## 10 užduotis

## Transporto uždavinys

Išspręskite transporto uždavinį bent 2 būdais:

- $\bullet\,$  Simplekso metodu.
- Surandant apribojimų aibės kraštutinius taškus ir išrenkant iš jų sprendinius. Jei sprendinys nėra vienintelis, tai šiuo metodu rasite visus sprendinius.
- Šiaurės vakarų kampo metodu.
- Potencialų metodu.
- Savo kitu kokiu nors savo pasirinktu metodu ir programine įranga.

Ar sprendinys yra vienintelis? Jei sprendinys ne vienintelis, tai raskite visus sprendinius.

## $Literat\bar{u}ra:$

- 1. A.Apynis, Optimizavimo metodai, VU, 2007
- 2. N.Batarlienė, M.Mazūra, Tiesinio programavimo modeliai transporte, Vilnius, Technika, 2006

Uždavinių sąlygas žr. toliau.

1. 
$$A_i = (18,10,20)$$
  $B_i = (25,10,13)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 4 & 1 & 5 \\ 2 & 3 & 6 \\ 5 & 7 & 4 \end{pmatrix}$$

2. 
$$A_i = (20,40,30)$$
  $B_i = (30,40,20)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 7 & 5 & 3 \\ 4 & 6 & 1 \\ 3 & 2 & 4 \end{pmatrix}$$

3. 
$$A_i = (40,30,30)$$
  $B_i = (20,25,30,25)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 4 & 2 & 5 & 7 \\ 6 & 0 & 3 & 1 \\ 5 & 4 & 2 & 6 \end{pmatrix}$$

4. 
$$A_i = (20,30,40)$$
  $B_j = (20,30,20,20)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 4 & 1 & 5 & 3 \\ 2 & 6 & 4 & 7 \\ 5 & 3 & 6 & 4 \end{pmatrix}$$

5. 
$$A_i = (60,40,70,30)$$
  $B_j = (60,40,40,30,30)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 5 & 2 & 0 & 7 & 3 \\ 6 & 1 & 4 & 2 & 8 \\ 7 & 4 & 3 & 6 & 1 \\ 3 & 5 & 6 & 4 & 2 \end{pmatrix}$$

6. 
$$A_i = (70,50,20,30)$$
  $B_j = (50,40,10,15,25,30)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 6 & 3 & 1 & 5 & 7 & 4 \\ 8 & 4 & 2 & 4 & 3 & 6 \\ 3 & 5 & 5 & 6 & 2 & 4 \\ 5 & 1 & 1 & 3 & 6 & 2 \end{pmatrix}$$

7. 
$$A_i = (100,150,50)$$
  $B_j = (75,80,60,85)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 6 & 7 & 3 & 5 \\ 1 & 2 & 5 & 6 \\ 3 & 10 & 20 & 4 \end{pmatrix}$$

8. 
$$A_i = (40,50,30)$$
  $B_j = (20,40,30,30)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 3 & 2,5 & 3,5 & 4 \\ 2 & 4,5 & 5 & 1 \\ 6 & 3,8 & 4,2 & 2,8 \end{pmatrix}$$

9. 
$$A_i = (40,50,60,30)$$
  $B_i = (60,80,40)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 4 & 3 & 5 \\ 6 & 2 & 1 \\ 7 & 4 & 2 \\ 5 & 6 & 3 \end{pmatrix}$$

10. 
$$A_i = (45,30,50)$$
  $B_i = (20,40,45,20)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 4 & 2 & 3 & 5 \\ 3 & 6 & 2 & 0 \\ 1 & 5 & 4 & 7 \end{pmatrix}$$

11. 
$$A_i = (50,160,70,100)$$
  $B_j = (80,100,90,50,60)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 4 & 2 & 3 & 6 & 1 \\ 5 & 3 & 4 & 2 & 6 \\ 3 & 4 & 7 & 3 & 2 \\ 2 & 6 & 5 & 4 & 3 \end{pmatrix}$$

12. 
$$A_i = (30,80,60,50)$$
  $B_j = (40,60,40,80)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 4,5 & 3 & 2 & 1,2 \\ 4 & 5 & 6 & 1 \\ 3,5 & 2,6 & 1,3 & 1,4 \\ 3,2 & 4,1 & 2,5 & 5,8 \end{pmatrix}$$

13. 
$$A_i = (200,270,130)$$
  $B_i = (120,80,240,160)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 7 & 9 \\ 5 & 1 & 8 & 12 \\ 11 & 6 & 4 & 3 \end{pmatrix}$$

14. 
$$A_i = (180,160,140,220)$$
  $B_j = (150,250,120,180)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 18 & 2 & 3 & 12 \\ 3 & 4 & 8 & 7 \\ 4 & 5 & 6 & 12 \\ 7 & 1 & 5 & 6 \end{pmatrix}$$

15. 
$$A_i = (180,60,80)$$
  $B_j = (120,40,60,80)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 4 & 3 \\ 5 & 3 & 1 & 2 \\ 2 & 1 & 4 & 2 \end{pmatrix}$$

16. 
$$A_i = (50,30,10)$$
  $B_j = (30,30,10,20)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 & 1 \\ 2 & 3 & 1 & 5 \\ 3 & 2 & 4 & 4 \end{pmatrix}$$

17. 
$$A_i = (180,350,20)$$
  $B_j = (110,90,120,80,150)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 7 & 12 & 4 & 6 & 5 \\ 1 & 8 & 6 & 5 & 3 \\ 6 & 13 & 8 & 7 & 4 \end{pmatrix}$$

18. 
$$A_i = (115,175,130)$$
  $B_j = (70,220,40,30,60)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 4 & 5 & 2 & 8 & 6 \\ 3 & 1 & 9 & 7 & 3 \\ 9 & 6 & 7 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

19. 
$$A_i = (280,175,125,130)$$
  $B_i = (90,180,310,130)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 4 & 5 & 3 & 7 \\ 7 & 6 & 2 & 9 \\ 1 & 3 & 9 & 8 \\ 2 & 4 & 5 & 6 \end{pmatrix}$$

20. 
$$A_i = (510,90,120)$$
  $B_i = (270,140,200,110)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 1 & 4 & 7 & 3 \\ 5 & 6 & 8 & 9 \\ 7 & 2 & 4 & 8 \end{pmatrix}$$

21. 
$$A_i = (180,350,20)$$
  $B_j = (110,90,120,80,150)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 7 & 12 & 4 & 6 & 5 \\ 1 & 8 & 6 & 5 & 3 \\ 6 & 13 & 8 & 7 & 4 \end{pmatrix}$$

22. 
$$A_i = (115,175,130)$$
  $B_i = (70,220,40,30,60)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 4 & 5 & 2 & 8 & 6 \\ 3 & 1 & 9 & 7 & 3 \\ 9 & 6 & 7 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

23. 
$$A_i = (280,175,125,130)$$
  $B_i = (90,180,310,130)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 4 & 5 & 3 & 7 \\ 7 & 6 & 2 & 9 \\ 1 & 3 & 9 & 8 \\ 2 & 4 & 5 & 6 \end{pmatrix}$$

24. 
$$A_i = (510,90,120)$$
  $B_i = (270,140,200,110)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 1 & 4 & 7 & 3 \\ 5 & 6 & 8 & 9 \\ 7 & 2 & 4 & 8 \end{pmatrix}$$

25. 
$$A_i = (160,140,60)$$
  $B_j = (80,80,60,80)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 5 & 4 & 3 & 4 \\ 3 & 2 & 5 & 5 \\ 1 & 6 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

26. 
$$A_i = (80,140,70)$$
  $B_i = (80,50,50,70)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 4 & 2 & 3 & 1 \\ 6 & 3 & 5 & 6 \\ 3 & 2 & 6 & 3 \end{pmatrix}$$

27. 
$$A_i = (180,90,170)$$
  $B_j = (45,45,100,160)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 6 & 7 & 3 & 2 \\ 5 & 1 & 4 & 3 \\ 3 & 2 & 6 & 2 \end{pmatrix}$$

28. 
$$A_i = (100,150,50)$$
  $B_i = (75,80,60,85)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 6 & 7 & 3 & 5 \\ 1 & 2 & 5 & 6 \\ 8 & 10 & 20 & 1 \end{pmatrix}$$

29. 
$$A_i = (110,190,90)$$
  $B_j = (80,60,170,80)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 8 & 1 & 9 & 7 \\ 4 & 6 & 2 & 12 \\ 3 & 5 & 8 & 9 \end{pmatrix}$$

30. 
$$A_i = (175,125,140)$$
  $B_j = (180,110,60,40)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 9 & 7 & 5 & 3 \\ 1 & 2 & 4 & 6 \\ 8 & 10 & 12 & 1 \end{pmatrix}$$

31. 
$$A_i = (180,350,20)$$
  $B_j = (110,90,120,80,150)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 7 & 12 & 4 & 8 & 5 \\ 1 & 8 & 6 & 5 & 3 \\ 6 & 13 & 8 & 7 & 4 \end{pmatrix}$$

32. 
$$A_i = (45,30,50)$$
  $B_i = (20,40,45,20)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 4 & 2 & 3 & 5 \\ 3 & 6 & 2 & 0 \\ 1 & 5 & 4 & 7 \end{pmatrix}$$

33. 
$$A_i = (40,60,40,80)$$
  $B_j = (30,80,60,50)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 4,5 & 3 & 2 & 1,2 \\ 4 & 5 & 6 & 1 \\ 3,5 & 2,6 & 1,3 & 1,4 \\ 3,2 & 4,1 & 2,5 & 5,8 \end{pmatrix}$$

34. 
$$A_i = (100,300,600)$$
  $B_j = (300,400,100,200)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 3 & 6 & 5 & 1 \\ 1 & 4 & 3 & 2 \\ 3 & 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

35. 
$$A_i = (59,48,35)$$
  $B_j = (36,34,32,40)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 2 & 4 \\ 5 & 6 & 3 & 8 \\ 6 & 3 & 4 & 2 \end{pmatrix}$$

36. 
$$A_i = (160,140,170)$$
  $B_j = (120,50,190,110)$ 

$$C_{ij} = \begin{pmatrix} 7 & 8 & 1 & 2 \\ 4 & 5 & 9 & 8 \\ 9 & 2 & 3 & 6 \end{pmatrix}$$