaîne de production tombe en panne avant d'atteindre un temps d'exécution donné. Des techniques développées dans la littérature telle que par exemple, la triple redondance modulaire (TMR), peuvent encore être appliquées à ce genre de système pour améliorer sa fiabilité. Le projet est ainsi disponible sur Github [7] et pour des travaux futurs, il peut être intéressant de vérifier d'autres propriétés à partir du modèle proposé quitte à le faire évoluer et à l'adapter à la situation. Une idée pourrait être d'étudier la disponibilité d'une machine dans une journée et savoir le temps qu'elle passe à l'arrêt dû à un échec dans une ou des machines en amont où alors au sein d'elle-même. Pour cela, il serait nécessaire de modéliser le temps de réparation des machines.

Références

- [1] Factorio. https://wiki.factorio.com/Main_Page.
- [2] Marwan Ammar, Ghaith Bany Hamad, Otmane Ait Mohamed, and Yvon Savaria. Efficient probabilistic fault tree analysis of safety critical systems via probabilistic model checking. In *2016 Forum on Specification and Design Languages (FDL)*, pages 1–8, 2016.
- [3] Marwan Ammar, Khaza Anuarul Hoque, and Otmane Ait Mohamed. Formal analysis of fault tree using probabilistic model checking : A solar array case study. In *2016 Annual IEEE Systems Conference (SysCon)*, pages 1–6, 2016.
- [4] Documentation prism. <https://www.prismmodelchecker.org/>.
- [5] Description de prism. https://en.wikipedia.org/wiki/PRISM_model_checker.
- [6] Outil visualparadigm online. <https://online.visual-paradigm.com/fr/>.
- [7] Projet pmcp production line.
https://github.com/sardinhapatrik/PMC_PRISM.

Appendices

```

module tree
    [] or1=0 -> (or1'=1);
    [] (v1=1) & (v2=0) & (or2=0) -> (or2'=1);
    [] (v1=1) & (v2=1) & (c_or1=1) -> (a_or3'=1) & (v1'=0);
    [] (v1=1) & (v2=1) & (c_or2=1) -> (b_or3'=1) & (v2'=0);

    [] v3=1 & (or4=0) & (v6=0) -> (or4'=1);
    [] v3=1 & (v6=1) & (or7=0) -> (or7'=1);

    [] (v4=1) & (v5=0) & (or5=0) -> (or5'=1);
    [] (v4=1) & (v5=1) & (c_or4=1) -> (a_or6'=1) & (v4'=0);
    [] (v4=1) & (v5=1) & (c_or5=1) -> (b_or6'=1) & (v5'=0);

    [] (v6=1) & (v7=1) & (c_or6=1) -> (a_or8'=1) & (v6'=0);
    [] (v6=1) & (v7=1) & (c_or7=1) -> (b_or8'=1) & (v7'=0);

    [] (c_or8=1) -> (tle'=1);
endmodule

```

FIGURE 12: Module tree

```

module or_gate1
    [] (or1=1) & (a_or1=0) & (b_or1=0) & (c_or1=0) & (m1=0) & (p1=0) -> 0.32: (a_or1'=1) & (or1'=2) + 0.05: (b_or1'=1) & (or1'=2) + 0.63: (or1'=1);
    [] (a_or1=1) & (or1=2) & (c_or1=0) & (p1=0) & (m1=0) & (t1<max_t1) -> 0.1: (m1'=1) & (t1'=t1+2) & (a_or1'=0) + 0.9: (p1'=1);
    [] (b_or1=1) & (or1=2) & (c_or1=0) & (p1=0) & (m1=0) & (t1<max_t1) -> 0.1: (m1'=1) & (t1'=t1+2) & (b_or1'=0) + 0.9: (p1'=1);

    [] (m1=1) -> (or1'=1) & (a_or1'=0) & (b_or1'=0) & (c_or1'=0) & (m1'=0) & (p1'=0);

    [] (p1=1) & (a_or1=1) & (c_or1=0) & (t1<max_t1) -> (c_or1'=1) & (v1'=1) & (t1'=t1+2);
    [] (p1=1) & (b_or1=1) & (c_or1=0) & (t1<max_t1) -> (c_or1'=1) & (v1'=1) & (t1'=t1+2);
endmodule

```

FIGURE 13: Module OR Gate 1