Sprawozdanie: Testy systemu transputerowego

Szymon Francuzik Stanisław Jankowski 24 listopada 2008

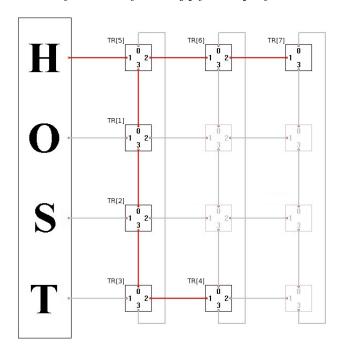
1 Opis zadania

Problem polega na porównywaniu różnych sposobów przetwarzania zadań jednorodnych w systemie transputerowym. Zadaną architekturą systemu jest tu łańcuch 7 transputerów z centralnie położonym źródlem danych. Założono, iż w miarę oddalania się od źródła danych, prędkość kolejnego transputera maleje dwukrotnie w porównaniu do poprzedniego. Rozważono następujące sposoby realizacji przetwarzania:

- przetwarzanie szeregowe
- \bullet przetwarzanie równoległe z jedną fazą obliczeń i jednym przesłaniem danych 1f1p
- przetwarzanie równoległe z jedną fazą obliczeń i dwoma przeslaniami danych - 1f2p
- przetwarzanie równoległe z dwoma fazami obliczeń i jednym przesłaniem danych na fazę obliczeń - 2f1p

Ponadto dla każdego z podanych wariantów rozpatrzono dwa sposoby wyboru transputerów, na których realizowane są obliczenia:

• wybór maksymalizujący liczbę szybkich transputerów



Rysunek 1: Model maksymalizujący liczbę szybkich transputerów.

wybór maksymalizujący liczbę szybkich łącz komunikacyjnych (rysunek!!)

Wszystkie powyższe warianty rozpatrzono teoretycznie, konstruując odpowiednie problemy programowania liniowego, które pozwoliły dobrać opytmalną liczbę zadań do przetworzenia dla każdego procesora, która gwarantuje najkrótszy czas przetwarzania całej puli zadań. Aby ulożyć problemy programowania liniowego, przeprowadzono pomiary czasów komunikacji, oraz przetwarzania dla odpowiednich łącz oraz transputerów systemu.

Następnie napisano implementację wariantu z przetwarzaniem 1f1p oraz 1f2p, dla wariantu z maksymalizującegoliczbę szybkich łącz oraz dla wariantu maksymalizującego liczbę szybkich procesorow, przydzielając do każdego transputera liczbę zadań wyliczoną z modelu teoretycznego. Wyniki uzyskane z testów powyższych implementacji porównano następnie z modelami teoretycznymi.

2 Wyznaczanie parametrow systemu

Należało wyznaczyć czas inicjalizacji połączenia, prędkość komunikacji, oraz prędkość przetwarzania pojedynczego zadania dla badanego systemu. Uwzględniono fakt, iż czas inicjalizacji połączenia, oraz prędkość przetwarzania pojedynczego zadania, zależy od prędkości transputera - transputery w pierwszej kolumnie od lewej są szybsze niż pozostałe. Natomiast czas komunikacji zależny jest od rodzaju łącza - łącza poziome są szybsze niż pionowe. Zależności te zostały przedstawione na poniższym rysunku. (rysunek!!!)

2.1 Pomiar czasów inicjalizacji połączenia, oraz prędkości komunikacji

Napisano program mierzący czasy inicjalizacji polączeń, oraz prędkości przesyłania danych. Pomiary dokonano pomiędzy:

- dwoma szybkimi transputerami połączonymi wolnym łączem
- dwoma wolnymi transputerami połączonymi szybkim lączem
- dwoma wolnymi transputerami połączonymi wolnym lączem

Dokonano odpowiedniej synchronizacji procesów, aby upewnić się iż wszystkie one są zainicjowane i gotowe do przeprowadzenia pomiarów. Następnie uruchamiano funkcję ProcTime(), aby określić moment początku komunikacji i wysyłano pakiet danych do drugiego z transputerów, ktory natychmiast odsyłał otrzymane dane do nadawcy. Nadawca uruchamiał po raz drugi funkcję ProcTime(), aby określić moment końca komunikacji. Zarowno proces nadawcy jak i odbiorcy uruchamiany był z wysokim priorytetem, co gwarantowało wysoką dokładność pomiarów.

Procedurę powtarzano dla różnych wielkości pakietów z danymi. Następnie dla otrzymanych wyników obliczono regresję liniową, dzięki której otrzymano wartości czasu inicjalizacji komunikacji, oraz prędkości komunikacji. Powyższą procedurę powtarzano dla każdej z wymienionych trzech par transputerów. Oto otrzymane wyniki (tabelka z wynikami!!!)

2.2 Pomiar prędkości przetwarzania

Napisano program mierzący prędkość przetwarzania pojedynczego zadania na transputerze szybkim oraz wolnym. Pojedyncze zadanie polegalo na obliczeniu metodą Hornera wartości następującego wielomianu: W(x) = ((4 * x + 12) * x + 3) * x + 3) * x + 7.

W tym celu na każdym z dwóch tranasputerów, których dotyczyły pomiary, utworzono po dwa procesy. Proces z priorytetem wolnym, na którym odbywały się obliczenia, oraz proces z priorytetem wysokim, na którym odbywały się pomiary czasu. Wybór takie sposobu pomiarów wynika z próby jak najdokładniejszego odwzorowania architektury zastosowanej przy implementacji modeli. Po odpowiedniej synchronizacji procesów, która gwarantuje ich gotowość do przeprowadzenia pomiarów, proces obliczeniowy wysyłał sygnał - liczbę całkowitą do procesu pomiarowego i zaczynał obliczenia. Proces pomiarowy po otrzymaniu pierwszego sygnału uruchamiał funkcję ProcTime() do uzyskania czasu rozpoczęcia obliczeń. Proces obliczeniowy po zakończeniu obliczeń wysyłał do procesu mierzącego czas kolejny sygnał. Proces mierzący, po odebraniu drugiego sygnalu, uruchamiał funkcję ProcTime() aby uzyskać czas zakończenia obliczeń. Różnica obu czasów dała czas trwania obliczeń powiększony o czas przesyłania komunikatu między procesami (ok. 18 μ s).

Procedurę powtarzano dla różnej liczby zadań do przetworzenia przez procesor, przy czym dla każdej liczby zadań pomiar przeprowadzano dwudziestokrotnie. Następnie dla otrzymanych wyników obliczono regresję liniową, dzięki ktorej otrzymano wartości prędkości obliczeń dla transputera szybkiego oraz wolnego. Oto torzymane wyniki: (tabelka z wynikami !!!)

3 Opis modeli systemów

Dla każdego wariantu realizacji obliczeń opisanego w punkcjie pierwszym, utworzono model matemetyczny. Jest nim zadanie programowania liniowego, które następnie rozwiązywano za pomocą programu lp solve. Pozwoliło to uzyskać optymalne rozkłady puli zadań na poszczególne procesory, minimalizując tym samym czasy zakończenia obliczeń.

- v całkowita liczba zadań do realizacji przez system
- T minimalizowany całkowity czas przetwarzania v zadań

- li liczba zadań dla itego procesora, i=1..7
- a1 czas przetwarzania pojedynczego zadania na itym transputerze, i=1..7
- s1, s2 czas inicjalizacji komunikacji, odpowiednio dla szybkiego i wolnego transputera
- \bullet c
1, c2 czas przesłu jednego pakietu danych, odpowiednio wolnym i szybkim łączem

Uwaga!

- Poniżej przedstawiono tylko równania i/lub ograniczenia dla wybranych modeli, bez inicjalizowania zmiennych i stałych problemu. Kompletne kody dla każdego problemu umieszczone zostały na dołączonej płycie CD.
- Przyjęte oznaczenia (indeksy według rysunków z rozdziału Opis zadania)

3.1 Model szeregowy

W modelu tym założono iż komunikacja między transputerami przebiega szeregowo, to znaczy transputer - źródło przesyła dane najpierw do jednego końca łańcucha a następnie do drugiego. Dopiero po zakończeniu przesyłania danych, transputer zaczyna obliczenia. Oto problemy liniowe dla omawianego modelu, przy przyjętych oznaczeniach.(rysunek!!!)

3.1.1 Maksymalizacja liczby szybkich procesorów

minimize obj: +T;

```
\begin{array}{l} \text{R1: T}>=s1+(15+16+17)*c1+s1+(12+13+14)*c1+l1*a1;\\ \text{R2: T}>=s1+(15+16+17)*c1+s1+(12+13+14)*c1+s1+(13+14)*c1+\\ l2*a2;\\ \text{R3: T}>=s1+(15+16+17)*c1+s1+(12+13+14)*c1+s1+(13+14)*c1+\\ s1+(14)*c2+l3*a3;\\ \text{R4: T}>=s1+(15+16+17)*c1+s1+(12+13+14)*c1+s1+(13+14)*c1+\\ s1+(14)*c2+l4*a4;\\ \text{R5: T}>=s1+(15+16+17)*c1+s1+(16+17)*c2+l5*a5;\\ \text{R6: T}>=s1+(15+16+17)*c1+s1+(16+17)*c2+s2+(17)*c2+l6*a6;\\ \text{R7: T}>=s1+(15+16+17)*c1+s1+(16+17)*c2+s2+(17)*c2+l6*a6;\\ \text{R7: T}>=s1+(15+16+17)*c1+s1+(16+17)*c2+s2+(17)*c2+l7*a7;\\ \text{R8: v}=l1+l2+l3+l4+l5+l6+l7; \end{array}
```

Rozwiązanie problemu programowania liniowego dla tego wariantu:(tabelka!!!)

3.1.2 Maksymalizacja liczby szybkich łączy

minimize obj: +T;

```
\begin{array}{l} \text{R1: T}>=s1+(15+16+17)*c1+s1+(12+13+14)*c1+11*a1;\\ \text{R2: T}>=s1+(15+16+17)*c1+s1+(12+13+14)*c1+s1+(13+14)*c2+\\ 12*a2;\\ \text{R3: T}>=s1+(15+16+17)*c1+s1+(12+13+14)*c1+s1+(13+14)*c2+\\ s2+(14)*c2+13*a3;\\ \text{R4: T}>=s1+(15+16+17)*c1+s1+(12+13+14)*c1+s1+(13+14)*c2+\\ s2+(14)*c2+14*a4;\\ \text{R5: T}>=s1+(15+16+17)*c1+s1+(16+17)*c2+15*a5;\\ \text{R6: T}>=s1+(15+16+17)*c1+s1+(16+17)*c2+s2+(17)*c2+16*a6;\\ \text{R7: T}>=s1+(15+16+17)*c1+s1+(16+17)*c2+s2+(17)*c2+17*a7;\\ \text{R8: v}=11+12+13+14+15+16+17; \end{array}
```

Rozwiązanie problemu programowania liniowego dla tego wariantu:(tabelka!!!)

3.2 Model 1f1p

W modelu tym założono, że komunikacja i obliczenia na każdym transputerze przebiega równolegle. Ponadto dla transputera - źródła, komunikacja przebiega równolegle do obu końców łańcucha. Oto problemy liniowe dla omawianego modelu, przy przyjętych oznaczeniach.(rysunek!!!)

3.2.1 Maksymalizacja liczby szybkich procesorów

minimize obj: +T;

```
\begin{array}{l} R1: \ T>= \ l1^*a1; \\ R2: \ T>= \ s1+(l2+l3+l4)^*c1 \ +l2^*a2; \\ R3: \ T>= \ s1+(l2+l3+l4)^*c1 \ +s1+(l3+l4)^*c1 \ +s1+(l4)^*c2 \ +l4^*a4; \\ R4: \ T>= \ s1+(l2+l3+l4)^*c1 \ +s1+(l3+l4)^*c1 \ +s1+(l4)^*c2 \ +l4^*a4; \\ R5: \ T>= \ s1+(l5+l6+l7)^*c1 \ +l5^*a5; \\ R6: \ T>= \ s1+(l5+l6+l7)^*c1 \ +s1+(l5+l6)^*c2 \ +l6^*a6; \\ R7: \ T>= \ s1+(l5+l6+l7)^*c1 \ +s1+(l5+l6)^*c2 \ +s2+(l6)^*c2 \ +l7^*a7; \\ R8: \ v= \ l1+l2+l3+l4+l5+l6+l7; \end{array}
```

Rozwiązanie problemu programowania liniowego dla tego wariantu:(tabelka!!!)

3.2.2 Maksymalizacja liczby szybkich łączy

minimize obj: +T;

```
\begin{array}{l} {\rm R1:\,T>=11*a1;} \\ {\rm R2:\,T>=\,s1+(12+l3+l4)*c1\,+\,l2*a2;} \\ {\rm R3:\,T>=\,s1+(12+l3+l4)*c1\,+\,s1+(13+l4)*c2\,+\,l3*a3;} \\ {\rm R4:\,T>=\,s1+(12+l3+l4)*c1\,+\,s1+(13+l4)*c2\,+\,s2+(14)*c2\,+l4*a4;} \\ {\rm R5:\,T>=\,s1+(15+l6+l7)*c1\,+\,l5*a5;} \\ {\rm R6:\,T>=\,s1+(15+l6+l7)*c1\,+\,s1+(15+l6)*c2\,+\,l6*a6;} \\ {\rm R7:\,T>=\,s1+(15+l6+l7)*c1\,+\,s1+(15+l6)*c2\,+\,s2+(16)*c2\,+\,l7*a7;} \\ {\rm R8:\,v=\,l1+l2+l3+l4+l5+l6+l7;} \end{array}
```

3.3 Model 1f2p

W modelu tym założono, że komunikacja odbywa się w dwóch etapach. W pierwszym etapie komunikacji, transputer odbiorca otrzymuje dane potrzebne mu do całkowitej realizacji swojej części obliczeń. W drugim etapie komunikacji otrzymuje natomiast dane do przesłania kolejnym transputerom w łańcuchu. Proces obliczeń i komunikacji został zrównoleglony w maksymalnym możliwym stopniu. Oto problemy liniowe dla omawianego modelu, przy przyjętych oznaczeniach.(rysunek!!!)

3.3.1 Maksymalizacja liczby szybkich procesorów

```
minimize obj: +T;
```

```
\begin{array}{l} \text{R1: T}>=11^*\text{a1;} \\ \text{R2: T}>=s1+(12)^*\text{c1}+12^*\text{a2;} \\ \text{R3: T}>=s1+(12)^*\text{c1}+s1+(13+14)^*\text{c1}+s1+(13)^*\text{c1}+13^*\text{a3;} \\ \text{R4: T}>=s1+(12)^*\text{c1}+s1+(13+14)^*\text{c1}+s1+(13)^*\text{c1}+s1+(14)^*\text{c1}+s1+(14)^*\text{c2}+14^*\text{a4;} \\ \text{R5: T}>=s1+(15)^*\text{c1}+15^*\text{a5;} \\ \text{R6: T}>=s1+(15)^*\text{c1}+s1+(16+17)^*\text{c1}+s1+(16)^*\text{c2}+16^*\text{a6;} \\ \text{R7: T}>=s1+(15)^*\text{c1}+s1+(16+17)^*\text{c1}+s1+(16)^*\text{c2}+s1^*(17)^*\text{c2}+s2^*(17)^*\text{c2}+17^*\text{a7;} \\ \text{R8: v}=11+12+13+14+15+16+17; \end{array}
```

Rozwiązanie problemu programowania liniowego dla tego wariantu:(tabelka!!!)

3.3.2 Maksymalizacja liczby szybkich łączy

```
minimize obj: +T;
R1: T \ge 4 \cdot 11*a1;
```

```
\begin{array}{l} \text{R2: T}>=s1+(12)^*\text{c1}+12^*\text{a2;}\\ \text{R3: T}>=s1+(12)^*\text{c1}+s1+(13+14)^*\text{c1}+s1+(13)^*\text{c2}+13^*\text{a3;}\\ \text{R4: T}>=s1+(12)^*\text{c1}+s1+(13+14)^*\text{c1}+s1+(13)^*\text{c2}+s1+(14)^*\text{c2}+s2+(14)^*\text{c2}+14^*\text{a4;}\\ \text{R5: T}>=s1+(15)^*\text{c1}+15^*\text{a5;}\\ \text{R6: T}>=s1+(15)^*\text{c1}+s1+(16+17)^*\text{c1}+s1+(16)^*\text{c2}+16^*\text{a6;}\\ \text{R7: T}>=s1+(15)^*\text{c1}+s1+(16+17)^*\text{c1}+s1+(16)^*\text{c2}+s1^*(17)^*\text{c2}+s2^*(17)^*\text{c2}+17^*\text{a7;}\\ \text{R8: v}=11+12+13+14+15+16+17; \end{array}
```

3.4 Model 2f1p

W modelu tym komunikację między transputerami rozbito na dwie fazy. W pierwszej komunikacji fazie każdy z transputerów otrzymuje tylko częśc potrzebnych mu do obliczeń danych i może wykonać pierwszę fazę obliczeń. Natomiast w drugiej fazie komunikacji każdy z transputerów otrzymiuje drugą część potrzebnych mu do obliczeń danych i moze realizować drugą fazę obliczeń. Przesyłanie i obliczenia realizowane sę w maksymalnie zrównoleglony sposob. Do opisu powyższego modelu niezbędne bylo wprowadzenie nowych parametrów opisujących system:

- \bullet obij Początek obliczeń na itym transputerze w jotej fazie, i=1..7, j=1..2, wyjątek dla pierwszego transputera obl
- \bullet oeij Początek obliczeń na itym transputerze w jotej fazie, i=1..7, j=1..2, wyjątek dla pierwszego transputera oe1
- kbij Początek komunikacji na itym transputerze w jotej fazie, i=1..6, j=1..2, wyjątek dla pierwszego transputera kbijk, gdzie k oznacza: g komunikację w stronę węzła 7, d w stronę węzła 4
- keij Początek komunikacji na itym transputerze w jotej fazie, i=1..6, j=1..2, wyjątek dla pierwszego transputera keijk, gdzie k oznacza: g komunikację w stronę węzła 7, d w stronę węzła 4

Oto problemy liniowe dla omawianego modelu, przy przyjętych oznaczeniach.(rysunek!!!)

3.4.1 Maksymalizacja liczby szybkich procesorów

minimize obj: T; r1: $T \ge 001$;

```
r2: T >= oe22;
r3: T >= oe32;
r4: T >= oe42;
r5: T >= oe52;
r6: T >= oe62;
r7: T >= oe72;
r8: kb21 >= ke11d;
r9: kb22 >= ke12d;
r10: kb31 >= ke21;
r11: kb32 >= ke22;
r12: kb41 >= ke31;
r13: kb42 >= ke32;
r14: kb51 >= ke11g;
r15: kb52 >= ke12g;
r16: kb61 >= ke51;
r17: kb62 >= ke52;
r18: v = 11 + 121 + 122 + 131 + 132 + 141 + 142 + 151 + 152 + 161 + 162 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 18
171 + 172;
r19: ke11g = kb11g + s1 + (l51 + l61 + l71)*c1;
r20: ke12g = kb12g + s1 + (l52 + l62 + l72)*c1;
r21: ke11d = kb11d + s1 + (l21 + l31 + l41)*c1;
r22: ke12d = kb12d + s1 + (l22 + l32 + l42)*c1;
r23: ke21 = kb21 + s1 + (l31 + l41)*c1;
r24: ke22 = kb22 + s1 + (l32 + l42)*c1;
r25: ke31 = kb31 + s1 + (l41)*c2;
r26: ke32 = kb32 + s1 + (l42)*c2;
r27: ke51 = kb51 + s1 + (l61 + l71)*c2;
r28: ke52 = kb52 + s1 + (162 + 172)*c2;
r29: ke61 = kb61 + s2 + (171)*c2;
r30: ke62 = kb62 + s2 + (172)*c2;
r31: kb12g >= ke11g;
r32: kb12d >= ke11d;
r33: kb22 >= ke21;
r34: kb32 >= ke31;
r35: kb42 >= ke41;
r36: kb52 >= ke51;
r37: kb62 >= ke61;
r38: ob22 >= oe21;
r39: ob32 >= oe31;
```

```
r40: ob42 >= oe41;
r41: ob52 >= oe51;
r42: ob62 >= oe61;
r43: ob72 >= oe71;
r44: ob21 >= ke11d;
r45: ob22 >= ke12d;
r46: ob31 >= ke21;
r47: ob32 >= ke22;
r48: ob41 >= ke31;
r49: ob42 >= ke32;
r50: ob51 >= ke11g;
r51: ob52 >= ke12g;
r52: ob61 >= ke51;
r53: ob62 >= ke52;
r54: ob71 >= ke61;
r55: ob72 >= ke62;
r56: oe1 = ob1 + a1*l1;
r57: oe21 = ob21 + a2*l21;
r58: oe22 = ob22 + a2*l22;
r59: oe31 = ob31 + a3*l31;
r60: oe32 = ob32 + a3*l32;
r61: oe41 = ob41 + a4*l41;
r62: oe42 = ob42 + a4*142;
r63: oe51 = ob51 + a5*l51;
r64: oe52 = ob52 + a5*l52;
r65: oe61 = ob61 + a6*l61;
r66: oe62 = ob62 + a6*l62;
r67: oe71 = ob71 + a7*171;
r68: oe72 = ob72 + a7*172;
```

3.4.2 Maksymalizacja liczby szybkich łączy

```
r1: T >= oe1;
r2: T >= oe22;
r3: T >= oe32;
r4: T >= oe42;
r5: T >= oe52;
```

minimize obj: T;

```
r6: T >= oe62;
r7: T >= oe72;
r8: kb21 >= ke11d;
r9: kb22 >= ke12d;
r10: kb31 >= ke21;
r11: kb32 >= ke22;
r12: kb41 >= ke31;
r13: kb42 >= ke32;
r14: kb51 >= ke11g;
r15: kb52 >= ke12g;
r16: kb61 >= ke51;
r17: kb62 >= ke52;
r18: v = 11 + 121 + 122 + 131 + 132 + 141 + 142 + 151 + 152 + 161 + 162 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 181 + 18
171 + 172;
r19: ke11g = kb11g + s1 + (l51 + l61 + l71)*c1;
r20: ke12g = kb12g + s1 + (l52 + l62 + l72)*c1;
r21: ke11d = kb11d + s1 + (l21 + l31 + l41)*c1;
r22: ke12d = kb12d + s1 + (l22 + l32 + l42)*c1;
r23: ke21 = kb21 + s1 + (l31 + l41)*c2;
r24: ke22 = kb22 + s1 + (132 + 142)*c2;
r25: ke31 = kb31 + s2 + (l41)*c2;
r26: ke32 = kb32 + s2 + (142)*c2;
r27: ke51 = kb51 + s1 + (l61 + l71)*c2;
r28: ke52 = kb52 + s1 + (162 + 172)*c2;
r29: ke61 = kb61 + s2 + (l71)*c2;
r30: ke62 = kb62 + s2 + (172)*c2;
r31: kb12g >= ke11g;
r32: kb12d >= ke11d;
r33: kb22 >= ke21;
r34: kb32 >= ke31;
r35: kb42 >= ke41;
r36: kb52 >= ke51;
r37: kb62 >= ke61;
r38: ob22 >= oe21;
r39: ob32 >= oe31;
r40: ob42 >= oe41;
r41: ob52 >= oe51;
r42: ob62 >= oe61;
r43: ob72 >= oe71;
```

```
r44: ob21 >= ke11d;
r45: ob22 >= ke12d;
r46: ob31 >= ke21;
r47: ob32 >= ke22;
r48: ob41 >= ke31;
r49: ob42 >= ke32;
r50: ob51 >= ke11g;
r51: ob52 >= ke12g;
r52: ob61 >= ke51;
r53: ob62 >= ke52;
r54: ob71 >= ke61;
r55: ob72 >= ke62;
r56: oe1 = ob1 + a1*l1;
r57: oe21 = ob21 + a2*l21;
r58: oe22 = ob22 + a2*l22;
r59: oe31 = ob31 + a3*l31;
r60: oe32 = ob32 + a3*l32;
r61: oe41 = ob41 + a4*l41;
r62: oe42 = ob42 + a4*l42;
r63: oe51 = ob51 + a5*l51;
r64: oe52 = ob52 + a5*l52;
r65: oe61 = ob61 + a6*l61;
r66: oe62 = ob62 + a6*l62;
r67: oe71 = ob71 + a7*l71;
r68: oe72 = ob72 + a7*172;
```

- 4 Opis implementacji modeli
- 4.1 Model 1f1p
- 4.2 Model 2f1p
- 5 Opis wyników testów implementacji dla wybranych modeli
- 5.1 Model 1f1p
- 5.1.1 Maksymalizacja liczby szybkich procesorów
- 5.1.2 Maksymalizacja liczby szybkich łączy
- 5.2 Model 1f2p
- 5.2.1 Maksymalizacja liczby szybkich procesorów
- 5.2.2 Maksymalizacja liczby szybkich łączy
- 6 Porównanie wyników implementacji z wynikami uzyskanymi dla modelu teoretycznego
- 7 Wnioski