



---

---

---

---

---

---

---

**Plano de Ensino**

- Revisão de Conjuntos e Funções
- Linguagens, Expressões Regulares e Gramáticas
- **Autômatos**
- Conceitos básicos sobre compiladores e interpretadores
- Visão geral do processo de compilação
- Tipos de compiladores
- Análise léxica
- Análise sintática
- Análise semântica
- Geração de Código

---

---

---

---

---

---

---

**Livro-Texto**

- **Bibliografia Básica:**
  - » AHO, A.; ULLMANN, J.; REVI, S.. Compiladores : princípios, técnicas e ferramentas. 3ª ed. Rio de Janeiro: LTC, 2006.
- **Bibliografia Complementar:**
  - » TOSCANI, Simão Siríneo; PRICE, Ana M. A.. Implementação de Linguagens de Programação. 1ª ed. Porto Alegre: Bookman Companhia Ed., 2008.
  - » DELAMARO, Marcio Eduardo. Como Construir um Compilador : Utilizando Ferramentas Java. 1ª ed.: Novatec, 2004.

---

---

---

---

---

---

---

#### 4. Autômatos – AFD



- Um Autômato Finito Determinístico (AFD) ou simplesmente Autômato Finito é sistema com um número finito de estados:
  - » Elevador
  - » Circuitos booleanos
  - » Jogos de Tabuleiros
  - » Computadores, etc.

---

---

---

---

---

---

---

#### 4. Autômatos – AFD



- Um AFD é composto de três partes:
  - » Fita → dispositivo de entrada que contém a informação a ser processada;
  - » Unidade de Controle → reflete o estado corrente da máquina; possui uma unidade de leitura a qual acessa uma célula da fita de cada vez e movimenta-se para a direita.
  - » Programa ou função de transição → função que comanda as leituras e define o estado da máquina.

---

---

---

---

---

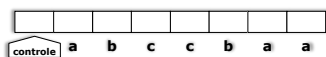
---

---

#### 4. Autômatos – AFD



- A fita é finita (à esquerda e à direita), sendo dividida em células, onde cada uma armazena um símbolo. Os símbolos pertencem a um alfabeto de entrada.
- A unidade de controle possui um número finito e predefinido de estados. A unidade lê o símbolo de uma célula de cada vez. Após a leitura, a cabeça da fita move-se uma célula para a direita.
- O programa é uma função parcial que, dependendo do estado corrente e do símbolo lido, determina o novo estado do autômato.



---

---

---

---

---

---

---

#### 4. Autômatos – AFD



- Definição: um AFD é uma 5-upla:  
 $M = (\Sigma, Q, \delta, q_0, F)$  onde:  
 $\Sigma \rightarrow$  alfabeto de símbolos de entrada.  
 $Q \rightarrow$  conjunto de estados possíveis do autômato o qual é finito.  
 $\delta \rightarrow$  função programa ou função transição:  
 $\delta: Q \times \Sigma \rightarrow Q$  (função parcial)  
 $q_0 \rightarrow$  estado inicial, tal que  $q_0 \in Q$ .  
 $F \rightarrow$  conjunto de estados finais tal que  $F \subseteq Q$ .

---

---

---

---

---

---

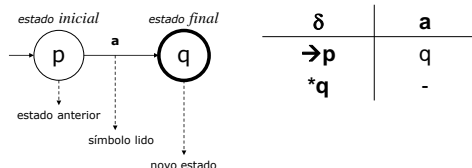
---

---

#### 4. Autômatos – AFD



- A função programa  $\delta$  pode ser interpretada como um grafo finito direto ou uma tabela de transição de estados, conforme mostrado abaixo:




---

---

---

---

---

---

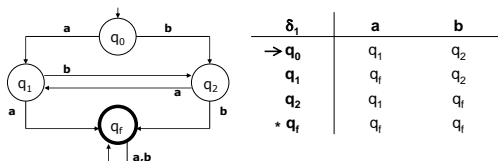
---

---

#### 4. Autômatos – AFD



- Exemplo: considere a linguagem  $L_1$  e o AFD  $M_1$ , conforme abaixo:
  - $L_1 = \{w \mid w \text{ possui aa ou bb como subpalavra}\}$
  - $M_1 = (\{a, b\}, \{q_0, q_1, q_2, q_f\}, \delta_1, q_0, \{q_f\})$  onde  $\delta_1$  é como abaixo representado, reconhece  $L_1$ .




---

---

---

---

---

---

---

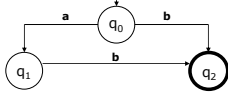
---

#### 4. Autômatos – Propriedades do AFD



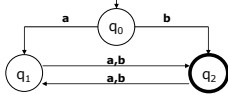
- **Determinístico:**

- A transição dos estados ocorre apenas com uma possibilidade com cada símbolo de entrada.



- **Função Total**

- A transição de cada estado processa todos os símbolos de entrada de forma determinística.



---

---

---

---

---

---

---

---

#### 4. Autômatos – Minimização de AFD



- O objetivo da minimização é gerar um Autômato Finito equivalente com o menor número de estados possíveis.
- Para que isto ocorra devem existir alguns pré-requisitos:
  - » Deve ser determinístico.
  - » Não deve ter estados inacessíveis (não-atingíveis a partir do estado inicial).
  - » A função programa deve ser total (a partir de qualquer estado são previstas transições para todos os símbolos do alfabeto).

---

---

---

---

---

---

---

---

#### 4. Autômatos – Minimização de AFD



- Os passos para minimização são os seguintes:
  - » Construir uma tabela relacionando os estados distintos, onde cada par ocorre uma única vez.
  - » Marcação com um **x** de todos os estados do tipo {estado final, estado não-final}.
  - » Análise de cada par  $\{q_u, q_v\}$  não-marcado, marcando-se com um **x** os pares deste etapa.
  - » Unificação dos pares não-marcados na tabela ao final.

---

---

---

---

---

---

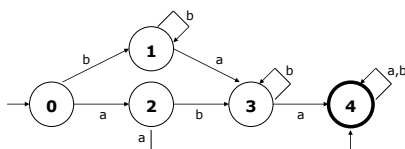
---

---

#### 4. Autômatos – Minimização de AFD



- Exemplo 1: Dado o AFD  $M = (\{a,b\}, \{0,1,2,3,4\}, \delta, \{0\}, \{4\})$ , onde  $\delta$  é dado pelo grafo abaixo, escreva seu AFD  $M'$  equivalente minimizado.




---

---

---

---

---

---

---

---

#### 4. Autômatos – Minimização de AFD



1-) Construção da Tabela com os estados do AFD.

1				
2				
3				
4				
	0	1	2	3

2-) Marcação com x dos estados [final, não-final].

1				
2				
3				
4	x	x	x	x
	0	1	2	3

---

---

---

---

---

---

---

---

#### 4. Autômatos – Minimização de AFD



3-) Análise dos pares não-marcados:

1º Par (0,1):

$\delta(0,a)=2$  e  $\delta(1,a)=3 \rightarrow (2,3)$   
 $\delta(0,b)=1$  e  $\delta(1,b)=1 \rightarrow (1,1)$

2º Par (0,2):

$\delta(0,a)=2$  e  $\delta(2,a)=4 \rightarrow (2,4)$   
 $\delta(0,b)=1$  e  $\delta(2,b)=3 \rightarrow (1,3)$

3º Par (0,3):

$\delta(0,a)=2$  e  $\delta(3,a)=4 \rightarrow (2,4)$   
 $\delta(0,b)=1$  e  $\delta(3,b)=3 \rightarrow (1,3)$

4º Par (1,2):

$\delta(1,a)=3$  e  $\delta(2,a)=4 \rightarrow (3,4)$   
 $\delta(1,b)=1$  e  $\delta(2,b)=3 \rightarrow (1,3)$

5º Par (1,3):

$\delta(1,a)=3$  e  $\delta(3,a)=4 \rightarrow (3,4)$   
 $\delta(1,b)=1$  e  $\delta(3,b)=3 \rightarrow (1,3)$

6º Par (2,3):

$\delta(2,a)=4$  e  $\delta(3,a)=4 \rightarrow (4,4)$   
 $\delta(2,b)=3$  e  $\delta(3,b)=3 \rightarrow (3,3)$

---

---

---

---

---

---

---

---

#### 4. Autômatos – Minimização de AFD



- » Analisando o 1º par (0,1), concluímos que tanto o par (2,3) não está marcado e (1,1) não é representado, então devemos colocar o par (0,1) na lista encabeçada por (2,3).
- » A análise anterior serve para o par (2,3).
- » Analisando o 2º par (0,2), concluímos que o par (2,4) está marcado, portanto devemos marcar com um  $\otimes$  também o par (0,2).
- » A análise anterior serve para os pares: (0,3), (1,2) e (1,3).

---

---

---

---

---

---

---

---

#### 4. Autômatos – Minimização de AFD



4-) Lançamento dos símbolos  $\otimes$ .

1				
2	$\otimes$	$\otimes$		
3	$\otimes$	$\otimes$		
4	x	x	x	x
	0	1	2	3

5-) Unificação dos pares restantes: (0,1) e (2,3).

---

---

---

---

---

---

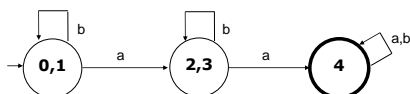
---

---

#### 4. Autômatos – Minimização de AFD



- Portanto o AFD  $M = (\{a,b\}, \{0,1,2,3,4\}, \delta, \{0\}, \{4\})$ , possui um autômato equivalente  $M'$  mostrado abaixo.




---

---

---

---

---

---

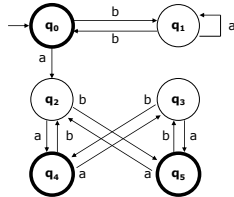
---

---

#### 4. Autômatos – Minimização de AFD



- Exemplo 2: dado o AFD  $M = (\{a, b\}, \{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4, q_5\}, \delta, \{q_0\}, \{q_0, q_4, q_5\})$ , onde  $\delta$  é dado pelo grafo abaixo, escreva seu AFD  $M'$  equivalente minimizado.




---

---

---

---

---

---

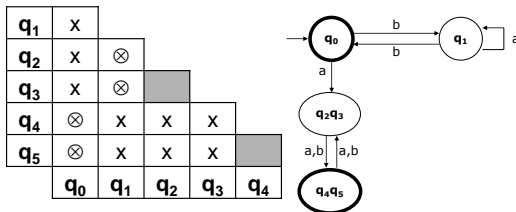
---

---

#### 4. Autômatos – Minimização de AFD



- Portanto o AFD  $M$  possui um equivalente  $M'$  mostrado abaixo.




---

---

---

---

---

---

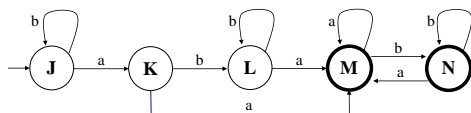
---

---

#### 4. Autômatos – Minimização de AFD



- Exemplo 3: dado o AFD  $M = (\{a, b\}, \{J, K, L, M, N\}, \delta, \{J\}, \{M, N\})$ , onde  $\delta$  é dado pelo grafo abaixo, escreva seu AFD  $M'$  equivalente minimizado.




---

---

---

---

---

---

---

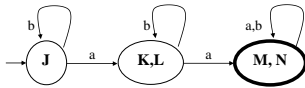
---

#### 4. Autômatos – Minimização de AFD



- AFD M' equivalente e minimizado

K	⊗		
L	⊗		
M	x	x	x
N	x	x	x
J	K	L	M




---

---

---

---

---

---

---

---

#### 4. Autômatos – Conversão AFD - Gramática



- É possível escrever uma gramática regular para todo AFD. Para tal basta seguir o algoritmo a seguir:
  - a cada estado é associado um não-terminal da gramática, sendo o estado inicial  $q_0$  associado ao símbolo inicial (S)
  - para cada transição de estado representada no grafo cria-se uma regra de produção na gramática, tal que o estado de origem torna-se o não-terminal à esquerda da regra e o estado destino torna-se um não-terminal do lado direito da regra após o terminal lido na transição.
  - cria-se uma regra para cada não-terminal associado a um estado final onde o lado direito da regra é formado apenas pela palavra vazia ( $\epsilon$ ).

---

---

---

---

---

---

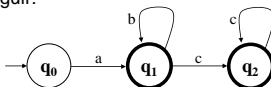
---

---

#### 4. Autômatos – Conversão AFD - Gramática



- Exemplo: dado o AFD  $M = (\Sigma, Q, \delta, q_0, F)$  onde  $\Sigma = \{a, b, c\}$ ,  $Q = \{q_0, q_1, q_2\}$ ,  $\delta$  está representada pelo grafo a seguir:



- A Gramática equivalente é dado por:
  - Considerando-se  $q_0 = S$ ,  $q_1 = A$  e  $q_2 = B$ , temos:
    - $S \rightarrow aA$
    - $A \rightarrow bA \mid cB \mid \epsilon$
    - $B \rightarrow cB \mid \epsilon$

---

---

---

---

---

---

---

---





**Compiladores**  
**Aula 04**

Engenharia da Computação  
[clayton.valdo@anhanguera.com](mailto:clayton.valdo@anhanguera.com)



---

---

---

---

---

---

---