



#### Plano de Ensino



- Apresentação. Revisão de Funções.
- Expressões Regulares.
- Gramática Regular.
- Autômatos Finitos Determinísticos.
- Conversão entre GR e AFD.
- Minimização de Autômatos.
- Autômatos Finitos Não-Determinísticos.
- Conversão de Autômatos AFD para AFND.
- Autômatos com Pilha.
- Máquinas de Turing.



### Livro-Texto



- Bibliografia Básica:
  - » MENEZES, Paulo Fernando Blauth. Linguagens Formais e Autômatos. 5ª ed. Porto Alegre: Bookman, 2008.
- Bibliografia Complementar:
  - » LEWIS, Ricki. Elementos da Teoria da Computação.
    2ª ed. Porto Alegre: Bookman, 2004.
  - » HOPCROFT, John E; ULLMAN, Jeffrey D; MOTWANI, Rajeev, SOUZA. Introdução a Teoria dos Autômatos, Linguagens e Computação. 1ª ed. São Paulo: CAMPUS, 2003.

### 1. Revisão - Conjuntos



- Definição: um conjunto é uma coleção de zero ou mais objetos distintos, chamados elementos do conjunto, os quais não possuem qualquer ordem associada.
- Representação por extensão:

 $A = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$ 

 $B = \{Paulista, \, Corinthians\}$ 

 $C = \{\} \text{ ou } C = \emptyset$ 

■ Representação por compreensão:

 $A = \{x \in N \mid x < 6\} = \{0,\, 1,\, 2,\, 3,\, 4,\, 5\}$ 

### 1. Revisão - Conjuntos



- Conjunto Universo (U)
- » É um conjunto fixo definido.
- Conjunto dos Números Naturais (ℕ)
  - »  $\mathbb{N} = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, ...\}$
  - »  $\mathbb{N}^* = \{1, \, 2, \, 3, \, 4, \, 5, \, \ldots\}$
- Conjunto dos Números Inteiros (Z)
  - » Z = {..., -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, ...}

  - »  $\mathbb{Z}^+ = \mathbb{N} = \{0, 1, 2, 3, 4, ...\}$
  - »  $\mathbb{Z} = \{0, -1, -2, -3, -4, ...\}$

# 1. Revisão - Conjuntos



- Conjunto dos Números Racionais (Q)
- »  $\mathbb{Q} = \{ \dots, -2, -\frac{5}{4}, -1, -\frac{1}{3}, 0, \frac{3}{5}, 1, \frac{3}{2}, \dots \}$
- »  $\mathbb{Q} = \{x \mid x = \frac{a}{b}, \text{ com } a \in \mathbb{Z}, b \in \mathbb{Z} \text{ e } b \neq 0\}$
- Conjunto dos Números Irracionais ( $\mathbb{Q}'$ ) »  $\mathbb{Q}' = \{\cdots, -\pi, -\sqrt{3}, -\sqrt{2}, \cdots, \sqrt{2}, \sqrt{3}, \pi, \cdots\}$
- Conjunto dos números reais (ℝ)
  - »  $\mathbb{R} = \mathbb{Q} \cup \mathbb{Q}'$
  - $\mathbf{w} \ \ \mathbb{Q} \cap \mathbb{Q}' = \varnothing$



### 1. Revisão - Operações sobre Conjuntos



- Sendo A =  $\{1,2\}$ , B =  $\{1,3,6\}$  e U =  $\{x \mid x \in N \text{ e } x < 9\}$ 
  - » União  $A \cup B = \{x \mid x \in A \text{ ou } x \in B\} = \{1, 2, 3, 6\}$
  - » Intersecção  $A \cap B = \{x \mid x \in A \text{ e } x \in B\} = \{1\}$
  - » Diferença A–B =  $\{x \mid x \in A \ e \ x \notin B\} = \{2\}$
  - » Complemento A' =  $\{x \mid x \in U \text{ e } x \notin A\} = \{0,3,4,5,6,7,8\}$
  - » Cjto. das Partes  $2^A = \{S \mid S \subseteq A\} = \{\{\},\{1\},\{2\},\{1,2\}\}$
  - » Produto Cartesiano AxB =  $\{(x, y) \mid x \in A \text{ e } y \in B\} = \{(1,1), (1,3), (1,6), (2,1), (2,3), (2,6)\}$ 
    - o Quando tem-se um produto cartesiano dele próprio AxA, AxAxA, representa-se como um expoente A², A³, etc.

#### 1. Revisão - Propriedades dos Conjuntos



- Idempotência
  - » A ∪ A = A
  - $A \cap A = A$
- Comutatividade
  - »  $A \cup B = B \cup A$
- $A \cap B = A \cap A$
- Associatividade »  $A \cup (B \cup C) = (A \cup B) \cup C$ 
  - »  $A \cap (B \cap C) = (A \cap B) \cap C$

## 1. Revisão - Propriedades dos Conjuntos



- Distributividade
  - »  $A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$
  - »  $A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$
- Duplo Complemento
  - » (A')' = A
- Morgan
- » (A ∪ B)' = A' ∩ B'
- »  $(A \cap B)' = A' \cup B'$
- Universo e Vazio
  - » A ∪ A' = U
  - » A ∩ A' = Ø

