${f 1}$  užduotis. Raskite funkcijos z=f(x,y) stacionariuosius taškus ir lokaliuosius ekstremumus. Nubrėžkite funkcijos lygio linijas stacionariųjų taškų aplinkose.

1. 
$$z = -x + y\sqrt{x} - 2y^2 + 14y$$

**2.** 
$$z = x^3 - 6yx + 8y^3 + 5$$

3. 
$$z = -2x^2 - yx + 15x - y^2 + 1$$

**4.** 
$$z = -x^2 - yx + 6x - y^2 + 1$$

**5.** 
$$z = x^3 - 6yx - 39x + y^2 + 18y + 20$$

**6.** 
$$z = 2x^3 - 6yx + 3y^3 + 5$$

7. 
$$z = x^2 + yx + x + y^2 - y + 1$$

8. 
$$z = -3x^2 + 6x - 3y^2 - 6y$$

9. 
$$z = x^2 + yx - 6x + y^2 - 9y$$

**10.** 
$$z = x^3 - 3yx + y^3$$

**11.** 
$$z = -x^2 + \sqrt{y}x + 6x - y + 3$$

**12.** 
$$z = -5x^2 + 2yx - 3y^2 + 2$$

**13.** 
$$z = y (-x - y + 12) x$$

**14.** 
$$z = -3x^2 + 2yx - 2y^2 + 10$$

**15.** 
$$z = x^3 - 6yx + 8y^3 + 1$$

**16.** 
$$z = -x + y\sqrt{x} - 2y^2 + 14y$$

17. 
$$z = x^3 - 6yx + 8y^3 + 5$$

**18.** 
$$z = -2x^2 - yx + 15x - y^2 + 1$$

**19.** 
$$z = -x^2 - yx + 6x - y^2 + 1$$

**20.** 
$$z = x^3 - 6yx - 39x + y^2 + 18y + 20$$

**21.** 
$$z = 2x^3 - 6yx + 3y^3 + 5$$

**22.** 
$$z = x^2 + yx + x + y^2 - y + 1$$

**23.** 
$$z = -3x^2 + 6x - 3y^2 - 6y$$

**24.** 
$$z = x^2 + yx - 6x + y^2 - 9y$$

**25.** 
$$z = x^3 - 3yx + y^3$$

**26.** 
$$z = -x^2 + \sqrt{y}x + 6x - y + 3$$

**27.** 
$$z = -5x^2 + 2yx - 3y^2 + 2$$

**28.** 
$$z = y (-x - y + 12) x$$

**29.** 
$$z = -3x^2 + 2ux - 2u^2 + 10$$

**30.** 
$$z = x^3 - 6yx + 8y^3 + 1$$