# Ausarbeitung Übung 6

Studienarbeit von Dominik Schiller, Constanze Kramer, Simon Arnold & Tobias Lingenberg Datum: 13. Januar 2021

Darmstadt



#### Ausarbeitung Übung 6

Studienarbeit von Dominik Schiller, Constanze Kramer, Simon Arnold & Tobias Lingenberg

Datum: 13. Januar 2021

Darmstadt

### Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	2
2	Bearbeitung der Übungsaufgaben2.1 Stetigkeitsbedingung des Stromes2.2 Überspannungsableiter2.3 Kanonische Indizierung, FIT	6
3	Fazit	15
4	Anhang	16

### 1 Einleitung

Diese Arbeit beschäftigt sich mit dem Übungsblatt 6 des Faches "Einführung in die numerische Berechnung elektromagnetischer Felder".

### 2 Bearbeitung der Übungsaufgaben

#### 2.1 Stetigkeitsbedingung des Stromes

Mithilfe des Ampereschen Gesetzes

$$\operatorname{rot} \vec{H}(\vec{r}, t) = \frac{\partial \vec{D}(\vec{r}, t)}{\partial t} + \vec{J}(\vec{r}, t) \tag{1}$$

und des Gaussschen Gesetzes

$$\operatorname{div} \vec{D}(\vec{r}, t) = \varrho(\vec{r}, t), \tag{2}$$

lässt sich die Kontinuitätsgleichung (siehe Gleichung 3) herleiten. Bildet man auf beiden Seiten der Gleichung 1 die Divergenz der Vektorfelder erhält man

$$\operatorname{div}\operatorname{rot}\vec{H}(\vec{r},t) = \operatorname{div}\left(\frac{\partial\vec{D}(\vec{r},t)}{\partial t} + \vec{J}(\vec{r},t)\right),\,$$

wobei  $\operatorname{div}$  rot  $\vec{a}=0$  und  $\operatorname{div}(\vec{a}+\vec{b})=\operatorname{div}\vec{a}+\operatorname{div}\vec{a}$  gilt. Es ergibt sich die Gleichung

$$\frac{\partial}{\partial t}\operatorname{div} \vec{D}(\vec{r}, t) + \operatorname{div} \vec{J}(\vec{r}, t) = 0.$$

Setzt man zuletzt nun Gleichung 2 ein erhält man die Kontinuitätsgleichung

$$\frac{\partial \varrho(\vec{r},t)}{\partial t} + \operatorname{div} \vec{J}(\vec{r},t) = 0.$$
(3)

Aus Gleichung 3 soll nun die Stetigkeitsbedingung für die Stromdichte bestimmt werden. Hierzu werden Überlegungen an einer Grenzfläche unternommen. Gleichung 3 wird auf beiden Seiten über ein quaderförmiges Volumen V integriert, durch das die Grenzfläche verläuft (siehe Abbildung 2.1).

Durch dieses Vorgehen erhält man die Gleichung

$$\int\limits_{V} \operatorname{div} \vec{J}(\vec{r},t) \ dV = -\frac{\partial}{\partial t} \int\limits_{V} \varrho(\vec{r},t) \ dV.$$

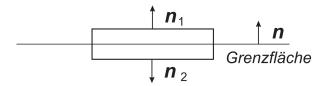


Abbildung 2.1: Grenzfläche zwischen zwei Vektorfeldern  $\vec{J_1}$  und  $\vec{J_1}$  mit eingeführtem Quadervolumen V

Mithilfe des Integralsatz von Gauss (siehe Gleichung 4)

$$\int_{V} \operatorname{div} \vec{F} \, dV = \int_{\partial V} \vec{F} \, d\vec{A} \tag{4}$$

Ergibt sich der erste Teil der Gleichung zu

$$\int_{\partial V} \vec{J}(\vec{r}, t) \ d\vec{A} = -\frac{\partial}{\partial t} \int_{V} \varrho(\vec{r}, t) \ dV.$$

Hierbei beschreibt  $\partial V$  den Rand des Volumens. Es handelt sich nun um ein Oberflächenintegral, die Dimension wurde um eins verringert.

Das Volumenintegral über die Raumladungsdichte  $\varrho$  im zweiten Teil der Gleichung lässt sich durch die Gesamtladung  $Q_V$  innerhalb des gedachten Volumens V ersetzen.

$$\int\limits_{\partial V} \vec{J}(\vec{r},t) \; d\vec{A} = -\frac{\partial Q_V(t)}{\partial t}. \label{eq:deltaV}$$

Die Seitenflächen des Quaders, die senkrecht zu der Grenzfläche liegen, werden nun als vernachlässigbar klein angenommen. Demnach müssen für das Oberflächenintegral nur noch die zwei Stirnflächen A mit Normalenvektor  $\vec{n}_1$  und  $\vec{n}_2$  betrachtet werden, die fast auf der Grenzfläche liegen. Oberhalb der Grenzfläche liegt das Vektorfeld  $\vec{J}_1$ , unterhalb  $\vec{J}_2$  vor. Da die Normalenvektoren in unterschiedliche Richtung zeigen ergibt sich die Gleichung

$$\int\limits_{A} \vec{J_1}(\vec{r},t) \; d\vec{A} - \int\limits_{A} \vec{J_2}(\vec{r},t) \; d\vec{A} = -\frac{\partial Q_A(t)}{\partial t}.$$

Ist Fläche A nun selbst infinitesimal klein, so kann  $\vec{J_1}$  und  $\vec{J_2}$  auf der gesamten Fläche als konstant angenommen werden. Die Integrale lassen sich zu

$$A(\vec{J_1} - \vec{J_2}) \cdot \vec{n}$$

vereinfachen. Auch die Flächenladung  $Q_A$  kann bei einer unendlich kleinen Fläche wieder durch die Flächenladungsdichte  $\varrho_A$  beschreiben werden mit  $Q_A = \varrho_A \cdot A$ . Abschließend ergibt sich

$$A(\vec{J_1}(t) - \vec{J_2}(t)) \cdot \vec{n} = \frac{\partial \varrho_A(t) \cdot A}{\partial t}$$

und nach kürzen von A

$$(\vec{J}_1(t) - \vec{J}_2(t)) \cdot \vec{n} = \frac{\partial \varrho_A(t)}{\partial t}$$
 (5)

Formel 5 trifft nun Aussagen über die Stetigkeit der Stromdichte  $\vec{J}$  an einer Grenzfläche.  $\vec{J_1}$  und  $\vec{J_2}$  sind stetig in normaler Richtung, wenn  $\frac{\partial \varrho_A}{\partial t}=0$  gilt, also sich die Ladungsdichte an der Grenzfläche nicht zeitlich verändert.

### 2.2 Überspannungsableiter

Im Folgenden wird mit Hilfe des Simulationsprogramms FEMM das Modell eines Überspannungsableiters erstellt und das tangentiale Elektrische Feld  $E_t$  entlang der Mittelachse des Ableiters unter verschiedenen Bedingungen ermittelt.

Um das Modell zu erzeugen wurde eine OctaveFEMM Routine geschrieben, diese ist unter dem Namen Aufgabe6\_2a.m im Anhang zu finden. Als Parameter nimmt sie den Außendurchmesser d des Rings entgegen und dessen Höhe z. Der Parameter meshnet bestimmt die Größe der zum Meshen benutzen Dreiecke. Es ist zu erwähnen, dass Kanten des unteren Mast und Teile der Antenne nicht modelliert werden, da sie beim Meshen nicht berücksichtigt werden sollen. Setz man dort die Materialproperty <No Mesh>, um zu verhindern, dass diese gemesht werden, so endet das Programm mit einer Fehlermeldung.

In Abbildung 2.2 ist der Überspannungsableiter sowie das entstehende Potenzial im Raum zu sehen. Die Randbedingungen werden für die rechte und die obere Begrenzung des Spannungsableiters gesetzt. Abb. 2.2b zeigt die Entwicklung des Potenzial, wenn keine Randbedingungen gesetzt wurden. Abb. 2.2c hingegen zeigt das Potenzial, wenn am Rand die Bedingung von  $0\,\mathrm{V}$  gesetzt wird. Am oberen Mast, sowie an allen damit verbundenen leitenden PEC-Gebieten und am feldsteuernden Ring liegt ein Potenzial von  $471\,000\,\mathrm{V}$  an. Am Boden und am unteren Mast liegt das Potenzial  $0\,\mathrm{V}$  an.

Da der Überspannungsableiter in der Realität nicht in einem geerdeten Kasten steht, ist es sinnvoller die Berechnung ohne explizite Randbedingungen durchzuführen.

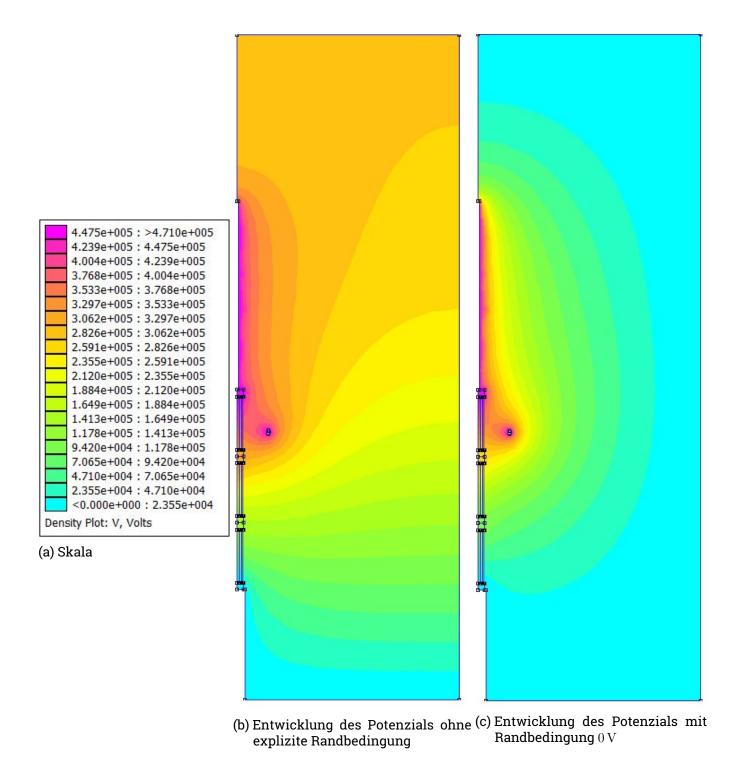


Abbildung 2.2: Überspannungsableiter mit unterschiedlichen Randbedingungen

Darüber hinaus wurde untersucht, wie sich das tangentiale Elektrische Feld entlang der Symmetrieachse entwickelt. Das Feld wurde nur in den Ableitersegmenten in der Höhe zwischen  $2000\,\mathrm{mm}$  und  $5480\,\mathrm{mm}$  berechnet. In Abbildung 2.3 sind die Stärken der tangentialen Elektrischen Felder zu sehen. Der blaue Graph entsteht, wenn keine Randbedingungen vorgegeben werden, der rote bei der Randbedingung  $0\,\mathrm{V}$ . Es ist zu erkennen, dass das elektrische Feld bei der Randbedingung  $0\,\mathrm{V}$  mit zunehmender Höhe deutlich stärker wird, als das Feld ohne Randbedingungen.

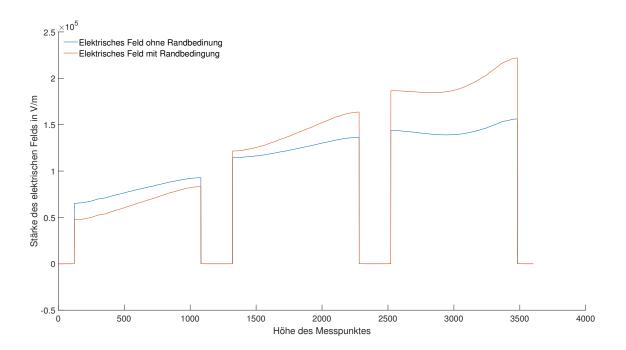
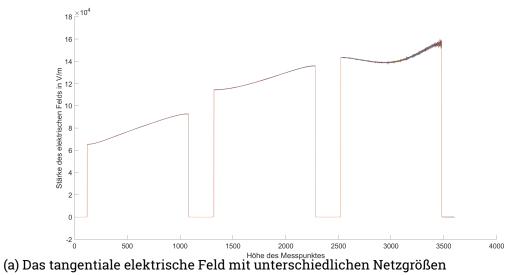
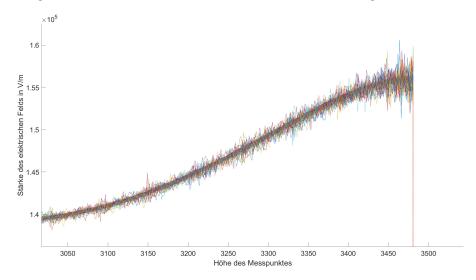


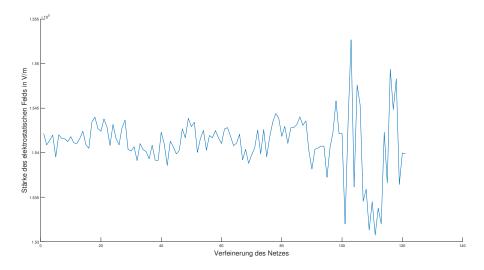
Abbildung 2.3: Vergleich des tangentialen elektrischen Feldes bei unterschiedlichen Randbedingungen

Zusätzlich gibt es bei FEMM die Möglichkeit das Gitter, das zum Meshen benutzt wird manuell einzustellen bzw. zu beeinflussen. Der Routine Aufgabe6\_2 wurden 120 unterschiedliche Netzgrößen von 10, bis minimal 0.8 übergeben und anschließend das tangentiale elektrische Feld berechnet. In Abbildung 2.4a sind diese Felder zu sehen. Bei der Verfeinerung des Gitters ließ sich kein Wert ermitteln, ab dem sich das Feld nicht mehr verändert. Beobachtet werden konnte, dass die maximale Netzgröße mit der FEMM arbeitet 10 und die minimale 0.8 beträgt. Der zum Vergleichen gewählte Messpunkt hat die Höhe  $4600\,\mathrm{mm}$ , auffällig ist, dass ab einer Netzgröße kleiner als eins (Messpunkt 100) die Rechenergebnis sehr stark variieren, wie in Abb. 2.4c deutlich wird.





#### (b) Detailausschnitt von 2.4a



(c) Stärke des elektrischen Feldes, abhängig von der gewählten Netzgröße

Abbildung 2.4: Auswirkung der Verfeinerung des Gitters, das FEMM zum Meshen benutzt

Des Weiteren wurde die Auswirkung des feldsteuernden Rings auf das tangentiale elektrische Feld betrachtet. Zur Visualisierung des elektrischen Felds wurde der Octave Befehl surf benutzt. Dadurch ist es möglich einen dreidimensionalen Plot zu erzeugen. Das elektrische Feld hängt dabei von der Höhe des Messpunktes und dem Außendurchmesser  $d_a$  des Rings ab, dieser variiert zwischen 600 und  $2000\,\mathrm{mm}$ . Dem Modell wurden keine Randbedingungen vorgegeben.

Die tangentialen elektrischen Felder sind in der Abbildung 2.5 zu sehen. Auffällig ist, dass bei steigendem Abstand zwischen dem Ring und dem Mast sich die elektrischen Felder unterschiedlich verändern. Das elektrische Feld in dem oberen und mittleren Ableitersegment nimmt ab, während es im untersten Segment ein stärkeres Feld entsteht.

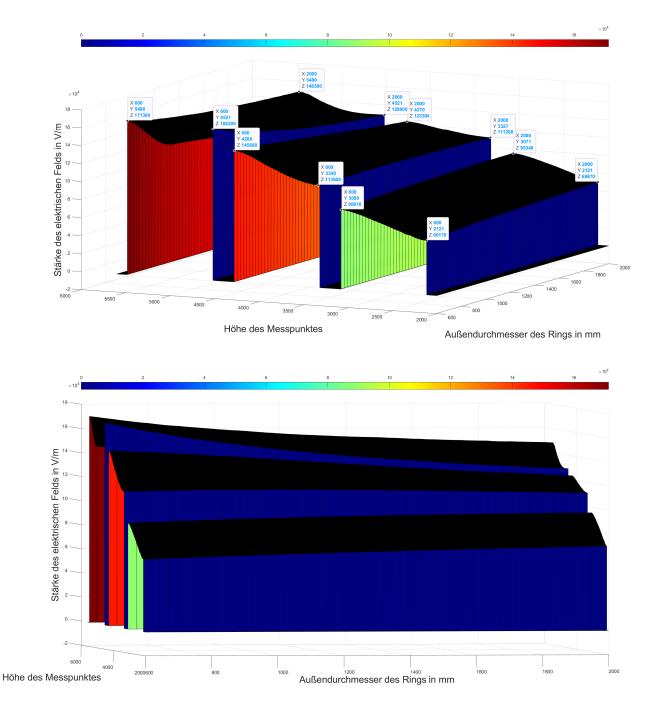


Abbildung 2.5: Das tangentiale elektrische Feld in Abhängigkeit des Außendurchmesser des Rings und der Höhe des Messpunktes

#### 2.3 Kanonische Indizierung, FIT

Bei der kanonischen Nummerierung werden die Punkte P(n) vom Ursprung ausgehend in x-Richtung bis zum Ende durchlaufen und aufsteigend durchnummeriert. Anschließend geht man einen Schritt in y-Richtung und läuft dann wieder alle Punkte in x-Richtung durch. Dieses Vorgehen wird solange wiederholt bis auch in y-Richtung das Ende des Gitters erreicht wurde. Danach macht man einen Schritt in z-Richtung und verfährt von dort ausgehend genauso wie zuvor schon. Damit wird erreicht das jeder Punkt im Gitter eine eigenen eindeutige Nummerierung erhält. Für die Nummerierung der Gitterkanten  $L_w(n)$  ist der kleinste Punkt an dem die Kante liegt ausschlaggebend und w bezeichnet die Raumrichtung in der Kante, also x, y, oder z. In Abbildung 2.6 ist diese Art der Nummerierung graphisch dargestellt wobei die Knoten in blau beschriftet sind und die Kanten in grün.

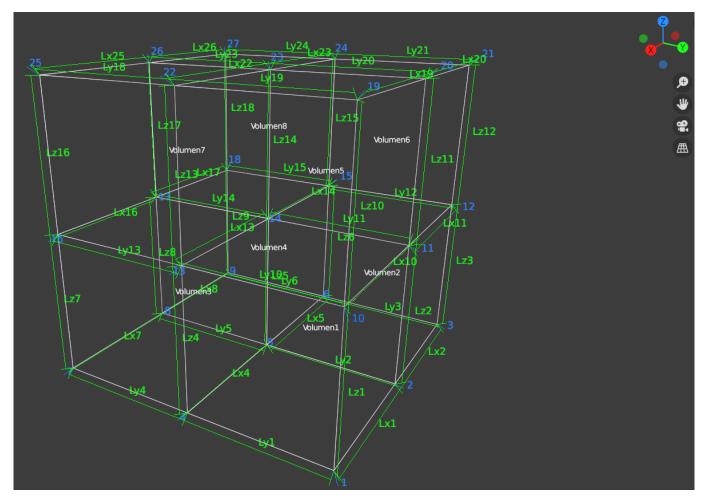


Abbildung 2.6: Primales Gitter mit Beschrifteten Ecken und Kanten

Dasselbe Vorgehen wie bei der primalen Gitterstruktur gilt nun auch für die dualen Objekte wie in Abbildung 2.7 zu sehen ist. Dabei fällt auf dass die Nummerierung der Knoten des Dualen Gitters mit der Nummerierung der Volumen des Primalen Gitters übereinstimmen. Der Duale Knoten  $\tilde{P}_1$  liegt also im Primalen Volumen  $V_1$ . Außerdem schneidet jede Kante des einen Gitters genau eine Fläche des anderen Gitters und auch jede

Duale Zelle enthält genau einen primären Punkt. Auf diese Art zusammengehörende Objekte haben immer die gleiche Indizierung.

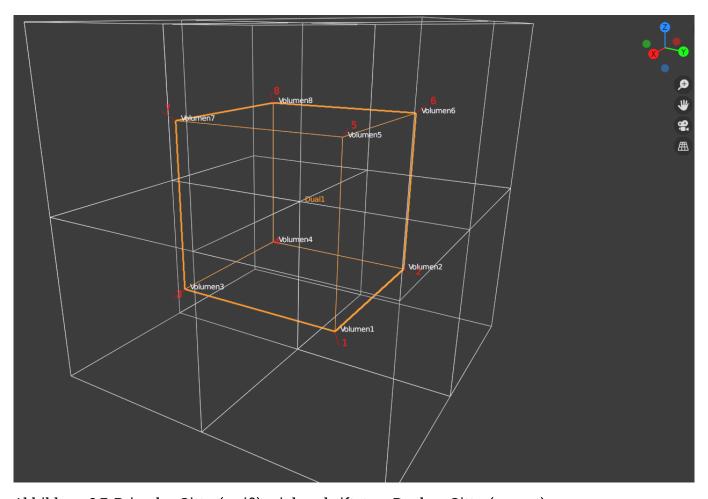


Abbildung 2.7: Primales Gitter(weiß) mit beschriftetem Dualem Gitter(orange)

### 3 Fazit

Hier könnte Ihr Fazit stehen.

### 4 Anhang

```
function F = Aufgabe6_2a (d, z, meshnet)
     openfemm;
     newdocument(1);
3
     ei_probdef('millimeters','axi',1.E-8,0,30);
     ei_addmaterial('ZnO', 800, 800, 0);
     ei_addmaterial('Vakuum', 1, 1, 0);
     ei_addmaterial('PEC', 10.E5, 10.E5, 0);
     ei_addmaterial('Porzellan', 6, 6, 0);
     ei_addconductorprop('HighVoltage',471000,0,1);
     ei_addconductorprop('Ground',0,0,1);
     ei_addboundprop('boundary',0,0,0,0,0);
14
     %bottom
16
     ei_drawrectangle(0,0,140,2000);
17
     ei_addblocklabel(70,1000);
     ei_selectlabel(70,1000);
19
     ei_setblockprop('<No Mesh>',0,0,0);
20
     ei_clearselected;
21
     ei_selectsegment(140,1000);
22
     ei_setsegmentprop('None', 0,1,0,0,'Ground');
     ei clearselected;
24
25
26
     %white block
     ei_drawrectangle(0,2000,115,2120);
28
     ei_addblocklabel(57,2060);
     ei_selectlabel(57,2060);
     ei_setblockprop('PEC',0,0,0);
     ei_clearselected;
32
33
     %three layers
34
     ei_drawrectangle(0,2120,30,3080);
35
     ei addblocklabel (15,2500);
36
     ei selectlabel(15,2500);
37
     ei_setblockprop('ZnO',0,0,0);
38
     ei_clearselected;
39
40
     ei_drawrectangle(30,2120,70,3080);
41
     ei_addblocklabel(50,2500);
42
     ei_selectlabel(50,2500);
43
     ei_setblockprop('Vakuum',0,0,0);
44
     ei_clearselected;
45
46
     ei drawrectangle (70,2120,100,3080);
```

```
ei addblocklabel (85,2500);
48
      ei_selectlabel(85,2500);
49
      ei_setblockprop('Porzellan',0,0,0);
50
      ei clearselected;
52
      %white blocks
      ei drawrectangle (0,3080,115,3200);
      ei_addblocklabel(57,3140);
      ei drawrectangle (0,3200,115,3320);
56
      ei_addblocklabel(57,3260);
57
      ei_selectlabel(57,3140);
58
      ei selectlabel (57,3260);
59
      ei_setblockprop('PEC',0,0,0);
60
      ei clearselected;
61
62
      %three layers
63
      ei drawrectangle (0,3320,30,4280);
      ei_addblocklabel(15,3700);
      ei_selectlabel(15,3700);
      ei setblockprop('ZnO',0,0,0);
      ei_clearselected;
69
      ei drawrectangle (30,3320,70,4280);
70
      ei addblocklabel (50,3700);
71
      ei selectlabel (50,3700);
72
      ei setblockprop ('Vakuum', 0, 0, 0);
73
      ei clearselected;
75
      ei_drawrectangle(70,3320,100,4280);
77
      ei addblocklabel(85,3700);
      ei_selectlabel(85,3700);
78
      ei_setblockprop('Porzellan',0,0,0);
79
      ei clearselected;
80
81
      %white blocks
82
      ei drawrectangle (0,4280,115,4400);
83
      ei_addblocklabel(57,4340);
      ei drawrectangle (0,4400,115,4520);
      ei_addblocklabel(57,4460);
      ei selectlabel (57,4340);
      ei selectlabel(57,4460);
      ei_setblockprop('PEC',0,0,0);
      ei clearselected;
90
91
      %three layers
92
      ei drawrectangle (0,4520,30,5480);
93
      ei addblocklabel(15,5000);
      ei selectlabel(15,5000);
      ei_setblockprop('ZnO',0,0,0);
      ei_clearselected;
98
      ei_drawrectangle(30,4520,70,5480);
99
      ei_addblocklabel(50,5000);
100
      ei selectlabel(50,5000);
      ei_setblockprop('Vakuum',0,0,0);
      ei clearselected;
104
      ei_drawrectangle(70,4520,100,5480);
105
```

```
ei addblocklabel (85,5000);
106
      ei_selectlabel(85,5000);
107
      ei_setblockprop('Porzellan',0,0,0);
108
      ei clearselected;
109
110
      %white block
111
      ei drawrectangle (0,5480,115,5600);
      ei addblocklabel(57,5540);
113
      ei selectlabel (57,5540);
114
      ei_setblockprop('PEC',0,0,0);
      ei_clearselected;
      ei selectrectangle (0,5480,115,5600);
117
      ei_setsegmentprop('None', 0,1,0,0,'HighVoltage');
118
      ei clearselected;
119
120
      %antenna
      ei drawrectangle (0,5600,20,9000);
      ei addblocklabel(10,7000);
      ei_selectlabel(10,7000);
      ei setblockprop('<No Mesh>',0,0,0);
      ei_clearselected;
      ei_selectsegment(20,7500);
127
      ei_selectsegment(90,5600);
128
      ei selectsegment (115,5540);
      ei selectsegment (107,5480);
130
      ei setsegmentprop('None',0,1,0,0,'HighVoltage');
131
      ei clearselected;
133
135
        %ring
136
    %
        ei drawarc (565,4800,565,4870,180,1);
137
    %
        ei selectarcsegment (565,4800);
138
    %
        ei_setarcsegmentprop(10,'None',0,0,'HighVoltage');
139
    %
        ei copyrotate2 (565,4835,180,1,3);
140
    %
        ei clearselected;
141
    %
        ei addblocklabel (565,4835);
142
    %
        ei selectlabel (565,4835)
        ei_setblockprop('<No Mesh > ',0,0,0);
   %
145
   %
        ei clearselected;
      %ring with user input
147
      ei drawarc ((d/2)-35,z,(d/2)-35,z+70,180,1);
148
      ei selectarcsegment ((d/2)-35,z);
149
      ei_setarcsegmentprop(10, 'None',0,0, 'HighVoltage');
150
      ei copyrotate2 ((d/2)-35,z+35,180,1,3);
151
      ei clearselected;
      ei addblocklabel ((d/2)-35,z+35);
153
      ei_selectlabel((d/2)-35,z+35);
      ei_setblockprop('<No Mesh>',0,0,0);
156
      ei clearselected;
157
      %boundary
158
      ei drawrectangle (0,0,4000,12000);
      ei_addblocklabel(2000,6000);
160
      ei selectlabel(2000,6000);
      ei_setblockprop('Vakuum',0,0,0);
162
163
      ei clearselected;
```

17

```
ei selectsegment (2000,0);
164
      ei_setsegmentprop('None',0,1,0,0,'Ground');
165
      ei_clearselected;
166
      ei selectsegment (0,1000);
167
      ei_selectsegment(70,0);
168
      ei selectnode (0,0);
169
      ei selectsegment (0,7500);
170
      ei_deleteselected;
171
      ei_clearselected;
172
      ei_selectsegment(4000,6000);
173
      ei\_selectsegment (2000, 12000)\,;
174
      ei_setsegmentprop('boundary',0,1,0,0,'None');
175
      ei clearselected;
176
177
      %Segmente fuer feineres Netz auswaehlen
178
      ei selectsegment (0,2050);
179
      ei selectsegment (0,2600);
      ei_selectsegment(0,3140);
      ei_selectsegment(0,3260);
      ei selectsegment (0,3800);
183
      ei_selectsegment(0,4350);
184
      ei_selectsegment(0,4450);
185
      ei_selectsegment(0,5050);
186
      ei_selectsegment(0,5550);
187
      ei setsegmentprop('None', meshnet, 0, 0, 0, 'None');
188
189
      ei_clearselected;
190
191
      %Speichere die Datei ab
      ei_saveas('Aufgabe6_2a.FEE');
192
193
      %Lade die gepeicherte Datei und erzeuge Simulation
194
      ei analyze(0);
195
      ei loadsolution;
196
197
      F = zeros(3600,1);
198
      E = [0,0];
199
      for y = 2000 : 5600
200
        E = eo gete(0,y);
201
        F(y-1999) = -E(2);
203
      end
204
      %Liegenden Vektor erstellen , Ladung / Spannung ergibt Kapazit\"at C
205
      %G = [0,0];
206
      %G = eo_getconductorproperties('Rand1');
207
      %C = G(1,2)/G(1,1);
208
      F:
209
    end
210
```

#### data/Aufgabe6\_2a.m

```
%
     A = zeros(3601,60);
  %
2
       B = zeros(3601,20);
  %
3
       R = zeros(3601,1);
  %
4
        counter = 1;
  % %
5
  %
        for i = 0.1 : -0.001 : 0.08
6
  %
7
          R = Aufgabe6_2a(1200,4800,i);
  %
          for j = 1 : 1 : 3601
```

```
%
            B(j, counter) = R(j, 1);
9
   %
          end
10
   %
          counter = counter + 1;
   %
         end
   %
   % plot(A(:,1));
   % title ('Combine Plots');
   %
   % hold on
17
   %
18
   % for i = 1 : 64
19
   %
      plot(A(:,i));
20
   % endfor
21
22
23
   % %axis([3400 3500]);
24
   % xlabel ("Hoehe des Messpunktes in mm", "Fontsize", 24);
   % ylabel ("Staerke des elektrostatischen Felds in V/m", "Fontsize",24);
   % hold off
   %
   % R = Aufgabe6_2a(1200,4800,4);
29
   %
30
   % hold on
31
  %
32
   % plot(A(:,60));
33
   % plot(R);
34
   %
   % legend("Feld ohne Randbedingung","Feld mit Randbedingung Potential OV");
   % h = legend('Feld ohne Randbedingung','Feld mit Randbedingung', "location", "northwest");
38
   % set(h, 'Fontsize', 20, 'color', 'none');
   % legend boxoff;
39
   % xlabel("Hoehe des Messpunktes in mm", "Fontsize", 18);
40
   % ylabel("Staerke des elektrostatischen Felds in V/m","Fontsize",18);
41
   % set(gca,"fontsize",18);
42
   % hold off
43
   % for d = 600 : 25 : 2000
45
   %
       R = Aufgabe6 \ 2a(d,4800,1000);
   %
       for j = 1 : 1 : 3601
47
   %
         A(j, counter) = R(j, 1);
48
   %
       end for
49
   %
        counter += 1;
50
   % endfor
51
   A = dlmread('C:\Users\simon\OneDrive\Desktop\Uni\ENBEF\Git\ENBEF\Abgaben\Uebung06\data\A60.txt
53
   surf(600:25:2000,2000:5600,A(:,1:57));
   % hold on
   % plot(C(2600,:))
   % hold off
   ylabel ("Hoehe des Messpunktes", "Fontsize", 20);
58
   zlabel("Staerke des elektrischen Felds in V/m", "Fontsize",20);
59
   %l = legend('Elektrisches Feld ohne Randbedinung','Elektrisches Feld mit Randbedingung',"
       location", "northwest");
   %set(l, 'Fontsize', 18, 'color', 'none');
61
   %set(gca, 'Fontsize',18);
62
  %legend boxoff;
```

| xlabel("Aussendurchmesser des Rings in mm", "Fontsize", 20);

#### data/SkriptAg6\_2.m

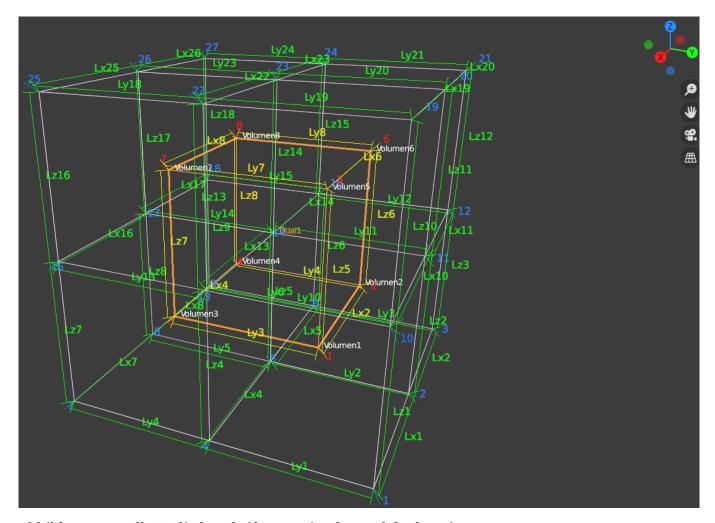


Abbildung 4.1: Vollständig beschriftetes Primales und duales Gitter

## Abbildungsverzeichnis

2.1	Grenzfläche zwischen zwei Vektorfeldern $ec{J_1}$ und $ec{J_1}$ mit eingeführtem Quadervolumen $V$	4
2.2	Überspannungsableiter mit unterschiedlichen Randbedingungen	7
2.3	Vergleich des tangentialen elektrischen Feldes bei unterschiedlichen Randbedingungen	8
2.4	Auswirkung der Verfeinerung des Gitters, das FEMM zum Meshen benutzt	9
2.5	Das tangentiale elektrische Feld in Abhängigkeit des Außendurchmesser des Rings und der	
	Höhe des Messpunktes	11
2.6	Primales Gitter mit Beschrifteten Ecken und Kanten	12
2.7	Primales Gitter(weiß) mit beschriftetem Dualem Gitter(orange)	13
2.8	Vollständig beschriftetes Primales und duales Gitter	14
	77 H . W. 11 1 1 16 . D. 1 1 1 1 1 01 .	0.1
4.I	Vollständig beschriftetes Primales und duales Gitter	21